

بروزترین و ابرترین
سایت کنکوری کشور

WWW.KONKUR.INFO



دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۱ (از ۲)

از ساعت ۸ تا ۵:۰۰ صبح

پنجمین
گروه اختصاصی



آزمون ۲۰ بهمن ۱۴۰۲

آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	نا شماره
۱	حسابات	۱۰	۱	۲۰
		۱۰		
۲	ریاضی پایه	۱۰	۲۱	۳۰
۳	هندسه	۱۰	۳۱	۵۰
		۱۰		
۴	زوج کتاب	۱۰	۴۱	۶۰
		۱۰		۷۰
۵	ریاضیات گسسته	۱۰	۵۱	۹۰
		۱۰		

تحلیل آزمون: کار را که کرد... آن که تمام کرد

وقتی آزمون به پایان می‌رسد، هنوز یک بخش مهم از برنامه باقی مانده است؛ یعنی تحلیل آزمون. تحلیل آزمون هم یادگیری‌های ناقص شما را کامل می‌کند و جنبه آموزشی دارد و هم مهارت‌های آزمون دادن شما را مورد توجه قرار می‌دهد و دید شما را بازتر می‌کند. در کنار آن تحلیل آزمون می‌تواند در برنامه‌ریزی برای آزمون بعدی هم به شما کمک کند.



آزمون «۲۰ بهمن ۱۴۰۲»

اختصاصی دوازدهم ریاضی

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات عادی و سریع: ۱۱۰ دقیقه

از ساعت ۸ تا ۵:۳۰ صبح

نحوه پاسخ‌گیری سوال

تعداد کل سوالات: ۹۰ سوال

(۵۰ سوال اجباری + ۴۰ سوال اختیاری)

شماره سوال	تعداد سوال	نام درس
۱-۲۰	۱۰	عادی
	۱۰	پیشروی سریع
۲۱-۳۰	۱۰	ریاضی پایه
	۱۰	هندسه
۳۱-۵۰	۱۰	عادی
	۱۰	پیشروی سریع
۵۱-۶۰	۱۰	هندسه
۶۱-۷۰	۱۰	هندسه
۷۱-۹۰	۱۰	زوج کتاب
	۱۰	ریاضیات گستته

جدید آورندگان

نام طراحان	نام درس
شاهین پروازی-عادل حسینی-افشین خاصه‌خان-محمد رضا راسخ-جمشید عباسی-حیدر علیزاده-کامیار علیسون کیان کریمی خراسانی-سپهر متولی-حامد معنوی-مهدي ملارمضاني-مهرداد ملوندي-میلاد منصوری	حسابان ۲ و ریاضی پایه
امیرحسین ابو محیوب-احسان اسفندیار-علی ایمانی-جواد ترکمن-سید محمد رضا حسینی فرد-افشین خاصه‌خان-کیوان دارابی سوگند روشنی-محمد صحت کار-مهرداد ملوندی	هندسه
علی ایمانی-جواد ترکمن-فرزاد جوادی-سید محمد رضا حسینی فرد-کیوان دارابی-مصطفی دیداری-سوگند روشنی محمد صحت کار-مهرداد ملوندی	ریاضیات گستته

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی پایه	هندسه	ریاضیات گستته
گزینشگر	عادل حسینی	کیوان دارابی محمد صحت کار	کیوان دارابی مهرداد ملوندی
گروه ویراستاری	مهدی ملارمضانی سعید خان‌بابایی محمد رضا راسخ	مهرداد ملوندی	پارسا نوروزی‌منش مهدی خالقی
روبه های برتر	پارسا نوروزی‌منش سهیل تقی‌زاده	پارسا نوروزی‌منش مهبد خالقی	امیرحسین ابو محیوب
مسئول درس	عادل حسینی	کیان کریمی خراسانی-سپهر متولی	فرزانه فتح‌اله‌زاده
مستند سازی	سمیه اسکندری	سوگند روشنی	سرژ بیکار اریان تبریزی

کروه قلت و تواید

مهداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنی‌زاده	مسئول دفترچه
مدیر گروه: محیا اصغری	گروه مستندسازی
مسئول دفترچه: الهه شهیازی ویراستاران: علیرضا زارعی-امیر قلی‌پور-امیر محمد موحدی	فرزانه فتح‌اله‌زاده
حروف نگار	سوران نعیمی
ناظر چاپ	

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۳۱-۶۴۶۳

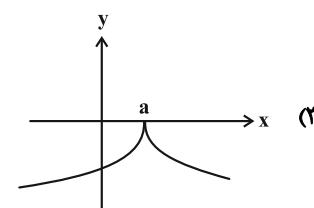
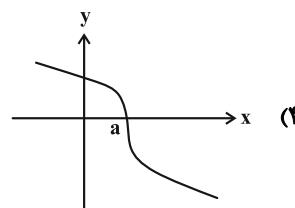
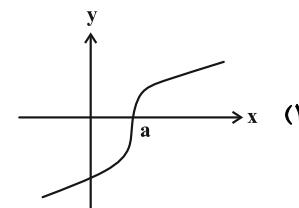
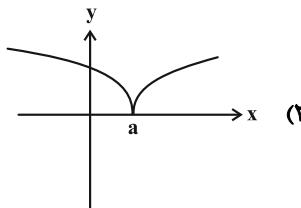


وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲: مشتق: صفحه‌های ۷۱ تا ۸۹

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

- ۱- تعبیر هندسی $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)-f(a)}{x-a} = -\infty$ در یک همسایگی $x=a$, در کدام نمودار به درستی نشان داده شده است؟



- ۲- اگر $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(3+4h)-f(3)}{4h}$ باشد، حاصل کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

- ۳- در تابع درجه دوم f داریم: $f'(a)=2$ و $\frac{a+b}{2}=x_S$. اگر خط عمود بر نمودار تابع f در $x=b$, محور عرض‌ها را در

عرض ۳- قطع کند، مقدار b کدام است؟

-۸ (۲)

۸ (۱)

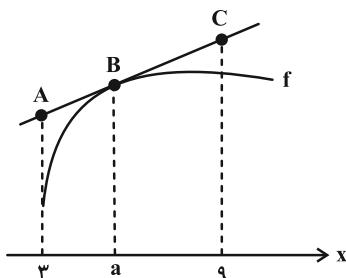
-۴ (۴)

۴ (۳)

محل انجام سحابیات



۴- در شکل زیر، نمودار تابع f و خط مماس بر آن در $x = a$ رسم شده است، به طوری که $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)-11}{x-a} = 2$. اگر اندازه BC دو برابر اندازه AB باشد، مجموع عرضهای نقاط A و C کدام است؟



۱۹ (۱)

۱۲ (۲)

۲۶ (۳)

۲۷ (۴)

۵- دامنه مشتق تابع $y = \sqrt{x^3 - 3x - 2}$ کدام است؟

(−۱, ۲) (۲)

(۰, +∞) (۱)

(۲, +∞) (۴)

(-1, +∞) (۳)

۶- تابع $f(x) = \frac{\sqrt{1-\sin \pi x}}{2x-[x+\frac{1}{2}]}$ در مجموعه $\{-1, \sqrt{2}\} - \{0\}$ چند نقطه مشتق‌ناپذیر دارد؟ ()، نماد جزء صحیح است.

۲ (۲)

۳ (۱)

صفر (۴)

۱ (۳)

۷- تابع $f(x) = (kx+1)[x^2+kx]$ در $x = -1$ مشتق‌پذیر است. $(-3)^{'}$ کدام است? ($k \in \mathbb{Z}$) و ()، نماد جزء صحیح است.

۵ (۲)

۷ (۱)

۶ (۴)

۴ (۳)

۸- تابع $f(x) = \begin{cases} [-2x]x+1 & ; \quad x \leq 1 \\ -x & ; \quad x > 1 \end{cases}$ مفروض است. حاصل $\lim_{h \rightarrow 0^{-}} \frac{f(1+h)-f(1)}{h^2-h}$ کدام است? ()، نماد جزء صحیح است.

۱ (۲)

-۴ (۱)

صفر (۴)

-۳ (۳)

۹- بر نمودار تابع $f(x) = \sqrt[3]{1-\sqrt[3]{x^2-x}}$ چند خط مماس موازی محورهای مختصات می‌توان رسم کرد؟ آزمون وی ای پی

۴ (۲)

۳ (۱)

۶ (۴)

۵ (۳)

۱۰- تابع $f(x) = |m-x| - 4x+m$ شش نقطه مشتق‌ناپذیر دارد. بزرگ‌ترین مقدار صحیح m کدام است؟

۱ (۲)

۱) صفر

۳ (۴)

۲ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲ : مشتق: صفحه های ۹۰ تا ۱۰۱

دانش آموزانی که خود را برای کنکور مرحلاً اول آماده می کنند، باید به این دسته سوالات (پیش روی سریع) نیز، پاسخ دهند.

۱۱- مشتق تابع $y = \sqrt{x^2 + 1}$ در $x = \sqrt{3}$ کدام است؟ $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۱) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۴)

۲ (۳)

۱۲- فرض کنید f تابعی مشتق پذیر با دامنه \mathbb{R} باشد. اگر $f(x) = f'(2)x^3 + x$ باشد، مقدار $f'(3)$ کدام است؟

-۲ (۲)

۲ (۱)

۱ (۴)

-۱ (۳)

۱۳- تابع f یک چندجمله‌ای است. اگر $f(0) = 3$ و $f'(2x) + f''(x) = 4x + 1$ باشد، عرض از مبدأ تابع f کدام است؟

۳ (۲)

۲ (۱)

۱ (۴)

۴ (۳)

۱۴- اگر $f(x) = 2^{\log_2 |x|}$ و $g(x) = 2^{\log_2 x^3}$ باشند، مقدار تابع $f' \cdot g + f \cdot g'$ به ازای $x = 2$ کدام است؟ آزمون وی ای پی

۴ (۲)

۲ (۱)

۱۶ (۴)

۸ (۳)

۱۵- اگر $f(x) = (\frac{\pi}{16})^{\frac{1+\sin 4x}{\sin 2x + \cos 2x}}$ باشد، حاصل $f'(x)$ کدام است؟ $-2\sqrt{2}$ (۲) $2\sqrt{2}$ (۱) $-4\sqrt{2}$ (۴) $4\sqrt{2}$ (۳)

محل انجام محاسبات



۱۶- معادله خط مماس بر نمودار تابع $f(x) = x \tan \frac{\pi x}{2}$ در $x = \frac{1}{2}$ کدام است؟

$$(2\pi + 4)x = \pi + 4y \quad (2)$$

$$2\pi x = \pi + 4y \quad (1)$$

$$x + 1 = \pi + 4y \quad (4)$$

$$x = y \quad (3)$$

۱۷- اگر $g(x) = x - 2$ و $f(x) = x^3 - 4x + 4$ باشد، حاصل عبارت $\frac{f'g - g'f}{\sqrt{fg}}$ کدام است؟

$$1 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

$$\sqrt{3} \quad (4)$$

$$\sqrt{2} \quad (3)$$

۱۸- اگر $g(x) = \sqrt{5-x} - 4$ و $f(x) = \frac{[-x]x}{x^3 + [\frac{1}{x}]}$ باشد، $(fog)'_+$ کدام است؟ []، نماد جزء صحیح است.

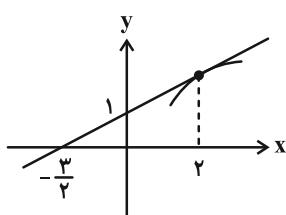
$$-\frac{1}{4} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (1)$$

$$-\frac{3}{4} \quad (3)$$

$$\frac{3}{4} \quad (3)$$

۱۹- در شکل زیر بخشی از نمودار تابع f و خط مماس بر آن در $x = 2$ رسم شده است. اگر مشتق دوم تابع $y = f(\sqrt{x})$ در $x = 4$ برابر صفر باشد، مقدار $f''(2)$ کدام است؟



$$-\frac{3}{2} \quad (1)$$

$$\frac{2}{3} \quad (2)$$

$$\frac{1}{3} \quad (3)$$

$$\frac{4}{3} \quad (4)$$

۲۰- با فرض $g(x) = \frac{-1}{f'(x)}$ و $f(x^3 + 2x) = \frac{1}{\sqrt{x-1}}$ کدام است؟

$$\frac{1}{40} \quad (2)$$

$$\frac{1}{20} \quad (1)$$

$$-\frac{1}{20} \quad (4)$$

$$-\frac{1}{40} \quad (3)$$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی پایه: ریاضی ۱: معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه‌های ۳۶ تا ۹۳ / حسابان ۱: جبر و معادله: صفحه‌های ۷ تا ۲۶

۲۱- بیشترین مقدار عبارت $(x+2)(x-1)-2x$ کدام است؟

$$-\frac{3}{4} \quad (2)$$

$$\frac{9}{4} \quad (1)$$

$$-1 \quad (4)$$

$$\frac{1}{4} \quad (3)$$

۲۲- چند عدد صحیح در نامعادله $\frac{3x-|x-2|}{x+2} \leq 1$ قرار می‌گیرد؟

$$1 \quad (2)$$

$$0 \quad (1)$$

$$3 \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

۲۳- اگر α و β جواب‌های معادله $\frac{1}{2\beta-1}x^2 - 11x - 3 = 0$ هستند. جواب‌های کدام معادله $\frac{1}{2\alpha-1}x^2 + 9x + 1 = 0$ است؟

$$13x^2 + 9x + 1 = 0 \quad (2)$$

$$13x^2 + 9x - 1 = 0 \quad (1)$$

$$16x^2 + 9x + 1 = 0 \quad (4)$$

$$16x^2 + 9x - 1 = 0 \quad (3)$$

۲۴- نمودار تابع $y = kx^2 - 3kx - 1$ از حداقل سه ناحیه دستگاه مختصات عبور می‌کند. حدود k کدام است؟

$$(-\frac{9}{4}, +\infty) - \{0\} \quad (2)$$

$$\mathbb{R} - [-\frac{9}{4}, 0] \quad (1)$$

$$\mathbb{R} - [-\frac{4}{9}, 0] \quad (4)$$

$$(-\frac{4}{9}, +\infty) - \{0\} \quad (3)$$

۲۵- دو مهندس کامپیوتر قصد انجام پژوهه‌ای واحد را دارند. اگر همین پژوهه را مهندس اول به تنها یی انجام دهد، ۴ روز بیشتر از

همکاری مشترک زمان نیاز دارد و همین زمان برای مهندس دوم، ۶ روز بیشتر از مدت زمان همکاری مشترک زمان است.

مدت زمان همکاری مشترک این دو مهندس چند روز است؟

$$6 \quad (2)$$

$$4 \quad (1)$$

$$10 \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

محل انجام محاسبات



۲۶- بزرگ‌ترین جواب معادله $\sqrt{3x^2 + \frac{1}{x}} = x+1$ چند برابر کوچک‌ترین جواب آن است؟

۲ (۲)

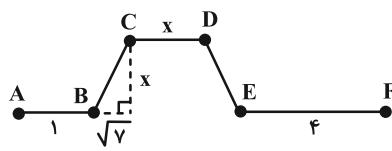
-۲ (۱)

-۱ (۴)

$-\sqrt{2}$ (۳)

۲۷- طول مسیر A تا F در شکل زیر برابر با ۱۶ کیلومتر است. طول BC کدام است؟ ($BC = DE$) آزمون وی ای پی

۴ (۱)



$\frac{31}{3}$ (۲)

$\frac{20}{3}$ (۳)

۳ (۴)

۲۸- اگر $x = \alpha$ تنها جواب معادله $k\alpha < 0$ باشد، چند مقدار صحیح برای k پیدا می‌شود؟

۱ (۲)

۰ (صفر)

۳ (۴)

۲ (۳)

۲۹- خط $y = 1$ در چند نقطه نمودار تابع $y = |x+2| + |x^2 - 3|$ را قطع می‌کند؟

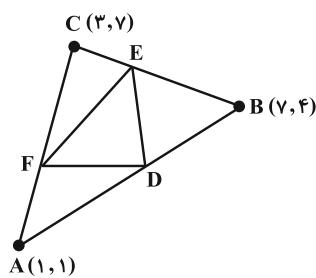
۱ (۲)

۰ (صفر)

۳ (۴)

۲ (۳)

۳۰- در شکل زیر، نقاط D، E و F به ترتیب روی اضلاع AB، BC و AC به گونه‌ای هستند که مساحت

$$\frac{AD}{BD} = \frac{BE}{CE} = \frac{CF}{AF} = 2$$


مثلث DEF کدام است؟

۴ (۱)

۵ (۲)

۶ (۳)

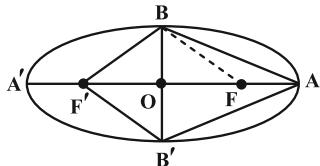
۷ (۴)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندهسه ۳: آشنایی با مقاطع مخروطی (تا پایان انتقال (محورها)): صفحه های ۴۷ تا ۵۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۳۱- در بیضی شکل زیر نسبت مساحت چهارضلعی $ABF'B'$ به مساحت مثلث ABF برابر ۵ است. خروج از مرکز کدام است؟

$\frac{3}{5}$ (۱)

$\frac{3}{7}$ (۲)

$\frac{1}{2}$ (۳)

$\frac{3}{4}$ (۴)

۳۲- در یک بیضی $(1, 1, 5, 1)$ و $(-1, 1, 5, 1)$ دو سر قطر بزرگ و فاصله کانونی بیضی برابر ۳ است. مجموع طول و عرض رأس ناکانونی

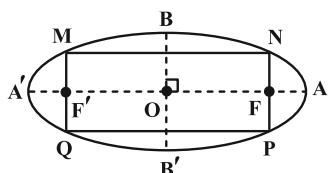
بیضی که در ناحیه اول دستگاه مختصات قرار دارد کدام است؟

$2 + \frac{\sqrt{3}}{2}$ (۱)

$3 + \sqrt{3}$ (۲)

$4\sqrt{3}$ (۳)

$3 + \frac{3\sqrt{3}}{2}$ (۴)

۳۳- در بیضی زیر، داریم $AF = \sqrt{3}$ و $BF = 2\sqrt{3}$ ؛ از F و F' عمودهایی بر محور کانونی بیضی رسم می‌کنیم، محیط چهارضلعیکدام است؟ $MNPQ$ 

$8\sqrt{3}$ (۱)

$12\sqrt{3}$ (۲)

$9\sqrt{3}$ (۳)

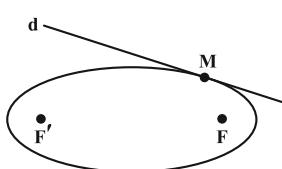
$10\sqrt{3}$ (۴)

محل انجام محاسبات



۳۴- در بیضی زیر، طول قطر بزرگ $3\sqrt{3}$ ، فاصلۀ کانونی برابر $\sqrt{21}$ و خط d در نقطۀ M بر بیضی مماس است. و از کانون

F' خطی موازی MF رسم کنیم تا خط d را در N قطع کند. زاویۀ بین پاره خط NF' و خط d چند درجه است؟



۳۰ (۱)

۴۵ (۲)

۶۰ (۳)

۷۵ (۴)

۳۵- نقاط $(1, -5)$ و $(-1, -5)$ به ترتیب رأس و کانون یک سهمی هستند. معادله این سهمی کدام است؟

$$(y+1)^2 = 6(x-5) \quad (۲)$$

$$(y+1)^2 = -6(x-5) \quad (۱)$$

$$(y+1)^2 = 12(x-5) \quad (۴)$$

$$(y+1)^2 = -12(x-5) \quad (۳)$$

۳۶- می خواهیم مجسمه‌ای را به گونه‌ای نصب کنیم که فاصلۀ آن از رودخانه و ساختمان A به یک اندازه باشد. اگر معادله رودخانه را

$y = 1$ و مختصات ساختمان A را نقطۀ $(5, 2)$ در نظر بگیریم، مجسمه را در کدام یک از نقاط زیر می‌توان نصب کرد؟



(-3, 6) (۱)

(-2, 5) (۲)

(-1, 4) (۳)

(0, 5) (۴)

محل انجام محاسبات



۳۷- خطی که از کانون یک سهمی به موازات خط هادی آن رسم می‌شود، سهمی را در نقاط $(2, 7)$ و $(-1, 2)$ قطع می‌کند. معادله این سهمی کدام می‌تواند باشد؟

$$y^2 - 6y + 8x = -9 \quad (2)$$

$$y^2 - 6y - 8x = -9 \quad (1)$$

$$y^2 - 6y - 8x = -23 \quad (4)$$

$$y^2 - 6y + 8x = -23 \quad (3)$$

۳۸- معادله مکان هندسی مرکز دایره‌های گذرا از نقطه $(-1, 2)$ و مماس بر خط $x = 4$ ، کدام است؟

$$(y+1)^2 = -4(x-3) \quad (2)$$

$$(y+1)^2 = -2(x-3) \quad (1)$$

$$(x-3)^2 = -4(y+1) \quad (4)$$

$$(x-3)^2 = -2(y+1) \quad (3)$$

۳۹- به مرکز کانون سهمی $y = 4x^2$ یک دایره به شعاع ۳ رسم می‌کنیم. این دایره سهمی را در دو نقطه قطع می‌کند، فاصله این دو نقطه از هم چقدر است؟

$$3\sqrt{2} \quad (2)$$

$$2\sqrt{2} \quad (1)$$

$$8\sqrt{2} \quad (4)$$

$$4\sqrt{2} \quad (3)$$

۴۰- خط $x = 2$ محور تقارن و محور y ها خط هادی یک سهمی است که از نقطه $M(4, 6)$ عبور می‌کند. اگر نقاط A و B روی این سهمی از رأس و کانون آن به یک فاصله باشند، آنگاه مساحت مثلث OAB کدام است؟ (O مبدأ مختصات است).

$$3\sqrt{2} \quad (2)$$

$$3 \quad (1)$$

$$6\sqrt{2} \quad (4)$$

$$6 \quad (3)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده سه ۳: آشنایی با مقاطع مخروطی - بردارها: صفحه های ۵۴ تا ۶۳

دانش آموزانی که خود را برای کنکور مرحله اول آماده می کنند، باید به این دسته سوالات (پیش روی سریع) نیز، پاسخ دهند.

۴۱- اگر کانون سهمی $x = \frac{y^2}{4} - \frac{y}{2} + c$ روى خط $y = 2x$ واقع باشد، مقدار c کدام است؟

$\frac{3}{4}$ (۲)

$\frac{1}{4}$ (۱)

$\frac{3}{2}$ (۴)

$\frac{5}{4}$ (۳)

۴۲- دو اشعه نورانی در امتداد خطوط $y = 1$ و $y = -5$ به داخل سهمی نقره اندود به معادله $0 = 4y + 4x$ می تابانیم. مختصات نقطه تلاقی بازتاب این دو پرتو برابر کدام است؟

(۰, -۲) (۲)

(-۲, ۰) (۱)

(۲, ۰) (۴)

(۰, ۲) (۳)

۴۳- در سهمی $y^2 - 2y + 4x - 7 = 0$ اگر پرتو نوری به معادله $2 = y$ بر درون سطح آینه ای سهمی بتاولد، پرتو بازتاب محور x ها را در چه طولی قطع می کند؟

$-\frac{1}{3}$ (۲)

$\frac{1}{4}$ (۱)

۳ (۴)

-۴ (۳)

۴۴- در یک سهمی از کانون به نقطه M روی سهمی یک پاره خط رسم کردہ ایم. FM را امتداد می دهیم تا خط هادی را در نقطه N قطع کند. اگر اندازه $FM = 1/5$ برابر فاصله کانونی باشد، طول MN چند برابر فاصله کانونی است؟

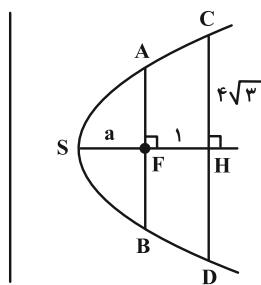
۲/۵ (۲)

۱/۵ (۱)

۴/۵ (۴)

۳/۵ (۳)

۴۵- در شکل زیر، F کانون سهمی است و وترهای AB و CD با خط هادی موازی هستند. اگر $CH = 4\sqrt{3}$ و $FH = 1$ ، آن گاه اندازه AB چقدر است؟



۸ (۱)

۹ (۲)

۱۰ (۳)

۱۲ (۴)



۴۶- در سهمی به معادله $x = 8y^3$ ، یک شعاع نور از کانون سهمی به نقطه A به طول $\frac{1}{2}$ روی نمودار سهمی می‌تابد. اگر خط مماس

بر سهمی در نقطه A، محور تقارن سهمی را در نقطه B قطع کند آن‌گاه فاصله نقطه B تا کانون سهمی چقدر است؟

$$\frac{7}{2} \quad (2)$$

$$\frac{5}{2} \quad (1)$$

$$\frac{7}{2} \quad (4)$$

$$\frac{5}{3} \quad (3)$$

۴۷- معادله یک سهمی به صورت $0 = 6x - 5y^3 - 2y + 11$ است. خطی که از کانون این سهمی می‌گذرد و با خط هادی موازی است

سهمی را در دو نقطه M و N قطع می‌کند. فاصله نقطه M از رأس سهمی چقدر است؟ آزمون وی ای بی

$$\frac{3\sqrt{5}}{4} \quad (2)$$

$$\frac{3\sqrt{5}}{2} \quad (1)$$

$$\frac{4\sqrt{5}}{3} \quad (4)$$

$$\frac{2\sqrt{5}}{3} \quad (3)$$

۴۸- دو دیش مخابراتی که عمق (گودی) آن‌ها به ترتیب ۲۵ و ۲۰ سانتی‌متر است مفروض‌اند. اگر فاصله کانونی دیش دوم ۵ برابر

فاصله کانونی دیش اول باشد، قطر دهانه دیش اول چند برابر قطر دهانه دیش دوم است؟

$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (1)$$

$$4 \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

۴۹- از برخورد خطوطی موازی نیمساز ناحیه‌های اول و سوم با سهمی به معادله $(1-x)^3 = 2(y+3)$ پاره‌خط‌هایی ایجاد شده است.

معادله مکان هندسی وسط این پاره‌خط‌ها کدام است؟

$$x = \frac{3}{2} \quad (2)$$

$$x = 1 \quad (1)$$

$$x = 3 \quad (4)$$

$$x = 2 \quad (3)$$

۵۰- نقاط (x, y) در رابطه $M(x, y) = x^3 - 3x^2 - 4 \leq y \leq x + 1$ صدق می‌کنند. بیشترین فاصله نقطه M از مبدأ مختصات چقدر است؟

$$\sqrt{41} \quad (2)$$

$$\sqrt{65} \quad (1)$$

$$\sqrt{61} \quad (4)$$

$$\sqrt{34} \quad (3)$$

محل انجام حسابات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۲: روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۱ تا ۷۶

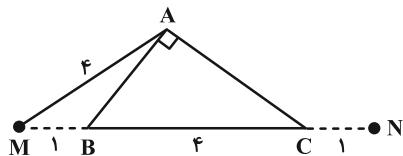
توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال هندسه ۲ (۶۱ تا ۷۰) و هندسه ۱ (۵۱ تا ۶۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

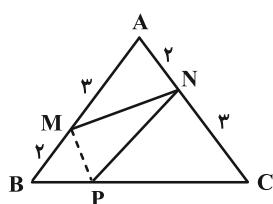
۵۱- مطابق شکل، در مثلث قائم الزاویه ABC، وتر $BC = 4$ را از دو سمت به اندازه ۱ واحد تا نقاط M و N امتداد می‌دهیم. اگر

AM = ۴ باشد، اندازه AN چقدر است؟

(۱)

 $\frac{16}{3}$ (۲) $2\sqrt{3}$ (۳) $\sqrt{10}$ (۴)۵۲- در مثلث متساوی الساقین زیر، نقطه P روی قاعده BC و نزدیک‌تر به رأس B، این قاعده را به نسبت $\frac{1}{4}$ تقسیم کرده

است. مساحت مثلث PMN چه کسری از مساحت کل است؟

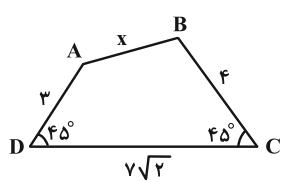
 $\frac{1}{4}$ (۱) $\frac{3}{16}$ (۲) $\frac{1}{5}$ (۳) $\frac{2}{9}$ (۴)

۵۳- در چهارضلعی زیر، با توجه به اندازه‌های داده شده، مقدار x کدام است؟

 $5\sqrt{2}$ (۱) $4\sqrt{2}$ (۲)

۴ (۳)

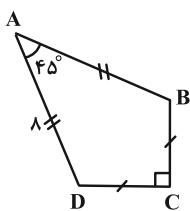
۵ (۴)



محل انجام محاسبات



۵۴- مساحت کایت ABCD در شکل زیر، چند واحد مربع است؟



۲۴ (۱)

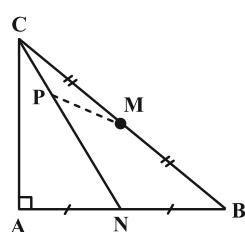
۳۲ (۲)

۴۰ (۳)

۴۸ (۴)

۵۵- در شکل زیر، مثلث ABC در رأس A قائم است و نقاط M و N به ترتیب وسط ضلع‌های BC و AB می‌باشند. اگر

$3MP = 2PN = 4CP = 12$ باشد، طول میانه AM چقدر است؟



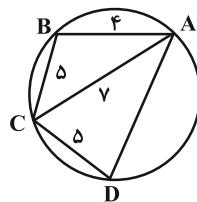
$3\sqrt{5}$ (۱)

$6\sqrt{2}$ (۲)

۶ (۳)

۹ (۴)

۵۶- مساحت چهارضلعی محاطی شکل زیر چقدر است؟



$18\sqrt{3}$ (۱)

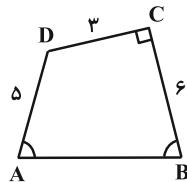
$16\sqrt{3}$ (۲)

$10\sqrt{6}$ (۳)

$12\sqrt{6}$ (۴)

محل انجام سحابیات

۵۷- در چهارضلعی شکل زیر، اگر $\hat{A} = \hat{B} = ۹۰^\circ$ و $\hat{C} = \hat{D}$ ، آن‌گاه طول AB چقدر است؟



$$4\sqrt{3} \quad (1)$$

$$3\sqrt{5} \quad (2)$$

$$7 \quad (3)$$

$$2\sqrt{10} \quad (4)$$

۵۸- اندازه قطرهای یک متوازی‌الاضلاع برابر ۴ و $2\sqrt{2}$ واحد و مساحت آن ۴ واحد مربع است. محیط این متوازی‌الاضلاع برابر کدام است؟

$$2(2 + \sqrt{6}) \quad (2)$$

$$2(\sqrt{2} + \sqrt{10}) \quad (1)$$

$$2(2 + \sqrt{10}) \quad (4)$$

$$2(2 + 2\sqrt{2}) \quad (3)$$

۵۹- در مثلثی یک ضلع دو برابر ضلع دیگر است. اگر طول نیمساز زاویه بین این دو ضلع ۲ برابر قطعه کوچک‌تری باشد که از برخوردهای نیمساز با ضلع مقابل ایجاد می‌شود، در این صورت ضلع بزرگ‌تر (نظیر) این زاویه چند برابر نیمساز مذکور است؟

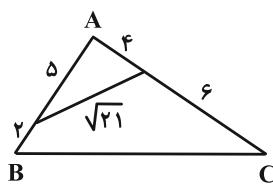
$$\sqrt{2} \quad (2)$$

$$\sqrt{3} \quad (1)$$

$$2 \quad (4)$$

$$\frac{3}{2} \quad (3)$$

۶۰- در شکل زیر مساحت مثلث ABC کدام است؟



$$35\sqrt{3} \quad (1)$$

$$12/\sqrt{3} \quad (2)$$

$$35 \quad (3)$$

$$17/5 \quad (4)$$

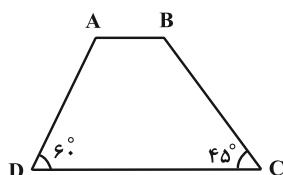


وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۱: چندضلعی‌ها - قسم فضایی: صفحه‌های ۶۵ تا ۹۶

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال هنده ۱ (۶۰ تا ۵۱) و هنده ۲ (۷۰ تا ۶۱) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرد و پاسخ دهد.

۶۱- در ذوزنقه زیر، طول قاعده کوچک برابر $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ و طول ساق بزرگ برابر ۶ است. مساحت ذوزنقه کدام است؟

(۱) $18+3\sqrt{3}$

(۲) $12+6\sqrt{3}$

(۳) $12+3\sqrt{3}$

(۴) $18+6\sqrt{3}$

۶۲- چند مورد از گزاره‌های زیر در مورد خط و صفحه در فضا همواره درست است؟

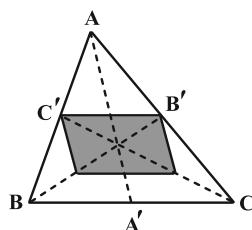
الف) اگر دو صفحه P_1 و P_2 بر صفحه Q عمود باشند دو صفحه P_1 و P_2 نمی‌توانند بر هم عمود باشند.ب) اگر خط d و صفحه P بر صفحه Q عمود باشند، آن‌گاه خط d با صفحه P موازی بوده یا بر آن منطبق است.ج) اگر دو خط d_1 و d_2 بر خط L عمود باشند، خطهای d_1 و d_2 نمی‌توانند بر هم عمود باشند.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴) هیچ کدام

۳ (۳)

۶۳- در شکل زیر میانه‌های AA' , BB' و CC' رسم شده‌اند. مساحت متوازی‌الاضلاع رنگی، چه کسری از مساحت مثلث ABC است؟

(۱) $\frac{4}{9}$

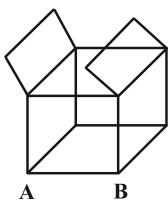
(۲) $\frac{1}{3}$

(۳) $\frac{1}{4}$

(۴) $\frac{1}{2}$

محل انجام محاسبات

۶۴- در شکل زیر اگر m و n به ترتیب تعداد خطوط متنافر و موازی با AB باشند، حاصل $m - n$ برابر کدام است؟



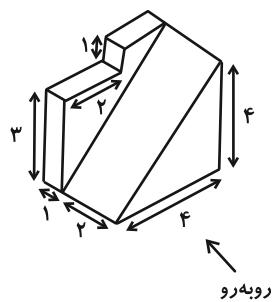
۷ (۱)

۶ (۲)

۵ (۳)

۴ (۴)

۶۵- اگر شکل زیر را در نظر بگیریم، مساحت کدام دو نما با هم یکسان نیست؟



۱) راست-چپ

۲) راست-بالا

۳) چپ-بالا

۴) رو به رو-بالا

۶۶- در مثلث ABC ، دو میانه AM و BN بر هم عمود هستند. اگر مساحت این مثلث برابر ۳۶ و طول میانه BN برابر ۶ باشد، طول

ضلع BC کدام است؟

۱۰ (۲)

۹ (۱)

$2\sqrt{13}$ (۴)

$2\sqrt{10}$ (۳)

۶۷- مساحت یک چندضلعی شبکه‌ای برابر ۷ است. اختلاف بین حداکثر و حداقل مجموع تعداد نقاط مرزی و درونی این چندضلعی

کدام است؟

۴ (۲)

۲ (۱)

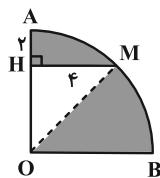
۸ (۴)

۶ (۳)



۶۸- ربع دایره زیر را حول شعاع OA دوران می‌دهیم. حجم ناحیۀ سایه‌زده شده چقدر است؟ ($MH = 4$ و $AH = 2$)

$$61\pi \quad (1)$$

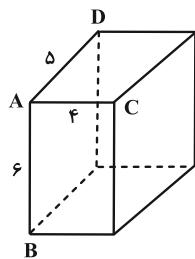


$$\frac{182\pi}{3} \quad (2)$$

$$67\pi \quad (3)$$

$$\frac{202\pi}{3} \quad (4)$$

۶۹- در شکل زیر، صفحه‌ای گذرا از یال AB رسم می‌کنیم تا مکعب مستطیل را قطع کند. اگر فاصلۀ رأس D از سطح مقطع حاصل برابر $\frac{3}{6}$ واحد باشد، مساحت این سطح مقطع چند واحد مربع است؟



$$40 \quad (1)$$

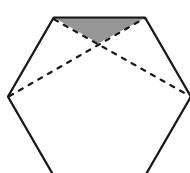
$$\frac{100}{3} \quad (2)$$

$$25 \quad (3)$$

$$\frac{80}{3} \quad (4)$$

۷۰- در شکل زیر، مساحت مثلث سایه‌زده چه کسری از مساحت شش‌ضلعی منتظم است؟

$$\frac{1}{12} \quad (1)$$



$$\frac{1}{18} \quad (2)$$

$$\frac{1}{24} \quad (3)$$

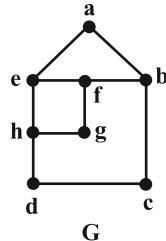
$$\frac{1}{36} \quad (4)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گیسته: گراف و مدل‌سازی: صفحه‌های ۴۳ تا ۵۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۷۱- چه تعداد از مجموعه‌های زیر، یک مجموعه احاطه‌گر برای گراف G است؟(الف) $N_G(f)$ (ب) $N_{\bar{G}}[f]$ (پ) $N_{\bar{G}}(g)$

۱ (۲)

(۱) صفر

۳ (۴)

۲ (۳)

۷۲- عدد احاطه‌گری گراف ۲- منظم مرتبه ۱۲، کدام نمی‌تواند باشد؟

۵ (۲)

(۱)

۷ (۴)

۶ (۳)

۷۳- اگر دنباله درجات رئوس گراف G به صورت $2, 2, 2, 2, 4, 4, 2, 2, 4$ باشد به طوری که دو رأس از درجه Δ با هم مجاور نباشند،آن‌گاه تعداد γ - مجموعه‌ها و مقدار γ به ترتیب (از راست به چپ) کدام است؟

۲ و ۹ (۲)

(۱) و ۸

۴ و ۱ (۴)

۳ و ۲ (۳)

۷۴- عدد احاطه‌گری گراف G از مرتبه ۵ برابر $\gamma = 2$ است. اگر اندازه G حداقل مقدار ممکن باشد، چند مجموعه احاطه‌گر مینیمم دارد؟

۱۰ (۲)

(۱)

۸ (۴)

۷ (۳)

محل انجام محاسبات



۷۵- در گرافی از مرتبه ۷، اگر $\gamma = 8$ باشد، آن‌گاه بیشترین مقدار ممکن برای عدد احاطه‌گری چقدر است؟

۲ (۲)

۵ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۷۶- گراف ساده و ناهمبند G با p رأس از اجتماع دو گراف C_n و P_m تشکیل شده است. اگر عدد احاطه‌گری این گراف برابر ۳ و

مرتبه آن بیشترین مقدار ممکن باشد، آن‌گاه گراف مکمل G چند یال دارد؟

۲۲ (۲)

۲۱ (۱)

۲۸ (۴)

۲۷ (۳)

۷۷- در یک گراف ساده، درجه ماکریم برابر با ۳ و عدد احاطه‌گری برابر ۵ است. مرتبه این گراف چند عدد مختلف می‌تواند باشد؟

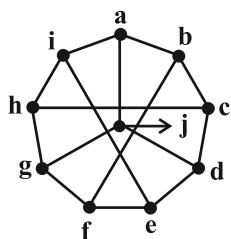
۹ (۲)

۸ (۱)

۱۴ (۴)

۱۳ (۳)

۷۸- کدام مجموعه برای گراف زیر یک مجموعه احاطه‌گر غیرمینیمال است؟



{a , b , c , d , j} (۱)

{a , c , f , h} (۲)

{a , g , d} (۳)

{f , e , i , b} (۴)

۷۹- گراف G از مرتبه p و $\gamma(G) = p-1$ است. گراف \bar{G} چند γ -مجموعه دارد؟ ($p \geq 3$)

۱ (۲)

۲ (۱)

p-۲ (۴)

p-1 (۳)

۸۰- اگر درجه‌های رئوس گراف ساده G به صورت $(1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 1, 1, 1, 1)$ باشد، آن‌گاه بیشترین مقدار $\gamma(G)$ کدام است؟

۳ (۲)

۲ (۱)

۵ (۴)

۴ (۳)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گستره: ترکیبات (تا سر فعالیت صفحه ۵۹): صفحه‌های ۵۶ تا ۵۹ / ریاضی ۱: شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۴۰

دانش آموزانی که خود را برای کنکور مرحلاً اول آماده می‌کنند، باید به این دسته سوالات (پیشروی سریع) نیز، پاسخ دهند.

