

بروزترین و ابرترین
سایت کنکوری کشور

WWW.KONKUR.INFO





سال یازدهم ریاضی

۱۰ شهریور ۱۴۰۲

نقد و تصحیح سوالات

تعداد کل سوالات جهت پاسخ‌گویی: ۷۰ سوال نکاه به گذشته (اجباری) + ۵۰ سوال نکاه به آینده (انتخابی)
مدت پاسخ‌گویی به آزمون: ۹۵ دقیقه سوالات نکاه به گذشته (اجباری) + ۷۰ دقیقه سوالات نکاه به آینده (انتخابی)

عنوان	نام درس	تعداد سوال	شماره سوال	شماره صفحه دفترچه سوال	وقت پیشنهادی (دقیقه)
نگاره‌پذیر شدن (جنبی)	ریاضی (۱)	۲۰	۱-۲۰	۳-۴	۳۰
	هندسه (۱)	۱۰	۲۱-۳۰	۵-۶	۱۵
	فیزیک (۱)	۱۰	۳۱-۴۰	۷-۱۰	۳۰
		۱۰	۴۱-۵۰	۱۱-۱۴	۴۰
	شیمی (۱)	۲۰	۵۱-۷۰	۱۱-۱۴	۲۰
	مجموع	۷۰	۱-۷۰	۳-۱۴	۹۵
	حسابان (۱)	۱۰	۷۱-۸۰	۱۵	۱۵
	فیزیک (۲)	۱۰	۸۱-۹۰	۱۶-۱۷	۱۵
		۱۰	۹۱-۱۰۰	۱۸-۲۱	۳۰
	شیمی (۲)	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۲۲-۲۳	۱۰
	مجموع	۵۰	۷۱-۱۲۰	۱۵-۲۳	۷۰
جمع کل					۱۶۵



گروه آزمون
بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)
دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳
@kanoonir_11r





ریاضی (۱)
تابع (انواع تابع)
شمارش، بدون شمردن
صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۴۰

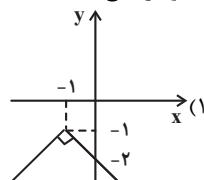
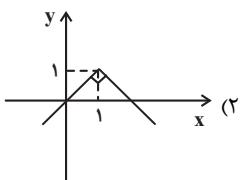
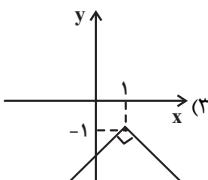
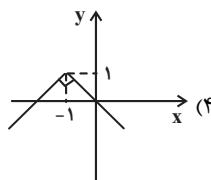
دقيقة ۳۰

هدف‌گذاری قبل از شروع هر درس در دفترچه سوال

لطفاً قبل از شروع پاسخ‌گویی به سوال‌های درس **ریاضی (۱)**. هدف‌گذاری چند از ۱۰ خود را بنویسید:
از هر ۱۰ سوال به چند سوال می‌توانید پاسخ صحیح بدهید؟
هدف‌گذاری شما برای آزمون امروز چیست؟

ریاضی (۱) - نگاه به گذشته

هدف‌گذاری چند از ۱۰ برای آزمون امروز



- اگر f تابع همانی، g تابع ثابت و h تابع خطی باشد به طوری که $h(4) = 6$ ، $h(2) = 0$ و $h(-2) = -2$ ، آن‌گاه

$$\frac{f(\frac{1}{2})+g(1)}{h(\frac{1}{3})} \text{ حاصل کدام است؟}$$

$$-\frac{2}{5} \quad (۴)$$

$$-\frac{1}{5} \quad (۳)$$

$$\frac{2}{5} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{5} \quad (۱)$$

- در تابع $f(x) = \begin{cases} ax + 2 & ; x \geq 1 \\ -3 & ; x \leq 1 \end{cases}$ حاصل کدام است؟

$$x^2 - 3 \quad (۴)$$

$$-3 - x^2 \quad (۳)$$

$$-10 \quad (۲)$$

$$-16 \quad (۱)$$

- با ارقام ۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ۶، ۷، ۸، ۹ چند عدد ۵ رقمی (بدون تکرار ارقام) می‌توان ساخت به طوری که فقط هر ۲ رقم سمت راست بر ۳ بخش‌بندی باشند؟

$$360 \quad (۲)$$

$$1260 \quad (۴)$$

$$480 \quad (۱)$$

$$720 \quad (۳)$$

- درون جعبه‌ای ۴ توب سیاه و ۶ توب قرمز وجود دارد. به چند طریق می‌توان ۴ توب خارج کرد که تعداد توب‌های همنگ خارج شده یکسان باشند؟

$$75 \quad (۲)$$

$$120 \quad (۴)$$

$$50 \quad (۱)$$

$$90 \quad (۳)$$

- یک آزمون چند گزینه‌ای شامل ۱۰ سوال ۴ گزینه‌ای و ۵ سوال ۲ گزینه‌ای (بله - خیر) است. فردی قصد دارد دقیقاً به ۶ سوال پاسخ دهد به صورتی که به حداقل ۴ سوال از ۵ سوال ۲ گزینه‌ای و حداقل به ۴ سوال از ۱۰ سوال ۴ گزینه‌ای جواب دهد. او با چند روش می‌تواند این کار را انجام دهد؟

$$225 \times 2^7 \quad (۲)$$

$$460 \times 2^7 \quad (۱)$$

$$220 \times 2^7 \quad (۴)$$

$$450 \times 2^7 \quad (۳)$$

- در یک مجموعه n عضوی، تعداد زیرمجموعه‌های ۲ عضوی با تعداد زیرمجموعه‌های ۴ عضوی برابر است. تعداد زیرمجموعه‌های ۳ عضوی این مجموعه کدام است؟

$$10 \quad (۲)$$

$$20 \quad (۴)$$

$$4 \quad (۱)$$

$$35 \quad (۳)$$

- در یک جمع ۵ نفره، ۳ برادر حضور دارند. این ۵ نفر در یک ردیف کنار هم می‌ایستند. در چند حالت، از بین ۳ برادر، فقط دو برادر کنار هم هستند؟

$$72 \quad (۲)$$

$$54 \quad (۴)$$

$$108 \quad (۱)$$

$$36 \quad (۳)$$



۹- در یک قفسه در ۵ موضوع مختلف و از هر موضوع ۱۰ کتاب متمایز وجود دارد. به چند طریق می‌توان ۳ کتاب انتخاب کرد به‌طوری که هیچ دو کتابی از یک موضوع یکسان نباشند؟

$$5 \times 10^3 \quad (2)$$

$$10^4 \quad (4)$$

۱۰- اگر f تابعی همانی باشد، به‌طوری که $f(3-k) = 9+2k$ ، مقدار $f(9+2k)$ کدام است؟

$$7 \quad (2)$$

$$-3 \quad (4)$$

$$6 \times 10^4 \quad (1)$$

$$2 \times 10^4 \quad (3)$$

$$5 \quad (1)$$

$$-9 \quad (3)$$

$$11- \text{اگر } P(\text{بازدید}, r) = \frac{(2r+3)!}{(r+3)!} \text{ کدام است؟}$$

$$42 \quad (2)$$

$$12 \quad (4)$$

۱۲- اگر $P(n+2, n-1) = 4!$ باشد، حاصل $P(n+2, n-1) + 12 = ?$ کدام است؟

$$20 \quad (2)$$

$$840 \quad (4)$$

$$5 \quad (1)$$

$$504 \quad (3)$$

۱۳- با رقم‌های ۱، ۲، ۵ و ۷ همهٔ عددهای چهار رقمی ممکن با رقم‌های غیرتکراری را نوشته‌ایم. مجموع ارقام تمام اعداد نوشته شده کدام است؟

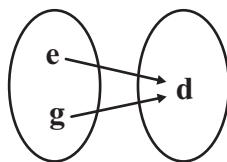
$$480 \quad (2)$$

$$420 \quad (4)$$

$$340 \quad (1)$$

$$360 \quad (3)$$

۱۴- نمایش پیکانی تابع ثابت $f = \{(2a, 3c), (4a - 9c, 2b), (d^2 + 1, a)\}$ مطابق شکل زیر است. مقدار $e + g + d$ کدام است؟ (d، مقداری حقیقی و مثبت است).



$$2 \quad (2)$$

$$4 \quad (4)$$

$$1 \quad (1)$$

$$3 \quad (3)$$

$$15- \text{اگر رابطه } P(\text{بازدید}, r) = \frac{(n^r - n)!}{r!} = 96 + 4! \text{ برقرار باشد، حاصل } \binom{n^r - n}{r} \text{ کدام است؟}$$

$$70 \quad (2)$$

$$8 \quad (4)$$

$$56 \quad (1)$$

$$28 \quad (3)$$

۱۶- نمودار تابع $f(x) = -x^2 - 2$ همانی را در چند نقطه قطع می‌کند؟

$$2 \quad (\text{یک})$$

$$3 \quad (\text{دو})$$

$$1 \quad (\text{بی‌شمار})$$

$$4 \quad (\text{هیچ})$$

۱۷- به چند طریق می‌توان ۴ نفر را از بین دانشآموزان ۶ کلاس ۱۰ نفری انتخاب کرد به‌طوری که تنها ۲ نفر از آن‌ها همکلاسی باشند؟

$$9 \times 10^4 \quad (2)$$

$$12600 \quad (4)$$

$$27 \times 10^4 \quad (1)$$

$$18 \times 10^4 \quad (3)$$

۱۸- تعداد زیرمجموعه‌هایی از $A = \{1, 2, 3, \dots, 20\}$ که در آن‌ها، کوچکترین عضو برابر ۸ و بزرگترین عضو برابر ۱۵ باشد، کدام است؟

$$128 \quad (2)$$

$$192 \quad (4)$$

$$64 \quad (1)$$

$$256 \quad (3)$$

۱۹- در یک مراسم هر دانشآموز با ۲ همراه شرکت کرده است. اگر در این مراسم هفت دانشآموز شرکت کرده باشد، به چند طریق می‌توان ۴ دانشآموز و همراه‌های آن‌ها را در یک ردیف قرار دارد، به‌طوری که هر دانشآموز بین دو همراهش قرار بگیرد؟

$$1680 \quad (2)$$

$$10080 \quad (4)$$

$$13440 \quad (1)$$

$$3360 \quad (3)$$

۲۰- اگر $n! = n$ باشد، آن‌گاه تابع $f(x) = (n-2)x^{n-1} + n-1$ چه نوع تابعی است؟

$$(4) \text{ چندجمله‌ای درجه ۳}$$

$$3 \quad (\text{ثابت})$$

$$2 \quad (\text{چندجمله‌ای درجه ۲})$$

$$1 \quad (\text{همانی})$$

۱۵ دقیقه

هندرسه (۱)

- چندضلعی ها** (مساحت و کاربردهای آن)
- تجسم فضایی** (خط، نقطه و صفحه تا ابتدای تمامد)
- صفحه های ۸۲ تا ۶۵

هدف گذاری قبل از شروع هر درس در دفترچه سوال

لطفاً قبل از شروع پاسخ‌گویی به سؤال‌های درس هندسه (۱)، هدف گذاری چند از ۱۰ خود را بنویسید:
از هر ۱۰ سؤال به چند سؤال می‌توانید پاسخ صحیح بدهید؟

هدف گذاری شما برای آزمون امروز چیست؟

هدف گذاری چند از ۱۰ برای آزمون امروز

هندرسه (۱) – نگاه به گذشته

۲۱- اگر مجموع فواصل هر نقطه درون یک مثلث متساوی‌الاضلاع از سه ضلع آن $4\sqrt{3}$ باشد، مساحت مثلث کدام است؟

۶۴ (۲)

۴۸ (۱)

 $16\sqrt{3}$ (۴) $32\sqrt{3}$ (۳)

۲۲- مساحت یک چندضلعی شبکه‌ای ۳ واحد مریع است. حداقل تعداد نقاط مرزی این چندضلعی کدام است؟