۷- کتاب مختلف را به چند طریق در دو قفسه بچینیم که در هر قفسه حداقل ۱ کتاب قرار بگیرد؟ آزمون وی ای پی

۷×۷! (۲)

۶×۷! (۱)

(۲^۷ - ۲) × ۷! (۴) $\frac{7!}{2}$ (۳)

۸- در یک اردوی آموزشی، از چهار منطقه شمال، جنوب، غرب و شرق ایران به ترتیب ۵، ۵، ۵ و ۶ دانش آموز حضور دارند. به چند

طریق می‌توان از میان این دانش آموزان ۳ نفر انتخاب کرد به طوری که این ۳ نفر از سه منطقه مختلف انتخاب شده باشند؟

۴۷۵ (۲)

۵۷۵ (۱)

۵۰۰ (۴)

۶۰۰ (۳)

۹- تعداد اعداد طبیعی سه رقمی که حداقل یک رقم آنها مضرب ۳ باشد از تعداد اعداد چهار رقمی زوج چقدر کمتر است؟

۲۶۲۴ (۲)

۲۶۱۸ (۱)

۳۸۱۶ (۴)

۳۸۰۰ (۳)

۱۰- رأس یک مربع را با استفاده از ۵ رنگ مختلف به چند روش می‌توان رنگ آمیزی کرد به طوری که رأس‌های دو سر یک ضلع

همرنگ نباشند؟

۲۶۰ (۲)

۱۲۰ (۱)

۳۲۰ (۴)

۲۴۰ (۳)

۱۱- با ارقام ۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ۶ و ۷ چند عدد پنج رقمی می‌توان نوشت به طوری که دو رقم سمت راست آنها (یکان و دهگان)، زوج و

بقیه ارقام فرد باشند؟ (تکرار ارقام مجاز نیست).

۱۶۰ (۲)

۱۴۴ (۱)

۱۸۲ (۴)

۱۶۸ (۳)

محل انجام محاسبات



۸۶- پنج حرف a و سه حرف b را به چند طریق می‌توان در جدول زیر قرار داد که در هر سطر، حتماً حرف b وجود داشته باشد؟

۳۶ (۱)

۴۸ (۲)

۴۰ (۳)

۲۴ (۴)

۸۷- با جایه‌جایی ارقام عدد ۲۵۵۰۰۰ چند عدد متمایز ۶ رقمی بخش‌پذیر بر ۵ می‌توان نوشت؟

۲۶ (۲)

۲۵ (۱)

۵۰ (۴)

۴۶ (۳)

۸۸- با ارقام و حروف کد aab1122 چند کد با هفت کاراکتر می‌توان ساخت که فقط دو حرف کنار هم باشند؟

۲۴۰ (۲)

۳۶۰ (۱)

۲۸۰ (۴)

۱۸۰ (۳)

۸۹- با ارقام ۰، ۱، ۰، ۲، ۳، ۴، ۵ و ۷، بدون تکرار ارقام، چند عدد هفت رقمی می‌توان نوشت که در آن‌ها ارقام زوج از چپ به راست به

ترتیب صعودی باشند؟

۸۴۰ (۲)

۸۶۴ (۱)

۴۸۰ (۴)

۴۳۲ (۳)

۹۰- یک رئیس، یک معاون و ۶ کارمند می‌خواهند یک جلسه کاری ۵ نفره تشکیل دهند. این جلسه به چند طریق ممکن است تشکیل

شود هرگاه از بین رئیس و معاون، حداقل یک نفر در جلسه حضور داشته باشد ولی دو کارمند خاص با هم در جلسه نباشند؟

۲۴ (۲)

۱۸ (۱)

۴۸ (۴)

۳۴ (۳)

برای شروع نیمسال دوم کارنامه دارید: اکنون کارنامه نیمسال اول خود را دریافت کرده‌اید و می‌توانید هدف‌گذاری و برنامه‌ریزی دقیق‌تری برای نیمسال دوم داشته باشید.

محل انجام محاسبات

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۲ (از ۲)

از ساعت '۵۰:۹ تا ۱۱ صبح



آزمون ۲۰ بهمن ۱۴۰۲

آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	ناشر
۱	عادی	۱۰	۹۱	فیزیک ۳
	پیشروی سریع	۱۰		
۲	زوج کتاب	۱۰	۱۱۱	فیزیک ۲
	عادی	۱۰		
۳	زوج کتاب	۱۰	۱۲۱	فیزیک ۱
	عادی	۱۰		
۴	زوج کتاب	۱۰	۱۳۱	شیمی ۳
	پیشروی سریع	۱۰		
۵	زوج کتاب	۱۰	۱۵۱	شیمی ۲
	عادی	۱۰		
۶	زوج کتاب	۱۰	۱۶۱	شیمی ۱
	عادی	۱۰		

تحلیل آزمون: کار را که کرد ... آن که تمام کرد

وقتی آزمون به پایان می‌رسد، هنوز یک بخش مهم از برنامه باقی مانده است؛ یعنی تحلیل آزمون. تحلیل آزمون هم یادگیری‌های ناقص شما را کامل می‌کند و جنبه آموزشی دارد و هم مهارت‌های آزمون دادن شما را مورد توجه قرار می‌دهد و دید شما را بازتر می‌کند. در کنار آن تحلیل آزمون می‌تواند در برنامه‌ریزی برای آزمون بعدی هم به شما کمک کند.



آزمون «۲۰ بهمن ۱۴۰۲»

اختصاصی دوازدهم ریاضی

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات عادی و سریع: ۷۰ دقیقه

از ساعت ۹:۵۰ تا ۱۱ صبح

رخصاریکه سوال

تعداد کل سوالات: ۸۰ سوال

(۴۰ سوال اجباری + ۴۰ سوال اختیاری)

نام درس	شماره سوال	تعداد سوال	
عادی	۹۱-۱۱۰	۱۰	فیزیک ۳
		۱۰	پیشروی سریع
زوج کتاب	۱۱۱-۱۲۰	۱۰	فیزیک ۲
	۱۲۱-۱۳۰	۱۰	فیزیک ۱
عادی	۱۳۱-۱۵۰	۱۰	شیمی ۳
		۱۰	پیشروی سریع
زوج کتاب	۱۵۱-۱۶۰	۱۰	شیمی ۲
	۱۶۱-۱۷۰	۱۰	شیمی ۱

بدید آورندگان

نام درس	نام طراحان
فیزیک	کامران ابراهیمی-زهره آقامحمدی-علیرضا جباری-دانیال راستی-محمد جواد سورچی-معصومه شریعت‌ناصری-پوریا علاقه‌مند غلامرضا مجتبی-آراس محمدی-محمد کاظم منشادی-امیر احمد میرسعید-سیده ملیحه میرصالحی-حسام نادری-مجتبی نکویان محمد نهادوندی‌مقدم
شیمی	محمد رضا پورچاودی-امیر حاتمیان-پیمان خواجه‌یوسفیان-حمدی ذبیحی-روزبه رضوانی-میلاد شیخ‌الاسلامی‌خیاوی امیرحسین طبیبی-محمد عظیمیان‌واراه-پارسا عیوض‌پور-سیدمهدی غفوری-امیر محمد کنگرانی-هدی مهدی‌زاده

کرینشگران و ویراستاران

نام درس	فیزیک	شیمی
گزینشگر	حسام نادری	پارسا عیوض‌پور
گروه ویراستاری	زهره آقامحمدی	امیرحسین مسلمی محمدحسن محمدزاده مقدم
نایابی رقبه‌های برق	حسین بصیر ترکیبور	علی رضایی احسان پنجه‌شاهی مهدی سهامی
مسئول درس	حسام نادری	پارسا عیوض‌پور
مسئول سازی	علیرضا همایون خواه	امیرحسین مرتضوی

گروه فنی و تولید

مهدی گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: معیا اصغری ویراستاران: پویا عربی-امیرحسین توحیدی-محسن دستجردی
حرروفنگار	فرزانه فتح‌المزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۳۳ - تلفن: ۰۱۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: نوسان و موج: صفحه‌های ۶۹ تا ۸۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۹۱- چند مورد از موارد زیر در مورد امواج درست است؟

الف) موج صوتی برخلاف موج رادیویی، برای انتشار خود به محیط مادی نیاز ندارد.

ب) در موج صوتی، جابه‌جایی هر جزء نوسان‌کننده از محیط انتشار موج، عمود بر جهت حرکت موج است.

پ) مقدار متوسط آهنگ انتقال انرژی در یک موج سینوسی برای همه انواع امواج مکانیکی با مریع دامنه و عکس مجاز دوره تناوب موج متناسب است.

ت) در موج طولی ایجاد شده در یک فنر، در وسط فاصله بین یک جمع شدگی بیشینه و یک بازشدگی بیشینه مجاور هم، اندازه جابه‌جایی هر جزء فنر از وضعیت تعادل کمینه است.

ث) هر چه دمای هوا بیشتر باشد، تندی انتشار صوت در هوا بیشتر است.

۱) ۴ ۲) ۳ ۳) ۲ ۴) ۱

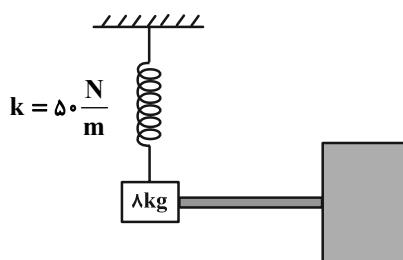
۹۲- موج عرضی با بسامد $\frac{2}{5}$ هرتز در تاری ایجاد می‌شود. اگر در این موج فاصله بین قلهٔ اول و قلهٔ چهارم 60 سانتی‌متر باشد، این موج مسافت 2 متری را در چند ثانیه طی می‌کند؟

۱) ۴ ۲) ۳ ۳) ۲ ۴) ۱

۹۳- مطابق شکل زیر، یک سر طنابی به جرم 40 g و طول 2 m ، به وزن $m = 8\text{ kg}$ متصل و سر دیگر آن به دیواری ثابت شده و نیروی کشش طناب 8 N است. اگر وزن m را در راستای قائم اندکی از وضع تعادل خارج و سپس رها کنیم، با بسامد طبیعی اش شروع به نوسان می‌کند. با فرض ثابت ماندن نیروی کشش طناب، طول موج ایجاد شده در طناب چند متر است؟

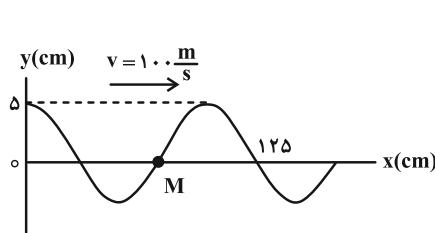
(موج از دیوار بازتاب نمی‌کند.)

- ۱) 4π
۲) 8π
۳) 16π
۴) 32π



۹۴- نقش موج یک موج عرضی که درون تار منتشر شده است در لحظه $t = 0$ مطابق شکل زیر است. در کدام لحظه بر حسب

میلی‌ثانیه برای اولین بار بردار شتاب ذره M از طناب به صورت $\ddot{y} = -10^4 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)$ است؟ ($\pi = 10^3$) آزمون وی ای پی



- ۱) $\frac{5}{6}$
۲) $\frac{5}{3}$
۳) $\frac{35}{6}$
۴) $\frac{20}{3}$



۹۵- به انتهای میله‌ای آهنی با چکش ضربه زده می‌شود و در انتهای دیگر میله دو صدا با فاصله زمانی $47 / 5 \text{ ms}$ دریافت می‌شود. در صورتی که این آزمایش را با میله‌ای به طول مشابه از جنس مس انجام دهیم، اختلاف زمانی دو صدا چند ms خواهد بود؟

(تندی صوت در هوا، آهن و مس به ترتیب $\frac{\text{m}}{\text{s}} = 3000$ ، $\frac{\text{m}}{\text{s}} = 5000$ می‌باشد.)

۵۶ (۴)

۵۰ (۳)

۴۷ (۲)

۴۵ (۱)

۹۶- اگر یکای کمیت $\beta_m f^\alpha v^\beta$ با یکای آهنگ تغییرات حجم یکسان باشد، حاصل $\alpha - \beta$ کدام است؟ (m ، f و v به ترتیب ضریب تراوایی مغناطیسی خلا و بسامد و ضریب گذردگی الکتریکی خلا، در SI هستند).

 $-\frac{1}{4}$ (۴) -5 (۳) $\frac{21}{4}$ (۲) $-\frac{3}{4}$ (۱)

۹۷- شنوندهای در مبدأ زمان، از محل یک چشممه صوت با سرعت ثابت دور می‌شود. در ۵ ثانیه دوم حرکت، تراز شدت صوتی که شنونده دریافت می‌کند، چند دسیبل و چگونه تغییر می‌کند؟ ($\log 2 = 0.3$) و از جذب انرژی صوت توسط محیط صرف نظر شود.

(۱) ۶dB کاهش می‌یابد.

(۲) افزایش می‌یابد.

(۳) ۹dB کاهش می‌یابد.

۹۸- یک چشممه صوت شروع به پخش صدایی می‌کند و شنونده (۱) و (۲) با اختلاف زمانی $1s$ این صدا را می‌شنوند. در این وضعیت

$\frac{\beta'_1}{\beta'_2} = \frac{27}{20}$ است. اگر توان چشممه $\frac{5}{8}$ برابر شود، این نسبت نسبت تراز شدت صوتی که به هر شنونده می‌رسد به صورت $\frac{\beta_1}{\beta_2}$ است.

می‌شود. فاصله شخص (۱) تا چشممه چند متر است؟ ($\log 2 = 0.3$) ، $\frac{\text{m}}{\text{s}} = 3000$ صوت v و از اتلاف انرژی صرف نظر کنید.

۹۰ (۴)

۶۲/۵ (۳)

۷/۵ (۲)

۱/۲۵ (۱)

۹۹- کدام یک از عبارات زیر درست هستند؟

الف) ارتفاع بسامدی است که گوش انسان درک می‌کند.

ب) بلندی صوت همان شدت صوت است.

پ) کمترین حساسیت گوش انسان به بسامدهایی در گستره 2000 Hz تا 5000 Hz است.

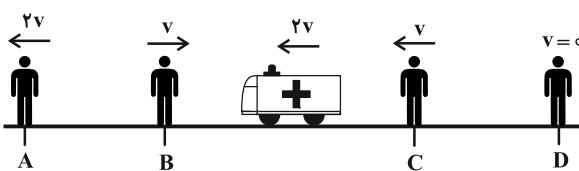
ت) گوش انسان قادر به شنیدن تن‌های صدای 20 Hz تا 20000 Hz است.

ث) اگر ناظری به طرف چشممه صوت ساکن حرکت کند طول موج کوتاهتری را نسبت به وضعیتی که ساکن است اندازه می‌گیرد به همین دلیل صوت را با بسامد بیشتر دریافت می‌کند.

(۱) الف و ت (۲) الف، ت و ث (۳) الف، پ و ث (۴) الف، ب و ت

۱۰۰- در شکل زیر، یک آمبولانس با تندي ثابت v به سمت چپ در حرکت است و آذربی با بسامد f_S و طول موج λ_S تولید می‌کند.

با توجه به تندي و جهت حرکت چهار شنونده A، B، C و D چند مورد از مقایسه‌های زیر درست است؟



۱ (۲)

۳ (۴)

الف) $f_A > f_S$ ، $\lambda_A > \lambda_S$

ب) $f_B > f_S$ ، $\lambda_B < \lambda_S$

ج) $f_C > f_S$ ، $\lambda_C = \lambda_S$

د) $f_D > f_S$ ، $\lambda_D > \lambda_S$

(۱) صفر

۲ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: برهم‌گشتهای موج: صفحه‌های ۸۹ تا ۱۰۲

دانش‌آموزانی که خود را برای کنکور مرحله اول آماده می‌کنند، باید به این دسته سوالات (پیشروی سریع) نیز، پاسخ دهند.

۱۰۱- چند مورد از موارد زیر نادرست است؟

الف) در نمودار پرتویی، یک پرتو، پیکان مستقیمی است عمود بر جبهه‌های موج و نشان‌دهنده جهت انتشار موج.

ب) در پدیدۀ پژواک، اگر تأخیر زمانی بین دو صوت اولیه و بازتابیده، $\frac{1}{2}$ ثانیه باشد، گوش انسان نمی‌تواند پژواک را از صوت مستقیم اولیه تمیز دهد.

پ) بازتاب پخشندۀ وقتی رخ می‌دهد که نور به سطحی برخورد کند که صیقلی و هموار نباشد.

ت) تندی امواج روی سطح آب به عمق آن بستگی دارد و در قسمت‌های عمیق کمتر است.

ث) پدیدۀ سراب به دلیل تغییر ضریب شکست در لایه‌های هوا به علت اختلاف دما بین آن‌ها رخ می‌دهد.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۱۰۲- دو دانش‌آموز مطابق شکل زیر، مقابله صخره‌ای ایستاده‌اند. دانش‌آموز (۱) فریاد می‌زند و دانش‌آموز (۲) دو صدا به فاصلۀ یک

ثانیه از هم می‌شنود. اگر دانش‌آموز (۱)، ۶۸ متر به صخره نزدیک شود سپس فریاد بزند، دانش‌آموز (۲) دو صدا را با فاصلۀ چند

$$\text{ثانیه از هم می‌شنود؟} \quad v = \frac{m}{s} = 340 \text{ صوت در هوا}$$



۰/۲ (۱)

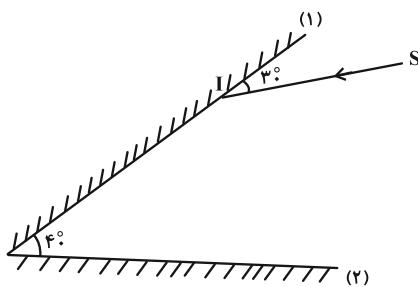
۰/۳ (۲)

۰/۴ (۳)

۰/۶ (۴)

۱۰۳- مطابق شکل زیر، پرتو نور SI به آینه (۱) می‌تابد. امتداد پرتو بازتاب نهایی با امتداد پرتو SI، زاویه چند درجه می‌سازد؟ (ابعاد

آینه‌ها به اندازه کافی بزرگ است.)



۱۴۰° (۱)

۱۵۰° (۲)

۱۶۰° (۳)

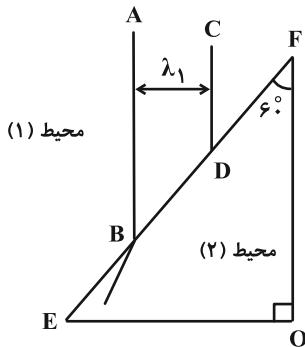
۱۷۰° (۴)

محل انجام محاسبات



۱۰۴- مطابق شکل زیر، جبهه‌های موجی بر مرز بین محیط (۱) و محیط (۲) فرود آمده‌اند. کدام مورد درست بیان شده است؟ ()

موازی OF است.)



(۱) ادامه جبهه موج CD در محیط (۲) با جبهه موج AB موازی است.

(۲) تنیدی موج در محیط (۲) بزرگ‌تر از تنیدی موج در محیط (۱) است.

(۳) بسامد موج در اثر وارد شدن به محیط (۲) کاهش می‌یابد.

(۴) زاویه پرتو تابش (تابیده شده) به سطح EF برابر ۶۰° است.

۱۰۵- مطابق شکل زیر، جبهه‌های موج تخت، روی سطح آب تشت موج از بخش (۱) به بخش (۲) با عمق متفاوت وارد می‌شود. اگر

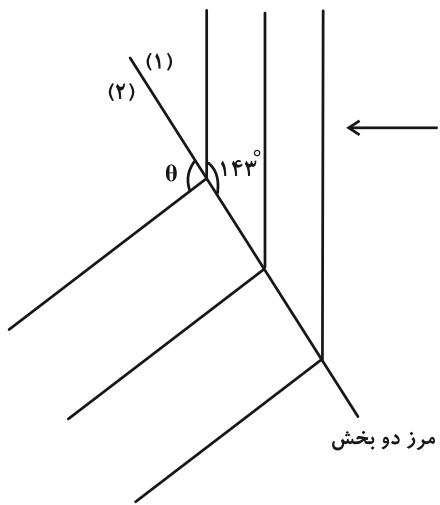
نسبت ضرایب شکست دو محیط، $\frac{4}{3}$ باشد، زاویه θ چند درجه است؟ ()

۱۴۳° (۱)

۱۲۷° (۲)

۱۵۰° (۳)

۱۳۴° (۴)



۱۰۶- مطابق شکل، جبهه‌های یک موج صوتی از هوا به مایع تابیده و هنگام ورود به آن، ۱۵° منحرف می‌شوند. طول موج صوت در این

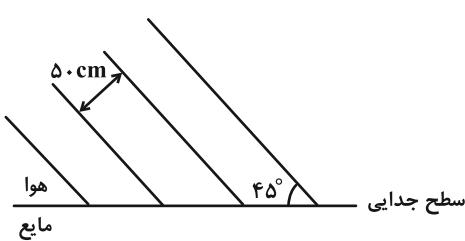
مایع چند سانتی‌متر است؟

$50\sqrt{2}$ (۱)

$50\sqrt{6}$ (۲)

$25\sqrt{2}$ (۳)

$25\sqrt{6}$ (۴)





۱۰۷- نور مسافت d را در محیط شفاف (۱) در مدت زمان t و همین مسافت را در محیط شفاف (۲) در مدت زمان t طی می‌کند.

سرعت نور در محیط (۲) چند درصد از محیط (۱) کمتر است و اگر نور با زاویهٔ تابش 53° از محیط (۱) وارد محیط (۲) شود چند

درجه از راستای اولیه‌اش منحرف می‌شود؟ ($\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$ ، $\sin 37^\circ = \frac{3}{5}$ و $\sin 53^\circ = \frac{4}{5}$)

$$1) 16^\circ \text{ و } 16\% \quad 2) 20^\circ \text{ و } 20\%$$

$$3) 25^\circ \text{ و } 25\% \quad 4) 23^\circ \text{ و } 23\%$$

۱۰۸- مطابق شکل زیر، دو پرتو آبی و قرمز به سطح یک تیغه متوازی السطوح می‌تابند. زاویهٔ بین دو پرتو فروودی آبی و قرمز چند درجه

باشد تا در داخل تیغه تنها یک پرتو بنفس داشته باشیم؟ (ضریب شکست تیغه برای نور قرمز $\frac{7}{6}$ و برای نور آبی $\frac{4}{3}$ ،

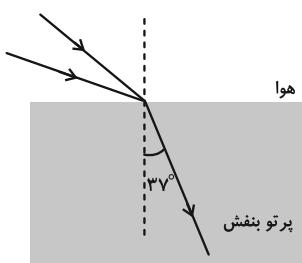
$$\sin 37^\circ = \frac{4}{5} \text{ و } \sqrt{3} \approx 1.73 \text{ است. آزمون وی ای پی}$$

$$1) 7^\circ$$

$$2) 8^\circ$$

$$3) 15^\circ$$

$$4) 16^\circ$$



۱۰۹- مطابق شکل میله‌ای به طول $1m/2$ به صورت عمودی بر کف استخر به عمق $1/5m$ نصب شده است و پرتوهای خورشید به

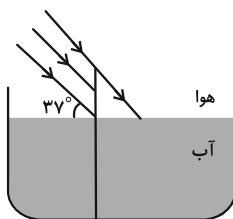
صورت موازی به میله می‌تابند. طول سایهٔ میله در کف استخر در SI کدام است؟ ($\cos 53^\circ = \frac{3}{5}$ و $n_{آب} = 1.33$)

$$1) 1.125$$

$$2) 0.8$$

$$3) 1.925$$

$$4) 0.6$$



۱۱۰- در چند مورد پراش بارزتری را مشاهده خواهیم کرد؟ (a : پهنه‌ای شکاف)

الف) حاصل $\frac{\lambda}{a}$ افزایش یابد.

ب) حاصل a/f کاهش یابد.

ت) حاصل $\frac{af}{T}$ کاهش یابد.

پ) حاصل $\frac{T}{a}$ افزایش یابد.

$$1) 4$$

$$2) 3$$

$$3) 2$$

$$4) 1$$



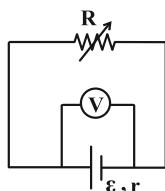
وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۶۱ تا ۸۲

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سؤال فیزیک ۲ (۱۱۱ تا ۱۲۰) و فیزیک ۱ (۱۲۱ تا ۱۳۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۱۱- در مدار شکل زیر، اگر مقاومت رئوستات ۲ برابر شود، اختلاف پتانسیل دو سر باتری $\frac{R}{r}$ برابر می‌شود. نسبت $\frac{R}{r}$ کدام است؟



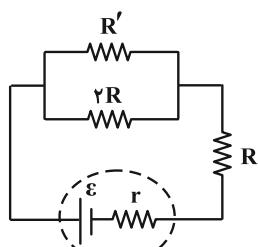
۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

۱۱۲- در مدار شکل زیر، توان مصرفی در مقاومت R ، دو برابر توان مصرفی در مقاومت R' است. $\frac{R}{R'}$ کدام است؟



۱ (۱)

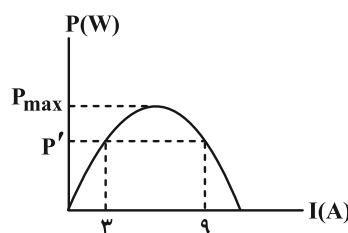
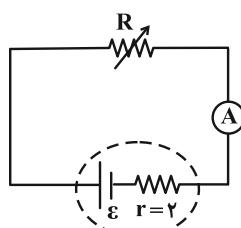
 $\frac{1}{2}$ (۲)

۴ (۳)

 $\frac{1}{4}$ (۴)

۱۱۳- در مدار شکل زیر با تغییر مقاومت رئوستات توان خروجی مولد را تغییر می‌دهیم و در نتیجه نمودار توان خروجی مولد بر حسب

جریان عبوری به صورت زیر رسم شده است. حاصل $\frac{P_{\max}}{P'}$ کدام است؟

 $\frac{3}{4}$ (۱) $\frac{4}{3}$ (۲) $\frac{5}{4}$ (۳) $\frac{4}{5}$ (۴)

محل انجام محاسبات



۱۱۴- سه مقاومت $R_1 = 8\Omega$ ، $R_2 = 12\Omega$ و $R_3 = 24\Omega$ را به گونه‌ای به یکدیگر متصل کردہ‌ایم که مقاومت معادل مجموعه شده است. اگر دو سر مجموعه را به اختلاف پتانسیل ۹۰ ولت وصل کنیم، توان مصرفی مقاومت R_2 چند وات از توان مصرفی مقاومت R_1 بیشتر است؟

۱۸۷/۵ (۴)

۱۷۸/۵ (۳)

۱۷۵ (۲)

۷۵ (۱)

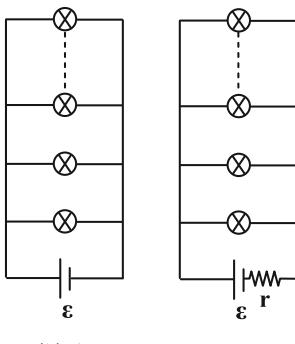
۱۱۵- در شکل زیر، n لامپ مشابه یک بار در مدار ۱ و یک بار در مدار ۲، به صورت موازی با هم بسته می‌شوند. اگر بکی از لامپ‌ها بسوزد، نور لامپ‌های دیگر به ترتیب در مدار ۱ و مدار ۲ چه تغییری می‌کند؟

(۱) افزایش-کاهش

(۲) افزایش-افزایش

(۳) ثابت-افزایش

(۴) ثابت-کاهش



مدار (۱)

مدار (۲)

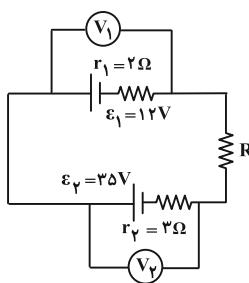
۱۱۶- در مدار شکل زیر، ولتسنج آرمانی V_1 عدد ۲۰ ولت را نشان می‌دهد. ولتسنج آرمانی V_2 چند ولت را نشان می‌دهد؟

۱ (۱)

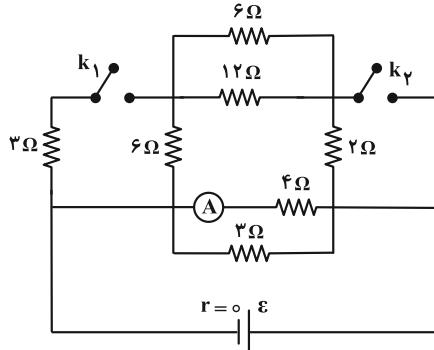
۱۳ (۲)

۴۷ (۳)

۲۳ (۴)



۱۱۷- در مدار شکل زیر، اگر هر دو کلید k_1 و k_2 باز باشند، آمپرسنج آرمانی، جریان I_1 و اگر هر دو کلید k_1 و k_2 بسته باشند، آمپرسنج آرمانی، جریان I_2 را نشان می‌دهد. حاصل $\frac{I_2}{I_1}$ کدام است؟



۱ (۱)

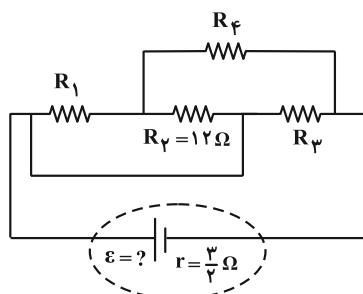
 $\frac{9}{8}$ (۲) $\frac{8}{9}$ (۳)

۲ (۴)

محل انجام محاسبات



۱۱۸- با توجه به مدار داده شده، اگر توان مصرفی در هر یک از مقاومت‌های خارجی با هم برابر و افت پتانسیل باتری $3V$ باشد، نیروی



محركه باتری چند ولت است؟ آزمون وی ای بی

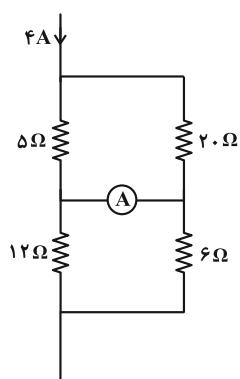
۳ (۱)

۱۶/۵ (۲)

۹ (۳)

۱۲ (۴)

۱۱۹- در مدار شکل زیر، آمپرسنج آرمانی چند آمپر را نشان می‌دهد؟



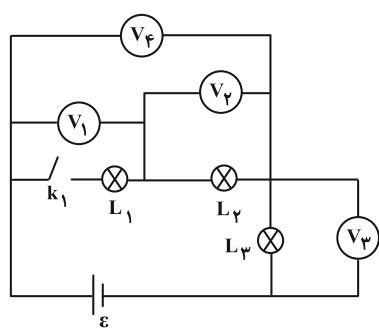
$\frac{14}{15}$ (۱)

$\frac{4}{15}$ (۲)

$\frac{28}{15}$ (۳)

$\frac{4}{5}$ (۴)

۱۲۰- در مدار شکل زیر، وقتی کلید k_1 بسته است، همه لامپ‌ها روشن‌اند. با قطع کلید k_1 ، چند تا از ولتسنج‌ها عدد صفر را نشان می‌دهند؟



۰ (۱)

۱ (۲)

۲ (۳)

۳ (۴)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: کار، انرژی و قوان: صفحه‌های ۵۳ تا ۸۲

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال فیزیک ۲ (۱۱۱۱۰ تا ۱۲۰) و فیزیک ۱ (۱۲۱ تا ۱۳۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۲۱- انرژی جنبشی جسم A، ۴ برابر انرژی جنبشی جسم B است. اگر جرم دو جسم برابر باشد با انجام چند مورد از کارهای زیر انرژی جنبشی دو جسم برابر خواهد بود؟

الف) جرم جسم B دو برابر و تندي آن $2\sqrt{2}$ برابر گردد.

ب) جرم جسم B نصف و جرم جسم A دو برابر گردد.

ج) تندي و جرم جسم A، $\frac{1}{3}$ برابر و تندي و جرم جسم B، $\frac{1}{2}$ برابر گردد.

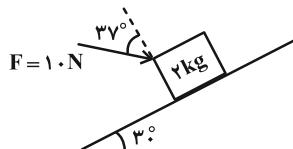
۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

۱۲۲- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم ۲ kg روی سطح شیبداری که با افق زاویه 30° می‌سازد، تحت نیروی F به سمت پایین سطح شیبدار، حرکت می‌کند. بعد از ۲ متر جابه‌جایی روی سطح شیبدار، کار نیروی وزن چند برابر کار کل انجام شده روی جسم می‌شود؟ (بزرگی نیروی اصطکاک وارد بر جسم برابر ۲N است. $\cos 37^\circ = \frac{m}{s} = 0.8$ و $g \approx 10 \text{ m/s}^2$)



-۵ (۱)

۵ (۲)

-۲ (۳)

۲ (۴)

۱۲۳- بر جسمی به جرم ۸ kg که روی سطح افقی ساکن است، نیروی $\bar{F} = 60\bar{i} + 40\bar{j}$ وارد شده و جسم را در سوی محور x به اندازه ۱۰ متر جابه‌جا می‌کند. اگر نیروی اصطکاک وارد بر جسم، ۲۰N باشد، تندي جسم به چند متر بر ثانیه می‌رسد؟

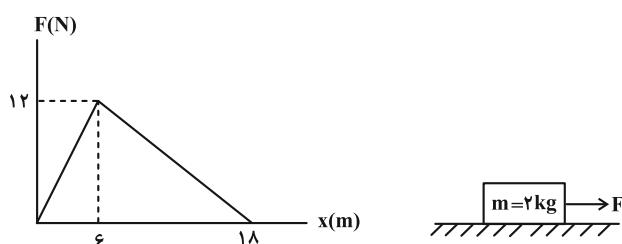
۵ $\sqrt{2}$ (۴)

۵ (۳)

۱۰ $\sqrt{2}$ (۲)

۱۰ (۱)

۱۲۴- نمودار نیروی افقی وارد شده به جسمی به جرم $m = 2 \text{ kg}$ بر حسب مکان آن، مطابق شکل زیر است. اگر سرعت این جسم در مبدأ مکان به صورت $\bar{v}(t) = \frac{m}{s} = 5\bar{x}$ باشد، تندي آن در مکان $x = 14 \text{ m}$ چند متر بر ثانیه است؟ (سطح افقی دارای اصطکاک بوده و اندازه آن برابر با مقدار ثابت $2/5$ نیوتون است).