۶ (۲)

۴ (۱)

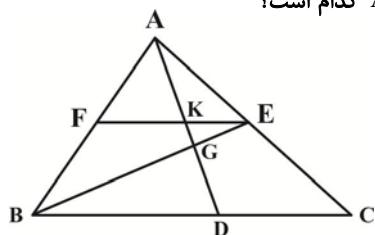
۱۲ (۴)

۸ (۳)

۲۳- در مثلث قائم‌الزاویه‌ای به طول اضلاع قائم ۳ و ۴، فاصله نقطه همرسی میانه‌ها تا وسط وتر کدام است؟

 $\frac{5}{6}$ (۲) $\frac{4}{5}$ (۱) $\frac{6}{5}$ (۴) $\frac{5}{4}$ (۳)

۲۴- در شکل زیر، نقاط D، E و F وسط‌های اضلاع مثلث ABC هستند. اگر KG = ۲ باشد، طول AD کدام است؟



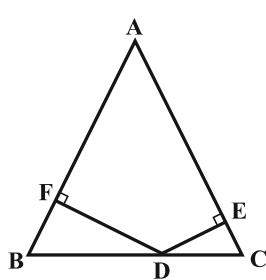
۱۸ (۱)

۱۵ (۲)

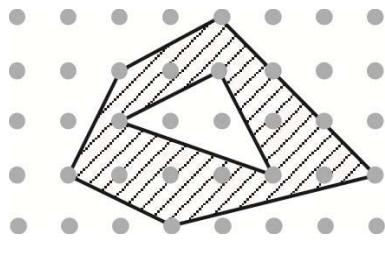
۱۲ (۳)

۹ (۴)

۲۵- در شکل زیر، مثلث ABC متساوی‌الاضلاع است. اگر AE = ۱۱ و AF = ۷ باشد، مجموع طول‌های دو پاره‌خط DE و DF کدام است؟

 $3\sqrt{3}$ (۱) $4\sqrt{3}$ (۲) $6\sqrt{3}$ (۳) $8\sqrt{3}$ (۴)

۲۶- در شکل مقابل، مساحت قسمت سایه زده کدام است؟



۱۱ (۱)

۱۱/۵ (۲)

۱۲ (۳)

۱۲/۵ (۴)

۲۷- چه تعداد از گزاره‌های زیر همواره درست است؟

(الف) تنها یک صفحه در فضای سه نقطه متمایز A ، B و C عبور می‌کند.

(ب) تنها یک صفحه در فضای دو خط متمایز d و d' عبور می‌کند.

(پ) تنها یک صفحه در فضای خط d و نقطه A عبور می‌کند.

۱ (۲)

(۱) صفر

۳ (۴)

۲ (۳)

۲۸- دو وجه مقابل یک مکعب را در نظر می‌گیریم. چند جفت یال متنافر در این دو وجه می‌توان یافت؟

۸ (۲)

۴ (۱)

۱۰ (۴)

۶ (۳)

۲۹- دو صفحه P و Q متقاطع‌اند و خط d با صفحه P موازی است. وضعیت خط d نسبت به صفحه Q کدام است؟

(۱) خط d با صفحه Q موازی است

(۲) هر سه حالت امکان پذیر است

(۳) خط d با صفحه Q متقاطع است

۳۰- کدام یک از گزاره‌های زیر همواره درست است؟

(۱) هر گاه خطی در فضای کی از دو خط موازی را قطع کند، دیگر را نیز قطع می‌کند.

(۲) از یک نقطه خارج یک صفحه، بی‌شمار خط موازی با آن صفحه می‌توان رسم کرد.

(۳) هرگاه خطی با یکی از دو خط متنافر، موازی باشد، با خط دیگر متنافر است.

(۴) از هر نقطه غیر واقع بر یک خط، تنها یک خط متنافر با آن خط می‌گذرد.



دیگر
فیزیک (۱)
دما و گرما
فصل ۴
صفحه های ۸۳ تا ۱۲۶

هدف‌گذاری قبل از شروع هر درس در دفترچه سؤال

لطفاً قبل از شروع پاسخ‌گویی به سؤال‌های درس فیزیک (۱)، هدف‌گذاری چند از ۱۰ خود را بنویسید:
از هر ۱۰ سؤال به چند سؤال می‌توانید پاسخ صحیح بدهید؟

هدف‌گذاری شما برای آزمون امروز چیست؟

هدف‌گذاری چند از ۱۰ برای آزمون امروز

فیزیک (۱) - نگاه به گذشته

۳۱- با سه دما‌سنج که به ترتیب بر حسب درجه‌بندی‌های سلسیوس، فارنهایت و کلوین مدرج شده‌اند، دمای جسمی توسط هر کدام یکبار اندازه‌گیری شده است. اگر مجموع مقادیری که توسط سه دما‌سنج نشان داده شده است، ۳۴۳ باشد، دما‌سنجی که بر حسب فارنهایت درجه‌بندی شده، چه عددی را نشان می‌دهد؟

۵۰ (۲)

۱۰ (۱)

۳۶ (۴)

۳۲ (۳)

۳۲- طول یک پل معلق فولادی در دمای 50°F برابر با 150°m است. در دمای 333K ، طول پل به چند متر می‌رسد؟

$$\alpha = \frac{1}{2 \times 10^{-5}} \frac{1}{^{\circ}\text{C}}$$

۱۵۰۰/۰۹ (۲)

۱۵۰۹ (۱)

۱۵۹۰ (۴)

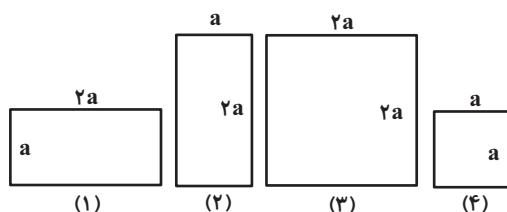
۱۵۰۰/۹ (۳)

۳۳- با توجه به شکل زیر، چند مورد از گزاره‌های زیر صحیح است؟ (ضخامت صفحات را یکسان در نظر بگیرید)

الف) اگر دمای صفحات را یکسان افزایش دهیم، ارتفاع صفحات (۲) و (۳) از بقیه بیشتر افزایش می‌یابد.

ب) اگر دمای صفحات را به یک اندازه افزایش دهیم و افزایش مساحت تمام صفحات یکسان باشد، ضرب انبساط طولی صفحه (۴) از بقیه بیشتر است.

پ) اگر فرض کنیم صفحات از یک جنس باشند و در تمام صفحات یک سوراخ با شعاع یکسان ایجاد کنیم و به آن‌ها گرمای یکسان بدهیم، قطر سوراخ‌ها در همه صفحات به یک اندازه افزایش می‌یابد.



(۱) یک مورد

(۲) دو مورد

(۳) سه مورد

(۴) همه موارد نادرست است.

۳۴- یک مکعب مستطیل فلزی به ابعاد $4\text{cm} \times 5\text{cm} \times 10\text{cm}$ از فلزی به چگالی $\frac{8}{\text{cm}^3}$ ساخته شده است. اگر حجم حفره داخل مکعب مستطیل 50cm^3 باشد، چند کیلوژول گرما لازم است تا دمای مکعب مستطیل 90°C درجه فارنهایت افزایش یابد؟ (ظرفیت گرمایی ویژه فلز $J = \frac{4}{g \cdot ^{\circ}\text{C}}$ است)

۳۲۰ (۲)

۰/۳۲ (۱)

۰/۲۴ (۴)

۲۴۰ (۳)

۳۵- یک کیلوگرم آب با دمای 331K در اختیار داریم. به کمک گرمکنی با توان ثابت $W = 50\text{kW}$ به آن گرمایی دهیم. بعد از چند دقیقه

$$(c) = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}} \quad L_V = 2268 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

درصد از جرم اولیه آب بخار می‌شود؟

۷/۷۶ (۲)

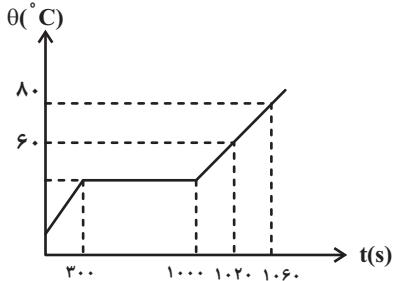
۱۰ (۱)

۱۰۰ (۴)

۷۷/۶ (۳)

-۳۶- اگر به جسم جامدی به جرم 5 g با توان ثابت 10 W گرمای داده شود، نمودار دما بر حسب زمان آن به صورت شکل زیر می‌شود. دمای نقطه

ذوب بر حسب درجه سلسیوس و گرمای نهان ذوب آن بر حسب $\frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ به ترتیب از راست به چه کدامند؟



- (۱) ۴۰ و ۱۴۰
 (۲) ۴۰ و ۲۰۰
 (۳) ۵۰ و ۱۴۰
 (۴) ۵۰ و ۲۰۰

-۳۷- چند گرم یخ ${}^{\circ}\text{C}$ را در فشار یک اتمسفر درون $1/\text{kg}$ آب 15°C بیاندازیم تا پس از برقراری تعادل گرمایی، دمای آب به 5°C برسد؟

$$(J/\text{kg} \cdot {}^{\circ}\text{C}) = 4200 \quad L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

- (۱) ۲۰۰
 (۲) ۵
 (۳) ۰/۲
 (۴) ۵۰۰۰

-۳۸- چه تعداد از گزاره‌های زیر درست است؟

الف) کلم اسکانک با تابش فروسرخ در زمستان، برف اطراف خود را ذوب می‌کند.

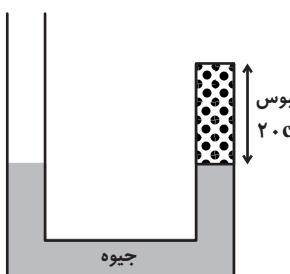
ب) در میله مسی، برخلاف میله آلومنینیمی، سهم الکترون‌های آزاد در انتقال گرما به روش رسانش بیشتر از سهم ارتعاش اتم‌ها است.

پ) به دلیل انتقال گرما با روش هم‌رفت، در طول روز، بادهای ساحلی از سمت دریا به ساحل می‌وزند.

- (۱) هیچکدام
 (۲) ۳
 (۳) ۰/۲
 (۴) ۱

-۳۹- در شکل زیر، سطح مقطع لوله‌ها در دو سمت یکسان است و مقداری گاز کامل در طرف راست لوله طوری محبوس شده است که ارتفاع جیوه در دو طرف لوله یکسان شود. اگر فشار هوا برابر 76 سانتی‌متر جیوه باشد، چند سانتی‌متر آب به شاخه سمت چپ افزوده شود تا ارتفاع ستون

$$\text{گاز } 1 \text{ سانتی‌متر کاهش یابد؟ (چگالی آب برابر } \frac{1}{6} \text{ و چگالی جیوه برابر } \frac{g}{cm} \text{ است و دما ثابت فرض می‌شود.)}$$



- (۱) ۱۳/۶
 (۲) ۲۷/۲
 (۳) ۶۸
 (۴) ۸۱/۶

-۴۰- درون استوانه‌ای به حجم 10 لیتر ، اکسیژن با دمای 27°C وجود دارد. فشار گاز استوانه که توسط فشارسنج اندازه‌گیری شده برابر 11 atm

است. اگر دمای گاز به 77°C و حجم استوانه گاز به 25 لیتر برسد. فشارسنج در این حالت چه عددی را بر حسب اتمسفر نشان می‌دهد؟

(فشار هوای محیط برابر یک اتمسفر است.)