۵ $\sqrt{5}$ (۱)۵ $\sqrt{3}$ (۲)۴ $\sqrt{10}$ (۳)۳ $\sqrt{10}$ (۴)

محل انجام محاسبات



۱۲۵- توان لازم برای رساندن سرعت یک موشک از 0 به v در مدت زمان t برابر 40 وات است. توان لازم برای رساندن سرعت همان

$$\text{موشک از } v \text{ به } \frac{3}{2}v \text{ در مدت زمان } \frac{t}{2} \text{ چند وات است؟}$$

(۱) ۱۲۰ (۴)

(۲) ۱۰۰ (۳)

(۳) ۸۰ (۲)

(۴) ۶۰

۱۲۶- جسمی به جرم 2 کیلوگرم را با تندی $10 \frac{m}{s}$ در راستای قائم به سمت بالا پرتاب می‌کنیم و جسم تا ارتفاع $4/5$ متر بالا می‌رود.

$$\text{تندی جسم در نیمه راه، چند متر بر ثانیه است؟ (نیروی مقاومت هوا در طول مسیر ثابت است و } g = 10 \frac{m}{s^2})$$

(۱) $5\sqrt{2}$ (۴)

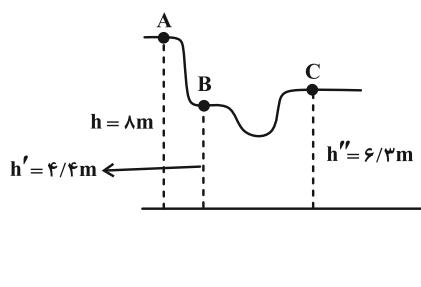
(۲) $2\sqrt{5}$ (۳)

(۳) 5 (۲)

(۴) $\sqrt{55}$

۱۲۷- متحرکی به جرم m از ارتفاع h از نقطه A با سرعت اولیه $8\sqrt{2} \frac{m}{s}$ به حرکت درمی‌آید. اختلاف سرعت متحرک در نقاط B و

$$\text{C} \text{ چند } \frac{km}{h} \text{ است؟ (} g = 10 \frac{m}{s^2}, m = 3/6 \text{ kg) و اصطکاک نداریم.}$$



(۱) $\frac{5\sqrt{2}}{18}$

(۲) $\frac{5\sqrt{2}}{9}$

(۳) $\frac{5\sqrt{2}}{36}$

(۴) $\frac{18\sqrt{2}}{5}$

۱۲۸- توپی به جرم 400 گرم از ارتفاع 9 متری رها می‌شود. این توپ بعد از برخورد با زمین، 20 درصد انرژی جنبشی اش را از دست می‌دهد و

$$\text{تا ارتفاع } h' \text{ بالا می‌آید. با فرض این که مقاومت هوا در طول مسیر ثابت و برابر } N/5 \text{ باشد، } h' \text{ چند متر است؟ (} g = 10 \frac{m}{s^2})$$

(۱) $7/2$ (۴)

(۲) 7 (۳)

(۳) $6/3$ (۲)

(۴) $5/6$

۱۲۹- یک بالابر با توان مصرفی $600W$ جسم ساکنی به جرم $12kg$ را از سطح زمین بلند می‌کند. بعد از گذشت $s = \frac{4}{3}m$ ، جسم در ارتفاع

$$4 \text{ متری قرار دارد و تندی آن } \frac{m}{s} \text{ می‌باشد. بازده بالابر چند درصد است؟ (} g = 10 \frac{N}{kg})$$

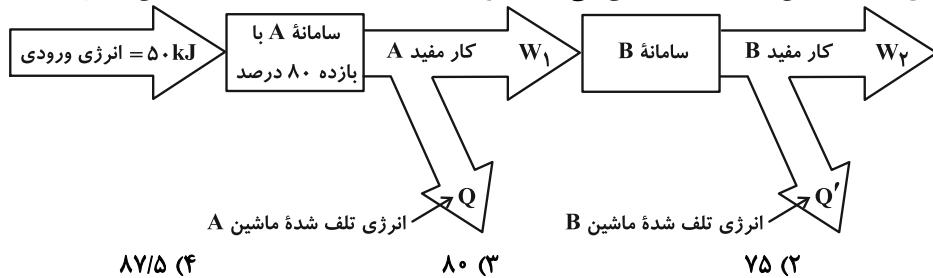
(۱) $8/4$ (۴)

(۲) $8/3$ (۳)

(۳) $6/3$ (۲)

(۴) $6/0$

۱۳۰- شکل زیر طرح‌واره‌ای از دو ماشین A و B را نشان می‌دهد. اگر $Q - Q' = 5kJ$ باشد، بازده ماشین B چند درصد است؟



(۱) $87/5$ (۴)

(۲) 80 (۳)

(۳) 75 (۲)

(۴) 70

برای نیمسال دوم آگاهتر شده‌اید: در آغاز سال نسبت به هر درس شناخت کافی نداشتید، اما الان نسبت به نقاط قوت و ضعف خود آگاهتر شده‌اید و می‌توانید از این آگاهی برای برنامه‌ریزی بهتر، استفاده کنید.



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیوه ۳: شیوه جلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری (ناانهای فلزها، عنصرهایی شبکه با جلایی زیبا): صفحه‌های ۶۷ تا ۸۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱۳۱- با توجه به نمودار زیر که نقاط ذوب و جوش چند ماده و گستره دمایی که مایع هستند را نشان می‌دهد، چند مورد از مطالب زیر

به نادرستی بیان شده‌اند؟



• نوع نیروی بین ذرات در ماده B از نوع پیوند هیدروژنی باشد.

• ماده A می‌تواند در ساختار حالت جامد خود، دارای دریای الکترونی باشد.

• حالت فیزیکی مواد A، B و C در دمای اتاق، به ترتیب جامد، مایع و گاز می‌باشد.

• اگر هر دو ماده A و C، عناصر خالص باشند، ممکن است بتوانند با یکدیگر واکنش دهند.

• گستره دمایی مایع بودن NaCl که به عنوان شاره یونی در فناوری تولید برق از پرتوهای خورشیدی مورد استفاده قرار می‌گیرد، نسبت به ماده A بیشتر است.

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

۱۳۲- چند مورد از مطالب داده شده نادرست است؟

• اتم مرکزی در مولکول‌های کربونیل سولفید و متان یکسان است و کربونیل سولفید به دلیل داشتن ساختار خطی، ناقطبی است.

• به دلیل توزیع یکنواخت الکترون‌ها در مولکول‌های دو اتمی، این مولکول‌ها در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کنند.

• هنگام سرد کردن مخلوط گازی شامل دی‌متیل اتر و پروپان، مولکول‌های دی‌متیل اتر در دمای بالاتری به حالت مایع در می‌آیند.

• مولکول‌های آمونیاک و کلروفرم هر دو قطبی‌اند و اتم مرکزی هر دو مولکول دارای بار جزئی منفی است.

۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۱۳۳- با توجه به جدول زیر که آنتالپی فروپاشی شبکه را برای برخی ترکیب‌های یونی نشان می‌دهد، کدامیک از مقایسه‌های زیر نادرست است؟

آنیون \ کاتیون	F^-	Cl^-	Br^-
Li^+	a		
Na^+		b	c
K^+	d	e	f

a > d > e (۱)

a > c > b (۲)

b > e > f (۳)

b > c > f (۴)



۱۳۴- چند مورد از عبارت‌های زیر از نظر درستی یا نادرستی همانند عبارت زیر است؟

«بعد از سیلیسیم، فراوان‌ترین عنصر در پوسته جامد زمین اکسیژن است.»

- اتم سیلیسیم همانند کربن، تمها با تشکیل پیوندهای کووالانسی به آرایش هشت‌تایی می‌رسد.
- نیروهای بین مولکولی سیلیس بسیار قوی‌تر از یخ خشک است.
- کربن و سیلیسیم هر دو متعلق به گروه چهاردهم جدول تناوبی هستند که تاکنون یونی از آن‌ها شناخته نشده است.
- اگر آنتالپی پیوندهای C-C و Si-O به ترتیب برابر ۳۶۸ و ۳۴۸ کیلوژول بر مول باشد، آنتالپی پیوند Si-Si می‌تواند ۳۸۳ کیلوژول بر مول باشد.

۴ (۲)

۳ (۱)

۲ (۴)

۱ (۳)

۱۳۵- چند مورد از عبارت‌های زیر در رابطه با «گرافن» نادرست است؟

- تک لایه‌ای از گرافیت است که شفاف و انعطاف‌پذیر می‌باشد.
- اتم‌های کربن در آن با پیوندهای اشتراکی حلقه‌های شش گوشه تشکیل داده‌اند.
- یک گونه شیمیایی سه بعدی است و رسانای جریان برق می‌باشد.
- استحکام ویژه‌ای دارد و مقاومت کششی آن حدود ۱۰۰ برابر فولاد است.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۰) صفر

۳ (۳)

۱۳۶- چند مورد از مطالبات زیر درست است؟

- آ) سیلیس در حالت خالص و تراش‌خورده شفاف، زیبا و سخت بوده و یخ نیز ظاهری شبیه به آن دارد.
- ب) مولکول‌های آب در ساختار یخ در یک آرایش منظم و سه بعدی با تشکیل پیوندهای کووالانسی حلقه‌های شش گوشه با استحکام ویژه پدید می‌آورند.

پ) در ساختار یک جامد کووالانسی میان همه اتم‌ها پیوندهای اشتراکی وجود دارد و چنین موادی دیرگداز هستند.

ت) تنها برای توصیف ۴ ماده زیر از واژه‌هایی نظیر ماده مولکولی، فرمول مولکولی و نیروهای بین مولکولی استفاده می‌شود.

(NaCl)، (HCl)، (C₆H₆)، (SO₂)، (N₂)، (I₂)، (SiC)

ث) رفتار فیزیکی مواد مولکولی به نوع و قدرت نیروهای بین مولکولی آن‌ها بستگی دارد.

۴ (۲)

۵ (۱)

۲ (۴)

۳ (۳)

محل انجام محاسبات



۱۳۷- چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

- در ساختار سیلیس هر اتم Si به دو اتم اکسیژن متصل شده است.
- کربن و سیلیسیم تنها با تشکیل پیوندهای اشتراکی به آرایش هشت‌تایی می‌رسند.
- اتم‌های کربن در بلور گرافیت دارای آرایش شش‌ضلعی منتظم بوده و در هر لایه از آن هر اتم کربن به چهار اتم کربن دیگر متصل شده است.
- در شرایط یکسان، حجم یک نمونه گرافیت در مقایسه با یک نمونه الماس با تعداد اتم‌های کربن یکسان، بیشتر است.

(۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۱۳۸- با فرض این‌که عدد اتمی عناصر A و B کمتر از ۱۰ است و مجموع تعداد جفت الکترون‌های ناپیوندی دو ترکیب AF_3 و BF_4 به ترتیب برابر با ۱۰ و ۱۲ باشد چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟ (A و B نمادهای فرضی هستند و منظور از F در ترکیبات مذکور اتم فلوئور است).

الف) دو ترکیب AF_3 و BF_4 هر دو ناقطبی هستند.

ب) اتم B با گوگرد ترکیبی تشکیل می‌دهند که تعداد الکترون‌های پیوندی آن دو برابر تعداد جفت الکترون‌های ناپیوندی آن است.

پ) مولکول BO_2 مانند SCO قطبی است.

ت) تعداد الکترون‌های ظرفیت عناصر A و B به ترتیب برابر ۵ و ۴ است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۳۹- درصد جرمی H_2O و SiO_2 در نمونه‌ای از خاک رس، به ترتیب برابر ۱۵ و ۴۰ است. اگر بر اثر حرارت و تبخیر بخشی از آب موجود در این خاک رس، درصد جرمی سیلیس برابر با ۴۴٪ شود، درصد جرمی H_2O در این نمونه از خاک رس نسبت به حالت اولیه چه مقدار تغییر کرده و نسبت عدد کوئور دیناسیون کاتیون به آنیون در ترکیبی که علت سرخ‌فام بودن خاک رس است، کدام است؟

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۶/۶

۱۴۰- اگر آنتالپی فروپاشی شبکه‌ای بلور KBr و NaCl به ترتیب ۶۹۰ و ۷۹۰ کیلوژول بر مول باشد به تقریب چند گرم ترکیب یونی NaCl را از یون‌های گازی سازنده آن تولید کنیم تا با گرمای آن بتوان $\frac{۳۵}{۷}$ گرم KBr را به یون‌های گازی سازنده آن تبدیل

کرد؟ ($Na = ۲۳$ ، $Cl = \frac{۳۵}{۵}$ ، $Br = ۸۰$ ، $K = ۳۹ : g \cdot mol^{-1}$)

(۱) ۱ (۲) ۱۵/۳۲ (۳) ۲۱/۱۲ (۴) ۲۷/۲۵

محل انجام محاسبات

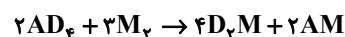


وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش‌قره: صفحه‌های ۹۱ تا ۱۰۲

دانش‌آموزانی که خود را برای کنکور مرحله اول آماده می‌کنند، باید به این دسته سوالات (پیشروی سریع) نیز، پاسخ دهند.

۱۴۱- در اثر مصرف $102/4$ گرم از مجموع جرم واکنش‌دهنده‌ها در واکنش فرضی زیر، 90 kJ کیلوژول گرما آزاد می‌شود. اگر در اثر مجاورت با کاتالیزگر مناسب، مجموع انرژی فعال‌سازی واکنش‌های رفت و برگشت، از 350 kJ به 270 kJ برسد، انرژی فعال‌سازی واکنش برگشت در اثر مجاورت با کاتالیزگر مناسب، چند درصد تغییر یافته است؟ (بازده درصدی واکنش را 75% درنظر بگیرید؛ $M = 16$ ، $A = 12$ ، $D = 1: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)



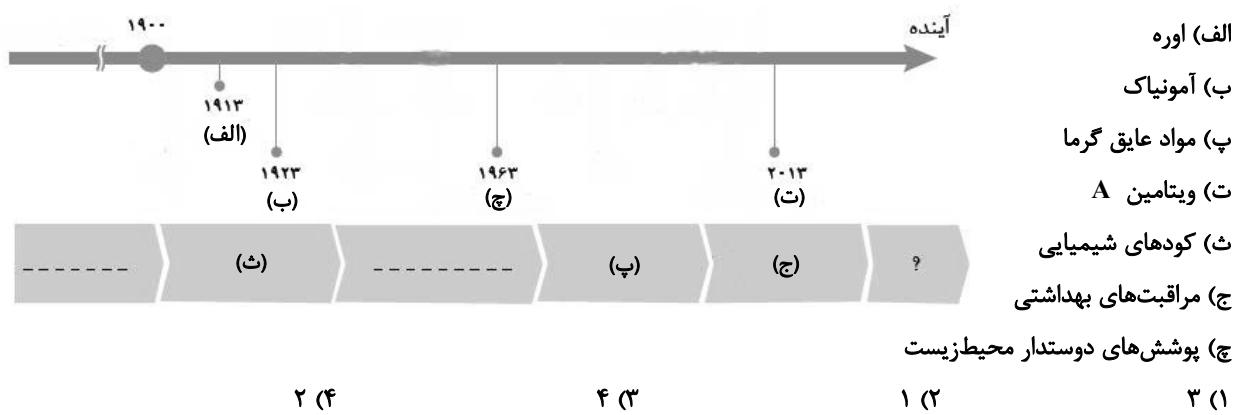
۳۲ (۴)

۲۰ (۳)

۱۶ (۲)

۱۰ (۱)

۱۴۲- با توجه به نمودار زیر، چند مورد از مطالب داده شده درست است؟



۱۴۳- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

- برای حذف $5/5$ مول از هیدروکربنی با فرمول مولکولی $C_{12}H_{12}$ ۱۱۲ L گاز اکسیژن در شرایط STP نیاز است.
- در دمای اتاق، واکنش بین دو گاز اکسیژن و هیدروژن در حضور توری پلاتینی به صورت انفجاری انجام می‌شود.
- در واکنش‌هایی که $\Delta H > 0$ است، سطح انرژی ذرات ایجاد شده در قله نمودار انرژی-پیشرفت به سطح انرژی فراورده‌ها نزدیک‌تر است.
- اکسیدی از گوگرد که هنگام حرکت خودروها تولید می‌شود، در هر مولکول خود ۶ الکترون پیوندی دارد.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

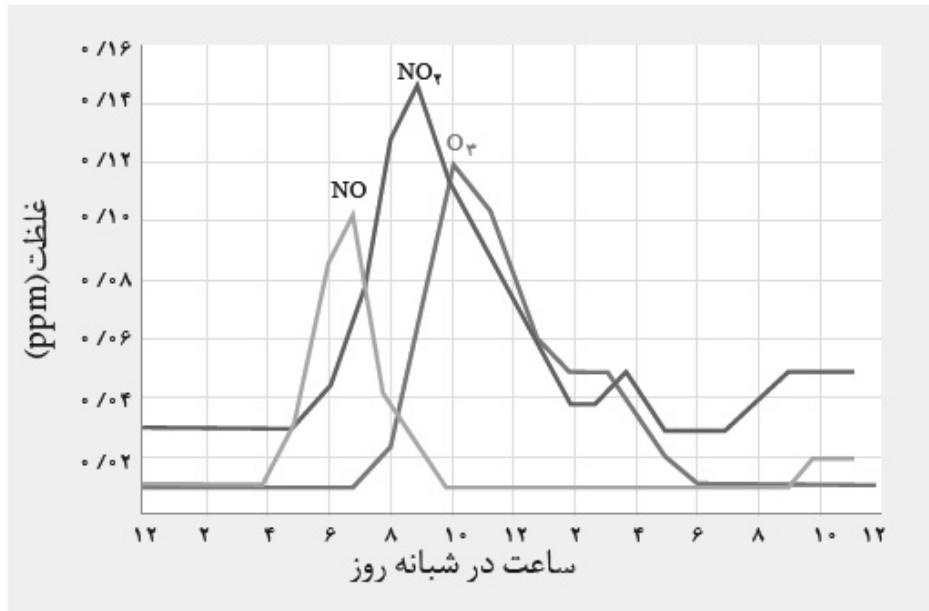
۴ (۱)

۱۴۴- کدام موارد از عبارت‌های بیان شده نادرست است؟

- الف) در مبدل‌های کاتالیستی خودروها از فلزهای رودیم (Rh)، پالادیم (Pd) و پلاتین (Pt) به عنوان کاتالیزگر استفاده می‌شود.
- ب) کاتالیزگرهای شیمیایی با کاهش انرژی فعال‌سازی، سرعت و آنتالپی واکنش را افزایش می‌دهند.
- پ) با این‌که مبدل‌های کاتالیستی برای مدت طولانی کار می‌کنند اما پس از مدت معینی کارایی آن‌ها کاهش می‌یابد و دیگر قابل استفاده نیستند.
- ت) واکنش گازهای هیدروژن و اکسیژن در حضور پودر روی سریع‌تر از این واکنش در حضور توری پلاتینی است.
- (ا) الف و ب

- ۱۴۵- اگر حجم اکسیژن تولید شده از واکنش $2\text{KNO}_3(s) + \text{O}_2(g) \rightarrow 2\text{KNO}_2(s)$ با حجم گاز اوزون موجود در ۱۰ تن هوا آلووده در ساعت ۱۰ صبح برابر باشد، چند گرم پتابسیم نیترات در واکنش تجزیه شده است؟ (حجم مولی گازها را ۲۰ لیتر فرض کنید.)
- (آزمون وی ای پی $K = 39$, $N = 14$, $O = 16$: $\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

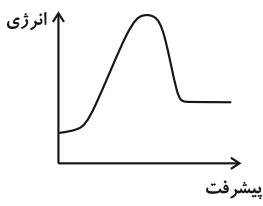
- ۵/۰۵ (۱)
۵۰/۵ (۲)
۲۰/۲ (۳)
۲/۰۲ (۴)



۱۴۶- کدام گزینه صحیح است؟

- ۱) مواد تنها با پرتوهای مرئی برهمکنش دارند به همین دلیل برای شناسایی مواد فقط از این نوع پرتوها استفاده می‌شود.
- ۲) مقدار اوزون تروپوسفری موجود در هوا که در اثر واکنش گاز نیتروژن دی‌اکسید با گاز اکسیژن در حضور نور خورشید تولید می‌شود، در شب هنگام، به صفر می‌رسد.
- ۳) برخی اکسیدهای نافلزی موجود در هوا آلووده، اسید آرنیوس محسوب نمی‌شوند.
- ۴) روند تغییرات غلظت اکسیدهای نیتروژن در هواکره در طول روز مشابه هم است.

۱۴۷- با توجه به نمودار زیر، کدام گزینه نادرست است؟



- ۱) علامت ΔH این واکنش مخالف علامت آنتالپی واکنش اکسایش گلوكز است.
- ۲) نمودار انرژی-پیشرفت واکنش تشکیل نیتروژن مونوکسید از نیتروژن و اکسیژن می‌تواند این گونه باشد.
- ۳) با افزایش دما، فقط انرژی واکنش‌دهنده‌ها افزایش یافته و سرعت واکنش بیشتر می‌شود.
- ۴) تاثیر کاتالیزگر بر تغییر آنتالپی این واکنش همانند تأثیر آن بر تغییر آنتالپی واکنش تولید آمونیاک است.

۱۴۸- کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) هوا پاک و خشک مخلوطی از گازهای گوناگون است که به طور یکنواخت در هواکره پخش شده‌اند.
- ۲) هوا آلووده حاوی آلاینده‌هایی است که اغلب بی‌رنگ هستند و نمی‌توان به آسانی وجود آن‌ها را تشخیص داد.
- ۳) هرگاه یک نمونه ماده در برابر پرتوهای الکترومغناطیسی قرار گیرد، گستره معینی از آن را جذب و باقی را عبور می‌دهد.
- ۴) گاز نیتروژن با گاز اکسیژن در دمای اتاق واکنش نمی‌دهد اما درون موتور خودرو اندکی از آن‌ها به نیتروژن مونوکسید تبدیل می‌شود.



۱۴۹- کدام موارد از مطالب زیر نادرست است؟

آ) هر سه واکنش مربوط به حذف آلاینده‌های CO , C_xH_y و NO در مبدل‌های کاتالیستی، از نوع اکسایش-کاهش و گرم‌گیر می‌باشند.

ب) سرعت واکنش $\text{H}_\gamma(\text{g}) + \text{Cl}_\gamma(\text{g}) \rightarrow 2\text{HCl}(\text{g})$ در دمای 25°C از دمای اتاق بیشتر بوده و انرژی فعال‌سازی این واکنش در دمای بالاتر کمتر است.

پ) در سطح سرامیک‌های درون مبدل کاتالیستی، توده‌های فلزی با قطر ۲ تا ۱۰ نانومتر وجود دارند و پس از مدت معینی کارایی مبدل کاهش می‌یابد.

ت) در مبدل‌های کاتالیستی خودروهای دیزلی از آمونیاک به عنوان کاتالیزگر استفاده می‌شود و یکی از فراورده‌های تولیدی گاز N_2 می‌باشد.

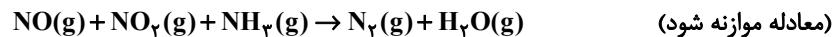
ث) برای افزایش کارایی مبدل‌های کاتالیستی در خودروهای بنزینی، گاهی سرامیک را به شکل مش (دانه)‌های ریز درآورده و کاتالیزگرهای روی سطح آن می‌نشانند.

(۱) آ، ب، پ (۲) ب، ت، ث

(۳) آ، ب، ت (۴) آ، پ، ث

۱۵۰- یک خودروی دیزلی دارای مبدل کاتالیستی است که با آمونیاک کار می‌کند. این مبدل در هر کیلومتر ۳ گرم گاز NO_2 و ۴/۶ گرم گاز NO_2 مصرف می‌کند. اگر مخزن آمونیاک این خودرو ۳۴ کیلوگرم از این ماده داشته باشد به تقریب تا چند کیلومتر می‌تواند از آلدگی هوا جلوگیری کند و مجموع عددی اکسایش اتم‌های نیتروژن در واکنش‌دهنده‌ها کدام است؟

$$(\text{H} = 1, \text{N} = 14, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1})$$



$$(1) ۳ - ۲ \times 10^4 \quad (2) ۴ - ۲ \times 10^4$$

$$(3) ۴ - 10^4 \quad (4) ۳ - 10^4$$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: در بی غذای سالم؛ صفحه های ۴۹ تا ۷۵

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال شیمی ۲ (۱۶۰ تا ۱۶۱) و شیمی ۱ (۱۶۱ تا ۱۷۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۵۱- کدام موارد از عبارت های زیر نادرست است؟

الف) انرژی گرمایی یک استخر آب با دمای 38°C بیشتر از انرژی گرمایی یک لیوان آب با دمای 67°C است.

ب) روغن زیتون در مقایسه با آب، ظرفیت گرمایی بیشتری دارد و به همین دلیل تخم مرغ در آب بهتر می پزد.

پ) ظرفیت گرمایی یک ماده علاوه بر جنس، به مقدار آن، دما و فشار محیط بستگی دارد.

ت) ظرفیت گرمایی ویژه فلزی که در کلاه فضانوردان استفاده می شود بیشتر از ظرفیت گرمایی ویژه هفتمنی عنصر دسته p جدول تناوبی است.

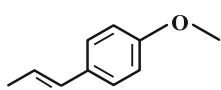
(۱) الف، پ، ت (۲) ب، پ (۳) الف، پ (۴) ب، ت

۱۵۲- چه تعداد از عبارت های زیر در مورد ترکیب زیر نادرست است؟

الف) طعم و بوی رازیانه به دلیل وجود این ترکیب است.

ب) ترکیبی آروماتیک است و گروه عاملی اتری دارد.

پ) هر مولکول آن شامل ۲۷ جفت الکترون پیوندی است.



ت) مجموع شمار اتم های مولکول آن برابر با مجموع شمار اتم های ۲ - هپتانون است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۵۳- اگر در اثر سوختن کامل مقادیر مولی برابری از گازهای متان و اتان، در مجموع 9×10^{-33} مولکول اکسیژن به مصرف برسد و تفاوت

گرمای تولیدی از این دو واکنش برابر با 204 kJ باشد، در همان شرایط دما و فشار، اگر مقادیر مولی برابر دیگری از گازهای اتان و بوتان

در واکنش های سوختن کامل، به مصرف برسد و تفاوت جرم آب تولیدی از این دو واکنش برابر با 8 g باشد، تفاوت گرمای تولیدی از

این دو واکنش (سوختن اتان و بوتان) بر حسب kJ کدام است؟ ($O = 16, C = 12, H = 1: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}, N_A = 6 \times 10^{23}$)

(۱) ۱۰۲ (۲) ۲۰۴ (۳) ۳۰۶ (۴) ۴۰۸

۱۵۴- با توجه به ساختار داده شده چند مورد از عبارت های زیر درست است؟

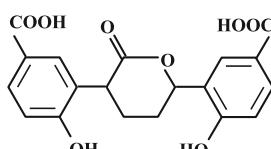
• در آن ۳۲ الکترون ناپیوندی وجود دارد.

• شمار پیوندهای دوگانه در آن ۷۵ درصد بیشتر از بنزاژلهید است.

• دارای دو گروه کربوکسیلیک اسید، دو گروه الکلی و یک گروه اتری است.

• تعداد اتم های هیدروژن این ساختار دو برابر تعداد اتم های کربنی است که تنها به یک هیدروژن اتصال دارند.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴



۱۵۵- چند مورد از عبارت های زیر درست است؟

آ) ذره های سازنده یک ماده افزون بر انرژی جنبشی دارای انرژی پتانسیل نیز هستند.

ب) همه مواد پیرامون ما در دما و فشار اتفاق، آنتالپی معینی دارند.

پ) مقدار عددی « ΔH » یک فرایند بزرگی آن را نشان می دهد در حالی که علامت مثبت و منفی به ترتیب نشان دهنده گرماده و گرماییر بودن آن است.

ت) در واکنش فتوسنتز برخلاف واکنش اکسایش گلوکز، سطح انرژی فراورده ها از سطح انرژی واکنش دهنده ها بالاتر است.

ث) هر نمونه ماده مجموعه ای از شمار بسیار زیادی ذره های سازنده است و این ذره ها افزون بر جنبش های نامنظم، با یکدیگر برهمن کنش نیز دارند.

(۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۵



۱۵۶- در چند مورد از موارد زیر مقایسه درستی برای آنتالپی پیوندها ارائه شده است؟



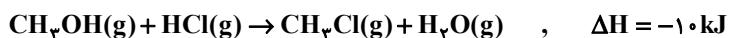
۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۵۷- با توجه به واکنش زیر، آنتالپی پیوند $\text{C}-\text{Cl}$ بر حسب کیلوژول بر مول کدام است؟



$$\Delta H(\text{O}-\text{H}) = 436 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$\Delta H(\text{H}-\text{Cl}) = 431 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$\Delta H(\text{C}-\text{O}) = 380 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

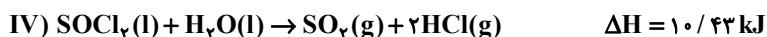
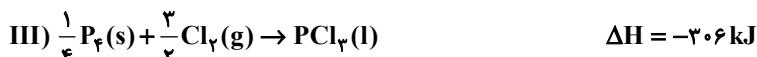
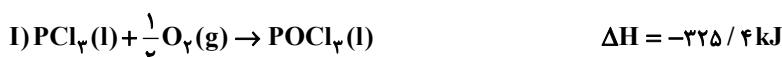
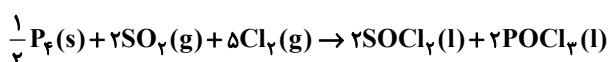
۴۵۸ (۴)

۴۰۵ (۳)

۳۸۵ (۲)

۳۶۵ (۱)

۱۵۸- با استفاده از داده‌های مربوط به تغییرات آنتالپی واکنش‌های I تا IV تغییرات آنتالپی واکنش‌های Zیر به تقریب برابر کدام گزینه است؟



-۶۷۶ (۴)

-۵۴۱ (۳)

-۱۰۸۱ (۲)

۶۷۶ (۱)

۱۵۹- سه ظرف حاوی آب، روغن زیتون و هگزان با دمایهای به ترتیب ۲۰، ۴۰ و ۶۰ درجه سلسیوس داریم. اگر جرم هر ظرف ۱۰۰g و

جنس ظرف آلومینیم باشد و همچنین جرم مایع هر ظرف ۱۰۰g باشد، پس از ریختن مایعات داخل سه ظرف در یک ظرف

آلومینیمی به جرم ۱۰۰g با دمای اولیه 10°C ۱۰۰g مایعی مخلوط به دست آمده بر حسب سلسیوس چقدر خواهد شد؟

$$(H=1, C=12, O=16, Cl=35/5 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1})$$

۳۷/۴ (۴)

۳۲/۲۵ (۳)

۲۶/۵ (۲)

۲۲/۲ (۱)

۱۶۰- در واکنش زیر به ازای مصرف ۱۰۰g از ماده A به تقریب، چه مقدار گرما بر حسب کیلوژول مبادله می‌شود؟

$$(H=1, C=12, O=16, Cl=35/5 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1})$$

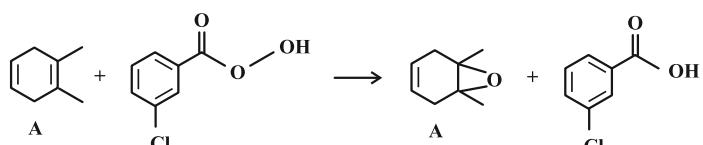
پیوند	$\text{C}=\text{C}$	$\text{C}-\text{C}$	$\text{O}-\text{O}$	$\text{C}-\text{O}$
آنتالپی پیوند ($\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$)	۶۱۴	۳۴۸	۱۴۶	۳۵۸

۴۴ (۴)

۱۵۸ (۳)

۲۸۱/۵ (۲)

۵۴ (۱)



محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: ردیاب گازها در زندگی: صفحه های ۴۵ تا ۶۹

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال شیمی ۲ (۱۷۰ تا ۱۵۱) و شیمی ۱ (۱۵۱ تا ۱۶۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۶۱- همه عبارت های زیر نادرست اند به جز

- ۱) از فراوان ترین گاز نجیب هوا برای پر کردن تایر خودروها، در صنعت سرماسازی برای انجام مواد غذایی و برای نگهداری نمونه های بیولوژیک در پزشکی استفاده می شود.
- ۲) حدود ۷۵ درصد از حجم هواکره، در نزدیک ترین لایه به زمین (تروپوسفر) که همان بخشی است که ما در آن زندگی می کنیم قرار دارد.
- ۳) درصد حجمی گاز آرگون در هوا پاک و خشک از مجموع درصد حجمی سایر گازهای نجیب این هوا بیشتر است.
- ۴) برای جداسازی گازهای هواکره پس از جداسازی گرد و غبار با استفاده از فشار، دمای هوا را پیوسته کاهش می دهند و نخستین ماده ای که به صورت جامد از آن جدا می شود کربن دی اکسید می باشد.

۱۶۲- کدام عبارت های زیر صحیح است؟

- آ) در هواکره اکسیژن فقط به صورت مولکول های دواتمی وجود دارد، هر چند مقدار این گاز در لایه های گوناگون متفاوت است.
- ب) اکسیژن در ساختار اغلب مولکول های زیستی مثل پروتئین ها وجود دارد.
- پ) روند تغییرات فشار گاز اکسیژن برحسب ارتفاع، مشابه روند تغییرات دمای هوا در لایه استراتوسفر است.
- ت) مجموع شمار اتم ها در ترکیب آهن (II) اکسید از مجموع شمار اتم ها در فرمول شیمیایی سیلیس کمتر است.
- ث) برخی فلزها مثل پلاتین به حالت آزاد در طبیعت وجود دارند.

(۱) آ، ب، پ

(۲) ت، ث

(۳) ب، ت، ث

۱۶۳- چند مورد از عبارت های زیر صحیح هستند؟

- الف) فراورده های سوخت ناقص سوخت های فسیلی کربن مونوکسید و بخار آب می باشند.
- ب) در صنعت برای تولید سولفوریک اسید، نخست گوگرد را می سوزانند سپس فراورده ناقطبی حاصل از این واکنش را طی فرایندهای دیگر به H_2SO_4 تبدیل می کنند.

پ) طول موج نور حاصل از سوختن گوگرد کوتاه تر از نور حاصل از سوختن سدیم است.

- ت) میل ترکیبی اکسیژن با همو گلوبین خون کمتر از ۵٪ برابر میل ترکیبی کربن مونوکسید با همو گلوبین خون است.
- ث) برخی از فراورده های حاصل از سوختن زغال سنگ می توانند در شرایط مناسب باعث ایجاد باران اسیدی شوند.

(۱) ۲

(۲) ۴

(۳) ۱

(۴) ۳

محل انجام محاسبات

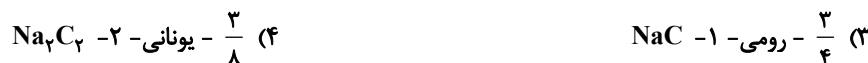
۱۶۴- در کدام گزینه پاسخ صحیح هر چهار پرسش به درستی بیان شده است؟

الف) نسبت شمار جفت الکترون پیوندی در مولکول SOCl_2 به شمار الکترون ناپیوندی در NO_2^+ چند است؟

ب) در نام‌گذاری ترکیب SiCl_4 از پیشوندهای یونانی استفاده می‌شود یا اعداد رومی؟

پ) نسبت کاتیون به آنیون در اکسید کاتیونی از Cu_{29} که سه لایه پر دارد کدام است؟

ت) اگر فرمول ترکیب یونی کلسیم کربید به صورت CaC_2 باشد فرمول سدیم کربید چیست؟



۱۶۵- کدام گزینه جاهای خالی عبارت زیر را به درستی تکمیل می‌کند؟

«اگر دمای هوا به اندازه کلوین از نقطه چگالش CO_2 باشد، گازهای موجود در هوا به شکل مایع درمی‌آیند.»

(۱) ۱۹۲- بالاتر- تمام

(۲) ۱۵۰- پایین‌تر- اغلب

(۳) ۱۹۲- پایین‌تر- اغلب

۱۶۶- چند مورد از مطالب زیر درباره اثر گلخانه‌ای درست است؟

• نور خورشید هنگام گذر از هواکره با مولکول‌ها و دیگر ذره‌های آن برخورد می‌کند و تنها بخش کوچکی از آن به سطح زمین می‌رسد.

• نسبت طول موج پرتوهای بازتابیده از زمین به طول موج پرتوهای جذب شده توسط زمین بزرگ‌تر از یک است.

• کره زمین با لایه‌ای از گازها به نام هواکره احاطه شده است که این لایه مانع گرم‌تر شدن کره زمین می‌شود.

• حضور CO_2 در هواکره، مانع از خروج به تقریب ۴۰٪ پرتوهای فروسرخ آزاد شده از زمین می‌شود.

(۱) ۴ (۲)

(۳) ۱ (۴)

۱۶۷- نسبت شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی به شمار جفت الکترون‌های پیوندی در چند مورد به درستی ذکر شده است؟

آ) گوگرد دی‌اکسید: ۲

ب) سیلیسیم تترافلورید: ۳

پ) یون کربنات: $\frac{8}{3}$

ت) کربن دی‌سولفید: ۲

ث) دی‌نیتروژن مونواکسید: ۱

(۱) ۵ (۲) ۴ (۳) ۳ (۴) ۲



۱۶۸- با توجه به جدول زیر که تولید y کیلووات ساعت برق از منابع مختلف را نشان می‌دهد، کدام منابع به ترتیب مربوط به انرژی خورشید و نفت خام هستند؟

ستون ۱	ستون ۲	ستون ۳
برق مصرفی در ماه (کیلووات ساعت)	منبع تولید برق	مقدار CO_2 تولید شده در ماه (کیلوگرم)
y	a	$0 / ۳۶ \times y$
	b	$0 / ۹ \times y$
	c	$0 / ۷ \times y$
	d	$0 / ۰۳ \times y$
	e	$0 / ۰۵ \times y$
	f	$0 / ۰۱ \times y$

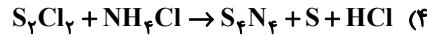
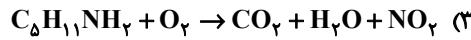
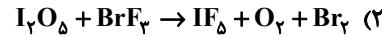
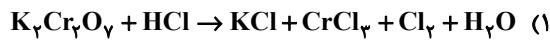
c , e (۲)

c , f (۴)

b , f (۱)

b , e (۳)

۱۶۹- در کدام یک از واکنش‌های زیر پس از موازنۀ اختلاف مجموع ضرایب واکنش‌دهنده‌ها و فراورده‌ها بزرگ‌تر است؟



۱۷۰- هر خودرو به طور میانگین سالانه مسافتی حدود 22000 کیلومتر را طی می‌کند. در هر سال به تقریب چند لیتر گاز کربن دی‌اکسید در شرایط استاندارد بر اثر استفاده از خودرویی با برچسب آلایندگی $\frac{\text{g CO}_2}{\text{km}} = ۲۵۰$ وارد هوا کرده می‌شود و در یک سال با توجه به جدول زیر تعیین کنید بروای از بین بردن ردیابی کربن دی‌اکسید تولید شده توسط هر خودرو به تقریب حداقل چند درخت با قطر 7 cm نیاز است؟ (گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید).

میانگین قطر درخت (سانتی‌متر)	مقدار CO_2 مصرفی در سال (برحسب کیلوگرم)	≤ 3	۷	۸ - ۱۳
۹/۴	۴/۴	۱		

 $1250 - ۲ / ۸ \times 10^6 \quad (2)$ $1500 - ۲ / ۸ \times 10^6 \quad (1)$ $1250 - ۲ / ۴ \times 10^6 \quad (4)$ $1500 - ۲ / ۴ \times 10^6 \quad (3)$

برای نیمسال دوم انگیزه‌تان بیشتر است: همانند نیمة دوم فوتبال، در نیمسال دوم، هم انگیزه برای پیشرفت بیشتر است و هم سختکوشی‌تان بیشتر خواهد بود.



آزمون ۲۰ بهمن ۱۴۰۲

رقمی کچه پاسخ

اختصاصی دوازدهم ریاضی

نام درس	نام طراحان	افق افق
حسابات ۲ و ریاضی پایه	شاهین پروازی- عادل حسینی- افشن خاصه خان- محمد رضا راسخ- چمشید عباسی- حمید علیزاده- کامیار علیسوون کیان کربیمی خراسانی- سپهر متولی- حامد منوی- مهدی ملا رمضانی- مهرداد ملوندی- میلاد منصوری	
هندرسه	امیرحسین ابومحبوب- اسحاق اسفندیار- علی ایمانی- جواد ترکمن- سید محمد رضا حسینی فرد- افشن خاصه خان- کیوان دارابی سونگند روشنی- محمد صحت کار- مهرداد ملوندی	
ریاضیات گستته	علی ایمانی- جواد ترکمن- فرزاد جوادی- سید محمد رضا حسینی فرد- کیوان دارابی- مصطفی دیداری- سونگند روشنی محمد صحت کار- مهرداد ملوندی	
فیزیک	کامران ابراهیمی- زهره آقامحمدی- علیرضا جباری- دانیال راستی- محمد جواد سورچی- مقصومه شریعت ناصری- پوریا علاقه مند غلامرضا مجتبی- آراس محمدی- محمد کاظم منتشی- امیر احمد میرسعید- سیده ملیحه میر صالحی- حسام نادری- مجتبی نکونیان محمد نهادنی مقدم	
شیمی	محمد رضا پور جاوید- امیر حاتمیان- پیمان خواجه‌ی مجد- امین خوش‌نویسان- حمید ذبیحی- روزبه رضوانی- میلاد شیخ‌الاسلامی خیاوی امیر حسین طبی- محمد عظیمیان زواره- پارسا عیوض پور- سیدمه‌هدی غفوری- امیر محمد کنگرانی- هادی مهدی‌زاده	

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابات ۲ و ریاضی پایه	ریاضیات گستته	هندرسه	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	کیوان دارابی محمد صحت کار	کیوان دارابی محمد صحت کار	پارسا عیوض پور	حسام نادری
گروه ویراستاری	مهدی ملا رمضانی سعید خان بابایی محمد رضا راسخ	مهرداد ملوندی	مهرداد ملوندی	امیر حسین مسلمی محمد حسن محمدزاده مقدم	زهره آقامحمدی
بازیگران نهایی و تهیه‌های برتر	پارسا نوروزی منش سهیل تقی‌زاده	پارسا نوروزی منش مهبد خالتی	پارسا نوروزی منش مهبد خالتی	علی رضایی احسان پنجشاهی مهدی سهامی	معین یوسفی‌نیا حسین بصیر ترکیبی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	پارسا عیوض پور	حسام نادری
مسئلندسازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	امیرحسین مرتضوی	علیرضا همامون خواه

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حرروف‌نگار	مدیر گروه: معینا اصرفی
ناظر چاپ	فرزانه فتح‌الهزاده
	سوران نعیمی

گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۱۱-۶۴۶۳



$$\frac{1-a}{a-3} = 2 \Rightarrow a = 5$$

پس $f(5) = 2$ و $f'(5) = 2$ است و در نتیجه معادله خط مماس $y = 2x + 1$ است.

$$\begin{cases} y_A = 2(3) + 1 = 7 \\ y_C = 2(9) + 1 = 19 \end{cases} \Rightarrow y_A + y_C = 26$$

(حسابان ۲ - مشابه تمرین ۸ صفحه ۱۸۳)

(مهرداد ملوندی)

گزینه «۴»

-۵

$$\begin{aligned} y &= \sqrt{x^3 - 3x - 2} = \sqrt{(x+1)(x^2 - x - 2)} \\ &= \sqrt{(x+1)^2(x-2)} \end{aligned}$$

دامنه تابع $(-\infty, -1] \cup [2, +\infty)$ است و بدیهی است که در همسایگی $x = -1$ و در همسایگی چپ $x = 2$ تابع تعریف نشده است. پس دامنه تابع مشتق بازه $(-\infty, 2)$ است.

(حسابان ۲ - صفحه ۱۸۹)

(مودی ملارمندان)

گزینه «۲»

-۶

ریشه‌های عبارت رادیکالی جزء نقاط مشتق‌نایاب‌تر تابع هستند، زیرا تابع در یکی از همسایگی‌های چپ یا راست این نقاط تعریف نمی‌شود:

$$\begin{aligned} 1 - \sin \pi x = 0 &\Rightarrow \sin \pi x = 1 \Rightarrow \pi x = 2k\pi + \frac{\pi}{2} \\ \Rightarrow x &= 2k + \frac{1}{2} \end{aligned}$$

در مجموعه $\{-\frac{1}{2}, 1, \sqrt{2}\}$ فقط $x = 1$ در این مجموعه قرار

می‌گیرد. همچنین در نقاطی که عبارت $x + \frac{1}{2}$ عددی صحیح می‌شود، تابع

مشتق‌نایاب است که در مجموعه مورد نظر $x = -\frac{1}{2}$ و $x = \frac{1}{2}$ چنین

ویژگی‌هایی دارد، پس تابع در مجموعه مورد سؤال ۲ نقطه مشتق‌نایاب دارد.

(حسابان ۲ - صفحه ۱۸۹)

(میلار منصوری)

گزینه «۴»

-۷

چون عامل ضربی پشت جزء صحیح، از درجه یک است، تنها حالتی که برای مشتق‌پذیری تابع در $x = -1$ امکان‌پذیر است، این است که طول رأس سهمی $y = x^2 + kx$ باشد.

(اخشنده فاصله‌های)

حسابان ۲

-۱

تابع f باید در $x = a$ اکیداً نزولی باشد و در آن بتوان خط مماس قائم رسم کرد.

(حسابان ۲ - صفحه ۱۸۱)

-۲

(جمشید عباسی)

از تساوی $f'(3) = \frac{3}{2}$ نتیجه می‌شود که $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = \frac{3}{2}$

واز نکته $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + mh) - f(x_0 + nh)}{rh} = \frac{m-n}{r} f'(x_0)$ داریم:

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(3 + 4h) - f(3)}{4h} = \frac{4-0}{4} f'(3) = 2$$

(حسابان ۲ - صفحه‌های ۷۷ تا ۷۸)

-۳

(سپهر متولی)

در تابع درجه دوم، اگر $f(x_1) = f(x_2)$ باشد، آن‌گاه

$f'(x_1) + f'(x_2) = 0$ است. پس در این سؤال داریم:

$$\begin{cases} f(a) = f(b) = 1 \\ -f'(a) = f'(b) = -2 \end{cases}$$

پس شیب خط عمود بر نمودار تابع در $x = b$ برابر $\frac{1}{2}$ است و معادله این

خط $x - 3 = \frac{1}{2}y$ به دست می‌آید. از آنجا که $f(b) = 1$ است، مقدار

$$1 = \frac{1}{2}b - 3 \Rightarrow b = 8$$

(حسابان ۲ - صفحه ۱۰)

-۴

(سپهر متولی)

با توجه به تعریف مشتق، از تساوی $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - 11}{x - a} = 2$ نتیجه می‌گیریم

که $f(a) = 11$ و $f'(a) = 2$ است. از طرفی با توجه به ویژگی نقاط روى

$$\frac{x_C - x_B}{x_B - x_A} = 2 \text{ است. پس داریم:}$$

$$\begin{cases} x^2 - x = 0 \Rightarrow x = 0, 1 \\ 1 - \sqrt[3]{x^2 - x} = 0 \Rightarrow x^2 - x - 1 = 0 \Rightarrow x = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2} \end{cases}$$

یعنی تابع f چهار مماس قائم دارد. تابع f در $\mathbb{R} - \{0, 1, \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}\}$

پیوسته و مشتق‌پذیر است و داریم:

$$x^2 - x \geq -\frac{1}{4} \Rightarrow \sqrt[3]{x^2 - x} \geq -\frac{1}{\sqrt[3]{4}}$$

$$\Rightarrow 1 - \sqrt[3]{x^2 - x} \leq 1 + \frac{1}{\sqrt[3]{4}} \Rightarrow f(x) \leq \sqrt[3]{1 + \frac{1}{\sqrt[3]{4}}}$$

یعنی بیشترین مقدار تابع f برابر $\sqrt[3]{1 + \frac{1}{\sqrt[3]{4}}}$ است و چون تابع در این نقطه پیوسته و مشتق‌پذیر است، قطعاً در آن مماس افقی (موازی محور x ها)

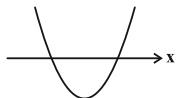
دارد. پس در کل، ۵ خط مماس موازی محورها در این تابع می‌توانیم رسم کنیم.
(مسابان ۲ - مکمل مثال صفحه ۸۸)

(عارل مسین)

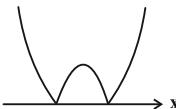
گزینه ۲

نمودار یک تابع درجه دوم $y = g(x)$ را که در آن Δ مثبت است، مطابق

شکل زیر در نظر بگیرید:

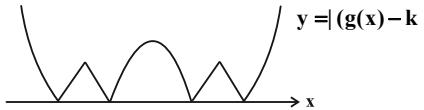


نمودار تابع $y = |g(x)|$ مطابق شکل زیر است که دو نقطه مشتق‌ناپذیر دارد.



حال اگر نمودار بالا را k واحد به سمت پایین انتقال دهیم و سپس قدرمطلق

آن را رسم کنیم، به نمودار زیر می‌رسیم که شش نقطه مشتق‌ناپذیر دارد:



با این شرط که مقدار مثبت k از قدرمطلق عرض رأس سهمی ($y = g(x)$) کمتر باشد.

حال همین استدلال را برای تابع f دنبال می‌کنیم و برای این که شش نقطه مشتق‌ناپذیر داشته باشد، لازم است که شروط زیر برقرار باشد:

$$\Rightarrow -\frac{k}{2} = -1 \Rightarrow k = 2 \Rightarrow f(x) = (2x+1)[x^2 + 2x]$$

و داریم:

$$f'_-(3) = \lim_{x \rightarrow (-3)^-} \frac{(2x+1)[x^2 + 2x] + 15}{x + 3}$$

$$= \lim_{x \rightarrow (-3)^-} \frac{3(2x+1) + 15}{x + 3} = \lim_{x \rightarrow (-3)^-} \frac{6(x+3)}{x+3} = 6$$

(مسابقات ۲ - صفحه ۸۰ و ۸۶)

گزینه ۱

-۸

در یک همسایگی $x = 1$ می‌توانیم ضابطه‌های تابع f را به صورت زیر بنویسیم:

$$f(x) = \begin{cases} -2x+1 & ; \quad x \leq 1 \\ -x & ; \quad x > 1 \end{cases}$$

تابع در $x = 1$ پیوسته است و داریم: $f'_+(1) = -1$ و $f'_-(1) = -2$

حال حاصل حد را حساب می‌کنیم:

$$\lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{f(1+2|h|) - f(1+h)}{h^2 - h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{f(1+2|h|) - f(1)}{h^2 - h} - \lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{f(1+h) - f(1)}{h^2 - h}$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{f(1-2h) - f(1)}{-h} - \lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{f(1+h) - f(1)}{-h}$$

در کسر اول، اگر $-2h = H$ را در نظر بگیریم، داریم:

$$\lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{f(1-2h) - f(1)}{-h} = \lim_{H \rightarrow 0^+} \frac{f(1+H) - f(1)}{H}$$

در نهایت حاصل حد برابر است با:

$$= 2 \lim_{H \rightarrow 0^+} \frac{f(1+H) - f(1)}{H} + \lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$$

$$= 2f'_+(1) + f'_-(1) = -4$$

(مسابقات ۲ - صفحه ۸۶ و ۸۷)

گزینه ۳

-۹

دامنه تابع \mathbb{R} است، اما مشتق تابع در ریشه‌های عبارت $x = \sqrt[3]{-1}$ و همچنین

ریشه‌های عبارت $x = \sqrt[3]{-1 - 15}$ تعریف نمی‌شوند. این نقاط دقیقاً همان

نقاطی است که تابع f در آنجا مماس قائم (موازی محور y ها) دارد.

حال رابطه داده شده را می‌سازیم:

$$f'(2x) + f''(x) = 4ax + b + 2a = 4x + 1 \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = -1 \end{cases}$$

$f(x) = x^2 - x + c$ پس داریم:

$$\frac{f'(0) = -1}{f(f'(0)) = f(-1) = 2 + c = 3} \Rightarrow c = 1$$

همان عرض از مبدأ تابع f است.

(مسابان ۳ - صفحه‌های ۹۳ و ۹۸)

(ممدرضا راسخ) **گزینه «۲»** - ۱۴

همان $f' \cdot g + f \cdot g'$ است. بنابراین ابتدا ضابطه تابع $f \times g$ محاسبه می‌کنیم:

$$(f \times g)(x) = 2^{\log_2 x^2} \times 2^{\log_2 |x|} = 2^{\log_2 x^2} \times 2^{\log_2 x^2}$$

$$= 2^{\log_2 x^2} = x^2 ; \quad x \neq 0$$

$$\Rightarrow (f \times g)'(x) = 2x ; \quad (x \neq 0)$$

$$\Rightarrow (f \times g)'(2) = 4$$

(مسابان ۲ - صفحه ۹۴)

(پیشید عباس) **گزینه «۱»** - ۱۵

باید ضابطه تابع را ساده کنیم:

$$f(x) = \left(\frac{\sin 2x + \cos 2x + 2 \sin 2x \cos 2x}{\sin 2x + \cos 2x} \right)^2$$

$$= \left(\frac{(\sin 2x + \cos 2x)^2}{\sin 2x + \cos 2x} \right)^2 = (\sin 2x + \cos 2x)^2$$

با استفاده از اتحاد $\sin \alpha + \cos \alpha = \sqrt{2} \sin(\alpha + \frac{\pi}{4})$ داریم:

$$f(x) = (\sqrt{2} \sin(2x + \frac{\pi}{4}))^2 = 2 \sin^2(2x + \frac{\pi}{4})$$

و همچنین از اتحاد $2 \sin^2 \alpha = 1 - \cos 2\alpha$ داریم:

$$f(x) = 1 - \cos 2(2x + \frac{\pi}{4}) = 1 - \cos(\frac{\pi}{2} + 4x) = 1 + \sin 4x$$

$$\Rightarrow f'(x) = 4 \cos 4x \Rightarrow f'(\frac{\pi}{16}) = 4 \cos \frac{\pi}{4} = 2\sqrt{2}$$

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۹۵ و ۹۶)

$$\begin{cases} m > 0 & (1) \\ \Delta > 0 \Rightarrow \Delta = 16 - 4m > 0 \Rightarrow m < 4 & (2) \\ m < |y_s| \Rightarrow m < \frac{|16 - 4m|}{-4} \\ \Rightarrow m < 4 - m \Rightarrow m < 2 & (3) \end{cases}$$

اشتراک سه مجموعه بالا بازه $(2, 4)$ است. بزرگترین عدد صحیح این بازه فقط $m = 1$ است.

(مسابقات ۲ - صفحه‌های ۱۷ و ۱۹)

حسابان ۲ - پیشروی سریع

- ۱۱ **گزینه «۱»**

ضابطه تابع مشتق به صورت زیر است:

$$y' = \frac{2x}{2\sqrt{x^2 + 1}} = \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} \quad x=\sqrt{3} \rightarrow y' = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

(مسابقات ۲ - صفحه‌های ۹۴ و ۹۵)

- ۱۲ **گزینه «۳»**

از طرفین رابطه داده شده مشتق می‌گیریم:

$$f(x) = f'(2)x^2 + x \Rightarrow f'(x) = 2f'(2)x + 1$$

و $x = 2$ را جایگذاری می‌کنیم:

$$f'(2) = 4f'(2) + 1 \Rightarrow f'(2) = -\frac{1}{3}$$

بنابراین ضابطه تابع f به صورت $f(x) = -\frac{1}{3}x^2 + x$ است. حال داریم:

$$f'(x) = -\frac{2}{3}x + 1 \Rightarrow f'(3) = -1$$

(مسابقات ۲ - صفحه ۹۳)

- ۱۳ **گزینه «۴»**

اگر f یک چندجمله‌ای درجه n باشد، f' و f'' به ترتیب چندجمله‌ای

درجه $(n-1)$ و $(n-2)$ هستند و چون حاصل جمع f' و f'' تابعی

درجه یک است، $y = f(x)$ تابعی درجه دوم است:

$$f(x) = ax^2 + bx + c \Rightarrow f'(x) = 2ax + b , \quad f''(x) = 2a$$

$$f'(2x) = 4ax + b$$

- ۱۶ گزینه «۲»

(محمد رضا راسخ)

$$f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} \tan \frac{\pi}{4} = \frac{1}{2}$$

حال مشتق تابع را حساب می کنیم:

$$f'(x) = \tan \frac{\pi x}{2} + \frac{\pi}{2} x (1 + \tan^2 \frac{\pi x}{2})$$

$$\Rightarrow f'\left(\frac{1}{2}\right) = \tan \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{4} (1 + \tan^2 \frac{\pi}{4}) = 1 + \frac{\pi}{2}$$

پس معادله خط به صورت زیر است:

$$y - \frac{1}{2} = \left(1 + \frac{\pi}{2}\right)(x - \frac{1}{2}) \Rightarrow (2\pi + 4)x = \pi + 4y$$

(مسابقات ۹۵ و ۹۶ همراهی)

- ۱۷ گزینه «۱»

ابتدا عبارت خواسته شده را به صورت زیر بازنویسی می کنیم:

$$\frac{f'g - fg'}{\sqrt{fg}} = \frac{\frac{f'}{\sqrt{f}} - \frac{fg'}{\sqrt{f}}}{\frac{\sqrt{f}}{g}} = \frac{\frac{f'}{\sqrt{f}} g - \sqrt{f} g'}{g} = \left(\frac{\sqrt{f}}{g}\right)'$$

حال بایستی ضابطه $\frac{\sqrt{f}}{g}$ را به دست آوریم:

$$\left(\frac{\sqrt{f}}{g}\right)(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 4x + 4}}{x - 2} = \frac{\sqrt{(x-2)^2}}{x-2} = \frac{|x-2|}{x-2}$$

که در یک همسایگی $x = 2$ با تابع $y = 1$ مساوی است. بنابراین مشتق آن صفر خواهد بود.

(مسابقات ۹۶ همراهی)

- ۱۸ گزینه «۳»

 $g(1) = -2$ است و تابع f در $x = -2$ از چپ پیوسته است، تابع g اکیداً نزولی است و در همسایگی راست $x = 1$ مقادیر آن کمتر از -2 است، پس برای $x \leq -2$ ضابطه تابع f را بازنویسی می کنیم:

$$x < -2 : h(x) = \frac{2x}{x^2 - 2}$$

از طرفی داریم:

$$(fog)'_+(1) = g'(1)f'_+(g(1)) = g'(1)h'(-2) \quad (*)$$

حال حاصل را حساب می کنیم:

$$\begin{cases} g'(x) = \frac{-1}{2\sqrt{5-x}} \Rightarrow g'(1) = -\frac{1}{4} \\ h'(x) = -\frac{2x^2+4}{(x^2-2)^2} \Rightarrow h'(-2) = -3 \end{cases} \xrightarrow{(*)} (fog)'_+(1) = \frac{3}{4}$$

(مسابقات ۹۵ و ۹۶ همراهی)

- ۱۹ گزینه «۳»

$$y = f(\sqrt{x}) \Rightarrow y' = \frac{1}{\sqrt{x}} f'(\sqrt{x})$$

$$\Rightarrow y'' = \frac{-2(\frac{1}{\sqrt{x}})}{x} \cdot f'(\sqrt{x}) + \frac{1}{x} f''(\sqrt{x})$$

$$\xrightarrow{x=4} -\frac{1}{4(4)\sqrt{4}} f'(\sqrt{4}) + \frac{1}{4(4)} f''(4) = 0$$

با توجه به نمودار شبیه خط مماس در $x = 2$ یا همان (2) f' برابر $\frac{1}{3}$

است. پس داریم:

$$-\frac{1}{32}(\frac{2}{3}) + \frac{1}{16} f''(4) = 0 \Rightarrow f''(4) = \frac{1}{3}$$

(مسابقات ۹۵ و ۹۶ همراهی)

- ۲۰ گزینه «۴»

از تابع $y = g(x)$ مشتق می گیریم:

$$g(x) = -f^{-3}(x) \Rightarrow g'(x) = 3f^{-4}(x)f'(x)$$

$$\Rightarrow g'(24) = \frac{3f'(24)}{f^4(24)} \quad (*)$$

برای محاسبه $f'(x^2 + 2x) = \frac{1}{\sqrt{x-1}}$ از ضابطه $f'(x^2 + 2x)$ مشتق می گیریم:

$$f(x^2 + 2x) = (\sqrt{x-1})^{-1}$$

$$\Rightarrow (2x+2)f'(x^2 + 2x) = -(\sqrt{x-1})^{-2} \left(\frac{1}{2\sqrt{x}}\right)$$

با جایگذاری $x = 4$ داریم:

$$1 \cdot f'(24) = -\left(\frac{1}{4}\right) \Rightarrow f'(24) = -\frac{1}{4}$$

با جایگذاری $x = 4$ هم برابر یک به دست می آید. پس داریم:

$$\xrightarrow{(*)} g'(24) = \frac{2\left(-\frac{1}{4}\right)}{1^3} = -\frac{1}{2}$$

(مسابقات ۹۵ و ۹۶ همراهی)

ریاضی پایه

۲۱- گزینه «۱»

عبارت را به صورت زیر بازنویسی می کنیم:

$$2x - (x-1)(x+2) = -x^2 + x + 2$$

بیشترین مقدار عبارت بالا، عرض رأس سهمی است $y = -x^2 + x + 2$ که از رابطه $y_S = -\frac{\Delta}{4a}$ می توانیم مقدار آن را حساب کنیم.

$$\Rightarrow y_S = -\frac{9}{4(-1)} = \frac{9}{4}$$

(ریاضی ا- معادله ها و نامعادله ها: صفحه های ۷۱ تا ۸۲)

۲۲- گزینه «۴»

براساس ریشه عبارت قدرمطلقی که $x = 2$ است؛ نامعادله را در دو حالت $x \geq 2$ و $x < 2$ حل می کنیم:

$$x < 2 : \frac{3x+(x-2)}{x+2} \leq 1 \Rightarrow \frac{4x-2}{x+2} \leq 1$$

$$\Rightarrow \frac{4x-2}{x+2} - 1 = \frac{3x-4}{x+2} \leq 0 \Rightarrow -2 < x \leq \frac{4}{3}$$

که این بازه زیرمجموعه بازه $x < 2$ قرار دارد.

$$x \geq 2 : \frac{3x-(x-2)}{x+2} \leq 1 \Rightarrow \frac{2x+2}{x+2} \leq 1$$

$$\Rightarrow \frac{2x+2}{x+2} - 1 = \frac{x}{x+2} \leq 0 \Rightarrow -2 < x \leq 0$$

که با توجه به شرط $x \geq 2$ ، این بازه قابل قبول نیست. در نهایت مجموعهجواب های نامعادله بازه $\left[\frac{4}{3}, -2\right]$ است که شامل ۳ عدد صحیح است.

(ریاضی ا- معادله ها و نامعادله ها: صفحه های ۸۱ تا ۸۳)

۲۳- گزینه «۳»

(میلار منصوری)

جواب های معادله مورد نظر را $\beta' = \frac{1}{2\beta-1}$ و $\alpha' = \frac{1}{2\alpha-1}$ در نظر

می گیریم:

$$S' = \alpha' + \beta' = \frac{1}{2\alpha-1} + \frac{1}{2\beta-1}$$

$$= \frac{2\alpha+2\beta-2}{4\alpha\beta-2\alpha-2\beta+1} = \frac{2(\alpha+\beta)-2}{4(\alpha\beta)-2(\alpha+\beta)+1}$$

در معادله داده شده، $\alpha\beta = -\frac{3}{2}$ و $\alpha+\beta = \frac{11}{2}$ است.

$$\Rightarrow S' = \frac{\frac{2(11)}{2}-2}{4\left(-\frac{3}{2}\right)-2\left(\frac{11}{2}\right)+1} = -\frac{9}{16}$$

$$P' = \frac{1}{2\alpha-1} \times \frac{1}{2\beta-1} = \frac{1}{4(\alpha\beta)-2(\alpha+\beta)+1} = -\frac{1}{16}$$

پس معادله مورد نظر $= 0$ یا $x^3 + \frac{9}{16}x^2 - \frac{1}{16} = 0$ است.

(مسابان ا- هبر و معادله: صفحه های ۷ تا ۹)

۲۴- گزینه «۴»

(عادل حسین)

تابع اگر درجه دوم نباشد ($k = 0$)، تابع ثابت $y = -1$ است که فقط ازدو ربع دستگاه مختصات می گذرد. پس سهمی یا فقط از سه ناحیه یا از هر چهار ناحیه عبور می کند. در هر حالت، حدود k را می یابیم:

$$\text{الف) عبور از هر ۴ ناحیه: کافی است } \frac{c}{a} \text{ منفی باشد:}$$

$$\Rightarrow -\frac{1}{k} < 0 \Rightarrow k > 0 \quad (1)$$

ب) عبور از فقط ۳ ناحیه: در این شرط Δ مثبت و P نامنفی است.

$$\Rightarrow \begin{cases} P = -\frac{1}{k} \geq 0 \Rightarrow k < 0 \\ \Delta = 9k^2 + 4k > 0 \Rightarrow -\frac{4}{9} > k \text{ یا } k > 0 \end{cases} \Rightarrow k < -\frac{4}{9} \quad (2)$$

اجتماع (۱) و (۲) مجموعه $\left[-\frac{4}{9}, 0\right]$ است.

(مسابان ا- هبر و معادله: صفحه های ۱۰ تا ۱۲)

۲۵- گزینه «۲»

(محمد علیزاده)

اگر دو مهندس با هم کار کنند، پرتوه در n روز به اتمام می رسد. پس مهندس اول کار را به تنهایی در $n+4$ و مهندس دوم در $n+9$ روز تمام

$$\frac{1}{n+4} + \frac{1}{n+9} = \frac{1}{n} \quad \text{می کند. پس داریم:}$$

با توجه به گزینه ها $n = 6$ در معادله بالا صدق می کند. برای حل مستقل معادله نیز داریم:

$$\frac{2n+13}{n^2+13n+36} = \frac{1}{n} \Rightarrow n^2 + 13n + 36 = 2n^2 + 12n$$

$$\Rightarrow n^2 = 36 \Rightarrow n = 6$$

(مسابان ا- هبر و معادله: صفحه های ۱۷ تا ۱۹)

۲۶- گزینه «۳»

(میلار منصوری)

طرفین تساوی را به توان ۲ می رسانیم:

$$3x^2 + \frac{1}{x} = (x+1)^3 = x^3 + 3x^2 + x$$

$$\Rightarrow 3x^3 + 1 = x^3 + 3x^2 + x \Rightarrow 2x^3 - 2x^2 - x + 1 = 0$$



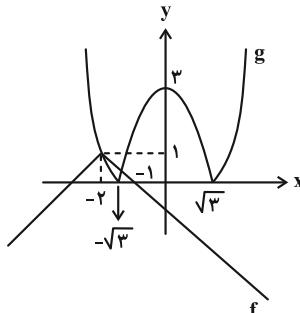
با توجه به نمودار، باید $k < -8$ باشد تا معادله فقط یک جواب داشته باشد. حال اگر $-2 < k < 0$ باشد، جواب معادله $(x = 0)$ مثبت است و شرط $k\alpha < 0$ برقرار نمی‌شود، در غیر این صورت $0 < k\alpha \leq 0$ خواهد شد. در نتیجه فقط یک مقدار صحیح برای k پیدا می‌شود.

(مسابان ا- بیرون و معادله: صفحه‌های ۲۶ تا ۲۴)

(عادل حسینی)

گزینه «۳» - ۲۹

باید معادله $|x^2 - 3| = 1$ را حل کنیم. برای این کار بهتر است نمودار دو تابع $f(x) = |x + 2|$ و $g(x) = |x^2 - 3|$ را در یک دستگاه مختصات رسم کنیم؛ زیرا تعداد نقاط برخورد این دو نمودار، همان تعداد جواب‌های معادله مورد نظر است:



با توجه به نمودار بالا تعداد جواب‌های معادله برابر ۲ است.

(مسابان ا- بیرون و معادله: صفحه‌های ۱۴ و ۲۴)

(کیان کریمی فراسانی)

گزینه «۲» - ۳۰

ابتدا نسبت مساحت $\triangle ABC$ به $\triangle ADF$ را پیدا می‌کنیم:

$$\frac{S_{ADF}}{S_{ABC}} = \frac{\frac{1}{2} \sin \hat{A} \cdot AD \cdot AF}{\frac{1}{2} \sin \hat{A} \cdot AB \cdot AC} = \frac{AD}{AB} \cdot \frac{AF}{AC} = \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3} = \frac{2}{9}$$

به شیوه مشابه، مساحت $\triangle CEF$ و $\triangle BDE$ نیز $\frac{2}{9}$ مساحت $\triangle ABC$ هستند.

$$S_{DEF} = S_{ABC} - S_{ADF} - S_{BDE} - S_{CEF}$$

$$\Rightarrow S_{DEF} = S_{ABC} - 3 \times \frac{2}{9} S_{ABC} = \frac{1}{3} S_{ABC} \quad (*)$$

حال مساحت مثلث $\triangle ABC$ را حساب می‌کنیم:

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 4 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \end{vmatrix} = 15$$

$$\xrightarrow{(*)} S_{DEF} = 5$$

(مسابان ا- بیرون و معادله: صفحه‌های ۲۵ تا ۲۳)

می‌توانیم عبارت را به صورت زیر تجزیه کنیم:

$$2x^2(x-1)-(x-1)=(x-1)(2x^2-1)=0$$

$$\Rightarrow x=1, \frac{1}{\sqrt{2}}, -\frac{1}{\sqrt{2}}$$

هر ۳ جواب هم قابل قبول است، پس نسبت بزرگ‌ترین جواب به کوچک‌ترین جواب برابر $\sqrt{2}$ است.

(مسابان ا- بیرون و معادله: صفحه‌های ۱۷ تا ۱۳)

(حامد معنوی)

گزینه «۱» - ۲۷

$$AF = AB + BC + CD + DE + EF$$

از طرفی طول پاره خط BC به صورت زیر به دست می‌آید:

$$(BC)^2 = x^2 + 7 \Rightarrow BC = \sqrt{x^2 + 7}$$

بنابراین داریم:

$$\frac{AF=16}{x=3} \rightarrow 1+2\sqrt{x^2+7}+x+4=16 \Rightarrow 2\sqrt{x^2+7}=11-x$$

$$\frac{\text{نوان}}{4x^2+28=x^2-22x+121} \rightarrow 3x^2+22x-93=0$$

$$\Rightarrow (3x+31)(x-3)=0 \Rightarrow \begin{cases} x=3 & \text{ق ق} \\ x=-\frac{31}{3} & \text{غ ق ق} \end{cases}$$

بنابراین اندازه پاره خط BC به صورت زیر به دست می‌آید:

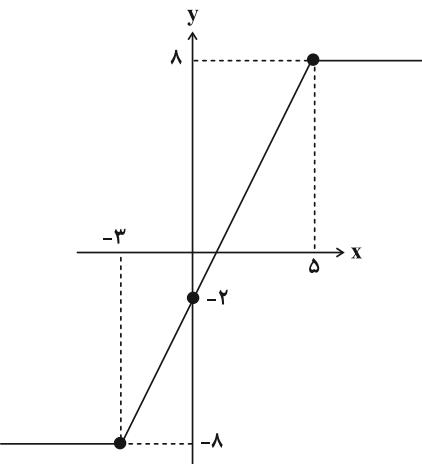
$$BC = \sqrt{x^2 + 7} \xrightarrow{x=3} BC = \sqrt{16} = 4$$

(مسابان ا- بیرون و معادله: صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(حامد معنوی)

گزینه «۲» - ۲۸

ابتدا نمودار تابع $y = |x+3| - |x-5|$ را رسم می‌کنیم:

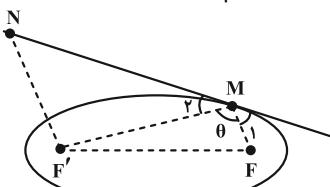




(اسماق اسفندریا)

گزینه «۱» -۳۴

طبق فرض و مطابق شکل داریم:



$$MF + MF' = \sqrt{3}a \quad \frac{MF = \sqrt{3}}{\sqrt{3}a = 3\sqrt{3}} \Rightarrow MF' = \sqrt{3}$$

بنابر قضیه کسینوس‌ها در مثلث MFF' داریم:

$$FF'^2 = MF^2 + MF'^2 - 2MF \times MF' \times \cos \theta$$

$$\Rightarrow 21 = 3 + 12 - 2(\sqrt{3})(2\sqrt{3}) \cos \theta$$

$$\Rightarrow \cos \theta = -\frac{1}{2} \Rightarrow \theta = 120^\circ \Rightarrow \hat{M}_1 = \hat{M}_2 = 30^\circ$$

$$M\hat{N}F' = \hat{M}_1 = 30^\circ$$

طبق قضیه خطوط موازی و مورب داریم:

(هنرسه ۳-آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه‌های ۵۰ تا ۵۷)

(مهبداد ملوندري)

گزینه «۳» -۳۵

چون رأس و کانون روی خط $y = -1$ قرار دارند، لذا سهمی افقی است و

چون کانون ۳ واحد سمت چپ رأس قرار دارد، دهانه سهمی رو به سمت

چپ باز می‌شود و معادله آن به صورت زیر است:

$$(y+1)^2 = -12(x-5)$$

(هنرسه ۳-آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه‌های ۵۰ تا ۵۷)

(سوکندر روشن)

گزینه «۴» -۳۶

مکان هندسی موردنظر یک سهمی است که خط $y = 1$ خط هادی و نقطهکانون آن است. مختصات رأس سهمی به صورت $(2, 5)$ و

سهمی قائم است و رو به بالا باز می‌شود.

$$(x-\alpha)^2 = 4a(y-\beta) \Rightarrow (x-2)^2 = 8(y-3) \quad (\text{معادله سهمی})$$

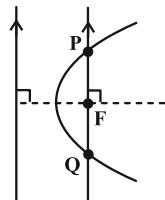
$$\frac{x=-2}{2+1} \Rightarrow 16 = 8(y-3) \Rightarrow y = 5 \Rightarrow (-2, 5)$$

(هنرسه ۳-آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه‌های ۵۰ تا ۵۷)

(مهبداد ملوندري)

گزینه «۱» -۳۷

خطی که از کانون یک سهمی به موازات خط هادی رسم می‌کنیم، بر محور

تقارن سهمی عمود است. نمودار سهمی، روی این خط، وتر PQ به اندازه $4a$ جدا می‌کند که به وتر کانونی سهمی موسوم است. طبق فرض، مختصاتنقاط P و Q ، به صورت $(2, 7)$ و $(-1, 2)$ است و در نتیجه:

هندسه ۳

گزینه «۲» -۳۱

با توجه به شکل و فرض سوال داریم:

$$\frac{S_{ABF'B'}}{S_{ABF}} = \Delta \Rightarrow \frac{\frac{BB' \cdot AF'}{2}}{\frac{OB \cdot AF}{2}} = \Delta$$

$$\frac{\sqrt{b}(a+c)}{b(a-c)} = \Delta \Rightarrow \frac{\sqrt{a}+\sqrt{c}}{a-c} = \Delta$$

$$\sqrt{a}+\sqrt{c} = \Delta a - \Delta c \Rightarrow \sqrt{c} = \sqrt{a} \Rightarrow e = \frac{c}{a} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$$

(هنرسه ۳-آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه‌های ۳۷ تا ۴۹)

گزینه «۳» -۳۲

(سوکندر روشن)

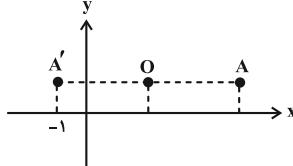
طبق فرض:

$$\begin{cases} |AA'| = 6 = 2a \Rightarrow a = 3 \\ 2c = 3 \Rightarrow c = \frac{3}{2} \end{cases}$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 9 = b^2 + \frac{9}{4} \Rightarrow b^2 = \frac{27}{4} \Rightarrow b = \frac{3\sqrt{3}}{2}$$

$$O = \frac{A+A'}{2} = (2, 1)$$

بیضی افقی است و مختصات دو رأس ناکانونی به صورت زیر به دست می‌آید:



$$\begin{cases} B(2, 1 + \frac{3\sqrt{3}}{2}) \\ B'(2, 1 - \frac{3\sqrt{3}}{2}) \end{cases}$$

رأس ناکانونی B در ناحیه اول دستگاه مختصات قرار دارد:

$$2+1+\frac{3\sqrt{3}}{2} = 3 + \frac{3\sqrt{3}}{2}$$

(هنرسه ۳-آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه‌های ۳۷ و ۴۱)

گزینه «۴» -۳۸

(اسماق اسفندریا)

در این بیضی طبق فرض داریم:

$$BF = \sqrt{3} = a, \quad AF = a - c = \sqrt{3} \Rightarrow c = \sqrt{3}$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow b^2 = 9$$

و ترها کانونی بیضی هستند: MQ و NP

$$MQ = NP = \frac{2b^2}{a} = \frac{2(9)}{2\sqrt{3}} = 3\sqrt{3}$$

$$MNPQ = 2(MQ + MN) = 2(3\sqrt{3} + 2\sqrt{3}) = 10\sqrt{3}$$

(هنرسه ۳-آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه‌های ۳۷ و ۴۱)



$$\begin{aligned} \Rightarrow & \begin{cases} y+1=3 \Rightarrow y=2 \Rightarrow x^2=4y=8 \Rightarrow x=\pm 2\sqrt{2} \\ y+1=-3 \Rightarrow y=-4 \end{cases} \\ & \text{بنابراین دو نقطه تلاقی } A(2\sqrt{2}, 2) \text{ و } B(-2\sqrt{2}, -2) \text{ هستند.} \end{aligned}$$

$$|AB|=2\times 2\sqrt{2}=4\sqrt{2}$$

(هنرسه ۳۰- آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه هاي ۵۰ تا ۵۴)

(اميرحسين ابومهوب)

گزینه «۴»

با توجه به معادلات محور تقارن و خط هادي، سهمي افقی است و چون نقطه M در سمت راست محور y ها قرار دارد، پس سهمي رو به راست باز می شود و معادله آن به صورت مقابل است:

$$(y-2)^2 = 4a(x-h) \quad : x = h-a = 0 \Rightarrow h = a$$

$$(y-2)^2 = 4a(x-a) \xrightarrow{M(4, 6)} (y-2)^2 = 4a(4-a)$$

$$\Rightarrow 16 = 4a(4-a) \Rightarrow 4 = 4a - a^2 \Rightarrow a^2 - 4a + 4 = 0$$

$$\Rightarrow (a-2)^2 = 0 \Rightarrow a = 2 \Rightarrow \begin{cases} \text{رأس: } S(2, 2) \\ \text{کانون: } F(4, 2) \end{cases}$$

بنابراین خط $x = 3$ عمود منصف پاره خط SF است و هر نقطه واقع بر آن از رأس و کانون سهمي به يك فاصله است. مختصات نقاط A و B از تلاقی اين عمود منصف با سهمي حاصل مي شود:

$$(y-2)^2 = 4(x-2) \xrightarrow{x=3} (y-2)^2 = 4(3-2) = 4$$

$$\Rightarrow y-2 = \pm 2\sqrt{2} \Rightarrow \begin{cases} y_A = 2+2\sqrt{2} \\ y_B = 2-2\sqrt{2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow AB = \sqrt{4+8} = 2\sqrt{3}$$

فاصله مبدأ مختصات از پاره خط AB (خط $x = 3$) برابر ۳ است، پس داريم:

$$S_{OAB} = \frac{1}{2} \times 3 \times 2\sqrt{2} = 3\sqrt{2}$$

(هنرسه ۳۰- آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه هاي ۵۰ تا ۵۴)

هنرسه ۳- پيشروي سريع

(کليون (داراب))

گزینه «۳»

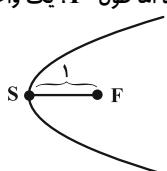
اگر معادله سهمي را به صورت $x = ay^2 + by + c$ در نظر بگيريم، آنگاه $(-\frac{\Delta}{4a}, -\frac{b}{2a})$ رأس سهمي است، پس داريم:

$$x = \frac{y^2}{4} - \frac{y}{2} + c \Rightarrow S = \left(-\frac{\Delta}{4a}, -\frac{b}{2a} \right) = \left(c - \frac{1}{4}, 0 \right)$$

$$p = \frac{1}{4|a|} = \frac{1}{4 \times \frac{1}{4}} = 1$$

از طرفی فاصله کانونی برابر است با ۱

S و F سهمي افقی است و دهانه آن به سمت راست باز مي شود. پس F دارای عرض هاي يكسان بوده اما طول F ، يك واحد از طول S ييشتر است.



$$fa = PQ = 8 \Rightarrow a = 2$$

همچنين چون اين دو نقطه روی خط $x = 2$ قرار دارند، پس خط هادي، قائم بوده و سهمي افقی است و نقطه وسط اين دو نقطه يعني $(2, 3)$ کانون سهمي است. پس يكى از نقاط $(4, 0)$ و $(3, 0)$ رأس سهمي است و لذا معادله سهمي به يكى از دو صورت زير است:

$$(y-3)^2 = -8(x-4) \quad , \quad (y-3)^2 = 8x$$

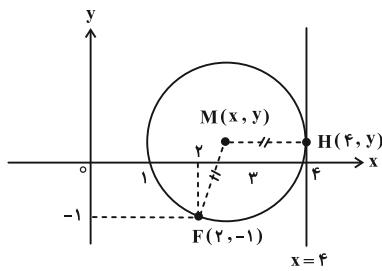
$$(y-3)^2 = 8x \Rightarrow y^2 - 6y - 8x = -9$$

(هنرسه ۳۰- آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه هاي ۵۰ تا ۵۴)

(کليون (داراب))

گزینه «۲»

اگر $M(x, y)$ مرکز يكى از دايره هاي مورد نظر باشد، طبق شكل زير، باید $MF = MH$ باشد. پس:



$$\sqrt{(x-2)^2 + (y+1)^2} = |x-4|$$

$$\xrightarrow{\text{توان ۲}} -4x + 4 + (y+1)^2 = x^2 - 8x + 16$$

$$\Rightarrow (y+1)^2 = -4x + 12 \Rightarrow (y+1)^2 = -4(x-3)$$

معادله فوق، مربوط به يك سهمي به رأس $(-1, 3)$ است.