- (۱) ۴/۶
 (۲) ۶/۶
 (۳) ۵/۶
 (۴) ۶/۴

فیزیک (۱) - سوالات آشنا

۴۱- اگر اختلاف دو دما در مقیاس سلسیوس $\Delta\theta$ و در مقیاس فارنهایت ΔF باشد، در این صورت $\frac{\Delta\theta}{\Delta F}$ کدام است؟

$$\frac{5}{9} \quad (۲)$$

$$\frac{4}{9} \quad (۱)$$

$$\frac{9}{4} \quad (۴)$$

$$\frac{9}{5} \quad (۳)$$

۴۲- دماسنجدی را در فشار یک اتمسفر وقتی در مخلوط آب و یخ قرار می‌دهیم، 10° درجه و وقتی در مخلوط آب در حال جوش و بخار قرار می‌دهیم، 13° درجه را نشان می‌دهد. وقتی این دماسنجد 70° درجه را نشان می‌دهد، دما چند کلوین است؟

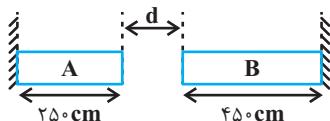
$$233 \quad (۲)$$

$$60 \quad (۱)$$

$$223 \quad (۴)$$

$$50 \quad (۳)$$

۴۳- اختلاف بیشترین و کمترین دمای یک شهر 50° درجه سلسیوس بوده و شکل زیر، دو میله فلزی را در کمترین دمای مربوط به این شهر نمایش می‌دهد. اگر ضریب انبساط طولی دو میله A و B به ترتیب $K^{-1} \times 10^{-5}$ و $K^{-1} \times 10^{-5}$ باشد، حداقل فاصله بین دو انتهای میله‌ها (d) چند میلی‌متر باشد، تا دو میله هیچگاه به یکدیگر اصابت نکنند؟



$$7 \quad (۲)$$

$$2/5 \quad (۱)$$

$$9/25 \quad (۴)$$

$$6/75 \quad (۳)$$

۴۴- دمای مقدار معینی آلومینیم با گرمای ویژه $\frac{J}{kg \cdot ^\circ C}$ در اثر دریافت 2700 کالری گرم به اندازه 2° درجه سلسیوس افزایش می‌یابد. جرم

آلومینیم چند گرم است؟ ($1 \text{ cal} = 4 / 186 \text{ J}$)

$$3000 \quad (۲)$$

$$1500 \quad (۱)$$

$$12558 \quad (۴)$$

$$6279 \quad (۳)$$

۴۵- یک قطعه آهن از ارتفاع 9 متری از حال سکون سقوط کرده و به زمین می‌خورد. اگر همه انرژی برخورد به زمین صرف گرم شدن خود آهن

شود، دمای آهن چند درجه سلسیوس بالا خواهد رفت؟ ($g = 10 \text{ N/kg}$, $c = 450 \text{ J/kg} \cdot ^\circ C$)

$$0/2 \quad (۲)$$

$$0/1 \quad (۱)$$

(۴) بستگی به جرم قطعه آهن دارد.

$$0/3 \quad (۳)$$

۴۶- گرماسنجی محتوی 200 g آب 20°C است. یک قطعه فلز به جرم 100 g و دمای 80°C را وارد آن می‌کنیم، اگر دمای تعادل به

$$(c) = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} = 400 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} = \text{فلز} \quad \text{و} \quad \text{آب} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$$

۳۲۰ (۲)

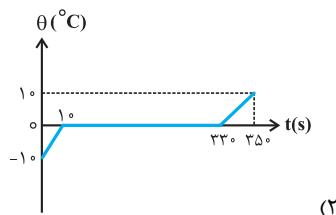
۶۴۰ (۱)

۴۷۰ (۴)

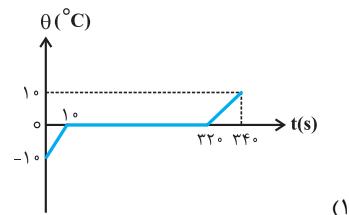
۸۵۰ (۳)

۴۷- به 20.0g بین 20°C - با آهنگ ثابت $\frac{\text{J}}{\text{s}}$ گرما می‌دهیم تا به آب 10°C تبدیل شود. کدام نمودار، تغییرات دما را بر حسب زمان درست

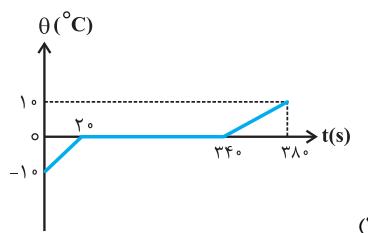
$$\text{نشان می‌دهد؟} (c) = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} \quad \text{و} \quad L_F = 336000 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$$



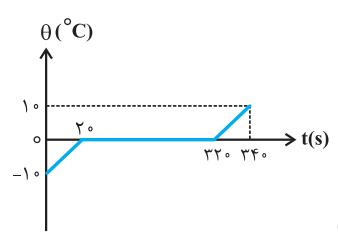
(2)



(1)



(4)



(3)

۴۸- کدام یک از روش‌های انتقال گرما در مکانی که شتاب گرانش وجود ندارد، روی نمی‌دهد؟

۲ (رسانش)

۱ (تابش گرمایی)

۴ (هیچ کدام)

۳ (همرفت طبیعی)

۴۹- در فشار ثابت، دمای مقدار معینی گاز کامل را از صفر درجه سلسیوس به 273°C درجه سلسیوس می‌رسانیم. حجم گاز در این فرایند چند برابر

می‌شود؟

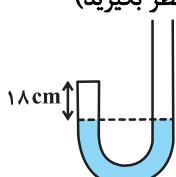
۳ (۲)

۲ (۱)

 $\frac{3}{2}$ (۴) $\frac{2}{3}$ (۳)

۵۰- در شکل زیر، جیوه در دو طرف لوله U شکل در یک سطح قرار دارد و سطح مقطع لوله 21 cm^2 است. از طرف باز لوله 18 cm جیوه

می‌ریزیم و ارتفاع هوا در طرف بسته به 15 cm می‌رسد. فشار هوای محیط چند سانتی‌متر جیوه است؟ (دما را ثابت در نظر بگیرید)



۷۴ (۲)

۷۳ (۱)

۷۶ (۴)

۷۵ (۳)



شیمی (۱)
ردپای گازها در زندگی
+ آب، آنهک زندگی
(از ابتدای شیمی سیز، راهی برای حافظت از هواکره تا انتهای غلظت مولی (مولار))
صفحه‌های ۷۰ تا ۱۰۰

۲۰ دقیقه

هدف‌گذاری قبل از شروع هر درس در دفترچه سوال

لطفاً قبل از شروع پاسخ‌گویی به سوال‌های درس شیمی (۱)، هدف‌گذاری چند از ۱۰ خود را بنویسید:
از هر ۱۰ سوال به چند سوال می‌توانید پاسخ صحیح بدهید؟

هدف‌گذاری شما برای آزمون امروز چیست؟

هدف‌گذاری چند از ۱۰ برای آزمون امروز

شیمی (۱) - نگاه به گذشته

۵۱- کدام گزینه نادرست است؟

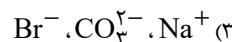
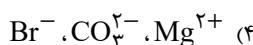
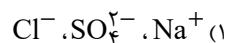
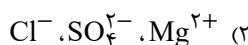
۱) اوزون واکنش‌پذیری بیشتری نسبت به اکسیژن دارد و در لایه تروپوسفر برخلاف استراتوسفر نقش مفید ایفا می‌کند.

۲) هوای آلوده کلان شهرها، اغلب به رنگ قهوه‌ای دیده می‌شود که به علت وجود گاز NO_2 در هواکره است.

۳) گاز نیتروژن اصلی‌ترین جزء سازنده هواکره است که واکنش‌پذیری ناچیزی دارد.

۴) مجموعه واکنش‌های لایه اوزون را می‌توان به صورت $\text{O}_3(g) \rightleftharpoons 2\text{O}_2(g)$ نشان داد.

۵۲- کدام گزینه به ترتیب از راست به چپ، بیشترین جرم کاتیون تکاتومی، بیشترین جرم آنیون چندانمی و بیشترین جرم آنیون تکاتومی را در آب دریاها به درستی نشان می‌دهد؟



۵۳- کدام گزینه درست است؟

۱) زمین از فضا به رنگ آبی دیده می‌شود زیرا نزدیک به ۷۵٪ حجم آن را آب تشکیل می‌دهد.

۲) زیستکرده شامل جانداران روی کره زمین است که در واکنش‌های آن درشت مولکول‌ها نقشی ندارند.

۳) اگر کره زمین را مسطح در نظر بگیریم، آب همه سطح آن را تا ارتفاع ۲ متری می‌پوشاند.

۴) آب اقیانوس‌ها و دریاها مخلوطی همگن است که اغلب مزه‌ای شور دارد.

۵۴- مخلوطی از کلسیم برمید و لیتیم برمید را در مقدار کافی آب حل می‌کنیم. اگر غلظت مولی یون برمید در محلول ایجاد شده $1/38$ برابر غلظت مولی یون لیتیم باشد، درصد جرمی لیتیم برمید در مخلوط اولیه چقدر بوده است؟^(۱)

$$(Br = 80, Ca = 40, Li = 7 : g.\text{mol}^{-1})$$

۳۰/۴ (۲)

۶۰/۸ (۱)

۶۹/۶ (۴)

۳۴/۸ (۳)

۵۵- چه تعداد از موارد زیر، عبارت زیر را به درستی تکمیل می‌کنند؟

«در یون ...، بار الکتریکی ... به اتم خاصی تعلق نداشته و متعلق به کل یون است.»

- کربنات، -2 آمونیوم، $+1$
- سولفات، $+2$ نیترات، -1
- فسفید، -3 هیدروکسید، -1

۳) چهار

(۱) سه

۴) شش

(۳) پنج



۵۶- چند مورد از عبارات زیر درست است؟

- نسبت شمار اتمها به شمار انواع عنصرها در آمونیوم کربنات برابر $\frac{9}{4}$ است.
- بخشی از آب کره همانند هواکره از مولکول های کوچک تشکیل شده است و در زیست کره درشت مولکول ها نقش اساسی دارند.
- کاتیون های موجود در آب دریا بیشتر از گروه های اول و سوم عناصر جدول تناوبی هستند.

- (۱) صفر
 (۲)
 (۳)

۵۷- با افزودن ۸ گرم سدیم هیدروکسید به ۲۰۰ میلی لیتر محلول $۰/۵$ مولار سدیم سولفات، غلظت مولی و درصد جرمی تقریبی یون سدیم در محلول نهایی به ترتیب از راست به چپ کدام است؟ (از تغییر حجم صرف نظر کنید و چگالی محلول نهایی را $۱/۲ \text{ g.mL}^{-1}$ در نظر بگیرید.)

$$(\text{Na} = ۲۳, \text{O} = ۱۶, \text{H} = ۱ : \text{g.mol}^{-1})$$

- (۱/۹۱, ۲)
 (۳/۸۳, ۲)
 (۳/۸۳, ۱)

۵۸- چند مورد از عبارت های زیر درست است؟

- (آ) توسعه پایدار بیان می کند هرگاه در مجموع، شرکت ها و کارخانه ها، کالاهایی را تولید کنند که قیمت تمام شده تولید کالا برای کارخانه کاهش یابد، این توسعه سبب رشد واقعی کشور می شود.
- (ب) تشکیل پیوند بین یک اتم اکسیژن با مولکول اکسیژن همراه با تولید ایزوتوپی از این عنصر با واکنش پذیری بیشتر است که نسبت به اکسیژن مایع در دمای پایین تری به جوش می آید.
- (پ) گازهای نیتروژن و هیدروژن در حضور کاتالیزگر در دما و فشار محیط برخلاف گاز هیدروژن و اکسیژن که به سرعت واکنش می دهند، به آرامی با هم واکنش می دهند.

(ت) حجم یک گرم از گازهای مختلف در دما و فشار معین با هم یکسان و برابر با یک مقدار ثابت است.

- (۱)
 (۲)
 (۳) صفر
 (۴)

۵۹- چند مورد از موارد زیر در چارچوب شیمی سبز قرار می گیرد؟

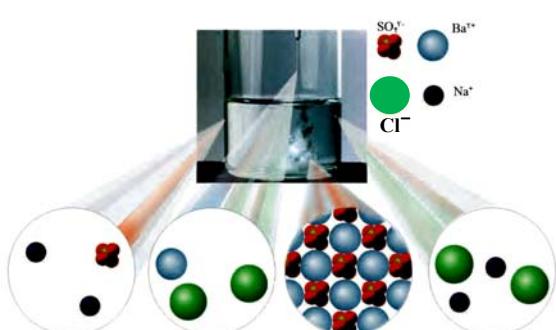
- (آ) افزایش کیفیت زندگی با بهره گیری درست از منابع طبیعی جهت تولید مواد موردنیاز
- (ب) کاهش تولید مواد زیست تخریب پذیر
- (پ) تولید سوخت های هیدروکربنی و اکسیژن دار
- (ت) تولید پلاستیک های هیدروکربنی بر پایه نشاسته

- (۱)
 (۲)
 (۳)
 (۴)

۶۰- با توجه به شکل، پاسخ پرسش های داده شده در کدام گزینه، به ترتیب از راست به چپ، به درستی آمده است؟

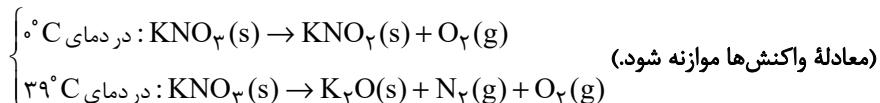
- (آ) نسبت شمار آنیون ها به کاتیون ها در رسوب ایجاد شده، کدام است؟
- (ب) تفاوت مجموع ضرایب استوکیومتری واکنش دهنده ها و فراورده ها کدام است؟
- (پ) چنانچه مجموع شمار مول یون های محلول در ابتدای واکنش کامل آن ها، چند مول آنیون در محلول وجود دارد؟

- (۱)، صفر، ۶
 (۲)، ۱/۵
 (۳)، ۱، ۱
 (۴)، ۱/۵، ۶



۶۱- دو نمونه از پتاسیم نیترات را در فشار یک بار در دمای C° و بار دیگر در دمای $39^\circ C$ طبق معادله زیر تجزیه می‌کنیم، مجموع گازهای تولید شده در واکنش دوم برابر با $84 / 35$ لیتر است. اگر کل گاز اکسیژن تولیدی در واکنش‌ها را با گاز نیتروژن تولید شده در واکنش دوم طبق معادله $2NO + N_2 \rightarrow 2N_2$ واکنش دهیم و در این واکنش $4 / 38$ گرم گاز اکسیژن باقی بماند، تفاوت جرم پتاسیم

نیترات مصرف شده در دو واکنش برابر با چند گرم است؟ ($K = 39, O = 16, N = 14 : g/mol^{-1}$)



۴۰/۴ (۲)

۲۰/۲ (۱)

۳۰/۳ (۴)

۱۰/۱ (۳)

۶۲- اگر 20 میلی‌لیتر محلول 30% جرمی هیدروبرمیک اسید با چگالی $\frac{g}{mL} / 1 / 5$ را به 2 لیتر آب اضافه کنیم، غلظت هیدروبرمیک اسید در محلول نهایی به تقریب چند ppm می‌شود؟ (چگالی آب را $\frac{g}{mL}$ در نظر بگیرید.)

۴۴۳ (۲)

۴۴۳۳ (۱)

۹۰۰ (۴)

۹۰۰۰ (۳)

۶۳- کلمات درست موارد (آ) تا (ت) به ترتیب از راست به چپ در کدام گزینه آمده است؟

- آب اقیانوس‌ها و دریاهای (آ) است.

- نzedیک به (ب) در صد سطح زمین را آب پوشانده است.

- سالانه میلیارد‌ها تن مواد گوناگون از (پ) وارد آب کرده می‌شود.

- جانداران آبزی سالانه میلیارد‌ها تن (ت) را وارد هواکرده می‌کنند.

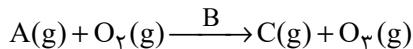
(۲) مخلوطی همگن - ۷۵ - سنگ کره - کربن دی اکسید

(۱) مخلوطی ناهمگن - ۷۵ - سنگ کره - کربن دی اکسید

(۴) مخلوطی همگن - ۸۵ - زیست کره - اکسیژن

(۳) مخلوطی ناهمگن - ۸۵ - زیست کره - اکسیژن

۶۴- چند مورد از عبارت‌های زیر، در ارتباط با واکنش داده شده که مربوط به تولید اوزون تروپوسفری است، نادرست است؟



- هوای آلوده کلانشهر به دلیل ماده C ، اغلب به رنگ قهوه‌ای روشن دیده می‌شود.

- ماده C ، می‌تواند از واکنش اصلی‌ترین جزء سازنده هواکره با اکسیژن در حضور B ایجاد شود.

- SAXATAR فراورده سه اتمی در لایه‌های تروپوسفر و استراتوسفر متفاوت است.

- B بیانگر گردوغبار هوای آلوده است.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۶۵- واکنش موازن نشده $CH_4(g) + NH_3(g) + O_2(g) \rightarrow HCN(g) + H_2O(l)$ در شرایط استاندارد، در دمای ثابت، در یک سیلندر با

پیستون متحرک و سطح مقطع 40 cm^2 در حال انجام شدن است. اگر در طول انجام این واکنش ارتفاع پیستون به اندازه 42 سانتی‌متر

تغییر کرده باشد، آب تولید شده در این واکنش را مطابق واکنش زیر از سوختن چند گرم گاز متان می‌توانستیم تهییه

کنیم؟ ($CH_4(g) + 2O_2(g) \rightarrow CO_2(g) + 2H_2O(g)$ (از حجم و فشار آب تولید شده صرف‌نظر شود). ($C = 12, H = 1 : g/mol^{-1}$)

۱۰/۸ (۲)

۷/۲ (۱)

۲۱/۶ (۴)

۱۴/۴ (۳)

- ۶۶- چند مورد از مطالب زیر، در ارتباط با هیدروژن صحیح است؟

- آ) فراوان ترین عنصر در هواکره است.
- ب) از سوختن آن دو فراورده ایجاد می‌شود.
- پ) در زغال سنگ برخلاف گاز طبیعی وجود ندارد.
- ت) واکنش پذیری ناچیزی دارد.
- ث) قیمت یک گرم آن، ۲۰۰ برابر قیمت یک گرم بنزین است.

(۱) صفر
(۲) یک
(۳) دو
(۴) سه

- ۶۷- چند مورد از مطالب زیر، نادرست است؟

- آ) گلاب، مخلوطی همگن از ترکیب‌های کربن دار در آب است.
- ب) ضدیغ، محلول آب در اتیلن گلیکول است.
- پ) سرم فیزیولوژی، محلول یک ترکیب یونی در آب است.
- ت) درصد جرمی نمکها در یک نمونه از آب دریای مرده، ۲۷ است.
- ث) نسبت مقدار حل شونده به حلال در سرم فیزیولوژی کمتر از گلاب دو آتشه است.

(۱) صفر
(۲) یک
(۳) دو
(۴) سه

- ۶۸- در محلولی از مس (II) نیترات و کلسیم نیترات، غلظت ppm کاتیون‌های مس و کلسیم با هم برابر است. اگر غلظت یون نیترات در این محلول آبی برابر با 26 mol.L^{-1} باشد، هر لیتر از محلول مس (II) نیترات با چند میلی‌لیتر محلول $1/4$ مولار پتابسیم کلرید به طور کامل واکنش می‌دهد و در این واکنش چند گرم رسوب مس (II) کلرید تشکیل می‌شود؟ ($\text{Cu} = 64, \text{Ca} = 40, \text{Cl} = 35/5 : \text{g.mol}^{-1}$)

(۱) $125 - 125/5 = 25$
(۲) $125 - 125/5 = 20$
(۳) $6/75 - 25 = 20$
(۴) $6/75 - 25 = 25$

- ۶۹- چند مورد از مطالب زیر، درست است؟

- آ) حجم مولی گازها در دمای 25°C و فشار $1/8$ اتمسفر از حجم مولی گازها در STP بیشتر است.
- ب) یکی از واکنش‌های تهیه سولفوریک اسید، تبدیل گاز گوگرد تری‌اکسید به گاز گوگرد دی‌اکسید است.
- پ) فراوان ترین جزء سازنده هواکره، واکنش‌پذیری ناچیزی دارد.
- ت) گاز اوزون در استراتوسفر نقش مفید و محافظتی دارد.

(۱) ۱
(۲) ۲
(۳) ۳
(۴) ۴

- ۷۰- چند مورد از عبارت‌های زیر درست می‌باشد؟

- نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی به ناپیوندی در یون هیدروکسید برابر ۳ می‌باشد.
- یکی از راه‌کارهای شیمی سبز، تبدیل CO_2 به مواد معدنی طی واکنش $\text{Na}_2\text{O} + \text{CO}_2 \rightarrow \text{Na}_2\text{CO}_3$ است.
- برای یک نمونه معین گازی شکل، در دمای ثابت، حاصل ضرب حجم در فشار آن همواره مقدار ثابتی است.
- آمونیاک در دمای اتاق مایع است و به عنوان کود و به طور مستقیم به خاک تزریق می‌شود.

(۱) ۲
(۲) ۱
(۳) ۳
(۴) ۴

۱۵ دقیقه

حسابان (۱)
جبر و معادله (کل فصل ۱)
- تابع (تا ابتدای تابع پله‌ای -
تابع جزء صحیح)
صفحه‌های ۱ تا ۴۹

هدف‌گذاری قبل از شروع هر درس در دفترچه سؤال

لطفاً قبل از شروع پاسخ‌گویی به سؤال‌های درس **حسابان (۱)**، هدف‌گذاری چند از ۱۰ خود را بنویسید:
از هر ۱۰ سؤال به چند سؤال می‌توانید پاسخ صحیح بدهید؟

هدف‌گذاری شما برای آزمون امروز چیست؟

هدف‌گذاری چند از ۱۰ برای آزمون امروز

حسابان (۱) - نگاه به آینده

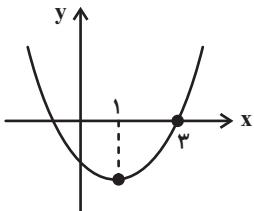
۷۱- مجموع همه اعداد سه رقمی که باقیمانده تقسیم هر یک از آن‌ها بر ۵ و ۶ برابر با ۱ می‌باشد، کدام است؟

۱۶۸۸ (۲)

۱۸۶۶ (۴)

۱۶۸۸ (۱)

۱۶۶۸ (۳)

۷۲- اگر α و β ریشه‌های معادله درجه دوم $x^2 + x - 1 = 0$ باشند و $\alpha > \beta$ ، مقدار عبارت $5\alpha^2 + 3\beta^2$ کدام است؟۲۴ - $\sqrt{5}$ (۲)۲۴ + $\sqrt{5}$ (۴)۱۲ - $\sqrt{5}$ (۱)۱۲ + $\sqrt{5}$ (۳)۷۳- اگر نمودار سهمی $f(x) = ax^2 + 2bx + c - 1$ به صورت زیر باشد، حاصل $a - 2b + c$ کدام است؟ (نقطه به طول ۱ = همان رأس سهمی است.)