(هنرسه ۳۰- آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه هاي ۵۰ تا ۵۴)

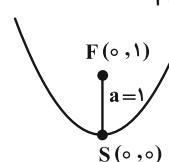
(کليون (داراب))

گزینه «۳»

$x^2 = 4y$ يك سهمي قائم است که دهانه آن رو به بالا باز مي شود.

$$(x-0)^2 = 4 \times 1(y-0) \Rightarrow S = (0, 0) \quad , \quad a = 1$$

بنابراین مختصات کانون $(0, 1)$ است. حال معادله دايره اى به مرکز $(0, 1)$ و شعاع ۳ مي نويسيم.



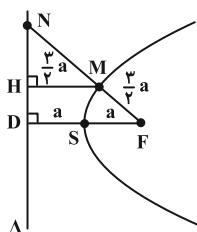
$$x^2 + (y-1)^2 = 9$$

نهایتاً دايره را با سهمي قطع مي دهيم:

$$\begin{cases} x^2 + (y-1)^2 = 9 \\ x^2 = 4y \end{cases} \Rightarrow 4y + (y-1)^2 = 9$$

$$\Rightarrow 4y + y^2 - 2y + 1 = 9$$

$$\Rightarrow y^2 + 2y + 1 = 9 \Rightarrow (y+1)^2 = 9$$



$$MH = MF = \frac{3}{2}a$$

حال در مثلث NDF طبق قضیه تالس داریم:

$$\frac{MH}{FD} = \frac{NM}{NF} \Rightarrow \frac{\frac{3}{2}a}{2a} = \frac{NM}{NM + \frac{3}{2}a}$$

$$\frac{\frac{3}{2}a}{2a} = \frac{NM}{\frac{3}{2}a} \Rightarrow NM = \frac{9}{2}a = \frac{9}{5}a$$

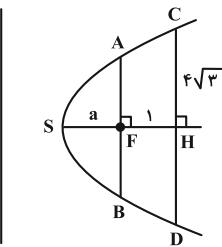
تفضیل نسبت در مخرج

(亨درسه ۳۰- آشنایی با مقاطع مفروطی: صفحه ۵۶ تا ۵۷)

(کیوان (دارای))

گزینه «۴»

از نتیجه یکی از تمرین‌های کتاب استفاده می‌کنیم. اگر قطر دهانه یک گودال به شکل سه‌می برابر با d و عمق آن برابر با h باشد، آن‌گاه:



$$a = \frac{d}{16h}$$

فاصله کانونی

طبق شکل، رابطه فوق به صورت زیر درمی‌آید:

$$a = \frac{|CD|^2}{16|SH|} \Rightarrow a = \frac{(8\sqrt{3})^2}{16(a+1)} \Rightarrow 16a(a+1) = 64 \times 3$$

$$\Rightarrow a^2 + a = 12 \Rightarrow a^2 + a - 12 = 0 \Rightarrow (a+4)(a-3) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = 3 \\ a = -4 \end{cases}$$

غیر قابل

از طرفی AB وتر کانونی سه‌می است و اندازه آن با $4a$ برابر است.

$$|AB| = 4a = 4 \times 3 = 12$$

(亨درسه ۳۰- آشنایی با مقاطع مفروطی: صفحه ۵۹)

(ممدر صفت‌کار)

گزینه «۱»

با توجه به شکل و در نظر گرفتن خاصیت بازتابندگی سه‌می و خواص خطوط موازی و مورب خواهیم داشت:

$$S = (c - \frac{1}{4}, 1) \Rightarrow F = (c + \frac{3}{4}, 1)$$

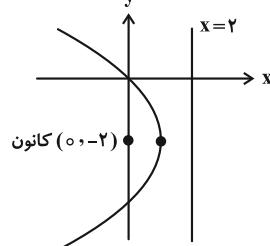
حال روی خط $x = 2y$ واقع است، بنابراین:

$$c + \frac{3}{4} = 2 \times 1 \Rightarrow c = 2 - \frac{3}{4} = \frac{5}{4}$$

(亨درسه ۳۰- آشنایی با مقاطع مفروطی: صفحه‌های ۵۶ تا ۵۷)

گزینه «۲»

می‌دانیم اگر پرتوها موازی محور تقارن بر سه‌می بتابند، پرتو بازتاب از کانون آن عبور می‌کند، پس نقطه تلاقی بازتاب این دو پرتو، کانون سه‌می است.



$$y^2 + 4y + 4x = 0 \Rightarrow y^2 + 4y + 4 = -4x + 4$$

$$\Rightarrow (y+2)^2 = -4(x-1)$$

$$\text{کانون } (0, -2), a = 1 \Rightarrow F = (0, -2)$$

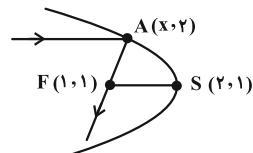
(亨درسه ۳۰- آشنایی با مقاطع مفروطی: صفحه‌های ۵۶ تا ۵۷)

گزینه «۱»

(علی ایمانی)

$$y^2 - 2y + 1 - 1 + 4x - 1 = 0 \Rightarrow (y-1)^2 + 4x - 1 = 0$$

$$(y-1)^2 = -4x + 1 = -4(x-1) \Rightarrow (y-1)^2 = -4(x-1)$$



نمودار سه‌می افقی و رو به چپ است و S(2, 1) رأس سه‌می است. نقطه

$$(2-1)^2 = -4(x-2)$$

A(x, 2) روی سه‌می است، پس:

$$1 = -4x + 1 \Rightarrow x = \frac{1}{4}$$

$$A(\frac{1}{4}, 2), F(1, 1) \Rightarrow y-1 = \frac{4}{3}(x-1)$$

$$y = 0 \Rightarrow -1 = \frac{4}{3}(x-1) \Rightarrow x = \frac{1}{4}$$

(亨درسه ۳۰- آشنایی با مقاطع مفروطی: صفحه‌های ۵۶ تا ۵۷)

گزینه «۴»

(کیوان (دارای))

از M عمودی بر خط هادی رسم می‌کنیم. طبق تعریف سه‌می:

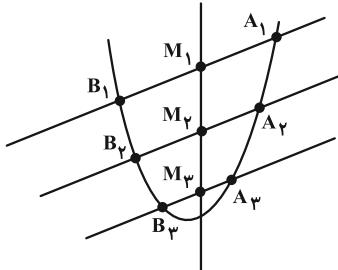
$$\Rightarrow \frac{d_1}{d_2} = \frac{1}{2}$$

(هنرسه ۳۰- آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه ۵۹)

(اميرحسين ابوالصوب)

گزینه «۳» - ۴۹

سهمي به معادله $(x-1)^2 = 2(y+3)$. يك سهمي قائم است که رو به بالا باز می شود.



مطابق شکل از برخورد خطاهای موازی با نیمساز ناحیه های اول و سوم با این سهمی، پاره خطاهای مانند A_1B_3, A_2B_2, A_3B_1 ... حاصل می شود که وسط این پاره خطها بر روی خط عمودی قرار دارد. اگر معادلات این دسته خطوط را به صورت $y = x + h$ نمایش دهیم، آن گاه داریم:

$$(x-1)^2 = 2(y+3) \xrightarrow{y=x+h} (x-1)^2 = 2(x+h+3)$$

$$\Rightarrow x^2 - 2x + 1 = 2x + 2h + 6 \Rightarrow x^2 - 4x - 2h - 5 = 0$$

اگر طول نقاط برخورد (ريشه های معادله) برابر x_A و x_B باشد، آن گاه طول نقطه وسط پاره خط برابر است با:

$$x_M = \frac{x_A + x_B}{2} = \frac{-b}{a} = \frac{4}{2} = 2$$

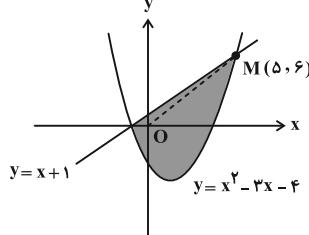
بنابراین معادله مکان هندسی مورد نظر به صورت $x = 2$ است.

(هنرسه ۳۰- آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه ۵۹)

(مهرداد ملونری)

گزینه «۴» - ۵۰

مطابق شکل خط $y = x + 1$ را به صورت $y = x^2 - 3x - 4$ تلاقي می دهیم:



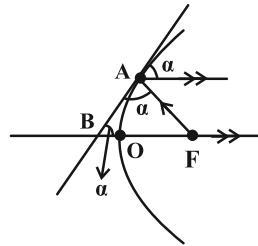
$$x^2 - 3x - 4 = x + 1 \Rightarrow x^2 - 4x - 5 = 0$$

$$\Rightarrow (x-5)(x+1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -1 \Rightarrow y = 0 \\ x = 5 \Rightarrow y = 6 \end{cases}$$

در بين نقاط مورد نظر، نقطه $M(5, 6)$ بيشترین فاصله را از مبدأ مختصات

$$OM = \sqrt{5^2 + 6^2} = \sqrt{61} \quad \text{دارد:}$$

(هنرسه ۳۰- بردارها: صفحه های ۶۱ و ۶۳)



$$\begin{cases} \hat{FBA} = \alpha \\ \hat{FAB} = \alpha \end{cases} \Rightarrow \hat{FBA} = \hat{FAB}$$

بنابراین مثلث FAB متساوی الساقین است و اندازه پاره خط BF با پاره خط AF برابر است. برای يافتن اندازه پاره خط AF باید مختصات کانون سهمی و نقطه A را بیابیم:

$$y^2 = \lambda x \Rightarrow 4a = \lambda \Rightarrow a = 2 \Rightarrow F(2, 0)$$

$$y^2 = \lambda x, x_A = \frac{1}{2} \Rightarrow y^2 = \lambda \times \frac{1}{2} = 4 \Rightarrow y = \pm 2 \Rightarrow A\left(\frac{1}{2}, 2\right)$$

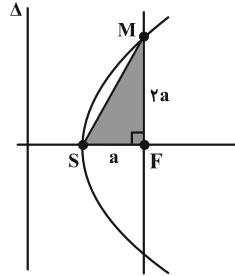
بنابراین:

$$BF = AF = \sqrt{\left(2 - \frac{1}{2}\right)^2 + (0 - 2)^2} = \sqrt{\frac{9}{4} + 4} = \sqrt{\frac{25}{4}} = \frac{5}{2}$$

(هنرسه ۳۰- آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه های ۵۶ و ۵۷)

گزینه «۲» - ۴۷

مطابق شکل، اندازه پاره خط FM برابر با $2a$ است. بنابراین ابتدا باید از معادله سهمی، مقدار a را بیابیم:



$$2a = \left| \frac{x}{y^2} \right| = \frac{6}{2} = 3 \Rightarrow a = \frac{3}{4} \Rightarrow FM = 2a = \frac{3}{2}$$

در مثلث قائم الزاويه FMS داریم:

$$SM^2 = \frac{9}{16} + \frac{9}{4} = \frac{45}{16} \Rightarrow SM = \frac{3\sqrt{5}}{4}$$

(هنرسه ۳۰- آشناي با مقاطع مفروطي: صفحه های ۵۶ تا ۵۸)

گزینه «۲» - ۴۸

اگر a فاصله کانونی و d و h به ترتیب قطر دهانه و عمق (گودی) يك دیش مخابراتی باشند، آن گاه رابطه $\frac{d^2}{16h} = a$ برقرار است، پس برای این دو دیش مخابراتی داریم:

$$\frac{d_1^2}{d_2^2} = \frac{16a_1h_1}{16a_2h_2} \Rightarrow \left(\frac{d_1}{d_2}\right)^2 = \frac{a_1}{a_2} \times \frac{h_1}{h_2} = \frac{1}{5} \times \frac{25}{20} = \frac{1}{4}$$



به طریق مشابه:

$$\frac{S_{BMP}}{S_{ABC}} = \frac{2m}{5 \times 5m} = \frac{2}{25}, \quad \frac{S_{CNP}}{S_{ABC}} = \frac{3(4m)}{5 \times 5m} = \frac{12}{25}$$

$$\frac{S_{PMN}}{S_{ABC}} = 1 - \left(\frac{6}{25} + \frac{2}{25} + \frac{12}{25} \right) = \frac{5}{25} = \frac{1}{5}$$

در نتیجه:

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۷۵ و ۷۶)

۲ هندسه

«۴» - ۵۱

(مهندس ملوندی)

مطابق شکل، طول اضلاع قائم مثلث ABC را m و n می‌گیریم. در مثلث AMN ، قضیه استوارت را یک بار برای AB و بار دیگر برای AC می‌نویسیم:

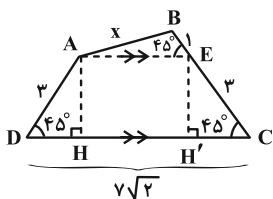
(پهلوان ترکمن)

«۴» - ۵۳

از رأس A ، پاره خط AE را موازی قاعده DC رسم می‌کنیم، در این صورت $\angle AEC = 45^\circ$ و $\angle AEB = 45^\circ$ یک ذوزنقه متساوی الساقین است.

با رسم هر دو ارتقای این ذوزنقه، چون مثلث‌های AHD و $EH'C$

قائم الزاویه متساوی الساقین با وتر به طول ۳ می‌باشند، پس:



$$AH = DH = \frac{3\sqrt{2}}{2}, \quad EH' = CH' = \frac{3\sqrt{2}}{2}$$

$$AE = HH' = DC - (DH + CH') \quad \text{بنابراین:}$$

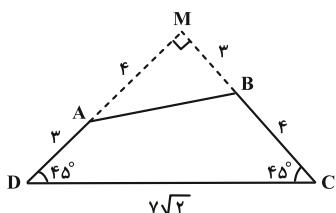
$$= 2\sqrt{2} - \left(\frac{3\sqrt{2}}{2} + \frac{3\sqrt{2}}{2} \right) = 4\sqrt{2}$$

اکنون در مثلث ABE ، به کمک قضیه کسینوس‌ها را می‌نویسیم:

$$AB^2 = AE^2 + BE^2 - 2AE \cdot BE \cdot \cos 45^\circ$$

$$\Rightarrow x^2 = (4\sqrt{2})^2 + (1)^2 - 2(4\sqrt{2})(1)\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = 25 \Rightarrow x = 5$$

راحل دوم: مطابق شکل، امتداد AD و BC در نقطه M متقاطع‌اند و زاویه قائمه می‌سازند. مثلث MCD هم قائم الزاویه و هم متساوی الساقین بوده و طول هر ساق آن برابر ۷ است. در مثلث قائم الزاویه MAB داریم:



$$\begin{cases} AM^2 \cdot BN + AN^2 \cdot BM = MN \cdot (AB^2 + BM \cdot BN) \\ AM^2 \cdot CN + AN^2 \cdot CM = MN \cdot (AC^2 + CM \cdot CN) \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 16 \times 5 + x^2 \times 1 = 6(m^2 + 5) \\ 16 \times 1 + x^2 \times 5 = 6(n^2 + 5) \end{cases}$$

$$\text{جمع: } 96 + 6x^2 = 6(m^2 + n^2 + 10)$$

در مثلث قائم الزاویه ABC طبق قضیه فیثاغورس داریم

$$m^2 + n^2 = 16 \quad \text{پس: } 6x^2 = 6(16 + 10) - 96 \xrightarrow{+6} x^2 = (16 + 10) - 16 = 10$$

$$\Rightarrow x = AN = \sqrt{10}$$

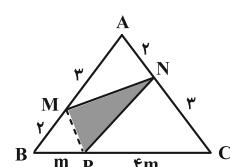
(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه ۶۹)

«۳» - ۵۲

(مهندس ملوندی)

با استفاده از رابطه سینوسی مساحت مثلث، نسبت مساحت هر یک از

مثلث‌های گوشه‌ای را به مساحت کل می‌یابیم:



$$\frac{S_{AMN}}{S_{ABC}} = \frac{\frac{1}{2}AM \cdot AN \cdot \sin \hat{A}}{\frac{1}{2}AB \cdot AC \cdot \sin \hat{A}} = \frac{\frac{1}{2} \times 4 \times 2}{5 \times 5} = \frac{4}{25}$$



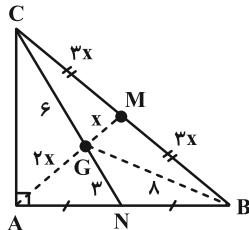
$$GB \parallel PM \rightarrow GB = 2PM = 8$$

اما نقطه G همسی میانه‌های مثلث ABC است و لذا

$$AM = 3x \quad GM = x \quad AG = 2x \quad \text{و در نتیجه } AM = BM = CM$$

است. بنابراین با توجه به این که $AM = BM = CM$ ، لذا طبق قضیه

میانه‌ها در مثلث GBC داریم:



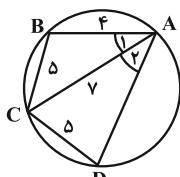
$$GB^2 + GC^2 = 2GM^2 + \frac{BC^2}{4}$$

$$\Rightarrow 8^2 + 6^2 = 2x^2 + \frac{(6x)^2}{4} \Rightarrow 100 = 20x^2 \Rightarrow x = \sqrt{5}$$

$$\Rightarrow AM = 3x = 3\sqrt{5}$$

(هنرمه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه ۶۹)

(سید محمد رضا سعینی فرد)



$$BC = CD \Rightarrow \widehat{BC} = \widehat{CD} \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{A}_2$$

$$\cos \hat{A}_1 = \frac{\gamma^2 + 4^2 - 5^2}{2 \times 4 \times \gamma} = \frac{5}{\gamma} \Rightarrow \cos \hat{A}_2 = \frac{\gamma^2 + AD^2 - 5^2}{2 \times 7 \times AD} = \frac{5}{\gamma}$$

$$\Rightarrow AD^2 = 10AD + 24 = 0 \Rightarrow \begin{cases} AD = 6 \\ AD = 4 \end{cases} \quad \text{غیر قابل قبول}$$

برای محاسبه مساحت چهارضلعی، مساحت دو مثلث ABC و ADC را

به کمک رابطه هرون محاسبه می‌کنیم:

$$\begin{cases} \Delta ABC : p_1 = \frac{4+5+\gamma}{2} = 8 \Rightarrow S_{ABC} = \sqrt{8(4)(3)(1)} = 4\sqrt{6} \\ \Delta ADC : p_2 = \frac{6+5+\gamma}{2} = 9 \Rightarrow S_{ADC} = \sqrt{9(4)(3)(2)} = 6\sqrt{6} \end{cases}$$

$$\Rightarrow S_{ABCD} = 10\sqrt{6}$$

توجه: اگر $AD = 4$ باشد آن‌گاه دو مثلث ADC و ABC با هم

همنهشت بوده و چون چهارضلعی $ABCD$ محاطی است، بایستی

$$\hat{B} = \hat{D} = 90^\circ$$

(هنرمه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۸، ۶۹ و ۷۳)

$$MA = 4, MB = 3$$

$$AB^2 = 4^2 + 3^2 = 25 \Rightarrow AB = 5$$

(هنرمه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

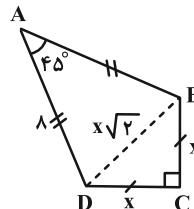
گزینه ۲

-۵۴

قطر BD را رسم می‌کنیم. واضح است که اگر $BC = DC = x$ فرض

شوند، آن‌گاه طبق قضیه فیثاغورس، $BD = x\sqrt{2}$ است. اکنون قضیه

کسینوس‌ها را در مثلث ABD می‌نویسیم:



$$BD^2 = AB^2 + AD^2 - 2AB \cdot AD \cdot \cos 45^\circ$$

$$\Rightarrow (x\sqrt{2})^2 = 8^2 + x^2 - 2(8)(x)(\frac{\sqrt{2}}{2})$$

$$\Rightarrow 2x^2 = 8^2(2 - \sqrt{2}) \Rightarrow x^2 = 32(2 - \sqrt{2})$$

حال به محاسبه مساحت کایت می‌پردازیم:

$$S_{ABCD} = S_{\triangle ABD} + S_{\triangle CBD} = \frac{1}{2} \frac{AB}{8} \cdot \frac{AD}{x} \cdot \sin 45^\circ + \frac{x^2}{2}$$

$$= 16\sqrt{2} + \frac{32(2 - \sqrt{2})}{2} = 16\sqrt{2} + 16(2 - \sqrt{2}) = 32$$

(هنرمه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

گزینه ۱

-۵۵

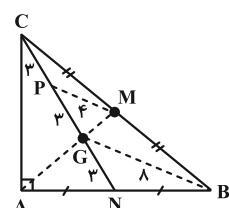
میانه AM (میانه وارد بر وتر که می‌دانیم نصف وتر است) را رسم می‌کنیم. نقطه

همسی دو میانه G و AM را در نظر می‌گیریم.

با توجه به این که هر میانه مثلث در نقطه همسی میانه‌ها، به نسبت ۱

تقسیم می‌شود، درمی‌یابیم که $CP = PG = GN = 3$ ؛ در مثلث

GBC ، نقاط P و M وسط اضلاع هستند و طبق عکس قضیه تالس داریم:



$$AB^2 = 4 + 2 - 2(2)(\sqrt{2}) \cdot \cos 135^\circ = 6 + 4 = 10 \Rightarrow AB = \sqrt{10}$$

$\frac{-\sqrt{2}}{2}$

$$= 2(\sqrt{2} + \sqrt{10}) \quad \text{محیط متوازی الاضلاع}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

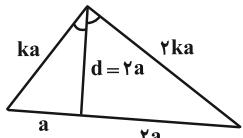
(اخشین فاصله‌های)

گزینه «۱» - ۵۹

می‌دانیم در هر مثلث نسبت دو ضلع زاویه برابر است با نسبت دو قطعه‌ای که از

برخورد نیمساز (آن زاویه) با ضلع مقابل ایجاد می‌شود. پس می‌توان مثلث زیر را

رسم کرد:



$$\frac{d^2}{(2a)^2} = 2k^2 a^2 - 2a^2 \Rightarrow 4a^2 = 2a^2(k^2 - 1)$$

$$\Rightarrow k^2 - 1 = 2 \Rightarrow k = \sqrt{3} \Rightarrow \frac{ka}{2a} = k = \sqrt{3}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۷۰ و ۷۱)

(سوکند روشن)

گزینه «۲» - ۶۰

ابتدا کسینوس زاویه $\hat{A} = \theta$ را با استفاده از قضیه کسینوس‌ها به دست می‌آوریم:

$$21 = 25 + 16 - 2(20) \cos \theta$$

$$\cos \theta = \frac{1}{2} \Rightarrow \sin \theta = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

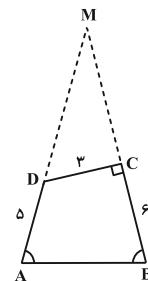
$$S_{ABC} = \frac{1}{2} \times AB \times AC \times \sin \theta = \frac{1}{2} \times 2 \times 10 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 10 / \sqrt{3}$$

(هنرسه ۳ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۶، ۶۷ و ۷۱)

(سید محمد رضا حسینی فرد)

گزینه «۴» - ۵۷

اضلاع AD و BC را امتداد می‌دهیم تا هم‌دیگر را در M قطع کنند. مثلث MAB متساوی‌الساقین است.



$$MA = MB \Rightarrow MD + 5 = MC + 6 \Rightarrow MD = MC + 1$$

در مثلث MCD طبق قضیه فیثاغورس داریم:

$$3^2 + MC^2 = (MC+1)^2 \Rightarrow MC = 4 \Rightarrow \cos \hat{M} = \frac{4}{5}$$

حال به کمک قضیه کسینوس‌ها طول AB را به دست می‌آوریم:

$$AB^2 = MA^2 + MB^2 - 2MA \cdot MB \cdot \cos M$$

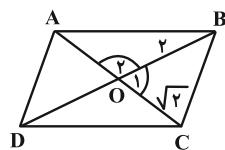
$$= 10^2 + 10^2 - 2 \times 10^2 \times \frac{4}{5} = 40 \Rightarrow AB = 2\sqrt{10}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

(اخشین فاصله‌های)

گزینه «۱» - ۵۸

در متوازی‌الاضلاع، مطابق شکل، قطرها هم‌دیگر را نصف می‌کنند و داریم:



$$S_{ABCD} = 4S_{OBC} = 4 \Rightarrow \frac{1}{2}(2)(\sqrt{2}) \sin \hat{O}_1 = 1 \Rightarrow \hat{O}_1 = 45^\circ$$

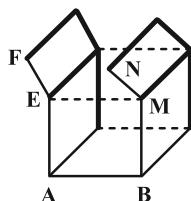
$$BC^2 = 4 + 2 - 2(2)(\sqrt{2}) \cdot \cos 45^\circ = 8 - 4 = 4 \Rightarrow BC = \sqrt{2}$$



(اگشین فاصله فان)

«۳» گزینه

مطابق شکل خطوط موازی با AB , به صورت خطچین و خطوط متناصر با آن, به صورت پررنگ رسم شده‌اند.



$n = 3, m = \lambda \Rightarrow m - n = 5$

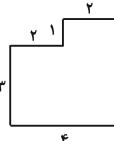
توجه: دقت کنید که دو خط EF و MN با AB متقاطع هستند.

(هنرسه ا- تبسم خفایی؛ صفحه‌های ۷۱ تا ۷۶)

(سوکند روشن)

«۴» گزینه

نمایهای چپ, بالا و راست مستطیل‌هایی با ابعاد ۳ و ۴ و در نتیجه مساحت ۱۲

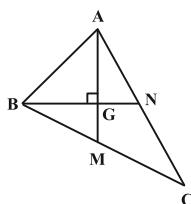
هستند ولی نمای رویه‌رو به صورت ۴ و مساحت آن $3 \times 4 + 2 = 14$ است.

(هنرسه ا- تبسم خفایی؛ صفحه‌های ۱۱ تا ۹۱)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

«۲» گزینه

از برخورد ۳ میانه هر مثلث, ۶ مثلث کوچک ایجاد می‌شود که مساحت آن‌ها برابر است. پس مطابق شکل داریم:



$S_{BMG} = \frac{1}{6} S_{ABC} = \frac{1}{6} \times 36 = 6$

از طرفی در هر مثلث میانه‌ها یکدیگر را به نسبت ۲ به ۱ قطع می‌کنند.

$BG = \frac{2}{3} BN = \frac{2}{3} \times 6 = 4$ بنابراین داریم:

$S_{BMG} = \frac{1}{2} BG \times GM \Rightarrow 6 = \frac{1}{2} \times 4 \times GM \Rightarrow GM = 3$

$\Delta BMG : BM^2 = BG^2 + GM^2 = 4^2 + 3^2 = 25$

$\Rightarrow BM = 5 \Rightarrow BC = 2 \times 5 = 10$

(هنرسه ا- پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۶۷)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

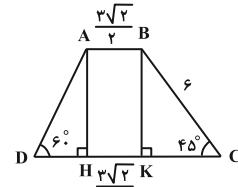
«۳» گزینه

طبق فرمول پیک برای مساحت چندضلعی‌های شبکه‌ای داریم:

هندسه ۱

«۱» گزینه

(مهرداد ملوندی)

با توجه به شکل و فرض، واضح است که $BC = 6$ و داریم:

$BK = KC = 6 \sin 45^\circ = 6 \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = 3\sqrt{2}$

$\Delta AHD : AH = 3\sqrt{2}, \tan 60^\circ = \frac{AH}{DH} \Rightarrow DH = \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \sqrt{6}$

$S = \frac{\left(\frac{3\sqrt{2}}{2} + (\sqrt{6} + \frac{3\sqrt{2}}{2} + 3\sqrt{2})\right) \times 3\sqrt{2}}{2}$

$\Rightarrow S = \frac{(\sqrt{6} + 6\sqrt{2}) \times 3\sqrt{2}}{2} = \frac{6\sqrt{3} + 18\sqrt{2}}{2} = 18 + 3\sqrt{3}$

(هنرسه ا- پندرضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۵ و ۶۶)

«۱» گزینه

فقط گزاره (ب) درست است.

بررسی گزاره‌های نادرست:

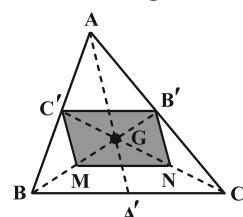
(الف) زیرا دو صفحه P_1 و P_2 هر وضعیتی نسبت به هم می‌توانند داشته باشند.(ج) زیرا دو خط d_1 و d_2 می‌توانند موازی یا متقاطع یا متناصر با هر زاویه‌ای باشند.

(هنرسه ا- تبسم خفایی؛ صفحه‌های ۷۱ تا ۷۶)

(سیدمحمد رضا حسینی فرد)

«۲» گزینه

چهارضلعی رنگ شده متوازی‌الاضلاع است. پس:



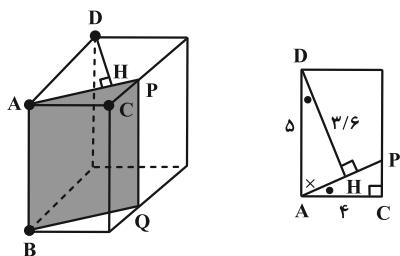
$B'C' \parallel MN, B'C' = MN = \frac{1}{2} BC$

پس نقاط M و N وسطهای BG و CG هستند. با رسم میانه‌ها در مثلث، ۶ مثلث همساحت ساخته می‌شود. پس

$S_{BGC'} = \frac{1}{6} S_{ABC}, S_{BGC'} = 2S_{MGC'} = 2\left(\frac{1}{4} S_{B'C'MN}\right)$

$\Rightarrow \frac{1}{6} S_{ABC} = \frac{2}{4} S_{B'C'MN} \Rightarrow \frac{S_{B'C'MN}}{S_{ABC}} = \frac{1}{3}$

(هنرسه ا- پندرضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)



$$\frac{AD}{AP} = \frac{DH}{AC} \Rightarrow \frac{5}{AP} = \frac{3/6}{4} \Rightarrow AP = \frac{20}{3/6} = \frac{5}{0/9} = \frac{50}{9}$$

سطح مقطع $APQB$ مستطیل است و مساحت آن برابر است با:

$$S = AP \times AB = \frac{50}{9} \times 6 = \frac{100}{3}$$

(هنرسه ا- تبسم فضایی: صفحه های ۹۳ تا ۹۵)

(پواراد ترکمن)

گزینه «۲»

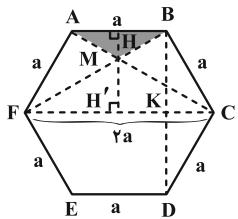
-۷۰

اگر ضلع های شش ضلعی منتظم را a بنامیم، $FC = 2a$ (قطر بزرگ) و

$$BK = \frac{a\sqrt{3}}{2}$$

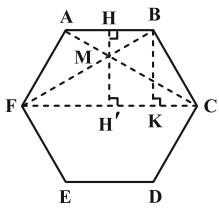
است که دو مثلث MFC و MAB متشابه‌اند و نسبت تشابه

$$\text{است. پس نسبت ارتفاعها نیز } \frac{1}{2} \text{ می‌باشد. یعنی: } \frac{AB}{FC} = \frac{1}{2}$$



$$MH = \frac{1}{2} MH' \Rightarrow MH = \frac{1}{3} BK = \frac{a\sqrt{3}}{6}$$

بنابراین:



$$\frac{S_{\Delta MAB}}{S_6} = \frac{\frac{1}{2} MH \cdot AB}{S_6} = \frac{\frac{1}{2} \times \frac{a\sqrt{3}}{6} \times a}{\frac{3\sqrt{3}}{2} a^2} = \frac{1}{18}$$

توجه کنید که مساحت شش ضلعی منتظم به ضلع a برابر است با:

$$S_6 = \frac{3\sqrt{3}}{2} a^2$$

(هنرسه ا- پندرضلعی‌ها: صفحه ۶۵)

$$S = \frac{b}{2} + i - 1 = 7 \Rightarrow \frac{b}{2} + i = 8$$

مجموع تعداد نقاط مرزی و درونی در صورتی حداقل خواهد بود که بیشترین و i کمترین مقدار ممکن را دارا باشند. با توجه به این که کمترین مقدار i برابر صفر است، داریم:

$$i = 0 \Rightarrow \frac{b}{2} = 8 \Rightarrow b = 16 \Rightarrow \max(b+i) = 16$$

از طرفی در صورتی مجموع نقاط مرزی و درونی حداقل خواهد بود که کمترین و i بیشترین مقدار ممکن را دارا باشند. کمترین مقدار b برابر ۳ است، ولی چون i همواره عددی حسابی است، پس b باید زوج باشد و در نتیجه داریم:

$$b = 4 \Rightarrow \frac{4}{2} + i = 8 \Rightarrow i = 6 \Rightarrow \min(b+i) = 10$$

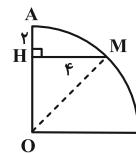
$$\max(b+i) - \min(b+i) = 16 - 10 = 6$$

(هنرسه ا- پندرضلعی‌ها: صفحه های ۶۹ تا ۷۱)

گزینه «۴»

-۶۸

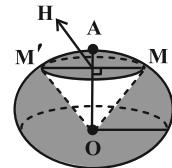
ابتدا شعاع ربع دایره را به دست می‌آوریم:



$$\text{OHM} : \begin{cases} OH = R - 2 \\ OM = R \\ MH = 4 \end{cases} \xrightarrow{\text{فیثاغورس}} R^2 = (R-2)^2 + 4^2 \Rightarrow R = 5$$

مطابق شکل زیر، حجم ناحیه سایه‌زده شده از تفاضل حجم ناحیه مخروطی

سفید رنگ از حجم نیمکره به دست می‌آید:



$$V_1 = \frac{2}{3} \pi R^3 = \frac{2}{3} \pi \times 125 = \frac{250\pi}{3}$$

$$V_2 = \frac{1}{3} \pi MH^2 \cdot OH = \frac{1}{3} \pi (4^2) \times 3 = 16\pi$$

$$V = V_1 - V_2 = \frac{250\pi}{3} - 16\pi = \frac{202\pi}{3}$$

(هنرسه ا- تبسم فضایی: صفحه های ۹۵ و ۹۶)

گزینه «۲»

-۶۹

در شکل زیر دو مثلث ACP و ADH با هم متشابه‌اند و داریم:



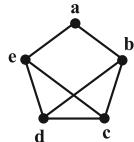
(مهندس ملودنی)

گزینه «۱» - ۷۴

اگر گراف G ، رأسی از درجه فول ۴ داشته باشد، آن‌گاه $\gamma = 1$ است.

پس برای این که $q(G)$ حداقل مقدار ممکن باشد، باید $\Delta(G) = 3$ و

نمودار آن به صورت زیر باشد:



در این گراف $\gamma = 2$ است؛ همچنین به $\binom{5}{2} = 10$ حالت می‌توان

مجموعه‌ای ۲ عضوی از بین رئوس G انتخاب کرد که در بین آن‌ها فقط

مجموعه $\{c, d\}$ احاطه‌گر مینیمم نیست. پس G دارای $10 - 1 = 9$

مجموعه احاطه‌گر مینیمم است.

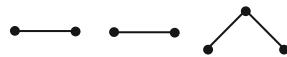
(ریاضیات گسسته-گراف و مدل سازی؛ صفحه‌های ۳۶ تا ۴۴)

(سید محمد رضا مسینی فرد)

گزینه «۳» - ۷۵

برای رسیدن به حداقل عدد احاطه‌گری، تا حد امکان رأس‌های درجه ۱ را

رسم می‌کنیم، در شکل زیر عدد احاطه‌گری برابر ۳ است:



(ریاضیات گسسته-گراف و مدل سازی؛ صفحه‌های ۳۶ تا ۴۴)

(ممدر صفت‌کار)

گزینه «۴» - ۷۶

با شرایط این گراف دو حالت امکان‌پذیر است:

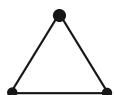
$$\text{الف) } \gamma(P_m) = 2 \text{ و } \gamma(C_n) = 1$$

در این حالت بیشترین تعداد رأس‌ها را هنگامی داریم که $n = 3$ و

$$p = m + n = 6 + 3 = 9$$

$m = 6$ باشد. بنابراین:

شکل این گراف به صورت زیر است:



$$\text{ب) } \gamma(P_m) = 1 \text{ و } \gamma(C_n) = 2$$

در این حالت بیشترین تعداد رأس‌ها را هنگامی داریم که $n = 6$ و

$$p = m + n = 3 + 6 = 9$$

باشد. بنابراین:

ریاضیات گسسته

گزینه «۲» - ۷۱

(ممطفی دیداری)

احاطه‌گر G نیست (رأس d احاطه نمی‌شود): $\{e, b, g\}$

احاطه‌گر G است: $\{\bar{f}, a, h, d, c\}$
همسايههای f در گراف مکمل

احاطه‌گر G نیست چون خود g احاطه نمی‌شود: $\{a, e, b, d, c\}$

(ریاضیات گسسته-گراف و مدل سازی؛ صفحه‌های ۳۶ تا ۴۴)

گزینه «۴» - ۷۲

(سوکنر روشنی)

اگر گراف ۲-منتظم مرتبه ۱۲ به صورت C_{12} باشد عدد احاطه‌گری برابر

۴ و اگر به صورت $C_7 \cup C_5$ باشد عدد احاطه‌گری برابر ۵ و اگر به

صورت $C_4 \cup C_4 \cup C_4$ باشد عدد احاطه‌گری ۶ به ما می‌دهد. ولی در

هیچ حالتی عدد احاطه‌گری ۷ ندارد.

(ریاضیات گسسته-گراف و مدل سازی؛ مشابه تمرین ۷ صفحه ۱۳)

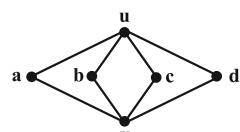
گزینه «۲» - ۷۳

(فرزاد بواری)

ابتدا با توجه به اطلاعات موجود در صورت سؤال، گراف مورد نظر را رسم می‌کنیم.

در این گراف دو رأس از درجه $4 = \Delta$ و چهار رأس از درجه ۲ وجود دارد. در

نتیجه گراف مربوط به صورت زیر است:



واضح است که برای احاطه رئوس این گراف، انتخاب دو رأس مانند آنچه در

مجموعه‌های زیر آمده کفایت می‌کند:

حالت اول: انتخاب u به همراه یکی از رئوس وسطی:

$$\{u, a\}, \{u, b\}, \{u, c\}, \{u, d\}$$

حالت دوم: انتخاب v به همراه یکی از رئوس وسطی:

$$\{v, a\}, \{v, b\}, \{v, c\}, \{v, d\}$$

حالت سوم: انتخاب دو رأس u و v با هم:

بنابراین $2 = \gamma$ و تعداد $7 = \Delta$ مجموعه‌ها برابر است با:

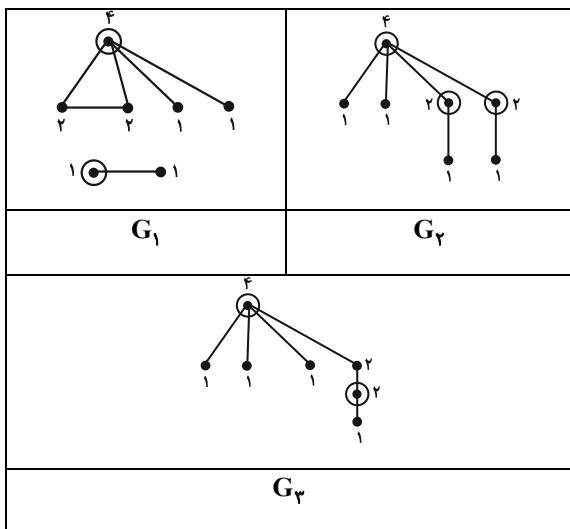
(ریاضیات گسسته-گراف و مدل سازی؛ صفحه‌های ۳۶ تا ۴۴)



(پیوار، ترکمن)

گزینه «۲» -۸۰

برای این گراف، ۳ شکل متمایز زیر وجود دارد:



واضح است که در گراف G_2 ، بیشترین عدد احاطه‌گری به دست می‌آید که برابر ۳ است.

(ریاضیات گسسته-گراف و مدل سازی: صفحه های ۳۶ تا ۴۴)

ریاضیات گسسته-پیشروی سریع

(علی ایمانی)

گزینه «۱» -۸۱

اگر دو قفسه را با میله‌ای از هم جدا کنیم برای این میله ۶ حالت وجود دارد و برای کتاب‌ها نیز ! حالت. بنابراین تعداد کل حالات برابر است با:



(ریاضی ا- شمارش بدون شمردن: صفحه های ۱۳۷ تا ۱۳۳)

(ممدر صفت‌کار)

گزینه «۱» -۸۲

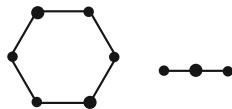
برای انتخاب اعضای این گروه سه نفره دو حالت امکان‌پذیر است.

الف) هیچ داشش آموزی از منطقه شرق انتخاب نشود. در این شرایط تعداد

$$\binom{5}{1} \binom{5}{1} \binom{5}{1} = 5 \times 5 \times 5 = 125$$

حالاتی مطلوب برابر است با:

شکل این گراف به صورت زیر است:



بنابراین این گراف، حداقل ۹ رأس و ۸ یال دارد و در نتیجه خواهیم داشت:

$$q(G) + q(\bar{G}) = q(K_9) \Rightarrow 8 + q(\bar{G}) = \binom{9}{2} = 36$$

$$\Rightarrow q(\bar{G}) = 36 - 8 = 28$$

(ریاضیات گسسته-گراف و مدل سازی: صفحه های ۴۴ تا ۵۱)

(ممدر صفت‌کار)

گزینه «۳» -۷۷

با توجه به این که $\left\lceil \frac{p}{\Delta+1} \right\rceil$ خواهیم داشت:

$$\left\lceil \frac{p}{4} \right\rceil \leq 5 \leq p-3 \Rightarrow 8 \leq p \leq 20$$

بنابراین تعداد اعداد مختلف برای تعداد رأس‌ها برابر است با:

$$20-8+1=13$$

(ریاضیات گسسته-گراف و مدل سازی: صفحه های ۴۴ تا ۵۱)

(کیوان (دارابی))

گزینه «۲» -۷۸

از مجموعه $\{a, c, f, h\}$ می‌توان عضو h را حذف کرد. اما مجموعه کماکان احاطه‌گر باقی بماند. پس این مجموعه احاطه‌گر است، اما مینیمال نیست. مجموعه‌های $\{a, g, d\}$ و $\{a, b, c, d, j\}$ احاطه‌گر مینیمال هستند و مجموعه $\{f, e, i, b\}$ نیز احاطه‌گر نیست.

(ریاضیات گسسته-گراف و مدل سازی: صفحه های ۴۴ تا ۵۱)

(کیوان (دارابی))

گزینه «۴» -۷۹

چون $1-p=\gamma(G)$ ، بنابراین گراف G مثلاً در مرتبه ۶ به شکل زیر است:پس این گراف از $2-p$ رأس تنها و دو رأس مجاور هم تشکیل شده است.

در گراف \bar{G} هر کدام از این رأس‌های تنها به رأس فول (رأس درجه ۱) تبدیل می‌شوند و هر کدام به تنها یک ۶-مجموعه تشکیل می‌دهند. پس گراف \bar{G} دارای $2-p$ مجموعه احاطه‌گر مینیمال است.

(ریاضیات گسسته-گراف و مدل سازی: صفحه های ۴۴ تا ۵۱)



$$5 \times 4 \times 1 \times 4 = 80$$

A B C D

ب) رأس‌های A و C هم‌رنگ نباشند. در این وضعیت تعداد حالت‌های مطلوب برابر است با:

$$5 \times 4 \times 3 \times 3 = 180$$

A B C D

بنابراین تعداد کل حالت‌ها برابر است با:

$$(ریاضی - شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۸ تا ۳۶)$$

(فرزادر بواری)

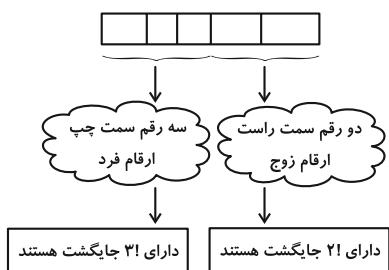
-۸۵ گزینه «۱»

ابتدا دو رقم مورد نیاز برای یکان و دهگان را از بین ارقام ۲، ۴ و ۶ انتخاب

$$\text{می‌کنیم «به طریق»، سپس از بین چهار رقم فرد } \{1, 3, 5, 7\} \text{ را در}$$

سه رقم بعدی را انتخاب می‌کنیم «به طریق»؛ سپس این حالت‌ها را در

جایگشت‌های ارقام زوج و فرد انتخاب شده ضرب می‌کنیم.



$$\text{تعداد اعداد مورد نظر} = \binom{3}{2} \binom{4}{3} \times 2! \times 2! = 3 \times 4 \times 6 \times 2 = 144$$

$$(ریاضی - شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۷ تا ۳۲)$$

(مهبدار ملووندی)

-۸۶ گزینه «۲»

چون سه حرف b داریم، برای برآورده شدن شرط سؤال، باید دو حرف b در یک سطر و یک حرف دیگر در سطر دیگر باشد:

$$\begin{cases} a, a, b, b \Rightarrow \frac{4!}{2!2!} = 6 \\ a, a, a, b \Rightarrow \frac{4!}{3!} = 4 \end{cases} \xrightarrow{\text{اصل ضرب}} 6 \times 4 = 24$$

ب) یک دانش‌آموز از منطقه شرق حتماً در این گروه سه نفره باشد. در این شرایط تعداد حالت‌های مطلوب برابر است با:

$$\binom{6}{1} \binom{3}{2} \binom{5}{1} \binom{5}{1} = 6 \times 3 \times 5 \times 5 = 450$$

$$125 + 450 = 575$$

$$(ریاضی - شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۳ تا ۳۰)$$

(فرزادر بواری)

-۸۷ گزینه «۴»

ابتدا تعداد اعداد چهار رقمی زوج را می‌شماریم.

$$\{1000, 1001, 100... , 9999\} = \text{اعداد چهار رقمی طبیعی}$$

$$9999 - 1000 + 1 = 9000$$

نصف اعداد چهار رقمی بالا زوج و نصف دیگر فرد است. پس:

$$4500 = \text{تعداد اعداد چهار رقمی زوج}$$

برای شمارش تعداد اعداد سه رقمی که حداقل یک رقم شان مضرب ۳ است از روش متمم استفاده می‌کنیم.

$$= \text{تعداد کل سه رقمی‌ها} = \boxed{9} \boxed{10} \boxed{10} = 900$$

$$= \text{تعداد اعداد سه رقمی فاقد } ۰, ۳, ۶ \text{ و } ۹ = \boxed{6} \boxed{6} \boxed{6} = 216$$

(که با ارقام ۱، ۲، ۴، ۵، ۷ و ۸ ساخته می‌شوند).

$$\Rightarrow 900 - 216 = 684$$

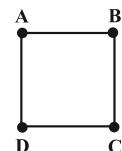
$$= 4500 - 684 = 3816 = \text{تعداد اعداد مورد نظر}$$

$$(ریاضی - شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۸ تا ۳۶)$$

(محمد صفت‌کار)

-۸۸ گزینه «۲»

اگر رأس‌های این مربع را مطابق شکل زیر نام‌گذاری کنیم آن‌گاه دو حالت امکان‌پذیر است:



الف) رأس‌های A و C هم‌رنگ باشند. در این وضعیت تعداد حالت‌های مطلوب برابر است با:

(ممدر صفت‌کار)

«گزینه ۴»

نکته: تعداد جایگشت‌های n شی متمایز در یک ردیف هرگاه بخواهیم که r تا از آن‌ها از چپ به راست یا برعکس دارای ترتیب خاصی باشند برابر

$$\frac{n!}{r!}$$

است با:

با توجه به این‌که سه رقم زوج و چهار رقم فرد داریم و با در نظر گرفتن این نکته که اولین رقم سمت چپ نمی‌تواند رقم صفر باشد، تعداد اعداد مطلوب

$$\binom{4}{1} \times \frac{6!}{3!} = 4 \times 6 \times 5 \times 4 = 480$$

برابر می‌شود با:

توجه کنید که ابتدا از ۴ رقم فرد یکی را برای اولین رقم سمت چپ انتخاب کرده و سپس ۶ رقم باقی‌مانده را طوری می‌چینیم که ارقام زوج از چپ به راست به ترتیب صعودی باشند.

(ریاضیات گستره - ترکیبات: صفحه‌های ۵۹ تا ۵۶)

«گزینه ۲»

همچنین برای این‌که کدام سطر، دو حرف **b** داشته باشد، ۲ حالت وجود دارد، پس جواب کلی برابر است با:

$$24 \times 2 = 48$$

(ریاضیات گستره - ترکیبات: صفحه‌های ۵۸ و ۵۹)

(کیوان (دارای))

برای آن‌که عددی مضرب ۵ باشد باید رقم یکانش صفر با ۵ باشد. در این مسئله باید هر کدام از این دو حالت را جداگانه حساب کنیم. اما با توجه به ارقام داده شده بهتر است که از روش متمم استفاده کنیم. در میان کل اعداد تنها اعدادی نامطلوب هستند که رقم یکان آن‌ها ۲ باشد. بنابراین:

$$\frac{3 \times 5!}{2 \times 3!} = 30$$

برای یافتن اعداد نامطلوب دقت کنید که در این اعداد رقم یکان ۲ و اولین رقم سمت چپ حتماً ۵ است. بنابراین:

$$\frac{4!}{3!} = 4$$

بنابراین تعداد کل اعداد مطلوب برابر است با:

(ریاضیات گستره - ترکیبات: صفحه‌های ۵۸ و ۵۹)

«گزینه ۱»

(ممطوفن (بداری))

«گزینه ۳»

دو حالت در نظر می‌گیریم:

۱) رئیس و معاون هر دو در جلسه حضور داشته باشند: به $\binom{6}{3}$ روش،

می‌توانیم ۳ کارمند انتخاب کنیم که در $\binom{4}{1}$ روش، دو کارمند خاص با هم

حضور دارند، پس تعداد حالت‌ها برابر است با:

$$\binom{2}{2} \left[\binom{6}{3} - \binom{4}{1} \right] = 20 - 4 = 16$$

۲) فقط یکی از افراد رئیس یا معاون حضور داشته باشند: به $\binom{2}{1}$ روش،

یکی از دو نفر رئیس یا معاون را انتخاب می‌کنیم، که به $\binom{6}{4}$ روش ۴

کارمند برمی‌داریم اما در $\binom{4}{2}$ روش، دو کارمند خاص حضور با هم دارند،

پس تعداد حالت‌ها برابر است با:

$$\binom{2}{1} \left[\binom{6}{4} - \binom{4}{2} \right] = 2(15 - 6) = 18$$

پس در کل $34 = 16 + 18 = 34$ روش وجود دارد.

(ریاضی - شمارش بروون شمردن: صفحه‌های ۱۳۳ تا ۱۳۰)

(بهرادر ترکمن)

برای یافتن تعداد کدهای مطلوب باید ابتدا ارقام را طوری بچینیم که بین هر دو رقم فقط یک جای خالی باشد. در این شرایط مطابق شکل ۵ جای خالی $-1-1-2-2-$

حالا برای حروف دو حالت امکان‌پذیر است.

الف) دو حرف **a** کنار هم باشند؛ در این شرایط تعداد حالت‌های مطلوب برابر است با:

$$\binom{5}{2} \times 2! \times \frac{4!}{2!2!} = 10 \times 2 \times 6 = 120$$

ب) یک حرف **a** و یک حرف **b** کنار هم باشند؛ در این شرایط تعداد حالت‌های مطلوب برابر است با:

$$\binom{5}{2} \times 2! \times 2! \times \frac{4!}{2!2!} = 10 \times 2 \times 2 \times 6 = 240$$

بنابراین تعداد کل حالت‌ها برابر است با:

$$120 + 240 = 360$$

(ریاضیات گستره - ترکیبات: صفحه‌های ۵۸ و ۵۹)

فیزیک ۳

- ۹۱ گزینه «۳»

موارد (ب) و (ث) درست‌اند.

علت نادرستی سایر موارد:

الف) موج صوتی برخلاف موج رادیویی یک موج مکانیکی است و برای انتشار نیاز به محیط مادی دارد.

ب) موج صوتی یک موج طولی است که راستای نوسان ذرات با جهت انتشار موج موازی است.

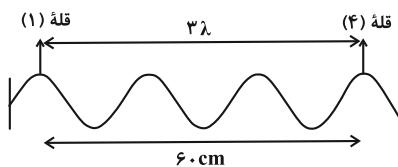
ت) در موج طولی ایجاد شده در یک فنر، در وسط فاصله بین یک جمع‌شدگی بیشینه و یک بازشدگی بیشینه مجاور هم، اندازه جابه‌جایی هر جز فنر از وضعیت تعادل بیشینه است.

(فیزیک ۳- نوسان و موج؛ صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱، ۷۳، ۷۷ و ۷۹)

«۱» گزینه ۹۲

می‌دانیم که فرکانس (بسامد) با دوره تناوب رابطه عکس دارد. یعنی:

$$f = \frac{1}{T} \Rightarrow T = \frac{1}{f} \Rightarrow T = \frac{1}{2/5} = \frac{5}{2} \text{ s}$$



$$3\lambda = 6.0 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = 2.0 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = \frac{2}{10} \text{ m}$$

$$v = \frac{\lambda}{T} = \frac{1}{\frac{5}{2}} = 0.4 \text{ m/s}$$

$$t = \frac{x}{v} \xrightarrow{x=2m} t = \frac{2}{0.4} = 5 \text{ s}$$

فاصله (مسافت) ۲ متری را در ۴ ثانیه طی می‌کند.

(فیزیک ۳- نوسان و موج؛ صفحه‌های ۷۱ و ۷۲)

«۳» گزینه ۹۳

در قدم اول انتشار موج در طناب را به دست می‌آوریم: (جرم طناب را

 m' در نظر می‌گیریم)

$$v = \sqrt{\frac{F\ell}{m'}} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{8 \times 2}{0.04}} \Rightarrow v = 20 \text{ m/s}$$

حال دوره طبیعی دستگاه وزنه- فنر را محاسبه می‌کنیم:

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}} \Rightarrow T = 2\pi\sqrt{\frac{\lambda}{50}} \Rightarrow T = 0.8\pi \text{ s}$$

و در نهایت طول موج را به دست می‌آوریم:

$$\lambda = Tv \Rightarrow \lambda = 0.8\pi \times 20 \Rightarrow \lambda = 16\pi \text{ m}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج؛ صفحه‌های ۷۲ تا ۷۴ و ۷۶)

(ممدیواد سوپرپن)

- ۹۴ گزینه «۳»

با توجه به نقش موج درمی‌یابیم $\frac{5\lambda}{4} = 125 \text{ cm}$ است؛ بنابراین طول موج

برابر با $\lambda = 100 \text{ cm} = 1 \text{ m}$ است. از طرفی با داشتن تندی انتشار موج:
طبق رابطه $\lambda = vT$ داریم:

$$\lambda = vT \xrightarrow{\lambda=1m} 1 = 100 \times T \Rightarrow T = 0.01 \text{ s}$$

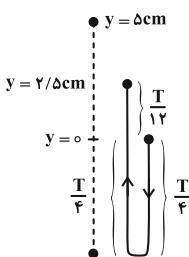
حالا مکانی که در آن شتاب نوسانگر برابر با $\ddot{a} = -10^4 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)$ است را

پیدا می‌کنیم:

$$a = -\omega^2 y \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{0.01} = 200\pi \text{ rad/s}} a = -10^4 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$-10^4 = -(200\pi)^2 \times y \Rightarrow y = 2/5 \times 10^{-7} \text{ m} = 2/5 \text{ cm}$$

از طرفی با توجه به جهت انتشار موج (سمت راست) درمی‌یابیم، ذره شبیه به ذره سمت چپ خود حرکت می‌کند، یعنی رو به پایین شروع به حرکت می‌کند. بنابراین داریم:



$$\Delta t = \frac{T}{2} + \frac{T}{12} = \frac{7T}{12} \xrightarrow{T=0.01s} \Delta t = \frac{7}{1200} = \frac{7}{1200} \text{ s}$$

$$\Rightarrow t_2 = \frac{7}{1200} \text{ s} \xrightarrow{1s=1000ms} t_2 = \frac{35}{6} \text{ ms}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج؛ صفحه ۷۱)

(دانیال راستن)

- ۹۵ گزینه «۲»

با ضربه زدن چکش به میله، صوت هم از طریق هوا و هم از طریق میله منتقل می‌شود ولی با توجه به اختلاف سرعت صوت در محیط‌های مختلف، زمان انتشار صوت در این دو محیط متفاوت است. ابتدا طول میله را به دست می‌آوریم:



$$\beta_2 - \beta_1 = 20 \log\left(\frac{\Delta v}{10v}\right) = 20 \log \frac{1}{2} = -20 \log 2$$

$$\underline{\log 2 = 0.3} \rightarrow \beta_2 - \beta_1 = -20 \times 0 / 3 = -6 \text{ dB}$$

بنابراین تراز شدت صوت 6 dB کاهش می‌یابد.

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

(دانلار، راست)

گزینه «۲» - ۹۸

با توجه به تندی انتشار صوت و اختلاف زمانی رسیدن صوت به دو شنونده،

فاصله آنها را محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta t = |t_1 - t_2| = \frac{R_1}{v_{\text{صوت}}} - \frac{R_2}{v_{\text{صوت}}}$$

$$\Rightarrow |R_1 - R_2| = v_{\text{صوت}} \times \Delta t = \frac{\Delta t = 0.1 \text{ s}}{v_{\text{صوت}} = 300 \frac{\text{m}}{\text{s}}} \rightarrow |R_1 - R_2| = 30 \text{ m}$$

با $\frac{5}{8}$ برابر شدن توان چشم، شدت صوتی که هر شنونده دریافت می‌کند

$$I = \frac{P}{A} \Rightarrow I' = \frac{P'}{P} = \frac{5}{8} \quad \text{برابر می‌شود:}$$

$$\beta'_1 - \beta_1 = 10 \log \frac{I'_1}{I_1} - 10 \log \frac{I_1}{I_1} = 10 \log \frac{5}{8}$$

$$= 10(\log 5 - 3 \log 2) = 10(1 - 0 / 3) - 30(0 / 3) = -2$$

$\beta'_2 - \beta_2 = -2$ به طریق مشابه:

$$\frac{\beta_1}{\beta_2} = \frac{4}{3} \Rightarrow \frac{\beta'_1}{\beta'_2} = \frac{27}{20} = \frac{\beta_1 - 2}{\beta_2 - 2} \rightarrow$$

$$\frac{27}{20} = \frac{4\beta_1 - 8}{3\beta_1 - 8} \Rightarrow \begin{cases} \beta_1 = 56 \text{ dB} \\ \beta_2 = 42 \text{ dB} \end{cases}$$

$$I = \frac{P}{A} = \frac{P}{4\pi R^2} \Rightarrow \frac{I_1}{I_2} = \left(\frac{R_2}{R_1}\right)^2$$

$$\beta_1 - \beta_2 = 10 \log \frac{I_1}{I_2} = 10 \log \left(\frac{R_2}{R_1}\right)^2 = 56 - 42$$

$$0 / 7 = \log \frac{R_2}{R_1} \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = 5 \quad , \quad |R_1 - R_2| = 30 \text{ m}$$

$$\Rightarrow R_1 = 7 / 5 \text{ m}$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

(کامران ابراهیمی)

گزینه «۱» - ۹۹

(الف) و (ت) درست هستند.

بررسی موارد نادرست:

ب) بلندی متفاوت با شدت است. شدت را می‌توان با یک آشکارساز اندازه گرفت در حالی که بلندی چیزی است که شما حس می‌کنید.

$$\Delta t_1 = \frac{d}{v_{\text{هوا}}} - \frac{d}{v_{\text{آهن}}} \xrightarrow{v_{\text{هوا}} = 300 \frac{\text{m}}{\text{s}}, v_{\text{آهن}} = 6000 \frac{\text{m}}{\text{s}}} \Delta t_1 = 47 / 5 \text{ ms}$$

$$47 / 5 \times 10^{-3} = d \left(\frac{1}{300} - \frac{1}{6000} \right) \Rightarrow d = 15 \text{ m}$$

اختلاف دو صدای شنیده شده در حالت دوم برابر است با:

$$\Delta t_2 = \frac{d}{v_{\text{هوا}}} - \frac{d}{v_{\text{مس}}} \xrightarrow{v_{\text{هوا}} = 300 \frac{\text{m}}{\text{s}}, v_{\text{مس}} = 5000 \frac{\text{m}}{\text{s}}} \Delta t_2 = 15 \text{ ms}$$

$$47 / 5 \times 10^{-3} = 15 \left(\frac{1}{300} - \frac{1}{5000} \right) = 47 \times 10^{-3} \text{ s} = 47 \text{ ms}$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۷۹ و ۸۰)

(ممدر نیاوندی مقدم)

گزینه «۱» - ۹۶

یکای آهنگ تغییرات حجم در SI است. اگر μ, ϵ, f توان $\frac{\text{m}^3}{\text{s}}$

بگیرند واحد آنها $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ و یکای f است. با این دیدگاه داریم:

$$(\mu, \epsilon, f)^{-2} \rightarrow \left(\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^3 \times \left(\frac{1}{\text{s}}\right)^{-2} \rightarrow \frac{\text{m}^3}{\text{s}^3} \times \text{s}^2 = \frac{\text{m}^3}{\text{s}}$$

در نتیجه $\beta = -2$ و $\alpha = \gamma = -\frac{3}{2}$ می‌شود و داریم:

$$(\alpha - \beta) \cdot \gamma \Rightarrow \left(-\frac{3}{2} - (-2)\right) \times \left(-\frac{3}{2}\right) = -\frac{3}{4}$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۷۶ تا ۷۸)

(ممدر بوار سوپری)

گزینه «۱» - ۹۷

ابتدا فاصله شنونده از چشم صوت در ابتدا و انتهای بازه زمانی ۵ ثانیه دوم

را به دست می‌آوریم: $t_2 = 10 \text{ s}$ $t_1 = 5 \text{ s}$

$$r = v \Delta t \xrightarrow{\Delta t_1 = 5 \text{ s}, \Delta t_2 = 10 \text{ s}} \begin{cases} r_1 = v \times 5 = 5 \text{ v} \\ r_2 = v \times 10 = 10 \text{ v} \end{cases}$$

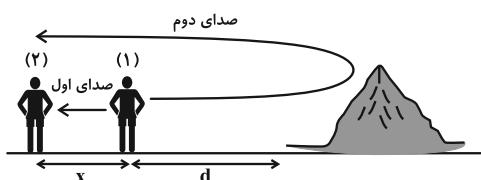
سپس اختلاف تراز شدت صوت را در دو حالت حساب می‌کنیم:

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log \left(\frac{I_2}{I_1} \right) \xrightarrow{I_2 = \left(\frac{r_2}{r_1} \right)^2} \text{توان چشم ثابت است.}$$

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log \left(\frac{r_2}{r_1} \right)^2 = 20 \log \frac{r_2}{r_1} - \frac{r_2 - r_1}{r_1 = 10 \text{ v}} \rightarrow$$

گزینه «۴» (زهره آقامحمدی)

اگر دانشآموز (۱) فریاد بزند، دانشآموز (۲) دو صدا می‌شنود. یکی صدایی که مستقیم از دانشآموز (۱) به (۲) می‌رسد و دومین صدا، صدایی است که از پژواک صدای دانشآموز (۱) می‌شنود. اگر زمان شنیدن صدای اول t_1 و زمان شنیدن صدای دوم t_2 باشد داریم:



$$t = \frac{\Delta x}{v} \Rightarrow t_2 - t_1 = \frac{2d + x}{v} - \frac{x}{v} = \frac{2d}{v}$$

$$\frac{t_2 - t_1 = s}{v = \frac{m}{s}} \Rightarrow 1 = \frac{2d}{340} \Rightarrow d = 170 \text{ m}$$

دیدیم که اختلاف زمانی دو صدا به فاصله دو دانشآموز از هم (x) بستگی ندارد. اگر دانشآموز (۱)، ۶۸ متر به صخره نزدیک شود، داریم:

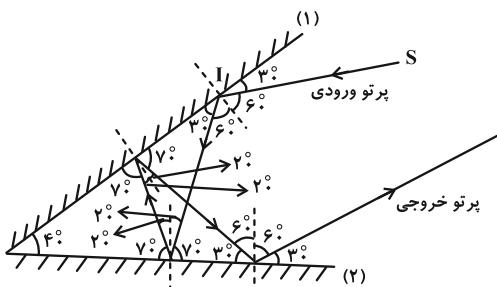
$$d' = d - 68 = 170 - 68 = 102 \text{ m}$$

$$\Rightarrow t'_2 - t'_1 = \frac{2d'}{v} = \frac{2 \times 102}{340} = 0.6 \text{ s}$$

(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

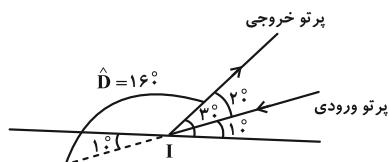
گزینه «۳» (مبین کوئیان)

طبق قانون بازتاب عمومی، همواره زاویه تابش و بازتاب با هم برابر است. پس مطابق با شکل زیر داریم:



و در نهایت، زاویه امتداد پرتو بازتاب نهایی (پرتو خروجی) با امتداد پرتو SI

(پرتو ورودی) را به صورت زیر به دست می‌آوریم:



(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

گزینه «۴» (زهره آقامحمدی)

پ) بیشترین حساسیت گوش انسان به بسامدهایی در گستره ۲۰۰۰ Hz تا ۵۰۰۰ Hz است.

ث) هنگامی که چشمۀ صوت ساکن باشد طول موج در جلو و عقب چشمۀ (در دو طرف چشمۀ ثابت است و با نزدیک شدن ناظر به چشمۀ صوت در مقایسه با ناظر ساکن در مدت زمان یکسان با جبهه‌های موج بیشتری مواجه می‌شود که این منجر به افزایش بسامد صوتی می‌شود که ناظر می‌شنود.

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۸۱ تا ۸۳)

گزینه «۲» (آراس محمدی)

قبل از حل سؤال به ۲ نکته دقت کنید:

۱) هنگامی که چشمۀ صوت در حال حرکت است، طول موج دریافتی جلوی چشمۀ صوت کمتر از λ_S و طول موج دریافتی در پشت چشمۀ صوت بیشتر از λ_S است و جهت حرکت شنونده تأثیری در طول موج دریافتی توسط او ندارد. بنابراین می‌توان نوشت:

$$\lambda_A < \lambda_S, \quad \lambda_B < \lambda_S, \quad \lambda_C > \lambda_S, \quad \lambda_D > \lambda_S$$

۲) به طور کلی اگر شنونده و چشمۀ صوت به یکدیگر نزدیک شوند، بسامد موج دریافتی توسط شنونده بیشتر از f_S است و اگر شنونده و چشمۀ صوت از یکدیگر دور شوند، بسامد دریافتی توسط شنونده کمتر از f_S است. حال با توجه به اندازه و جهت سرعت متحرک‌ها داریم:

$$\Rightarrow \text{فاصله شنونده } A \text{ و چشمۀ صوت ثابت است} \Rightarrow f_A = f_S$$

$$\Rightarrow \text{شنونده } B \text{ و چشمۀ صوت به یکدیگر نزدیک می‌شوند} \Rightarrow f_B > f_S$$

چشمۀ صوت از شنونده‌های C و D دور می‌شوند

$$\Rightarrow f_C < f_D, \quad f_D < f_S$$

پس فقط مورد (ب) صحیح است.

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۸۱ تا ۸۳)

فیزیک ۳- پیش روی سریع

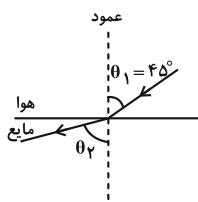
گزینه «۲» (حسام نادری)

مواد (ب) و (ت) نادرستند و بقیه موارد طبق متن کتاب درسی درست هستند.

علت نادرستی مورد (ب): اگر تأخیر زمانی بین دو صوت اولیه و بازتابیده کمتر از $1/10$ ثانیه باشد، گوش انسان نمی‌تواند پژواک را از صوت مستقیم اولیه تمیز دهد. پس با عدد $2/10$ ثانیه امکان پذیر است.

علت نادرستی مورد (ت): تندی امواج روی سطح آب به عمق آن بستگی دارد و در قسمت‌های عمیق بیشتر است.

(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۹۱ تا ۹۵ و ۹۷)



چون صوت از هوا وارد مایع شده، پس پرتو از خط عمود دور می‌شود و زاویه شکست از زاویه تابش بیشتر است.

$$\theta_2 = \theta_1 + 15^\circ \Rightarrow \theta_2 = 45^\circ + 15^\circ = 60^\circ$$

$$\frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{v_2}{v_1} \quad \text{طبق قانون شکست عمومی داریم:}$$

از طرفی چون بسامد موج هنگام ورود از هوا به مایع تغییر نمی‌کند و با توجه

$$\frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{v_2}{v_1} \Rightarrow \frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{v}{f} \quad \text{نتیجه می‌گیریم:}$$

فاصله بین دو جبهه موج متواالی در هوا 50 cm داده شده، پس $\lambda_1 = 50\text{ cm}$ است.

$$\frac{\sin 60^\circ}{\sin 45^\circ} = \frac{\lambda_2}{50} \Rightarrow \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{\lambda_2}{50} \Rightarrow \lambda_2 = \frac{50\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = \frac{50\sqrt{6}}{2} = 25\sqrt{6}\text{ cm}$$

(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۹۶ تا ۹۸)

(کامران ابراهیمی)

گزینه «۳» - ۱۰۷

$$\text{طبق رابطه } v = \frac{d}{t} \text{ داریم:}$$

$$\frac{d}{\frac{4}{3}t} = \frac{d}{\frac{d}{t}} \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \frac{3}{4} \Rightarrow v_2 = \frac{3}{4}v_1$$

نتیجه می‌گیریم سرعت نور در محیط (۲)، 25% از سرعت نور در محیط (۱) کمتر است. از طرفی طبق رابطه اسنل داریم:

$$\frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{n_1}{n_2} = \frac{v_2}{v_1} = \frac{3}{4} \Rightarrow \underbrace{\frac{\sin \theta_2}{\sin 53^\circ}}_{= 0/8} = \frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow \sin \theta_2 = 0/8 \Rightarrow \theta_2 = 37^\circ$$

$$D = \theta_1 - \theta_2 = 53^\circ - 37^\circ = 16^\circ \quad D = \theta_1 - \theta_2 = 53^\circ - 37^\circ = 16^\circ$$

(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۹۶ و ۹۸)

(غلامرضا مصی)

گزینه «۴» - ۱۰۴

بررسی گزینه‌ها:

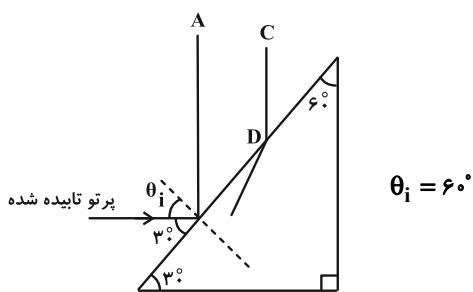
(۱) نادرست؛ ادامه موج AB در محیط (۲) با جبهه موج موازی نیست.