(۱) صفر

-۱ (۲)

۱ (۳)

۲ (۴)

۷۴- معادله $9\left(\sqrt{\frac{x}{2x+1}}\right) + \sqrt{2+\frac{1}{x}} = 6$ دارای چند ریشه حقیقی است؟

۱ (۲)

به شمار

صفر

۲ (۳)

۷۵- معادله $\frac{x}{x^2 - 4} + \frac{x+a}{x+2} = 1$ ریشه ندارد. مجموع مقادیر ممکن برای a کدام است؟ $\frac{5}{2}$ (۴) $-\frac{7}{2}$ (۳) $\frac{7}{2}$ (۲) $-\frac{5}{2}$ (۱)۷۶- اگر محیط شکل محدود به نمودارهای توابع $f(x) = |x-1| + |x+2|$ و $g(x) = m$ (با فرض $m > 3$) برابر با $10 + 4\sqrt{5}$ باشد، مساحت ناحیه محدود به این دو نمودار کدام است؟

۲۰ (۴)

 $20\sqrt{5}$ (۳) $24\sqrt{5}$ (۲)

۲۴ (۱)

۷۷- فاصله نقطه‌ای روی خط $y = x - 3 - \sqrt{5}$ است. مجموع طول و عرض آن نقطه کدام گزینه زیر می‌تواند باشد؟

-۵ (۴)

-۴ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۷۸- در مثلث ABC به رئوس A, B, C ، ارتفاع AH چند برابر میانه AM است؟ $\frac{2\sqrt{5}}{5}$ (۴) $\frac{\sqrt{5}}{5}$ (۳) $\sqrt{5}$ (۲) $2\sqrt{5}$ (۱)۷۹- اگر دو تابع $g(x) = \frac{ax+b}{x^2+cx+d}$ و $f(x) = \frac{5}{x-3}$ با هم مساوی باشند، حاصل $a+b+c+d$ کدام است؟

-۱۰ (۴)

-۷ (۳)

۱۰ (۲)

۷ (۱)

۸۰- اگر دامنه تابع $y = \sqrt{10x^2 - 2bx - a}$ باشد، دامنه تابع $y = \frac{-2x^2 + 3x + 5}{2x^2 - ax + 2b}$ کدام است؟ $(-\infty, 0/4]$ (۴) $\mathbb{R} - [-1, 0/4]$ (۳) $\mathbb{R} - (-1, 0/4)$ (۲) $[-1, 0/4]$ (۱)



۱۵ دقیقه

هندسه (۲)

دایره

(درس‌های اول و دوم)
صفحه‌های ۹ تا ۲۳

هدف‌گذاری قبل از شروع هر درس در دفترچه سؤال

لطفاً قبل از شروع پاسخ‌گویی به سؤال‌های درس هندسه (۲)، هدف‌گذاری چند از ۱۰ خود را بنویسید:
از هر ۱۰ سؤال به چند سؤال می‌توانید پاسخ صحیح بدهید؟

هدف‌گذاری شما برای آزمون امروز چیست؟

هدف‌گذاری چند از ۱۰ برای آزمون امروز

هندسه (۲) – نگاه به آینده

۸۱- در دایره‌ای به مرکز O و شعاع 5 واحد، نقطه M روی وتر BC قرار دارد. اگر $OM = 3$ باشد، حاصل $BM \times CM$ کدام است؟

۱۸ (۲)

۱۶ (۱)

۲۲ (۴)

۲۰ (۳)

۸۲- دو دایره به شعاع‌های 5 و 8 و طول خط‌مرکزین 13 داریم. اگر از مرکز دایره بزرگ‌تر مماسی بر دایره کوچک‌تر رسم کنیم، طول این مماس

کدام است؟

۱۱ (۲)

۱۰ (۱)

۱۳ (۴)

۱۲ (۳)

۸۳- به ازای کدام مقدار a ، اندازه مماس مشترک داخلی دو دایره به شعاع‌های 7 و 5 و خط‌مرکزین $13 = d$ ، برابر $4 - 3a$ است؟ $\frac{7}{3}$ (۲)

۲ (۱)

۳ (۴)

 $\frac{8}{3}$ (۳)۸۴- اگر بیشترین فاصله نقاط واقع بر دو دایره $C(O, R)$ و $C'(O', 2R)$ از یکدیگر برابر R و طول مماس مشترک داخلی این دو دایره برابر 12 باشد، R کدام است؟

۳ (۲)

۲ (۱)

۶ (۴)

۴ (۳)

۸۵- می‌دانیم طول مماس مشترک خارجی دو دایره $C(O, 5)$ و $C'(O', 2)$ ، سه برابر طول مماس مشترک داخلی آن‌هاست. طول خط‌مرکزین

این دو دایره کدام است؟

 $2\sqrt{15}$ (۲) $3\sqrt{6}$ (۱)

۹ (۴)

 $6\sqrt{2}$ (۳)



-۸۶- دو دایره به شعاع‌های ۲ و ۴ برابر هم مماس خارج هستند. فاصله نقطه تلاقی مماس مشترک‌های خارجی دو دایره از نقطه تماس دو دایره کدام است؟

۱)

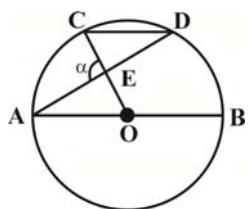
۶ (۳)

۴ (۱)

۱۲ (۴)

۸ (۳)

-۸۷- در شکل زیر، اگر $AB \parallel CD$ باشد، اندازه زاویه α چند درجه است؟ (O مرکز دایره است).



۷۲ (۳)

۶۹ (۱)

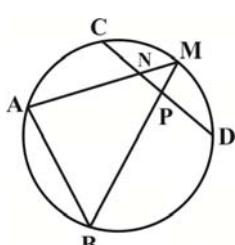
۷۸ (۴)

۷۵ (۳)

-۸۸- خط d دایره $(O, 2)$ را در نقاط A و B قطع کرده است. خط d' در نقطه C بر دایره $(O, 2)$ مماس است و با خط d زاویه 60° می‌سازد.

مساحت مثلث OAB کدام است؟ $\sqrt{3}$ (۳) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۱) $4\sqrt{3}$ (۴) $2\sqrt{3}$ (۳)

-۸۹- در شکل زیر، دو وتر غیرموازی AB و CD در طرفین مرکز دایره قرار دارند. اگر نقطه M وسط کمان CD و N وسط کمان AB باشند، اندازه MP کدام است؟



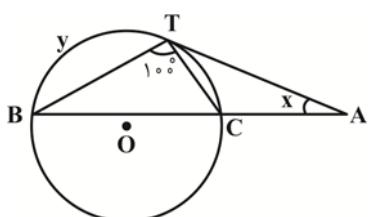
۱/۸ (۳)

۱/۶ (۱)

۲/۴ (۴)

۲ (۳)

-۹۰- در شکل زیر، $\hat{A} = x$ و $\hat{B} = y$ است. اگر $\widehat{BT} = 2\hat{A}$ و AT در نقطه T بر دایره مماس باشد، حاصل $x - y$ کدام است؟



۶۰° (۳)

۵۰° (۱)

۸۰° (۴)

۹۰° (۳)

۳۰ دقیقه

فیزیک (۲)
الکتریسیته ساکن
 (کل فصل ۱)
 صفحه‌های ۱ تا ۴۴

هدف‌گذاری قبل از شروع هر درس در دفترچه سؤال

لطفاً قبل از شروع پاسخ‌گویی به سؤال‌های درس **فیزیک (۲)**. هدف‌گذاری چند از ۱۰ خود را بنویسید:
 از هر ۱۰ سؤال به چند سؤال می‌توانید پاسخ صحیح بدهید؟

هدف‌گذاری شما برای آزمون امروز چیست؟

هدف‌گذاری چند از ۱۰ برای آزمون امروز

فیزیک (۲) - نگاه به آینده

۹۱- عدد اتمی کربن برابر ۶ است. بار الکتریکی هسته اتم کربن برابر ... کولون و تعداد الکترون‌های یون مثبت کربن با بار

$$\text{خالص } e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C} \quad \text{برابر } 2 \times 10^{-19} \text{ C} \quad \text{است.}$$

(۱) صفر - ۲

$$4 - 9/6 \times 10^{-19}$$

$$2 - 9/6 \times 10^{-19}$$

۹۲- با توجه به سری الکتریسیته مالشی چند مورد از جملات زیر صحیح است؟ ($e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$)

الف) اگر دو ماده خنثی A و C را با هم مالش دهیم بار الکتریکی C می‌تواند 6×10^{-17} -۵ شود.

ب) اگر دو جسم خنثی A و D را با هم و دو جسم خنثی B و C را با هم مالش دهیم، B و D همیگر را جذب می‌کنند.

پ) اگر دو جسم خنثی C و D را با هم مالش دهیم و سپس C را به کلاهک الکتروسکوب که دارای بار مثبت است نزدیک کنیم،

فاصله بین ورقه‌ها کاهش می‌یابد.

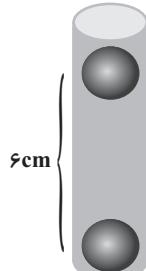
(۱) ۲

(۳) ۳

۴) هر سه مورد نادرست است.

۹۳- در شکل زیر، دو گوی کوچک و مشابه هر کدام به جرم $q_1 = 5g$ و بار یکسان $q_2 = 2$ cm در فاصله 6cm از هم به حالت تعادل قرار دارند. تعداد الکترون

$$\text{کنده شده از هر گوی نسبت به حالت خنثی چقدر است? } (e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$



$$6/25 \times 10^{10}$$

$$6/25 \times 10^{11}$$

$$6/25 \times 10^{12}$$

$$6/25 \times 10^{13}$$

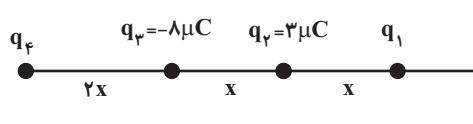
۹۴- مطابق شکل چهار بار نقطه‌ای روی خط قرار دارند. اگر برایند نیروهای الکتریکی وارد بار q_1 صفر باشد، بار الکتریکی q_4 چند میکروکولون است؟

(۱) -۱۶

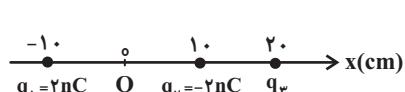
(۲) ۲۵

(۳) ۱۶

(۴) -۲۵



۹۵- سه ذره باردار، روی محور x ثابت شده‌اند. بزرگی میدان الکتریکی خالص ناشی از سه ذره در مبدأ (O) برابر $18 \times 10^0 \text{ N/C}$ است. q_3 چند



$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}) \quad \text{نانوکولن می‌تواند باشد؟}$$

(۱) -۴

(۲) -۲

(۳) ۴

(۴) ۸

۹۶- اگر از ۳ متری یک بار الکتریکی به ۹ متری آن برویم، اندازه میدان الکتریکی $\frac{N}{C}$ کاهش می‌یابد. اندازه بار الکتریکی چند میکروکولن است؟

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$$

۲۷۰ (۲)

۲۷ (۱)

۱۸ (۴)

۱۸۰ (۳)

۹۷- در یک میدان الکتریکی یکنواخت، ذره‌ای به جرم 3mg و بار الکتریکی $5\mu\text{C}$ - از نقطه A با تندی $5\sqrt{13}\text{m/s}$ به نقطه B می‌رود. اگر پتانسیل الکتریکی نقاط A و B به ترتیب $V = 40\text{V}$ و $V = 50\text{V}$ باشد، تندی این ذره هنگام رسیدن به نقطه B چند متر بر ثانیه است؟ (از نیروی وزن ذره صرف نظر کنید).

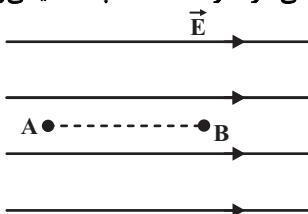
۵ (۲)

۱۰۷۳ (۱)

۵۷۱۹ (۴)

۲۵ (۳)

۹۸- در شکل زیر ذره‌ای با بار الکتریکی $C = 2\mu\text{C}$ - در میدان الکتریکی یکنواختی به بزرگی $\frac{N}{C} = 5 \times 10^4$ در نقطه B بدون سرعت اولیه رها می‌شود. این ذره فاصله 20cm بین دو نقطه A و B را طی کرده و به نقطه A می‌رسد. انرژی جنبشی ذره در نقطه A چند میلیژول می‌شود؟ (از نیروی وزن ذره صرف نظر کنید).