(۲) نادرست؛ تندی در محیط (۲) کوچک‌تر است.

$$\lambda_2 < \lambda_1 \xrightarrow{\text{ثابت}} v_2 < v_1$$

(۳) نادرست؛ بسامد ثابت می‌ماند.

(۴) درست



(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۹۵ و ۹۶)

گزینه «۲» - ۱۰۵

(مبتنی نکویان) همان‌طور که می‌دانیم زاویه تند بین جبهه‌های موج فرودی، و مرز دو بخش، برابر با زاویه تابش (θ_1) و زاویه تند بین جبهه‌های موج شکسته و مرز دو بخش، برابر با زاویه شکست (θ_2) است، پس:

$$\theta_1 = 180^\circ - 143^\circ = 37^\circ, \quad \theta_2 = 180^\circ - \theta$$

با توجه به این که فاصله بین جبهه‌های موج در محیط (۲)، بیشتر از فاصله بین جبهه‌های موج در محیط (۱) است، می‌توان گفت که طول موج و در نتیجه تندی انتشار موج در محیط (۲)، بیشتر از طول موج و تندی انتشار موج در محیط (۱) است، بنابراین:

$$\frac{v_2}{v_1} = \frac{n_1}{n_2} = \frac{4}{3}$$

از طرفی طبق قانون شکست اسنل داریم:

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \Rightarrow \frac{n_1}{n_2} = \frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1}$$

$$\xrightarrow{(I), (II)} \frac{4}{3} = \frac{\sin(180^\circ - \theta)}{\sin 37^\circ} \Rightarrow \sin(180^\circ - \theta) = 0/8$$

$$\Rightarrow 180^\circ - \theta = 53^\circ \Rightarrow \theta = 127^\circ$$

(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۹۵ تا ۹۷)

(علیرضا بباری)

گزینه «۴» - ۱۰۶

زاویه بین جبهه‌های موج و سطح جدایی دو محیط، همان زاویه پرتو با خط عمود است. بنابراین زاویه تابش 45° است.

گزینه «۲» - ۱۰۸

(ممدریوار سوپرپی)

بنابراین ابتدا در مثلث بالای داریم:

$$x = \text{آب} = ۰/۱ - ۰/۵ = ۰/۶ \text{ m}$$

$$\tan ۵۳^\circ = \frac{d_1}{۰/۶} \Rightarrow d_1 = ۰/۶ \times \frac{۰/\lambda}{۰/۶} = ۰/\lambda \text{ m}$$

حال با استفاده از قانون شکست اسلن، زاویه شکست را محاسبه کرده و به

کمک روابط مثلثاتی طول d_2 را نیز می‌یابیم:

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 \quad \theta_1 = ۵۳^\circ \quad \frac{n_1}{n_2} = \frac{۰/\lambda}{۰/۶} \Rightarrow \sin \theta_2 = \frac{۰/\lambda}{۰/۶} \sin \theta_1$$

$$\Rightarrow \sin \theta_2 = \frac{۰/\lambda}{۰/۶} = ۰/۶ \Rightarrow \theta_2 = ۳۷^\circ$$

$$\tan \theta_2 = \frac{d_2}{۰/\lambda} \Rightarrow d_2 = ۰/\lambda \times \frac{۰/\lambda}{۰/\lambda} = \frac{۹}{\lambda} \text{ m}$$

بنابراین طول سایه برابر است با:

$$d_1 + d_2 = ۰/\lambda + \frac{۹}{\lambda} = ۱/۹۲۵ \text{ m}$$

(فیزیک ۳ - برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۹۶ تا ۹۹)

(ممدر نهادنی مقدم)

گزینه «۴» - ۱۱۰

برای آن‌که پراش بارزتری را شاهد باشیم، باید شکاف a کوچک‌تر و طول

موج بزرگ‌تر باشد.

بررسی موارد:

$$\frac{\lambda \uparrow}{a \downarrow} \Rightarrow \frac{\lambda}{a} \uparrow \quad \text{الف) درست}$$

$$\frac{\lambda \uparrow}{a \downarrow} \Rightarrow \frac{v}{f a \downarrow} \Rightarrow af \downarrow \quad \text{ب) درست}$$

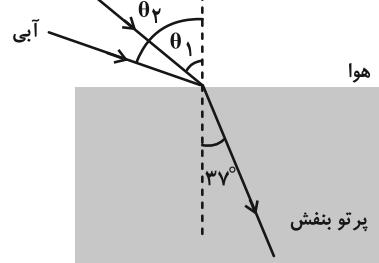
$$\frac{\lambda \uparrow}{a \downarrow} \Rightarrow \frac{vT \uparrow}{a \downarrow} \Rightarrow \frac{T}{a} \uparrow \quad \text{پ) درست}$$

ت) درست

$$\frac{\lambda \uparrow}{a \downarrow} \Rightarrow \frac{vT \uparrow}{a \downarrow} \Rightarrow \frac{T \uparrow}{a \downarrow} \quad \text{یا} \quad \frac{T \cdot T \uparrow}{a \downarrow} \uparrow \Rightarrow \frac{T}{af} \uparrow \Rightarrow \frac{af}{T} \downarrow$$

(فیزیک ۳ - برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۱۰۱ و ۱۰۲)

بیشتر است، پرتوهای قرمز و آبی را مشخص می‌کنیم:

سپس طبق قانون شکست اسلن θ_1 و θ_2 را به دست می‌آوریم:

$$\frac{n_{\text{هوای}}}{n_{\text{قرمز}}} = \frac{\sin \theta_1}{\sin ۳۷^\circ} \Rightarrow \frac{\frac{۰/\lambda}{۰/۶}}{\frac{۰/\lambda}{۰/۶}} = \frac{\sin \theta_1}{۰/۶}$$

$$\Rightarrow \sin \theta_1 = \frac{۰/\lambda}{۰/۶} = \frac{\sqrt{۲}}{۲} \Rightarrow \theta_1 = ۴۵^\circ$$

$$\frac{n_{\text{آب}}}{n_{\text{هوای}}} = \frac{\sin \theta_2}{\sin ۳۷^\circ} \Rightarrow \frac{\frac{۰/\lambda}{۰/\lambda}}{\frac{۰/\lambda}{۰/۶}} = \frac{\sin \theta_2}{۰/۶}$$

$$\Rightarrow \sin \theta_2 = \frac{۰/\lambda}{۰/۶} = ۰/۶ \Rightarrow \theta_2 = ۵۳^\circ$$

حال اختلاف زوایای θ_1 و θ_2 را حساب می‌کنیم:

$$\theta_2 - \theta_1 = ۵۳ - ۴۵ = ۸^\circ$$

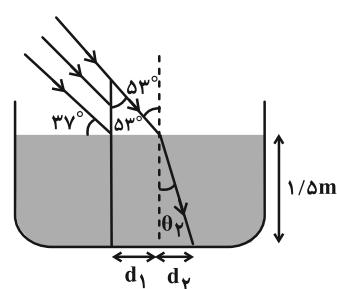
(فیزیک ۳ - برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۹۸ و ۱۰۰)

گزینه «۳» - ۱۰۹

(سیره‌ملیکه میرصالی)

پرتو نور مطابق شکل با زاویه تابش $۵۳^\circ - ۳۷^\circ = ۱۶^\circ$ وارد آب شده و

شکسته می‌شود. بنابراین ناحیه سایه‌ای ایجاد می‌شود که برای محاسبه طول

آن باید مجموع d_1 و d_2 را محاسبه کنیم.

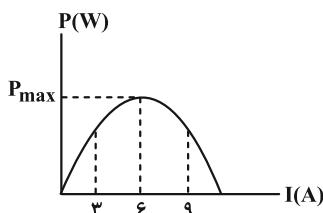


(مفهومه شریعت ناصری)

۱۱۳ - گزینه «۲»

با توجه به نمودار توان بر حسب جریان و تقارن سهمی می‌توان دریافت که

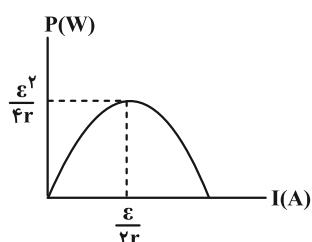
جریان مربوط به رأس سهمی برابر است با:



$$\frac{3+9}{2} = 6$$

بنابراین توان خروجی ماکزیمم مربوط به جریان $I = 6A$ است. یعنی اینجریان برابر با $\frac{\epsilon}{2r}$ بوده و توان خروجی بیشینه برابر با $\frac{\epsilon^2}{4r}$ خواهد بود. (به

نمودار زیر دقت کنید).



$$\frac{\epsilon}{2r} = 6 \Rightarrow \frac{\epsilon}{2 \times 2} = 6 \Rightarrow \epsilon = 24V$$

در نتیجه:

$$\Rightarrow P_{\max} = \frac{\epsilon^2}{4r} = \frac{24 \times 24}{4 \times 2} = 72W$$

در ادامه باید مقدار P' را به دست آوریم. در رابطه $P' = \epsilon I - rI^2$ کهمربوط به توان خروجی مولده است، مقدار $I = 3A$ را جایگذاری می‌کنیم و مقدار P' را به دست می‌آوریم:

$$P' = 24 \times 3 - 2 \times 9 = 54W \Rightarrow \frac{P_{\max}}{P'} = \frac{72}{54} = \frac{4}{3}$$

(غیریک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه ۶۹)

(ممدوهاد سوپرین)

۱۱۴ - گزینه «۴»

ابتدا با توجه به این که مقاومت معادل مجموعه 18Ω است، نحوه اتصال

مقاومتها و شکل مدار را به دست می‌آوریم. برای این که مقاومت معادل

باشد، باید R_1 و R_3 با هم موازی باشند و مجموعه $R_{1,3}$ با R_2 متواالی باشد.

۲ فیزیک

۱۱۱ - گزینه «۲»

(کامران ابراهیمی)

$$\text{طبق روابط } I = \frac{\epsilon}{R+r} \text{ و } V = RI \text{ می‌توانیم بنویسیم:}$$

$$V = \frac{R\epsilon}{R+r} \leftarrow \text{اختلاف پتانسیل دو سر باتری}$$

$$V_2 = \frac{\epsilon}{2} V_1 \Rightarrow \frac{R_2 \epsilon}{R_2 + r} = \frac{\epsilon}{2} \frac{R_1 \epsilon}{R_1 + r}$$

$$\Rightarrow \frac{2R}{2R+r} = \frac{\epsilon}{2} \frac{R}{R+r} \Rightarrow \frac{1}{2R+r} = \frac{3}{\epsilon(R+r)}$$

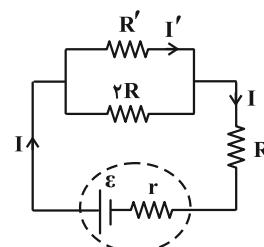
$$\Rightarrow 6R+3r = 5R+5r \Rightarrow R = 2r \Rightarrow \frac{R}{r} = 2$$

(غیریک ۳ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه ۶۵ تا ۶۷)

۱۱۲ - گزینه «۲»

جریان اصلی مدار را I و جریانی را که از مقاومت R' می‌گذرد، I'

می‌نامیم. رابطه این جریان‌ها به صورت زیر است:



$$I' = \frac{2R}{R'+2R} \times I$$

از طرفی با توجه به متن سؤال داریم:

$$P_R = 2P_{R'} \Rightarrow RI' = 2R'I'^2 \Rightarrow RI' = 2R'\left(\frac{2R}{R'+2R} \times I\right)^2$$

$$\Rightarrow RI' = 2R' \times \frac{4R^2 I^2}{(R'+2R)^2} \Rightarrow I = \frac{4RR'}{R'^2 + 4R^2 + 4RR'}$$

$$\Rightarrow R'^2 + 4R^2 + 4RR' = 4RR' \Rightarrow R'^2 + 4R^2 - 4RR' = 0$$

$$\Rightarrow (R' - 2R)^2 = 0 \Rightarrow R' = 2R \Rightarrow \frac{R}{R'} = \frac{1}{2}$$

(غیریک ۳ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه ۶۷ تا ۶۹)



$$\Rightarrow n \frac{\epsilon}{R} = nI' \Rightarrow I' = \frac{\epsilon}{R}$$

$$\text{کل } I = \frac{\epsilon}{R} = (n-1) \frac{\epsilon}{R}$$

بعد از سوختن یکی از لامپها

$$I'' = \frac{\epsilon}{R} \Rightarrow I' = I''$$

جريان شاخه‌ها

پس در هر دو حالت مدار ۱ جریان عبوری از شاخه‌ها یکسان است و روشنایی لامپ‌ها تغییری نمی‌کند.

حال مدار ۲ را در دو حالت بررسی می‌کنیم:

$$\left. \begin{array}{l} \text{کل } I = \frac{\epsilon}{\frac{R}{n} + r}, \\ I' = \frac{I}{n} = \frac{\epsilon}{R + nr}, \\ \text{کل } I = \frac{\epsilon}{\frac{R}{(n-1)} + r}, \\ I'' = \frac{I}{n-1} = \frac{\epsilon}{R + (n-1)r} \end{array} \right\}$$

$$\Rightarrow I'' > I' > I$$

لامپ‌ها پر نورتر می‌شوند
خرج کسر کوچکتر

(فیزیک ۲ - بیریان الکتریکی و مدارهای بیریان مستقیم؛ صفحه‌های ۷۰ تا ۷۳)

(امیر احمد میرسعید)

۱۱۶ - گزینه «۴»

با توجه به مقدار ϵ_1 و ϵ_2 ، جهت جریان در مدار ساعتگرد است و برای باتری ϵ_1 می‌توان نوشت:

$$V_1 = \epsilon_1 + Ir_1 \Rightarrow 20 = 12 + I \times 2 \Rightarrow 2I = 8 \Rightarrow I = 4A$$

باتری ϵ_2 ، باتری تولید کننده است و می‌توان نوشت:

$$V_2 = \epsilon_2 - Ir_2 = 35 - 4 \times 3 = 23V$$

(فیزیک ۲ - بیریان الکتریکی و مدارهای بیریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۶ تا ۶۳)

(مبتنی نکوئیان)

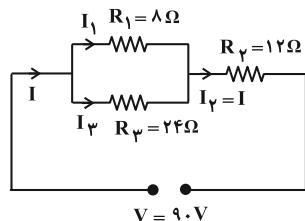
۱۱۷ - گزینه «۱»

اگر هر دو کلید k_1 و k_2 باز باشند یا هر دو کلید k_1 و k_2 بسته باشند، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۴ اهمی برابر با نیروی حرکت مولد (ϵ) خواهد بود، پس در هر دو حالت طبق قانون اهم ($I = \frac{V}{R}$) جریان گذرنده

$$\frac{I_2}{I_1} = 1$$

از مقاومت ۴ اهمی برابر با $\frac{\epsilon}{4}$ است، بنابراین:

(فیزیک ۲ - بیریان الکتریکی و مدارهای بیریان مستقیم؛ صفحه‌های ۷۰ تا ۷۳)



سپس جریان گذرنده از هر مقاومت را به دست آوریم:

$$I_2 = I = \frac{V}{R_{eq}} \Rightarrow I_2 = \frac{9}{18} = 0.5A$$

$$R_3 \text{ و } R_1 : V_1 = V_3 \Rightarrow R_1 I_1 = R_3 I_3$$

$$\Rightarrow 8 \times I_1 = 24 \times I_3 \Rightarrow I_1 = 3I_3$$

$$I_1 + I_3 = I \Rightarrow 3I_3 + I_3 = 0.5 \Rightarrow 4I_3 = 0.5 \Rightarrow I_3 = \frac{0.5}{4} A$$

$$\Rightarrow I_1 = 3I_3 = \frac{1.5}{4} A$$

در نهایت توان مصرفی R_1 و R_2 را به دست آورده و اختلاف آن‌ها را

حساب می‌کنیم:

$$P = RI^2 \Rightarrow \begin{cases} P_1 = 8 \times \left(\frac{1.5}{4}\right)^2 = 112/5 W \\ P_2 = 12 \times (0.5)^2 = 30.0 W \end{cases}$$

$$P_2 - P_1 = 30.0 - 112/5 = 18.8 W$$

(فیزیک ۲ - بیریان الکتریکی و مدارهای بیریان مستقیم؛ صفحه‌های ۷۰ تا ۷۳)

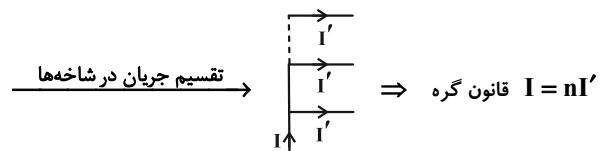
(مسام نادری)

۱۱۸ - گزینه «۳»

ابتدا مدار را بررسی می‌کنیم. قبل از سوختن یکی از لامپ‌ها، انگار n

مقاومت موازی مشابه R داریم که معادل آن‌ها می‌شود $\frac{R}{n}$. حال جریان در هر شاخه را به دست می‌آوریم:

$$\frac{R}{n} = \frac{\epsilon}{R_{eq}} \Rightarrow \frac{R}{n} = \frac{\epsilon}{\frac{R}{n} + R} \Rightarrow \frac{nR}{n+1} = \frac{\epsilon}{R} \Rightarrow n = \frac{\epsilon}{R} \cdot \frac{n+1}{R}$$



«۲» - گزینه ۲

(ممدر نیووندی مقدم)

$$\text{اتصال } R_1 \text{ و } R_2 \text{ با هم موازی است و طبق رابطه } P = \frac{V^2}{R} \text{ برای آن که توان}$$

یکسانی داشته باشد باید مقاومت‌های مشابه داشته باشند. پس

$$P = RI^2 \text{ می‌شود. مقاومت } R_4 \text{ با } R_{1,2} \text{ متوالی است با استفاده از رابطه}$$

باید توان مقاومت $R_{1,2}$ ، دو برابر توان مقاومت R_4 باشد.

$$R_{1,2} = \frac{12}{2} = 6\Omega$$

$$P_{1,2} = 2P_4 \Rightarrow 6I^2 = 2R_4 I^2 \Rightarrow R_4 = 3\Omega$$

و در نهایت مقاومت $R_{1,2,4}$ با مقاومت R_3 به صورت موازی بسته شده وباید توان آن سه برابر توان مقاومت R_3 باشد.

$$\left. \begin{array}{l} R_{1,2,4} = 6 + 3 = 9\Omega \\ P_{1,2,4} = 3P_4 \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{V^2}{9} = 3 \frac{V^2}{R_3} \Rightarrow R_3 = 27\Omega$$

$$R_{eq} = \frac{27 \times 9}{27 + 9} = 6 / 25\Omega \text{ در نتیجه مقاومت معادل مدار برابر است با:}$$

و با استفاده از افت پتانسیل داریم:

$$V' = Ir \Rightarrow 3 = I \times \frac{3}{2} \Rightarrow I = 2A$$

و در نهایت نیروی محرکه از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\epsilon = I(R_{eq} + r) \Rightarrow \epsilon = 2(6 / 25 + 1 / 5) = 16 / 5V$$

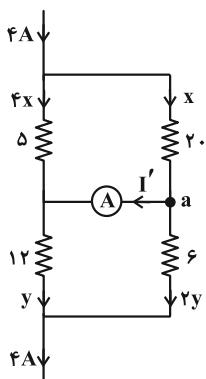
(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۶۸)

«۳» - گزینه ۳

(مسام نادری)

کافی است در شاخه‌های موازی جریان را به نسبت عکس مقاومت‌ها تقسیم

کنیم و از قاعده گره استفاده کنیم:



$$x + 4x = 4 \Rightarrow x = \frac{4}{5} A$$

$$2y + y = 4 \Rightarrow y = \frac{4}{3} A$$

$$a \Rightarrow x = I' + 2y \Rightarrow I' = \frac{4}{5} - \frac{8}{3} = \frac{12 - 40}{15}$$

$$\Rightarrow I' = -\frac{28}{15} A$$

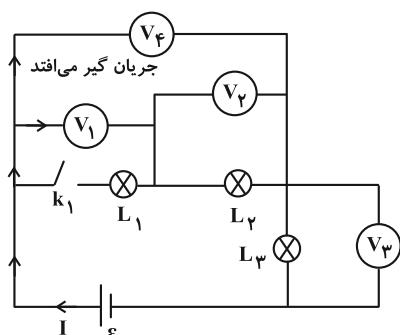
 I' منفی درآمد به این معنا که جهت اصلی آن بر عکس است.

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۶۸)

(مسام نادری)

«۳» - گزینه ۳

با قطع کلید k_1 ، لامپ L_1 از مدار حذف شده و اگر مسیر جریان را دنبال کنیم، می‌بینیم که ولتسنج‌هایی در مسیر اصلی جریان قرار می‌گیرند و در نتیجه جریان اصلی مدار صفر می‌شود.



$$\Rightarrow I = 0$$

$$V_1 = R_1 I = 0$$

 V_2 به دو سر L_2 وصل است:

$$V_3 = R_3 I = 0$$

 V_3 به دو سر L_3 وصل است:

$$V_4 = R_4 I = 0$$

 V_4 و ولتاژ دو سر باتری را نشان می‌دهند. پس دو ولتسنج عدد صفر را نشان می‌دهند.

$$V_1 = V_4 = \epsilon - rI = \epsilon$$

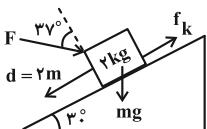
(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۶۸)

(مسام نادری)

گزینه «۲» - ۱۲۲

ابتدا کار تک تک نیروهای وارد بر جسم را در جایه جایی ۲ متری به سمت پایین روی سطح شیبدار، حساب می کنیم. توجه کنید که نیروی اصطکاک در

خلاف جهت حرکت جسم به آن وارد می شود:

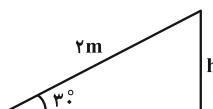


$$W_F = Fd \cos(90^\circ + 30^\circ) = -Fd \sin 30^\circ = -10 \times 2 \times 0 / 6 = -12J$$

زاویه بین ابتدای دو بردار \vec{F} و \vec{d}

$$W_{f_k} = f_k d \cos 180^\circ = -f_k d = -2 \times 2 = -4J$$

برای محاسبه کار نیروی وزن، لازم است جایه جایی عمودی جسم را در نظر بگیریم:



$$W_{mg} = +mgh = mgd \sin 30^\circ = 2 \times 10 \times 2 \times \frac{1}{2} = 20J$$

$$\Rightarrow W_{\text{کل}} = W_F + W_{mg} + W_{f_k} = -12 + 20 - 4 = 4J$$

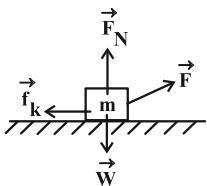
$$\Rightarrow \frac{W_{mg}}{W_{\text{کل}}} = \frac{20}{4} = 5$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان: صفحه های ۵۵ تا ۶۰)

(علیرضا بهاری)

گزینه «۱» - ۱۲۳

ابتدا نیروهای وارد بر جسم را رسم می کنیم:



از آنجا که جایه جایی جسم افقی است، نیروهای وزن (\vec{W}) و عمودی سطح

(\vec{F}_N) کاری انجام نمی دهند. حتی مؤلفه قائم نیروی \vec{F} نیز کاری انجام

نمی دهد. از قضیه کار - انرژی جنبشی استفاده می کنیم: (جایه جایی به طرف راست است).

$$K_2 - K_1 = W_t \Rightarrow \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = W_F + W_{f_k}$$

$$\frac{v_1=0}{m=\lambda kg} \rightarrow \frac{1}{2} \times \lambda \times v_2^2 = F_x \times d \cos 0^\circ + f_k \times d \times \cos 180^\circ$$

فیزیک ۱

گزینه «۱» - ۱۲۱

(آرمان محمدی)

برای راحتی در حل سوال، داده ها را به صورت عددگذاری پیاده می کنیم:

$$K_A = 4K_B \Rightarrow \begin{cases} K_A = 4J \\ K_B = 1J \end{cases}, \quad m_A = m_B \Rightarrow \begin{cases} m_A = 1kg \\ m_B = 1kg \end{cases}$$

مقدار تندی ها را نیز پیدا می کنیم:

$$K_A = 4K_B \Rightarrow m_A \times (v_A)^2 = 4m_B \times (v_B)^2$$

$$\xrightarrow[m_A=m_B]{\text{جذر می گیریم}} v_A = 2v_B \Rightarrow \begin{cases} v_A = 2 \frac{m}{s} \\ v_B = 1 \frac{m}{s} \end{cases}$$

حال باید تغییرات طوری اعمال گردند که رابطه زیر برقرار باشد:

$$\frac{K_B}{K_A} = \left(\frac{m'_B}{m'_A}\right) \times \left(\frac{v'_B}{v'_A}\right)^2 \xrightarrow[k_A=1]{\text{}} 1 = \frac{m'_B}{m'_A} \times \left(\frac{v'_B}{v'_A}\right)^2 \quad (*)$$

بررسی موارد:

$$1 \bigcirc \left(\frac{m'_B}{m'_A}\right) \times \left(\frac{v'_B}{v'_A}\right)^2 \xrightarrow[v'_B=2\sqrt{2}\frac{m}{s}, v'_A=1\frac{m}{s}]{} 1 = \frac{m'_B}{m'_A} \times 2^2 \quad (\text{الف})$$

$$1 \bigcirc \left(\frac{2}{1}\right) \times \left(\frac{\sqrt{2}}{1}\right)^2 \Rightarrow 1 \neq 4$$

برقرار نیست.

$$1 \bigcirc \left(\frac{m'_B}{m'_A}\right) \times \left(\frac{v'_B}{v'_A}\right)^2 \xrightarrow[v'_B=1\frac{m}{s}, v'_A=1\frac{m}{s}]{} 1 = \frac{m'_B}{m'_A} \times 1^2 \quad (\text{ب})$$

$$1 \bigcirc \left(\frac{1}{2}\right) \times \left(\frac{1}{1}\right)^2 \Rightarrow 1 \neq \frac{1}{16}$$

برقرار نیست.

$$1 \bigcirc \left(\frac{m'_B}{m'_A}\right) \times \left(\frac{v'_B}{v'_A}\right)^2 \xrightarrow[v'_A=\frac{1}{3}s, v'_B=\frac{1}{2}s]{} 1 = \frac{m'_B}{m'_A} \times \frac{1}{4} \quad (\text{ج})$$

$$1 \bigcirc \left(\frac{1}{3}\right) \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 \Rightarrow 1 \neq \frac{1}{32}$$

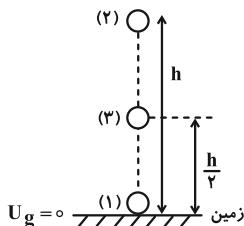
برقرار نیست.

(فیزیک - کار، انرژی و توان: صفحه های ۵۳ تا ۵۵)



گزینه ۴ (زهره آقامحمدی)

ابتدا قانون پایستگی انرژی را در دو نقطه (۱) و (۲) (لحظه پرتاب و بالاترین ارتفاع) می‌نویسیم تا کار نیروی مقاومت هوا را محاسبه کنیم:



$$W_f = E_2 - E_1 \Rightarrow W_f = (U_2 + K_2) - (U_1 + K_1)$$

در بالاترین ارتفاع $K_2 = 0$ است. همچنین با انتخاب زمین به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی $U_1 = 0$ خواهد شد:

$$W_f = mgh_2 - \frac{1}{2}mv_2^2 \xrightarrow[m=2\text{ kg}, g=10\text{ m/s}^2]{v_1=10\text{ m/s}, h_2=4/5\text{ m}}$$

$$W_f = 2 \times 10 \times 4/5 - \frac{1}{2} \times 2 \times 100 \Rightarrow W_f = -10\text{ J}$$

چون نیروی مقاومت هوا ثابت است، از نقطه (۱) تا (۳) کار نیروی مقاومت هوا

$$W'_f = \frac{1}{2}W_f = -5\text{ J}$$

اکنون قانون پایستگی انرژی را در دو نقطه (۱) و (۳) (لحظه پرتاب و نیمه راه) می‌نویسیم:

$$W'_f = E_3 - E_1 = (U_3 + K_3) - K_1 = mgh_3 + \frac{1}{2}mv_3^2 - \frac{1}{2}mv_1^2$$

$$\xrightarrow[m=2\text{ kg}, g=10\text{ m/s}^2]{h_3=\frac{1}{2}h_2=\frac{4}{5}\text{ m}, v_3=10\text{ m/s}}$$

$$-5 = 2 \times 10 \times \frac{4}{5} + \frac{1}{2} \times 2 \times v_3^2 - \frac{1}{2} \times 2 \times 100$$

$$\Rightarrow -5 = 40 + v_3^2 - 100 \Rightarrow v_3^2 = 50 \Rightarrow v_3 = 5\sqrt{2}\text{ m/s}$$

(فیزیک ا-کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۷۱ و ۷۲)

گزینه ۴ (ممکن‌الاظم منشاری)

چون اصطکاک نداریم، سرعت‌ها به اندازه m بستگی ندارد. سطح زمین را به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی در نظر می‌گیریم.

$$E_A = E_B = E_C$$

$$E_A = U_A + K_A = mgh + \frac{1}{2}mv_A^2 = 80m + 64m = 144m$$

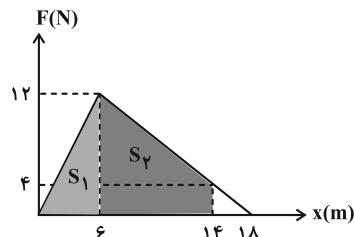
$$\xrightarrow[f_k=2\text{ N}, d=10\text{ m}]{F_x=6\text{ N}} 4v_2^2 = 60 \times 10 - 20 \times 10$$

$$\Rightarrow 4v_2^2 = 400 \Rightarrow v_2^2 = 100 \Rightarrow v_2 = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک ا-کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

گزینه ۴ (مجتبی نکویان)

با توجه به این که در نمودار نیرو-مکان، مساحت سطح محصور بین نمودار و محور مکان برابر با کار انجام شده توسط آن نیرو است، داریم:



$$S_1 = \frac{6(12)}{2} = 36, \quad S_2 = \frac{16(8)}{2} = 64$$

$$W_F = S_1 + S_2 = 100\text{ J}$$

از طرفی با توجه به وجود نیروی اصطکاک (f_k) و با استفاده از رابطه کار، داریم:

$$W_{f_k} = f_k d \cos \theta \xrightarrow[\cos 180^\circ = -1]{\theta = 180^\circ} W_{f_k} = (2/5)(14)(-1) = -35\text{ J}$$

$$f_k = 2/5\text{ N} \quad d = 14\text{ m}$$

و در نهایت با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی می‌توان نوشت:

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) \xrightarrow[m=2\text{ kg}, v_1=10\text{ m/s}]{W_t = W_F + W_{f_k} = 65\text{ J}}$$

$$65 = \frac{1}{2}(2)(v_2^2 - 25) \Rightarrow v_2^2 = 90 \xrightarrow{\text{جذر}} v_2 = 3\sqrt{10} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک ا-کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۴)

(مسام تاری)

گزینه ۴ (۱۴۵)

از رابطه $P = \frac{W}{\Delta t}$ و قضیه کار و انرژی جنبشی ($W_t = \Delta K$) استفاده می‌کنیم:

$$\frac{P_2}{P_1} = \frac{W_2}{W_1} \times \frac{\Delta t_1}{\Delta t_2} = \frac{\Delta K_2}{\Delta K_1} \times \frac{\Delta t_1}{\Delta t_2}$$

$$\frac{P_2}{40} = \frac{\frac{1}{2}m(\frac{3}{2}v)^2 - \frac{1}{2}mv^2}{\frac{1}{2}mv^2 - 0} \times \frac{t}{\frac{t}{4}} = \frac{10}{4} \Rightarrow P_2 = 100\text{ W}$$

(فیزیک ا-کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۷۳ و ۷۴)



تغییر انرژی مکانیکی در مسیر برگشت برابر با کار مقاومت هوا در این مسیر است:

$$\Delta E' = E_f - E_i = W_D \xrightarrow[f_D=0/5\text{N}]{E_i=25/2, E_f=mgh'} = -h' f_D$$

$$(0/4)(10)h' - 25/2 = -h'(0/5) \Rightarrow h' = 5/6 \text{ m}$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۵۷ و ۷۳)

(دانیال راستن)

گزینه «۲»

بازده برابر با نسبت انرژی خروجی به انرژی ورودی است. انرژی ورودی

همان انرژی مصرفی است که برابر است با:

$$E_{\text{ورودی}} = P_{\text{مصرفی}} \times \Delta t \xrightarrow[\text{مصرفی}]{P=600\text{W}, \Delta t=\frac{4}{3}\text{s}} = 600 \text{ J}$$

انرژی خروجی برابر با کار انجام شده توسط بالابر بر روی جسم است:

$$\Delta K = W_t = W_{mg} + W_{\text{بالابر}}$$

$$E_{\text{خروجی}} = W_{\text{بالابر}} = \frac{1}{2} m(v_1^2 - v_0^2) - mgh \cos 180^\circ$$

$$\begin{aligned} m &= 12 \text{ kg}, v_0 = 0, v_1 = \frac{m}{s} \\ g &= 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, h = 4 \text{ m} \end{aligned}$$

$$W_{\text{بالابر}} = \left(\frac{1}{2}\right)(12)(4^2 - 0) - (12)(10)(-1)(4) = 24 + 480 = 504 \text{ J}$$

$$\frac{E_{\text{خروجی}}}{E_{\text{ورودی}}} \times 100 = \frac{504}{600} \times 100 = 63\%.$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۵۷ و ۷۳)

(ممدوهاد سوپرین)

گزینه «۴»

ابتدا با داشتن بازده سامانه A , W_1 و Q را حساب می‌کنیم:

$$\frac{W_1}{\text{انرژی ورودی}} \times 100 = \frac{\text{بازده درصدی سامانه}}{\text{بازده درصدی سامانه}} A$$

$$\Rightarrow A = \frac{W_1}{50} \times 100 \Rightarrow W_1 = 40 \text{ kJ}$$

$$W_1 + Q \Rightarrow 40 = 40 + Q \Rightarrow Q = 0 \text{ kJ}$$

سپس Q' را حساب می‌کنیم:

$$Q - Q' = 0 \Rightarrow 40 - Q' = 0 \Rightarrow Q' = 40 \text{ kJ}$$

در نهایت بازده ماشین B را به دست می‌آوریم:

$$\frac{W_2}{W_1} \times 100 = \frac{W_1 - Q'}{W_1} \times 100 = \frac{\text{بازده برحسب درصد}}{\text{بازده درصدی سامانه}} B$$

$$\Rightarrow \frac{40 - 40}{40} \times 100 = 87.5\%$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۵۷ و ۷۳)

$$E_B = 144m = mgh' + \frac{1}{2}mv_B^2$$

$$\Rightarrow v_B^2 = 200 \Rightarrow v_B = 10\sqrt{2} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$E_C = 144m = mgh'' + \frac{1}{2}mv_C^2$$

$$\Rightarrow v_C^2 = 162 \Rightarrow v_C = 9\sqrt{2} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Delta v = 10\sqrt{2} - 9\sqrt{2} = \sqrt{2} \frac{\text{m}}{\text{s}} \xrightarrow[\text{تبديل به } \frac{\text{km}}{\text{h}}]{\frac{10}{\text{km}}} \Delta v = 3/6\sqrt{2} \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

$$= \frac{18}{5} \sqrt{2} \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۵۶ و ۶۸)

(دانیال راستن)

گزینه «۱»

سطح زمین را مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی فرض می‌کنیم و انرژی مکانیکی

توب در لحظه رها شدن را با E_1 نشان می‌دهیم:

$$E_1 = K_1 + U_1 \xrightarrow{K_1=0} E_1 = U_1 = mgh$$

$$\xrightarrow[m=400g]{g=10\frac{\text{m}}{\text{s}^2}, h=1\text{m}} E_1 = 36 \text{ J}$$

وقتی توب در آستانه برخورد با زمین قرار دارد انرژی مکانیکی E_2 دارد:

$$E_2 = K_2 + U_2 \xrightarrow[\text{فرض}]{U_2=0} E_2 = K_2$$

تغییر انرژی مکانیکی در این مدت برابر با کار نیروی مقاومت هوا است:

$$W_{\text{مقابله}} = -hf_D = E_2 - E_1$$

$$\xrightarrow[f_D=0/5\text{N}]{E_1=36\text{J}, h=1\text{m}} 0/5 \times 9 = E_2 - 36$$

$$\Rightarrow K_2 = E_2 = 31/5 \text{ J}$$

انرژی مکانیکی در لحظه بعد از برخورد با زمین برابر E_3 است. با توجه به

این که بر اثر برخورد انرژی جنبشی 20 درصد کم می‌شود، داریم:

$$E_3 = K_3 = \left(\frac{100 - 20}{100}\right)K_2 = (0/8)(31/5) = 25/2 \text{ J}$$

انرژی مکانیکی در زمانی که توب پس از برخورد به زمین به ارتفاع h' رسید برابر است با:

$$E_4 = K_4 + U_4 \xrightarrow{K_4=0} E_4 = U_4 = mgh'$$

شیوه ۳

«۱» ۱۳۱

تنها مورد آخر به نادرستی بیان شده است.

بررسی موارد:

مورد اول: ماده B , آب (H_2O) می‌باشد و بین ذرات آن نیروی بین‌مولکولی از نوع پیوند هیدروژنی یافته می‌شود.

مورد دوم: ماده A طبق نمودار کتاب درسی مس است ولی به طور کلی جامدات یونی و فلزی را می‌توان به آن نسبت داد. در نتیجه ممکن است در ساختار خود دارای دریای الکترونی باشد.

مورد سوم: دمای اتاق $25^\circ C$ می‌باشد. در نتیجه حالات فیزیکی بیان شده درست است.

مورد چهارم: ماده C در کتاب درسی O_2 بیان شده است. اما به طور کلی نیروی جاذبه بین مولکولی ضعیف را می‌توان به ماده مولکولی نسبت داد. اگر ماده C را عنصر در نظر بگیریم عناصر نافلزی را می‌توان برای آن در نظر گرفت. ماده A نیز همان‌طور که در تحلیل مورد دوم بیان شد، اگر عنصر باشد می‌توان به آن فلزات نسبت داد؛ در نتیجه فلزات و نافلزات ممکن است با یکدیگر واکنش دهند.

مورد پنجم: گستره دمایی مایع بودن $NaCl$ از $80^\circ C$ تا $1413^\circ C$ می‌باشد یعنی حدود $612^\circ C$ که این مقدار نسبت به گستره دمایی مایع بودن مس، کمتر است.

(شیوه ۳-شیمی، پلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری؛ صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

«۳» ۱۳۲

بررسی موارد:

مورد اول: نادرست؛ در هر دو مولکول کربونیل سولفید و متان، اتم مرکزی کربن است؛ اما مولکول‌های کربونیل سولفید، به دلیل متفاوت بودن اتم‌های متصل به اتم مرکزی و توزیع غیریکنواخت الکترون‌ها در اطراف اتم مرکزی قطبی است.

مورد دوم: نادرست؛ مولکول‌های دواتمی جوهرسته مانند H_2 ناقطبی هستند اما مولکول‌های دواتمی ناجوهر هسته مانند HF قطبی بوده و در میدان الکتروکی جهت‌گیری می‌کنند.

مورد سوم: درست؛ هر چه نقطه‌جوش یک ماده بیشتر باشد، هنگام سرد کردن در دماهای بالاتر (آسان‌تر) به مایع تبدیل می‌شود.

مورد چهارم: نادرست؛ با این‌که هر دو مولکول آمونیاک و کلروفرم قطبی‌اند اما باز جزئی اتم مرکزی در کلروفرم برخلاف آمونیاک، جزئی مثبت است.

(شیوه ۳-شیمی، پلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری؛ صفحه‌های ۷۵ تا ۷۷)

«۲» ۱۳۳

(ممدرضا پور‌جاوید) آنتالیپ فروپاشی شبکه LiF از $NaCl$ بزرگ‌تر است (a > b) چرا که شعاع یون‌های Li^+ و F^- از شعاع یون‌های Na^+ و Cl^- کوچک‌تر است و با توجه به یکسان بودن مقدار بارهای مثبت و منفی یون‌ها، چگالی بار در Li^+ و F^- بزرگ‌تر بوده و آنتالیپ فروپاشی شبکه در ترکیب یونی حاصل از آن‌ها بیشتر است. با توجه به بیشتر بودن شعاع یون Br^- در مقایسه با Cl^- و کمتر بودن چگالی بار آن، آنتالیپ فروپاشی شبکه $NaBr$ از $NaCl$ بیشتر خواهد بود (b > c).

(شیوه ۳-شیمی، پلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری؛ صفحه‌های ۷۹ تا ۸۱)

«۱» ۱۳۴

(امیرمحمد لکنگران) عبارت داده شده نادرست است. زیرا پس از اکسیژن، سیلیسیم فراوان‌ترین عنصر شناخته شده در پوسته جامد زمین است. بررسی موارد:

مورد اول: درست؛ C و Si با تشکیل پیوند کووالانسی به آرایش هشت‌تایی می‌رسند.

مورد دوم: نادرست؛ سیلیسیم جامد کووالانسی است و نمی‌توان برای آن از اصطلاح نیروی بین مولکولی استفاده کرد.

مورد سوم: نادرست؛ C و Si هر دو در گروه ۱۴ هستند که تاکنون یون تک اتمی پایدار از آن‌ها شناخته نشده است.

مورد چهارم: نادرست؛ آنتالیپ پیوند $Si-Si$ از آنتالیپ پیوندهای $C-C$ و $Si-O$ کمتر است.

(شیوه ۳-شیمی، پلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری؛ صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

«۱» ۱۳۵

(هادی مهری‌زاده) فقط عبارت سوم نادرست است.

بررسی عبارت سوم: گرافن یک گونه شیمیایی دو بعدی است و رسانای جریان برق می‌باشد.

(شیوه ۳-شیمی، پلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری؛ صفحه‌های ۷۲ و ۷۳)

«۱» ۱۳۶

(ممدر عظیمیان‌زواجه) بررسی موارد:

آ) درست
ب) نادرست؛ بین مولکول‌های آب در بین پیوند هیدروژنی وجود دارد. مولکول‌های H_2O در ساختار بین در یک آرایش منظم و سه بعدی با تشکیل حلقه‌های شش‌گوشه، شبکه‌ای همانند کندوی زنور عسل با استحکام ویژه پذیده می‌اویند.

پ) درست
ت) نادرست؛ برای ۵ ماده صادق است. شامل N_2 , I_2 , C_6H_6 , HCl و (SO_2)

ث) درست؛ برای نمونه آنتالیپ تبخیر و نقطه جوش یک ترکیب مولکولی به حالت مایع به نیروهای بین مولکولی آن وابسته است.

(شیوه ۳-شیمی، پلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری؛ صفحه‌های ۷۵ تا ۷۷)

«۱» ۱۳۷

(ممدرضا پور‌جاوید) عبارت‌های اول و سوم نادرست هستند.

در ساختار سیلیسیم هر اتم Si به چهار اتم O متصل است (و هر اتم O به دو اتم Si وصل شده است).

در بلور گرافیت اتم‌های کربن به صورت شش‌ضلعی منتظم قرار گرفته‌اند و هر اتم کربن در هر لایه از آن به سه اتم کربن دیگر اتصال دارد.

(شیوه ۳-شیمی، پلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری؛ صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

«۱» ۱۳۸

(امیر هاتمیان) عبارت‌های (ب) و (ت) درست هستند.

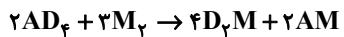
با توجه به تعداد کل جفت الکترون‌های ناپیوندی دو ترکیب BF_3 و AF_3 و همچنین هر اتم F که دارای ۳ جفت الکترون ناپیوندی می‌باشد می‌توان نتیجه گرفت ساختار لوویس BF_3 و AF_3 به صورت زیر است.



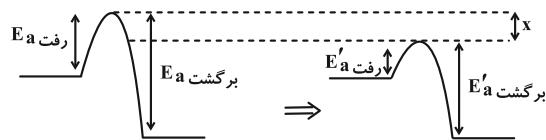
(امیرحسین طیبی)

- ۱۴۱ گزینه ۲

واکنش موازن شده:

واکنش دهنده $102 / 4g$: گرمای تولیدی kJ

$$\times \frac{|\Delta H|}{128g} \times \frac{75}{100} = 90\text{ kJ}$$

 $\Rightarrow |\Delta H| = 150\text{ kJ}$ $\Delta H = -150\text{ kJ}$ 

قبل از کاتالیزگر

بعد از کاتالیزگر

$$\begin{cases} E_a - E_a' = -150\text{ kJ} \\ E_a + E_a' = 350\text{ kJ} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} E_a = 100\text{ kJ} \\ E_a' = 250\text{ kJ} \end{cases}$$

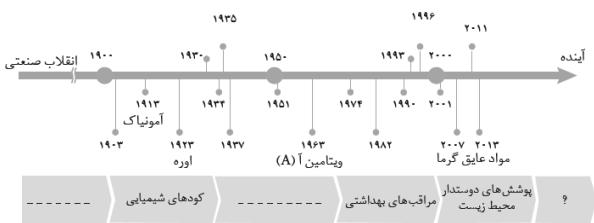
$$\begin{cases} E_a' - E_a' = -150\text{ kJ} \\ E_a' + E_a' = 270\text{ kJ} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} E_a' = 60\text{ kJ} \\ E_a = 210\text{ kJ} \end{cases}$$

$$\text{کاهش} = \frac{|210 - 250|}{250} \times 100\% = 16\%$$

(شیمی ۳-شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشی تر؛ صفحه‌های ۹۶ تا ۹۷)

(همید ذہن)

- ۱۴۲ گزینه ۲



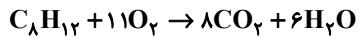
(شیمی ۳-شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشی تر؛ صفحه‌های ۹۶ تا ۹۷)

(امیرمحمد کنگرانی)

- ۱۴۳ گزینه ۲

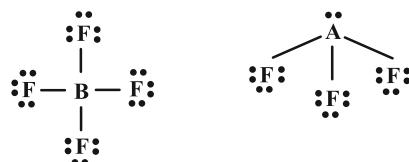
بررسی موارد:

مورد اول: نادرست



$$\text{? L O}_2 = 0 / 5 \text{ mol } C_8H_{12} \times \frac{11 \text{ mol O}_2}{1 \text{ mol } C_8H_{12}} \times \frac{22 / 4 \text{ L O}_2}{1 \text{ mol O}_2} = 123 / 2 \text{ L O}_2$$

مورد دوم: درست؛ گازهای O_2 و H_2 در دمای اتاق بدون حضور کاتالیزگر واکنش نمی‌دهند اما در حضور توری پلاتینی به عنوان کاتالیزگر، این گازها به صورت انفجاری واکنش می‌دهند.

مورد سوم: درست؛ طبق نمودار سطح انرژی B به C نزدیک‌تر است.

با توجه به ساختارهای الکترون نقطه‌ای: $(A^+)^0$ و $(B^+)^0$ عنصر نیتروژن و B عنصر کربن می‌باشد (با توجه به روی سوال که گفته شده عدد اتمی عناصر کمتر از ۱۰ است). بررسی عبارت‌ها:

(الف) با توجه به ساختار لوبویس AF_3 و BF_4 می‌توان گفت A مولکول قطبی و BF_4 مولکول ناقطبی است.

(ب) اتم B با گوگرد ترکیب BS_2 راتشکیل می‌دهد ($S^{\ddot{\circ}} = S$) که براساس ساختار لوبویس آن تعداد الکترون‌های پیوندی آن (۸) دو برابر تعداد جفت الکترون‌های ناپیوندی (۴) آن است.

(پ) مولکول BO_4 همان مولکول CO_2 ($O^{\ddot{\circ}} = C = O^{\ddot{\circ}}$) می‌باشد که ناقطبی است در حالی که مولکول SCO ($S^{\ddot{\circ}} = C = O^{\ddot{\circ}}$) قطبی است. ت) عنصر A در گروه ۱۵ (دارای ۵ الکترون ظرفیت) و عنصر B در گروه ۱۴ (۴ الکترون ظرفیت دارد).

(شیمی ۳-شیمی، پلوه‌ای از هنر، زیبایی و مانگاری؛ صفحه‌های ۷۳ و ۷۴)

(امیر هاتمیان)

- ۱۴۴ گزینه ۲

در ۱۰۰ گرم از این خاک رس ۱۵ گرم آب و ۴۰ گرم سیلیس وجود داشته که با تغییر X گرم آب، درصد جرمی SiO_2 به ۴۴ رسید:

$$44 = \frac{40}{100 - X} \times 100 \Rightarrow X = 9$$

$$H_2O = \frac{15 - 9}{100 - 9} \times 100 = 6 / 6\%.$$

$$H_2O = 15 - 6 / 6 = 8 / 4$$

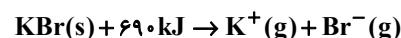
ترکیب یونی Fe_2O_3 علت سرخ فام بودن خاک رس می‌باشد.

$$\frac{3}{2} = \frac{\text{تعداد آنیون}}{\text{تعداد کاتیون}} = \frac{\text{عدد کوئوردیناسیون کاتیون}}{\text{عدد کوئوردیناسیون آنیون}}$$

(شیمی ۳-شیمی، پلوه‌ای از هنر، زیبایی و مانگاری؛ صفحه ۶۷)

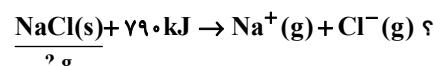
(امیر هاتمیان)

- ۱۴۵ گزینه ۲



$$Q_1 = ? \text{ kJ} = 35 / 7 \text{ g KBr} \times \frac{1 \text{ mol KBr}}{119 \text{ g KBr}} \times \frac{690 \text{ kJ}}{1 \text{ mol KBr}}$$

$$Q_1 = 207 \text{ kJ}$$



$$Q_2 = Q_1$$

$$? \text{ g NaCl} = 207 \text{ kJ} \times \frac{1 \text{ mol NaCl}}{790 \text{ kJ}} \times \frac{58 / 5}{1 \text{ mol NaCl}}$$

$$? \text{ g NaCl} = 15 / 32 \text{ g}$$

(شیمی ۳-شیمی، پلوه‌ای از هنر، زیبایی و مانگاری؛ صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)



۲) این واکنش گرمگیر بوده و مطابق با نمودار سؤال است.

۴) کاتالیزگر بر تغییرات آنتالپی واکنش بی تأثیر است.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش‌تر؛ صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۰)

(هادی مهدی‌زاده)

۱۴۸- گزینه «۳»

هرگاه یک نمونه ماده در برابر پرتوهای الکترومغناطیس قرار گیرد، گستره معینی از آن را جذب و باقی را بازتاب یا عبور می‌دهد.

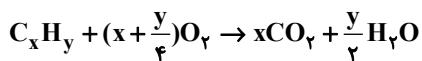
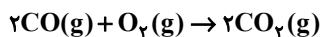
(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش‌تر؛ صفحه‌های ۹۳ تا ۹۶)

(ممدر عظیمیان زواره)

۱۴۹- گزینه «۳»

بررسی موارد:

آ) نادرست: این سه واکنش گرماده می‌باشند. در هر سه واکنش عنصر آزاد تولید یا مصرف شده است که نشان‌دهنده تغییر عدد اکسایش می‌باشد. بنابراین هر سه واکنش از نوع اکسایش - کاهش می‌باشد.

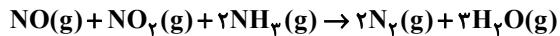


ب) نادرست: با افزایش دما انرژی فعال‌سازی بهتر تأمین شده و سرعت واکنش افزایش می‌یابد. افزایش دما انرژی فعال‌سازی را تغییر نمی‌دهد.

پ) درست

ت) نادرست: زیرا در واکنش مربوط به حذف آلاندلهای NO و NO₂

آمونیاک مصرف می‌شود. کاتالیزگر باید در پایان واکنش دست‌نخورده باقی بماند.

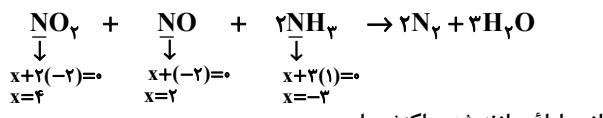


ث) درست، با افزایش سطح تماس کارایی مبدل‌ها افزایش می‌یابد.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش‌تر؛ صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۰)

(امیر هاتمیان)

۱۵۰- گزینه «۴»



از معادله موازن شده واکنش داریم:

$$\text{mol NO} = \frac{1 \text{ mol NO}}{3 \text{ g}} = \frac{1 \text{ mol NO}}{30 \text{ g NO}} = 0 / 1 \text{ mol NO}$$

$$\text{mol NO}_2 = \frac{1 \text{ mol NO}_2}{4 / 6 \text{ g NO}_2} = \frac{1 \text{ mol NO}_2}{46 \text{ g NO}_2}$$

$$= 0 / 1 \text{ mol NO}_2$$

پس در هر کیلومتر با توجه به این که ضریب NH₃, NH₂, دو هست داریم: ۲×۰ / ۱ mol NH₃

در مخزن آمونیاک داریم:

$$\text{mol NH}_3 = 34000 \text{ g NH}_3 \times \frac{1 \text{ mol NH}_3}{17 \text{ g NH}_3}$$

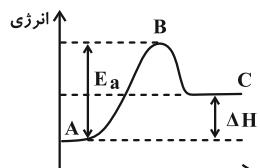
$$= 2 \times 10^3 \text{ mol NH}_3$$

$$\text{km} = 2 \times 10^3 \text{ mol NH}_3 \times \frac{1 \text{ km}}{0 / 2 \text{ mol NH}_3} = 10^4 \text{ km}$$

مجموع عدهای اکسایش نیتروژن در گونه‌های واکنش دهنده:

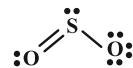
$$4+2+(-3)=3$$

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش‌تر؛ صفحه ۱۰)



پیشرفت واکنش

مورد چهارم: درست؛ SO₂ گازی است که از خودروها خارج می‌شود و هر مولکول آن ۳ پیوند اشتراکی (۶ الکترون پیوندی) دارد.



(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش‌تر؛ صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۲)

(هادی مهدی‌زاده)

۱۴۴- گزینه «۳»

موارد (ب) و (ت) نادرست‌اند.

بررسی موارد نادرست:

ب) کاتالیزگرها تأثیری بر آنتالپی واکنش‌های شیمیایی ندارند.

ت) واکنش گاز هیدروژن با گاز اکسیژن در حضور توری پلاتینی سریع‌تر است.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش‌تر؛ صفحه‌های ۹۳ تا ۹۹)

(پیمان فراهی‌پور)

۱۴۵- گزینه «۱»

غلظت اوزون در ساعت ۱۰ صبح ۱۲ ppm است. پس داریم:

$$0 / 12 = \frac{x}{10 \times 10^6} \Rightarrow x = 1 / 2 \text{ g O}_3$$

$$1 / 2 \text{ g O}_3 \times \frac{1 \text{ mol O}_3}{48 \text{ g O}_3} \times \frac{20 \text{ L O}_3}{1 \text{ mol O}_3} = 0 / 5 \text{ L O}_3$$

حال می‌توان جرم پتانسیم نیترات مصرفی را محاسبه کرد.

$$0 / 5 \text{ L O}_3 \times \frac{1 \text{ mol O}_3}{20 \text{ L O}_3} \times \frac{2 \text{ mol KNO}_3}{1 \text{ mol O}_3} \times \frac{101 \text{ g KNO}_3}{1 \text{ mol KNO}_3}$$

$$= 0 / 05 \text{ g KNO}_3$$

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش‌تر؛ صفحه ۹۴)

(میلار شیخ‌الاسلامی فیاضی)

۱۴۶- گزینه «۳»

بررسی گزینه‌ها:

۱) نادرست: مواد علاوه بر طیف مرئی با سایر امواج الکترومغناطیسی مانند

فروسرخ، فرابینفش و ... هم برهمنکنش دارند.

۲) نادرست: با توجه به نمودار صفحه ۹۴ شیمی ۳، حتی در ساعات شب هم مقداری گاز اوزون در هوا وجود دارد.

۳) درست: برای مثال گاز NO یک اسید نافلزی غیراسیدی است و به دلیل انحلال مولکولی، هنگام انحلال در آب یون هیدرونیوم تولید نمی‌کند.

۴) نادرست: در برخی ساعات مانند ۹ تا ۱۰ صبح، میزان NO هواکره کاهش اما همزمان با آن NO₂ افزایش می‌یابد.

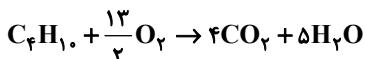
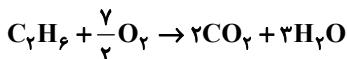
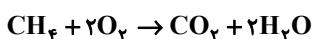
(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش‌تر؛ صفحه ۹۶)

(روزبه رضوانی)

۱۴۷- گزینه «۳»

بررسی گزینه‌ها:

۱) نمودار مربوط به واکنش گرمگیر است و علامت آنتالپی آن مخالف آنتالپی واکنش گرماده اکسایش گلوکز است.



می‌دانیم در آلکان‌های متوالی در شرایط یکسان با افزایش هر اتم کربن، ΔH سوختن مولی آن‌ها به مقدار ثابتی افزایش می‌یابد. در نتیجه اگر تفاوتی آنتالپی سوختن متان و اتان برابر با $a \text{ kJ}$ باشد تفاوت آنتالپی سوختن اتان و بوتان برابر با $2a \text{ kJ}$ خواهد بود. می‌دانیم که در صورت مصرف ۱ مول از هر کدام از گازهای متان و اتان، در مجموع $5/5$ مول O_2 به مصرف می‌رسد.

? kJ مولکول O_2 : تفاوت گرمای تولیدی O_2

$$\times \frac{1 \text{ mol O}_2}{6 \times 10^{23}} \times \frac{\text{تفاوت آنتالپی سوختن}}{5 / 5 \text{ mol O}_2} = 204 \text{ kJ}$$

$$\Rightarrow a = 680 \text{ kJ} : \text{تفاوت آنتالپی سوختن متان و اتان} \Rightarrow a = 680 \text{ kJ}$$

در نتیجه تفاوت آنتالپی سوختن بوتان و اتان برابر با 1360 kJ خواهد بود. می‌دانیم در اثر مصرف ۱ مول از هر کدام از گازهای اتان و بوتان، تفاوت مول آب تولیدی برابر با ۲ مول خواهد بود.

? kJ H_2O : تفاوت گرمای تولیدی H_2O

$$\times \frac{1 \text{ mol H}_2\text{O}}{18 \text{ g H}_2\text{O}} \times \frac{1360 \text{ kJ}}{2 \text{ mol H}_2\text{O}} = 306 \text{ kJ}$$

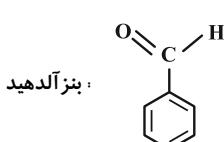
(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

(امیرمحمد لکنگان)

گزینه ۳

بررسی موارد:

مورد اول: درست؛ در این ساختار ۸ اکسیژن وجود دارد. پس: ۲ الکترون = هر جفت ناپیوندی \rightarrow ۲ جفت ناپیوندی \rightarrow هر اکسیژن مورد دوم: نادرست؛ در این ساختار ۶ پیوند دوگانه $\text{C}=\text{C}$ و ۳ پیوند دوگانه $\text{C}=\text{O}$ وجود دارد. در ساختار بنزآلدهید ۴ پیوند دوگانه وجود دارد.



مورد سوم: نادرست؛ در این ساختار گروه اتری وجود ندارد.

شیمی ۲

۱۵۱ - گزینه ۴

بررسی موارد:

(امیرمحمد لکنگان)

(الف) درست؛ ظرفیت گرمایی یک ماده به مقدار و دمای آن بستگی دارد که در این عبارت مقدار به علت تفاوت زیاد تعیین‌کننده است.

(ب) نادرست؛ ظرفیت گرمایی یک ماده به مقدار آن بستگی دارد و چون مقدار روغن زیتون و آب را نداریم نمی‌توانیم تعیین کنیم کدام ظرفیت گرمایی بیشتری دارد.

(پ) درست

(ت) نادرست؛ فلزی که در کلاه فضانوردان استفاده می‌شود $\leftarrow \text{Au}$ (طلاء)

هفتمین عنصر دسته $\text{Al} \leftarrow \text{p}$ (آلومینیم)

$\text{Al} > \text{Au}$ مقایسه ظرفیت گرمایی ویژه:

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸)

۱۵۲ - گزینه ۱

فقط عبارت «ت» نادرست است.

تعداد کربن‌ها (n) برابر ۱۰ عدد است. برای محاسبه تعداد هیدروژن‌ها، تعداد پیوندهای دوگانه و حلقه را با هم جمع کرده و در عدد ۲ ضرب کرده و از رابطه $2n + 2$ کم می‌کنیم.

$$\text{H} : (2n + 2) - [(4 + 1) \times 2] \xrightarrow{n=10} \text{H} = 12$$

پس فرمول ترکیب داده شده $\text{C}_{10}\text{H}_{12}\text{O}$ می‌باشد و فرمول مولکولی ۲

هیپتانون $\text{C}_7\text{H}_{14}\text{O}$ است مجموع شمار اتم‌ها در این دو مولکول به ترتیب ۲۲ و ۲۳ می‌باشد.

$$\frac{(4 \times C) + (H) + (2 \times O)}{2} = \frac{(12 \times 1) + (1 \times 4) + (1 \times 2)}{2} = 27$$

نکته: برای محاسبه پیوند اشتراکی از رابطه زیر استفاده می‌شود:

$$\frac{(4 \times C) + (H) + (2 \times O)}{2} = \text{تعداد پیوند اشتراکی}$$

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۶۱ تا ۶۰)

۱۵۳ - گزینه ۳

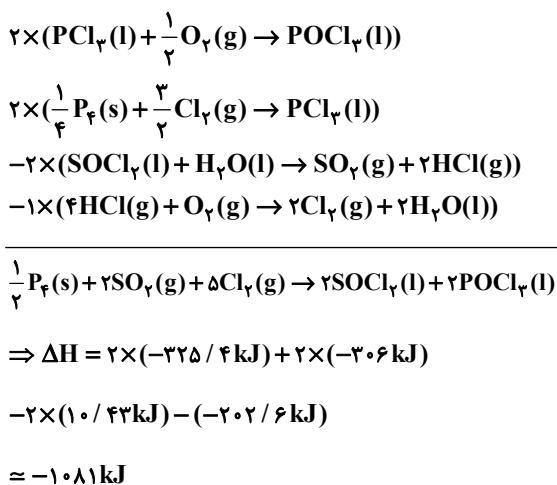
(امیرحسین طیبی)

ابتدا واکنش سوختن متان، اتان و بوتان را نوشته و موازنہ می‌کنیم:



(پارسا عیوض پور)

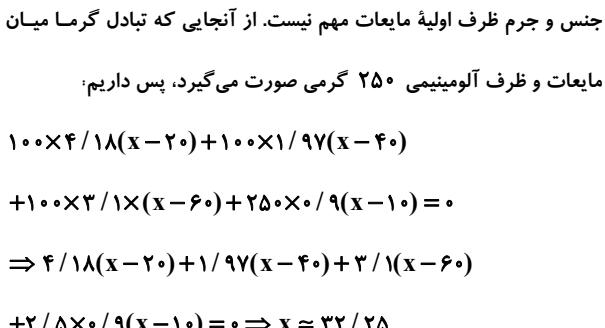
گزینه «۲» - ۱۵۸



(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۷۲ تا ۷۵)

(پارسا عیوض پور)

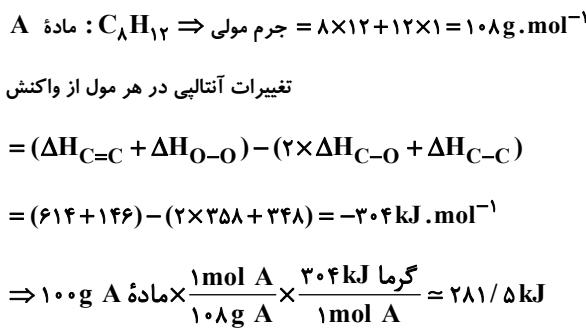
گزینه «۳» - ۱۵۹



(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۵۸ تا ۶۱)

(پارسا عیوض پور)

گزینه «۴» - ۱۶۰



(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۶۵ تا ۶۷)

مورد چهارم: درست؛ در این ساختار ۱۶ هیدروژن و ۸ گروه C-H وجود دارد.

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۶۸ تا ۷۰)

گزینه «۳» - ۱۵۵ (محمد عظیمیان زواره)

بررسی موارد:

(آ) درست

ب) درست

پ) نادرست؛ علامت مثبت و منفی نشان‌دهنده گرمایگیر و گرماده بودن آن فرایند است.

ت) درست؛ زیرا واکنش فتوسنتز برخلاف اکسایش گلوکز، یک واکنش گرمایگیر است و در فرایندهای گرمایگیر سطح انرژی فراوردها از سطح انرژی واکنش‌دهنده‌ها بالاتر است.

ث) درست

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۶۳ و ۶۴)

گزینه «۱» - ۱۵۶ (پیمان فراهی‌مقدم)

تنها مقایسه (آ) صحیح است.

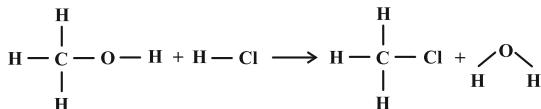
• آنتالپی پیوند H-F از آنتالپی پیوند O=O بزرگ‌تر است.

• آنتالپی پیوند N≡N از آنتالپی پیوند C≡C بیشتر است.

• آنتالپی پیوند H-H از آنتالپی پیوند N-H بیشتر است.

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۶۵ و ۶۶)

گزینه «۲» - ۱۵۷ (روزبه رضوانی)



$$\Delta H = [3(C-H) + (C-O) + (O-H)] + (H-Cl)$$

$$-[3(C-H) + (C-Cl) + 2(O-H)]$$

$$\Delta H = (C-Cl) = +385 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۶۵ تا ۶۷)

شیمی ۱

«۳» - ۱۶۱

بررسی گزینه‌های نادرست:

- (۱) برای این منظور از نیتروژن استفاده می‌شود. نیتروژن گاز نجیب محسوب نمی‌شود.

(۲) حدود ۷۵ درصد جرم هواکره در این لایه قرار دارد.

- (۳) نخستین ماده‌ای که به صورت جامد از آن جدا می‌شود بخارآب است که در دمای C° به صورت بخاخ از آن جدا می‌شود.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۶ تا ۶۰)

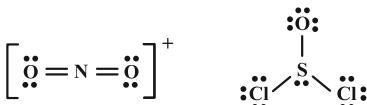
(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۶ تا ۶۰)

(میلاد شیخ‌الاسلامی فیابوی)

«۴» - ۱۶۲

بررسی موارد:

- (الف) ساختار LwO^- گونه‌های داده شده به صورت زیر است. در SOCl_2 ۳ جفت الکترون پیوندی و در NO_2^+ هشت الکترون ناپیوندی وجود دارد.



(ب) SiCl_4 از ترکیبات مولکولی است پس در نام گذاری آن از پیشوندهای یونانی استفاده می‌شود. نام این ترکیب سیلیسیم تراکلرید است که پیشوند تترنا نشان‌دهنده تعداد اتم کلر است.

(پ) کاتیون از مس که 3d^1 پر دارد به صورت $[\text{Ar}]^{\text{d}1} 3\text{s}^1$ است. در Cu_2O نتیجه کاتیون مدنظر Cu^{+} است در نتیجه فرمول اکسید حاصل Cu_2O بوده و نسبت کاتیون به آنتیون ۲ است.

(ت) از آنجایی که می‌دانیم کربن یون تک‌اتمی تشکیل نمی‌دهد پس ZrO_2 موجود در کربن، مربوط به بار کلسیم نیست بلکه زیروند خود یون دواتمی O^{2-} و فرمول یون دو اتمی است در نتیجه فرمول سدیم کربید Na_2C_2 است.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)

(مهدی رضا پورجاویر)

«۴» - ۱۶۵

نقطه چگالش CO_2 دمای -78°C است. اگر دمای 15°C کلوین (که معادل با 150°C است) پایین بیاید، به -228°C رسید که در این دما به غیر از هلیم (با نقطه جوش -268°C) بقیه اجزای هواکره به مایع تبدیل شده‌اند. در صورتی که دمای هوا به 192K (192°C) پایین‌تر از -78°C برسد، معادل با -220°C خواهد بود که در آن تمام گازهای هواکره مایع خواهند شد.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۴۸ تا ۵۱)

(محمد عظیمیان زواره)

شیمی ۱

«۳» - ۱۶۱

بررسی گزینه‌های نادرست:

- (۱) برای این منظور از نیتروژن استفاده می‌شود. نیتروژن گاز نجیب محسوب نمی‌شود.

(۲) حدود ۷۵ درصد جرم هواکره در این لایه قرار دارد.

- (۳) نخستین ماده‌ای که به صورت جامد از آن جدا می‌شود بخارآب است که در دمای C° به صورت بخاخ از آن جدا می‌شود.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۹ تا ۶۰)

«۲» - ۱۶۲

موارد (ت) و (ث) صحیح هستند.

بررسی سایر موارد:

- (آ) در هواکره اکسیژن اغلب به صورت مولکول‌های دواتمی وجود دارد.

ب) اکسیژن در ساختار همه مولکول‌های زیستی وجود دارد.

- پ) نمودار تغییرات فشار گاز اکسیژن بر حسب ارتفاع به صورت نزولی و نمودار تغییرات دما در استراتوسفر به صورت صعودی است.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۱ تا ۵۵)

«۳» - ۱۶۳

بررسی موارد:

- (الف) نادرست: فراورده سوختن ناقص سوخت‌های فسیلی فقط کربن مونوکسید و بخارآب نیست و طبق متن کتاب درسی فراورده‌های دیگر نیز تولید می‌شوند.

- (ب) نادرست: در اثر سوختن گوگرد گاز SO_2 تولید می‌شود که قطبی است.

- (پ) درست: نور حاصل از سوختن گوگرد آبی و نور حاصل از سوختن سدیم زرد است. طول موج نور آبی کوتاه‌تر از زرد است.

- (ت) درست: میل ترکیبی کربن مونوکسید با هموگلوبین خون بیش از ۲۰۰ برابر اکسیژن است در نتیجه میل ترکیبی اکسیژن با هموگلوبین خون کمتر از

بنج هزارم برابر $\left(\frac{1}{300}\right)$ است.



(امیر هاتمیان)

گزینه «۴»

بررسی گزینه‌ها:

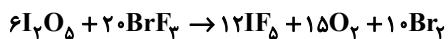
(۱)



اختلاف مجموع واکنش‌دهنده‌ها و فراورده‌ها:

$$| (2+3+2+2) - (14+1) | = 1$$

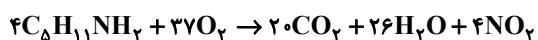
(۲)



اختلاف مجموع ضرایب واکنش‌دهنده‌ها و فراورده‌ها:

$$| (12+15+10) - (20+6) | = 11$$

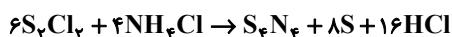
(۳)



اختلاف مجموع ضرایب واکنش‌دهنده‌ها و فراورده‌ها:

$$| (20+26+4) - (37+4) | = 9$$

(۴)



اختلاف مجموع ضرایب واکنش‌دهنده‌ها و فراورده‌ها:

$$| (1+8+16) - (6+4) | = 15$$

(شیمی ا- ردپای لازها در زندگی: صفحه‌های ۶۲ تا ۶۵)

(امیر هاتمیان)

گزینه «۲»

ابتدا مقدار گاز کربن دی‌اکسید بر حسب لیتر که در شرایط استاندارد در هر سال وارد هواکره می‌شود را حساب می‌کنیم:

$$? L CO_2 = 22000 \text{ km} \times \frac{250 \text{ g } CO_2}{1 \text{ km}} \times \frac{1 \text{ mol } CO_2}{44 \text{ g } CO_2}$$

$$\times \frac{22 / 4 L CO_2}{1 \text{ mol } CO_2} = 28 \times 10^5 L CO_2 = 2 / 8 \times 10^6 L CO_2$$

حال برای به دست آوردن تعداد درخت‌هایی با قطر ۷ cm که از ورود CO₂ به هواکره جلوگیری می‌کنند، داریم:

حداقل تعداد درخت با قطر ۷ cm

$$= \frac{\text{مقدار کل } CO_2 \text{ تولیدی توسط هر خودرو}}{\text{مقدار } CO_2 \text{ جذب شده توسط هر درخت با قطر ۷ cm}}$$

$$= \frac{22000 \text{ km} \times \frac{250 \text{ g } CO_2}{1 \text{ km}}}{4 / 4 \times 10^3 \text{ g } CO_2} = 1250$$

(شیمی ا- ردپای لازها در زندگی: صفحه ۶۶)

(محمدی زینی)

گزینه «۳»

بررسی موارد:

مورد اول: نادرست؛ با توجه به شکل کتاب درسی، بخش قابل توجهی از نور خورشید به سطح زمین می‌رسد.

مورد دوم: درست؛ طول موج‌های پرتوهای بازتابیده شده از زمین بزرگ‌تر از طول موج پرتوهای جذب شده توسط زمین است.

مورد سوم: نادرست؛ هواکره برای زمین همانند لایه پلاستیکی برای گلخانه است و سبب گرم شدن کره زمین می‌شود.

مورد چهارم: درست؛ از هر ۵ پرتویی که از سطح زمین بازتابیده می‌شود، ۲

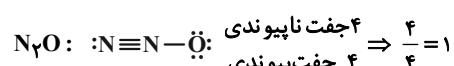
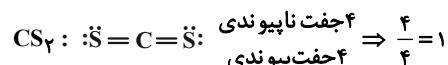
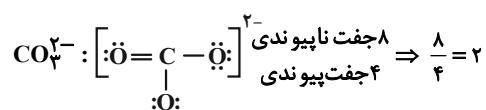
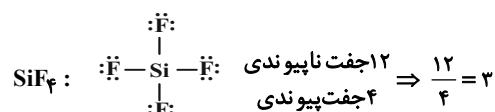
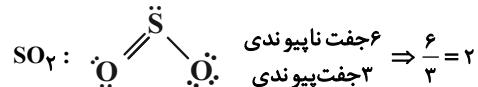
$$\frac{2}{5} \times 100 = 40\% \text{ به دام می‌افتد.}$$

(شیمی ا- ردپای لازها در زندگی: صفحه‌های ۶۸ و ۶۹)

(سید مهدی غفوری)

گزینه «۴»

آ، ب و ث درست است.



(شیمی ا- ردپای لازها در زندگی: صفحه ۵۴)

(محمد عظیمیان/زواره)

گزینه «۲»

ردپای کربن دی‌اکسید تولید شده در تولید برق از منبع:

باد > گرمای زمین > انرژی خورشید > گاز طبیعی > نفت خام > زغال سنگ

- (b) (c) (a) (e) (d) (f)

(شیمی ا- ردپای لازها در زندگی: صفحه ۶۶)

بروزترین و ابرترین
سایت کنکوری کشور

WWW.KONKUR.INFO