۲ (۱)

۲۰ (۲)

۱۰ (۳)

۱۰۰ (۴)

۹۹- ظرفیت خازنی $F = 6\text{mC}$ و بار الکتریکی آن $C = 3\text{mC}$ است. اگر الکتریکی را از صفحه منفی جدا کرده و به صفحه مثبت منتقل کنیم، انرژی ذخیره شده در خازن چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟

(۱) ۱۲۵ درصد افزایش

(۲) ۲۰ درصد کاهش

(۳) ۸۰ درصد کاهش

(۴) ۲۵ درصد افزایش

۱۰۰- خازن پر شده‌ای را از مولد جدا کرده و فاصله بین صفحات خازن را با دیالکتریکی با ثابت $\kappa = 8$ پُر می‌کنیم. انرژی ذخیره شده در خازن چند برابر می‌شود؟

۸ (۲)

۴ (۱)

 $\frac{1}{4}$ (۴) $\frac{1}{8}$ (۳)

فیزیک (۲) - سوالات آشنا

۱-۰۱- در هنگام روی دادن یک آذرخش، باری از مرتبه $C \times 10^{-15}$ به زمین منتقل می‌شود، در این انتقال بار، حدوداً چند الکترون به زمین منتقل

$$(e = 1/6 \times 10^{-19} C)$$

$$65/5 \times 10^{18} \quad (2)$$

$$6/55 \times 10^{18} \quad (1)$$

$$62/5 \times 10^{18} \quad (4)$$

$$6/25 \times 10^{18} \quad (3)$$

۱-۰۲- در هسته اتم هلیم دو پروتون به فاصله تقریبی $m \times 10^{-15}$ از هم قرار دارند. بزرگی نیروی الکتریکی که پروتون‌ها به هم وارد می‌کنند،

$$(e = 1/6 \times 10^{-19} C \text{ و } k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$$

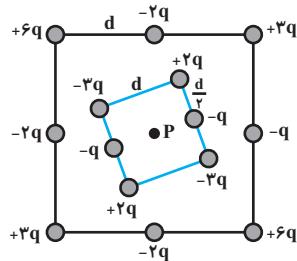
$$57/6 \quad (2)$$

$$46/5 \quad (1)$$

$$71/8 \quad (4)$$

$$63/4 \quad (3)$$

۱-۰۳- شکل زیر دو آرایه مربعی از ذرات باردار را نشان می‌دهد. مربع‌ها که در نقطه P هم‌مرکزند، هم‌ردیف نیستند. ذره‌ها روی محیط مربع به



فاصله d یا $\frac{d}{2}$ از هم قرار گرفته‌اند. بزرگی میدان الکتریکی برآیند در نقطه P کدام است؟

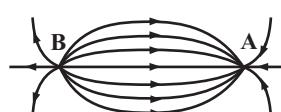
$$\frac{2kq}{d^2} \quad (2)$$

$$\frac{kq}{d^2} \quad (1)$$

$$\frac{2kq}{3d^2} \quad (4)$$

$$\frac{kq}{2d^2} \quad (3)$$

۱-۰۴- در شکل زیر بار الکتریکی موجود در نقاط A و B به ترتیب از راست به چپ چگونه است؟



(۱) مثبت - مثبت

(۲) مثبت - منفی

(۳) منفی - مثبت

(۴) منفی - منفی

۱-۰۵- ذره‌ای با بار الکتریکی مثبت q را با سرعت ثابت در میدان الکتریکی یکنواخت \bar{E} ، در خلاف جهت میدان و به موازات خط‌های میدان به

اندازه d جابه‌جا می‌کنیم، در این صورت انرژی بار q به اندازه Eqd می‌یابد.

(۲) جنبشی - کاهش

(۱) جنبشی - افزایش

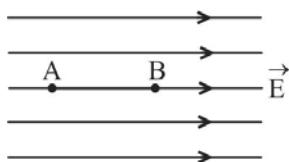
(۴) پتانسیل الکتریکی - کاهش

(۳) پتانسیل الکتریکی - افزایش



۱۰۶- در شکل زیر، میدان الکتریکی یکنواخت $E = \frac{N}{C}$ و فاصله AB برابر با ۲cm است. اگر پتانسیل نقاط A و B را به ترتیب با V_A و

نشان دهیم، $V_A - V_B$ چند ولت است؟



(۱) -۶۰۰۰

(۲) +۶۰۰۰

(۳) -۶۰

(۴) +۶۰

۱۰۷- به دو کره کاملاً مشابه که یکی نارسانا و دیگری رسانا است به یک اندازه بار الکتریکی می‌دهیم. کدام گزینه درباره مقایسه چگالی سطحی بار

الکتریکی دو کره صحیح است؟ (کره‌ها در ابتدا بدون بار هستند).

(۱) چگالی سطحی بار در تمام قسمت‌های دو کره یکسان است.

(۲) چگالی سطحی بار در تمام قسمت‌های کره نارسانا بیشتر است.

(۳) چگالی سطحی بار در تمام قسمت‌های کره رسانا بیشتر است.

(۴) چگالی سطحی بار در بعضی قسمت‌های کره نارسانا بیشتر است.

۱۰۸- قطر کره فلزی A که دارای بار الکتریکی Q است، ۲۰cm و قطر کره فلزی B که دارای بار الکتریکی ۲Q است، ۴۰cm می‌باشد. چگالی

سطحی بار الکتریکی کره A چند برابر چگالی سطحی بار الکتریکی کره B است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

 $\frac{1}{2}$ (۳)

۱۰۹- دو صفحه فلزی مربعی شکل خازن تختی، به ضلع ۱۶cm به موازات هم در فاصله ۲mm از یکدیگر قرار دارند. فضای بین دو صفحه از

پارافین با ضریب دیالکتریک $2/5$ پر شده است. ظرفیت خازن حاصل تقریباً چند میکروفاراد است؟ ($\epsilon_0 \approx ۹ \times 10^{-۱۲} \frac{C^۲}{N.m^۲}$)

۲ / ۸۸×10^{-۴} (۲)۲ / ۸۸ (۱)۵ / ۷۶×10^{-۴} (۴)۵ / ۷۶ (۳)

۱۱۰- خازنی به ظرفیت $5\text{ }\mu\text{F}$ به یک باتری 10 ولتی متصل است. انرژی ذخیره شده در این خازن چند میکروژول است؟

۲۵۰ (۲)

۵۰۰ (۱)

۲۵ (۴)

۵۰ (۳)



شیمی (۲)
قدرت هدایای زمینی را
بدانیم
(از ابتدای فصل تا ابتدای
آلکن‌ها، هیدروکربن‌های با
یک پیوند دوگانه)
صفحه‌های ۱ تا ۴۰

۱۰ دقیقه

هدف‌گذاری قبل از شروع هر درس در دفترچه سوال

لطفاً قبل از شروع پاسخ‌گویی به سؤال‌های درس شیمی (۲)، هدف‌گذاری چند از ۱۰ خود را بنویسید:
از هر ۱۰ سؤال به چند سؤال می‌توانید پاسخ صحیح بدهید؟

هدف‌گذاری شما برای آزمون امروز چیست؟

هدف‌گذاری چند از ۱۰ برای آزمون امروز

شیمی (۲) - نگاه به آینده

۱۱۱- اگر بازده واکنش سوختن یک آلکان ۸۰٪ باشد و در این واکنش $151/2$ گرم بخارآب و $187/2$ لیتر گاز کربن دی‌اکسید با حجم مولی ۲۶ لیتر بر مول تولید شود، برای این آلکان چند ساختار متفاوت می‌توان رسم کرد؟ ($O = 16, C = 12, H = 1 : g/mol^{-1}$)

۳ (۲)

۶ (۴)

۵ (۱)

۴ (۳)

۱۱۲- کدام گزینه، درست است؟

(۱) عنصر هم دوره با عنصر اسکاندیم که متعلق به گروه چهاردهم جدول دوره‌ای است، سطح کدر دارد.

(۲) شمار آنیون در هیدروکسید قرمز رنگ آهن، ۲ برابر شمار کاتیون بوده و بین اتم‌های آن هیچ پیوند اشتراکی یافته نمی‌شود.

(۳) تفاوت‌های قابل توجهی میان فلزهای واسطه و فلزهای اصلی وجود دارد، اما همه فلزها رسانای الکتریکی هستند.

(۴) در جدول دوره‌ای امروزی تعدادی از خانه‌های خالی وجود دارد که با کشف عناصر طبیعی دیگر در آینده پر می‌شود.

۱۱۳- چند مورد از عبارت‌های زیر، درست است؟ ($C = 12, H = 1 : g/mol^{-1}$)

- شمار گروههای CH_3 در ساختار مولکولی ۲، ۲، ۵- تری‌متیل‌هگزان، ۲/۵ برابر شمار گروههای CH_2 موجود در این ماده است.

- بین نمونه‌هایی از هگزان و پنتان، هر مول از ترکیبی که گرانروی بیشتری دارد، در حضور $212/8$ لیتر گاز اکسیژن، در شرایط استاندارد، به طور کامل می‌سوزد.

- براساس قواعد آیوپاک نام‌گذاری عضوی از خانواده آلکان‌ها به شکل ۴-اتیل-۲، ۲، ۶، ۵، ۲-پنتامتیل هپتان به صورت درست انجام شده است.

- در شرایط یکسان، چگالی سوخت فندک در حالت گازی، $2/625$ برابر چگالی گاز متان است.

- نفت خام مخلوطی از هیدروکربن‌های راست زنجیر، شاخه‌دار و حلقوی با پیوندهای یک تا سه‌گانه است.

۳ (۲)

۵ (۴)

۲ (۱)

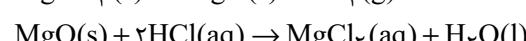
۴ (۳)

۱۱۴- نمونه‌ای از پودر منیزیم کربنات را به جرم 500 گرم و خلوص 84% ، تا جایی تجزیه می‌کنیم که در مخلوط جامد باقی‌مانده، شمار اتم‌های

اکسیژن 4 برابر شمار اتم‌های کربن شود. منیزیم اکسید حاصل از این فرایند، با چند لیتر محلول $0/4$ مولار هیدروکلریک اسید مطابق معادله

زیر واکنش داده و گاز CO_2 تولید شده در واکنش تجزیه، بر اثر سوختن چند گرم اثان با بازده 40 درصد به دست می‌آید؟ (ناخالصی‌های

موجود در این نمونه فاقد اتم‌های اکسیژن و کربن هستند؛ ($Mg = 24, O = 16, C = 12, H = 1 : g/mol^{-1}$)



۳۷/۵ - ۱۲/۵ (۲)

۳۷/۵ - ۲۵ (۴)

۹۳/۷۵ - ۱۲/۵ (۱)

۹۳/۷۵ - ۲۵ (۳)

۱۱۵- کدام موارد از مطالب زیر، درباره ترکیب $C(CH_3)_3(CH_2)_2C(C_2H_5)_2CH(CH_3)_2$ درست است؟

($O = 16, C = 12, H = 1 : g/mol^{-1}$)

(آ) در فرمول پیوند - خط این ترکیب، 14 خط وجود دارد.

(ب) بر اثر سوختن کامل هر $9/9$ گرم از آن، $1/45$ مول فراورده تولید می‌شود.

(پ) نام آن براساس قواعد آیوپاک به صورت $5.5\text{-}D\text{-}2,2,6\text{-}T\text{-}C_6H_{16}$ - تری‌متیل‌هپتان است.

(ت) نخستین آلکانی که به تعداد این ترکیب، اتم‌های کربنی دارد که به هیچ اتم هیدروژنی متصل نیستند، دارای 9 اتم کربن است.

(۱) آ، ب

(۲) آ، ت

(۳) پ، ت



۱۱۶- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

- آ) عناصری که به طور عمده در سمت چپ و مرکز جدول قرار دارند، دارای سطحی براق بوده و چکش‌خوار می‌باشند.
- ب) در ۱۸ خانه ابتدایی جدول تناوبی، ۸ عنصر وجود دارند که دمای جوش آن‌ها از دمای محیط پایین‌تر است.
- پ) شاعع اتمی نهمین عنصر دسته ۲، بزرگتر از شاعع اتمی ششمین عنصر دسته ۵ می‌باشد.
- ت) واکنش‌پذیری عنصری که در یازدهمین خانه جدول قرار دارد از واکنش‌پذیری دومین عنصر گروه ۱۳ بیشتر است.
- ث) تعدادی از کاتیون‌های فلزات دوره سوم جدول تناوبی، می‌توانند باعث ایجاد ترکیبات رنگی شوند.

- ۱ (۱)
۲ (۲)
۳ (۳)
۴ (۴)

۱۱۷- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

- آ) بازیافت فلزها سبب کاهش سرعت گرمایش جهانی می‌شود.
- ب) در استخراج فلز، درصد بالایی از سنگ معدن به فلز تبدیل می‌شود.
- پ) آهنگ مصرف و استخراج فلز با آهنگ برگشت فلز به طبیعت تقریباً برابر است.
- ت) در زیر دریا، ستون‌های سولفیدی فلزهای واسطه می‌توانند تشکیل شود.

- ۱ (۱)
۲ (۲)
۳ (۳)
۴ (۴)

۱۱۸- اگر بدانیم عناصر A، B، C، D و E به ترتیب افزایش عدد اتمی به شکل متوالی در محدوده ۳۶ عنصر جدول دوره‌ای عناصر جای دارند و شاعع اتمی عنصر D از همه بیشتر است؛ براساس این اطلاعات چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

- آ) عنصر D رسانای جریان برق می‌باشد و قابلیت چکش‌خواری دارد.
- ب) عنصر B در دما و فشار محیط، به حالت گاز وجود دارد ولی عنصر A ممکن است گاز یا جامد باشد.
- پ) در بین این عناصر برای تشکیل پیوند با سایر عنصرها ۲ عنصر الکترون از دست می‌دهند و ۳ عنصر می‌توانند الکترون به اشتراک گذارند.
- ت) از بین این عناصر، تنها یک عنصر علاوه بر ترکیب، به شکل آزاد نیز در طبیعت وجود دارد.
- ث) شدت واکنش دو عنصر A، E از همه بیشتر است.

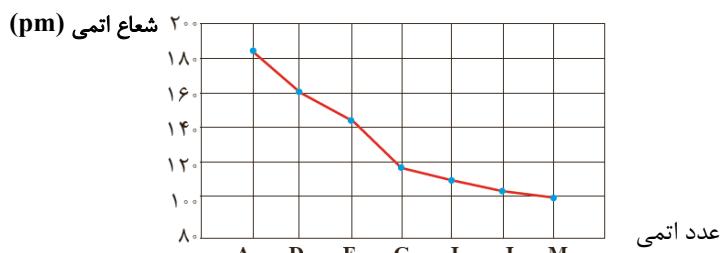
- ۱ (۱)
۲ (۲)
۳ (۳)
۴ (۴)

۱۱۹- کدام موارد از مطالب زیر نادرست هستند؟

- الف) ششمین عنصر واسطه دوره چهارم جدول تناوبی، دارای دو اکسید طبیعی است.
- ب) در میان عناصرهای دوره چهارم جدول تناوبی، تعداد عناصرهای با زیرلایه $3d$ کاملاً پر، ۵ واحد بیشتر از تعداد عناصرهای با زیرلایه $3d$ نیمه‌پر است.
- پ) مجموع اعداد کوانتموی اصلی و فرعی الکترون‌های لایه ظرفیت اتم اولین فلز واسطه‌ای که زیرلایه $3d$ آن پر می‌شود، برابر با ۵۸ است.
- ت) نخستین عنصر واسطه دوره چهارم جدول تناوبی در ساخت وسایل خانه مانند تلویزیون‌رنگی و برقی شیشه‌ها کاربرد دارد.

- (۱) ب و ت (۲) الف و پ (۳) ب و پ (۴) الف و ت

۱۲۰- با توجه به شکل زیر که تغییر شاعع اتمی عناصر دوره سوم جدول تناوبی را با نمادهای فرضی نشان می‌دهد، کدام گزینه همواره درست است؟



- ۱) عنصری که در بیرونی ترین زیرلایه اتم خود ۲ الکترون دارد، شاعع اتمی بیشتری از $_{13}E$ دارد.
- ۲) با افزایش مجموع $(n+l)$ الکترون‌های لایه ظرفیت، شاعع اتمی کاهش و خواص نافلزی افزایش می‌یابد.
- ۳) عنصری که در بیرونی ترین زیرلایه اتم خود یک الکترون دارد، شاعع اتمی و خواص فلزی بیشتری نسبت به سایر عناصرها دارد.
- ۴) تفاوت شاعع اتمی $_{13}E$ و $_{14}G$ ، از تفاوت شاعع اتمی سایر عناصرهای این دوره بیشتر است.



پدیده آورندگان آزمون ۱۰ شهریور

سال یازدهم ریاضی

طراحان

نام درس	نام طراحان
ریاضی (۱) و حسابان (۱)	محمد بحیرابی - مجتبی نادری - مهدی ملارمضانی - علی آزاد - لیلا مرادی - احسان غنیزاده - محمدابراهیم توزنده جانی - امیر زراندوز - سهیل سهیلی - محمد حمیدی - افشین گلستانی - وحید راحتی - رضا ذاکر - محمدرضا غریب دوست
هندسه (۱) و (۲)	حسن نصرتی ناهوک - امیرحسین ابومحبوب - علی ایمانی - رضا عباسی اصل - رحیم مشتاق نظم - فرزانه خاکپاش - محمد خندان - سهام مجیدی پور - افشن خاصه خان - احسان خیراللهی - سرژ یقیازاریان تبریزی - محمد خندان
فیزیک (۱) و (۲)	غلام عابدی - میلاد سلامتی - مهدی باگستانی - مرتضی جعفری - اشکان ولیزاده - عبدالرضا امینی نسب
شیمی (۱) و (۲)	هادی مهدیزاده - پویا رستگاری - میرحسین حسینی - مجتبی اتحاد - عباس هنرجو - منصور سلیمانی ملکان - کارو محمدی - امیر حاتمیان - محمد عظیمیان زواره

گزینشگران، مسئولین درس و ویراستاران

نام درس	گزینشگر	مسئول درس	گروه ویراستاری	مسئول درس مستندسازی
ریاضی (۱) و حسابان (۱)	ایمان چینی فروشان	ایمان چینی فروشان	حمدیرضا رحیم خانلو، مهرداد ملوندی عادل حسینی	سمیه اسکندری
هندسه (۱) و (۲)	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	مهرداد ملوندی	سرژ یقیازاریان تبریزی
فیزیک (۱) و (۲)	معصومه افضلی	معصومه افضلی	حمد زرین کفش، امیرعلی کتیرابی زهره آقامحمدی، بابک اسلامی	احسان صادقی
شیمی (۱) و (۲)	پویا رستگاری	پویا رستگاری	ویرایش استاد: ایمان حسین نژاد امیررضا حکمت نیا، جواد سوری لکی	امیرحسین مرتضوی

گروه فنی و تولید

بابک اسلامی	مدیر گروه
لیلا نورانی	مسئول دفترچه
مدیر گروه: محیا اصغری	مستندسازی و مطابقت با مصوبات
مسئول دفترچه: سمیه اسکندری	
فاطمه علی یاری	حروف تکاری و صفحه آرایی
حمید محمدی	ناظرت چاپ

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)



$$\begin{cases} h(2) = 0 \Rightarrow (2, 0) \in h \\ h(4) = 6 \Rightarrow (4, 6) \in h \end{cases} \xrightarrow{\text{شیب خط}} m = \frac{6-0}{4-2} = \frac{6}{2} = 3$$

$$\text{معادله خط: } y - y_0 = m(x - x_0) \xrightarrow{(2, 0)} y - 0 = 3(x - 2)$$

$$\Rightarrow y = 3x - 6 \Rightarrow h(x) = 3x - 6$$

همچنین داریم:

$$\begin{aligned} \frac{f(2) + g(-2)}{2g(0)} &= -1 \quad \frac{f(x) = x}{g(x) = c} \Rightarrow \frac{2+c}{2 \times c} = -1 \Rightarrow -4c = 2 + c \\ \Rightarrow -4c - c &= 2 \Rightarrow c = \frac{-2}{5} \end{aligned}$$

در نهایت حاصل موردنظر برابر است با:

$$\begin{aligned} \frac{f\left(\frac{1}{5}\right) + g(1)}{h\left(\frac{1}{3}\right)} &= \frac{\frac{1}{5} + (-\frac{2}{5})}{3\left(\frac{1}{3}\right) - 6} = \frac{-\frac{1}{5}}{7-6} = -\frac{1}{5} \end{aligned}$$

(ریاضی ا-تابع - صفحه ۱۰)

(مهندسی ملارمفنانی)

«۲- گزینه»

به ازای $x = 1$ ، باید مقدار دو ضابطه با هم برابر باشد:

$$a(1) + 2 = -3 \Rightarrow a = -5$$

حاصل خواسته شده برابر است با:

$$\begin{aligned} f(3) &\stackrel{x \geq 1}{=} -5(3) + 2 = -13 \\ f(-x^4) &\stackrel{-x^4 \leq 0}{=} -3 \quad \Rightarrow -13 - (-3) = -10 \end{aligned}$$

(ریاضی ا-تابع - صفحه های ۱۷ و ۱۸)

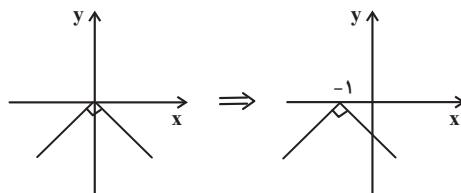
ریاضی (۱) - نکاه به گذشته

(محمد بهیرای)

۱- گزینه «۱»

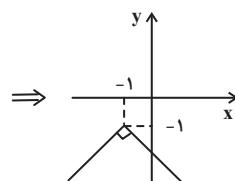
تابع $y = -|x|$ را در راستای افقی یک واحد به سمت چپ و سپس در

راستای قائم یک واحد به سمت پایین انتقال می‌دهیم.



$$y = -|x|$$

$$y = -|x+1|$$



$$y = -|x+1|-1$$

(ریاضی ا-تابع - صفحه های ۱۷ و ۱۸)

(مبتدی تاریخ)

۲- گزینه «۲»

$f(x) = x$ تابعی همانی است، بنابراین داریم:

$g(x) = c$ تابعی ثابت است بنابراین به ازای هر x حقیقی داریم:

(c عدد ثابت)

h تابعی خطی است و معادله آن عبارت است از:



(علی آزاد)

«۷- گزینه «۴»

تعداد زیرمجموعه‌های r تایی از یک مجموعه n عضوی برابر است با:

$$\binom{n}{r} = \binom{n}{4} \Rightarrow \frac{n!}{4!(n-4)!} = \frac{n!}{4!(n-4)!}$$

$$\begin{aligned} &\Rightarrow \frac{1}{2 \times (n-2)(n-3)(n-4)!} = \frac{1}{24 \times (n-4)!} \\ &\Rightarrow (n-3)(n-2) = 12 \Rightarrow n = 6 \end{aligned}$$

$$\text{تعداد زیرمجموعه‌های ۳ عضوی} = \binom{6}{3} = \frac{6!}{3! \times 3!}$$

$$= \frac{6 \times 5 \times 4 \times 3!}{3! \times 3!} = 20.$$

(ریاضی - شمارش، بدون شمردن - صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۴۰)

(محمد ابراهیم تووزنده‌بانی)

«۸- گزینه «۲»

۵ نفر: $\underbrace{\text{ب}, \text{ب}}_{\text{برادر}}, \underbrace{\text{ب}, \text{ب}}_{\text{الج}}$

$$n(S) = 5! = 120$$

کل حالت‌ها:

$$1) \quad \downarrow \quad \text{ا, ب, ج, ب, ب} = 3! \times 2! = 12$$

حالات‌هایی که هیچ یک از برادرها کنار هم نیستند.

$$2) \quad \downarrow \quad \text{ا, ب, ب, ب, ب} = 3! \times 2! = 36$$

هر ۳ برادر کنار هم هستند

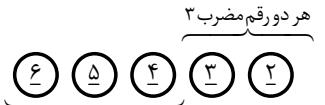
$$12 + 36 = 48: \text{حالات‌های نامطلوب}$$

(علی آزاد)

«۴- گزینه «۳»

از بین اعداد داده شده، اعداد ۹, ۶, ۳ بر ۳ بخش پذیر هستند. بنابراین

داریم:



$$6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 = 720$$

(ریاضی - شمارش، بدون شمردن - صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۶)

(پیلا مرادی)

«۵- گزینه «۳»

باید ۲ توب سیاه و ۲ توب قرمز خارج کنیم:

$$\binom{4}{2} \times \binom{6}{2} = \frac{4!}{2! \times 2!} \times \frac{6!}{4! \times 2!} = 6 \times 15 = 90$$

(ریاضی - شمارش بدون شمردن - صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۰)

(علی آزاد)

«۶- گزینه «۱»

برای پاسخ به ۶ سؤال حالت‌های زیر را می‌بایست بررسی کنیم:

$$(2 \text{ سوال ۴ گزینه‌ای}) \text{ و } (4 \text{ سوال ۲ گزینه‌ای}) \Rightarrow \binom{5}{4} \times 2^4 \times \binom{1^0}{2} \times 4^2$$

یا

$$(1 \text{ سوال ۴ گزینه‌ای}) \text{ و } (5 \text{ سوال ۲ گزینه‌ای}) \Rightarrow \binom{5}{5} \times 2^5 \times \binom{1^0}{1} \times 4^1$$

$$225 \times 2^4 \times 4^2 + 10 \times 2^5 \times 4^1 = \text{تعداد کل حالت‌ها}$$

$$= 450 \times 2^7 + 10 \times 2^7 = 460 \times 2^7$$

(ریاضی - شمارش، بدون شمردن - صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰)



(علی آزاد)

«۱۱ - گزینه ۱»

$$\begin{aligned} P(5,3) - P(4,r) &= \frac{5!}{(5-3)!} - \frac{4!}{(4-r)!} = 56 \\ \Rightarrow \frac{120}{2!} - \frac{24}{(4-r)!} &= 56 \Rightarrow \frac{24}{(4-r)!} = 4 \\ \Rightarrow (4-r)! &= 6 = 3! \Rightarrow 4-r = 3 \Rightarrow r = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2r+3)! &= (5)! = 120, \quad (r+3)! = 4! = 24 \\ \Rightarrow \frac{(2r+3)!}{(r+3)!} &= \frac{5!}{4!} = 5 \end{aligned}$$

(ریاضی - شمارش، بدون شمردن - صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۴۰)

پس حالت‌هایی که فقط ۲ برادر کنار هم هستند. برابر است با:

120 - 48 = 72

(ریاضی - شمارش، بدون شمردن - صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۲)

(علی آزاد)

«۱۲ - گزینه ۳»

$$\begin{aligned} P(n,2) &= \frac{n!}{(n-2)!} = \frac{n(n-1)(n-2)!}{(n-2)!} = n(n-1) \\ \Rightarrow n(n-1) + 12 &= 24 \Rightarrow n^2 - n - 12 = 0 \\ \Rightarrow (n-4)(n+3) &= 0 \Rightarrow \begin{cases} n = 4 \\ n = -3 \end{cases} \text{ غرق} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P(n+2, n-1) &= P(6, 3) = \frac{6!}{(6-3)!} = \frac{6!}{3!} \\ &= \frac{3! \times 4 \times 5 \times 6}{3!} = 120 \end{aligned}$$

(ریاضی - شمارش، بدون شمردن - صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۴۰)

(محمد ابراهیم توزنده‌هاانی)

«۱۳ - گزینه ۳»

$$[4] \times [3] \times [2] \times [1] = 24$$

از طرفی مجموع ارقام در هر یک از این اعداد برابر ۱۵ است.

انتخاب یک کتاب از هر موضوع انتخاب شده

$$\begin{array}{c} \uparrow \\ \binom{5}{3} \times \binom{10}{1} \times \binom{10}{1} \times \binom{10}{1} = 10 \times 10 \times 10 \times 10 = 10^4 \\ \downarrow \\ \text{انتخاب ۳ موضوع} \\ \text{از ۵ موضوع مختلف} \end{array}$$

(ریاضی - شمارش، بدون شمردن - صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰)

(احسان غنی‌زاده)

«۱۰ - گزینه ۱»

می‌دانیم تابع همانی، تابعی است که به‌ازای هر ورودی همان عدد را خروجی

می‌دهد، در نتیجه ضابطه آن به‌صورت $f(x) = x$ است، پس اگرهمانی باشد و $f(3-k) = 9+2k$ داریم:

$$\begin{aligned} 3-k &= 9+2k \Rightarrow 3k = -6 \Rightarrow k = -2 \\ \Rightarrow f(9+2k) &= f(9-4) = f(5) = 5 \end{aligned}$$

(ریاضی - تابع - صفحه ۱۰)



(علی آزاد)

- ۱۵ - گزینه «۱»

$$\frac{(n^3 - n)!}{3!} = 96 + 24 \Rightarrow (n^3 - n)! = 3! \times 120 = 720$$

$$\Rightarrow (n^3 - n)! = 6! \Rightarrow n^3 - n = 6 \Rightarrow n^3 - n - 6 = 0$$

$$\Rightarrow (n-3)(n+2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} n = 3 \\ n = -2 \end{cases}$$

$$\binom{8}{3} = \frac{8!}{3!5!} = \frac{8 \times 7 \times 6 \times 5!}{3!5!} = 56$$

(ریاضی - شمارش، بدون شمردن - صفحه‌های ۱۳۷ و ۱۳۸)

$$1 + 2 + 5 + 7 = 15$$

بنابراین مجموع کل ارقام نوشته شده $24 \times 15 = 360$ است.

(ریاضی - شمارش، بدون شمردن - صفحه‌های ۱۱۹ و ۱۲۰)

- ۱۴ - گزینه «۴»

با توجه به نمایش پیکانی، تابع f یک تابع با دامنه ۲ عضوی و برد

تک عضوی است، پس داریم:

$$D_f = \{2a, 4a - 9c, d^3 + 1\}$$

$$R_f = \{3c, 2b, a\}$$

$$\begin{aligned} c &= \frac{d}{3} \\ \Rightarrow 3c &= 2b = a = d \Rightarrow \begin{cases} b = \frac{d}{2} \\ a = d \end{cases} \end{aligned}$$

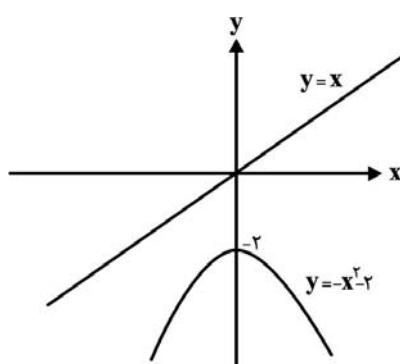
$$\begin{aligned} a &= d, b = \frac{d}{2} \\ c &= \frac{d}{3} \end{aligned} \rightarrow f = \{(2d, d), (\underbrace{4d - 3d}_d, d), (d^3 + 1, d)\}$$

چون دامنه f باید ۲ عضوی باشد، پس داریم:

$$\begin{cases} 2d = d \Rightarrow d = 0 \\ 2d = d^3 + 1 \Rightarrow d^3 - 2d + 1 = 0 \Rightarrow (d-1)^3 = 0 \Rightarrow d = 1 \\ d = d^3 + 1 \Rightarrow d^3 - d + 1 = 0 \Rightarrow \text{فاقد ریشه} \end{cases}$$

$$\Rightarrow f = \{(2, 1), (1, 1), (2, 1)\} \Rightarrow e + g + d = 2 + 1 + 1 = 4$$

(ریاضی - تابع - صفحه ۱۰ و ۱۱)



(ریاضی - تابع - صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)



(محمد ابراهیم تووزنده‌هاش)

۱۹- گزینه «۱»

هر دانشآموز به ۲ طریق بین ۲ همراهش قرار می‌گیرد و ۴ دانشآموز و

همراه‌های آن‌ها به ۴! حالت می‌توانند در یک ردیف باشند و به تعداد

$$\text{حالت می‌توان } 4 \text{ دانشآموز انتخاب کرد.} \quad \binom{7}{4}$$

$$\binom{7}{4} \times 4! \times 2^4 = 35 \times 24 \times 16 = 13440.$$

(ریاضی ا- شمارش، بدون شمردن- صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۱۹)

(سوال سویی)

۲۰- گزینه «۳»

$$n = 1 \Rightarrow f(x) = (1-2)x^{1-1} + 1 - 1$$

$$= -x^0 + 0 \Rightarrow f(x) = -1$$

$$n = 2 \Rightarrow f(x) = (2-2)x^{2-1} + 2 - 1$$

$$= (0)(x) + 1 \Rightarrow f(x) = 1$$

پس در هر صورت $f(x)$ تابع ثابت است.

(ریاضی ا- ترکیبی- صفحه‌های ۱۱۷ و ۱۱۹)

(علی گزارد)

۱۷- گزینه «۱»

با توجه به اینکه می‌خواهیم ۴ نفر را بدین صورت انتخاب کنیم که فقط ۲ نفر از آن‌ها همکلاسی باشند، می‌بایست در ابتدا از ۶ کلاس موجود، ۳ کلاس را انتخاب نموده، از ۳ کلاس انتخاب شده یکی را انتخاب کنیم که از آن ۲ نفر انتخاب شوند و از دو کلاس دیگر هر کدام یک نفر انتخاب شوند که خواهیم داشت:

$$\begin{array}{c} \text{انتخاب کلاسی که از آن} \\ 2 \text{ نفر انتخاب می‌شوند \quad انتخاب ۳ کلاس} \\ \uparrow \qquad \qquad \qquad \uparrow \\ \binom{6}{2} \times \binom{3}{1} \times \binom{10}{2} \\ \downarrow \qquad \qquad \qquad \downarrow \\ \text{انتخاب ۲ نفر} \\ \text{از ۱۰ نفر یک کلاس} \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \text{انتخاب ۱ نفر از} \\ 10 \text{ نفر یک کلاس} \\ \uparrow \\ \times \binom{10}{1} \times \binom{10}{1} \\ \downarrow \qquad \qquad \downarrow \\ \text{انتخاب ۱ نفر از} \\ 10 \text{ نفر یک کلاس} \end{array}$$

$$= \frac{6 \times 5 \times 4 \times 3!}{3! \times 3!} \times 3 \times \frac{10 \times 9}{2} \times 10^2 = 27 \times 10^4$$

(ریاضی ا- شمارش، بدون شمردن- صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۱۹)

(محمد ابراهیم تووزنده‌هاش)

۱۸- گزینه «۱»

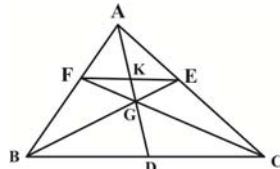
باید تعداد زیرمجموعه‌های مجموعه $\{9, 10, 11, 12, 13, 14\}$ را به دست آوریم و سپس در هر زیرمجموعه اعداد ۸ و ۱۵ را قرار دهیم، بنابراین باید تعداد زیرمجموعه‌های یک مجموعه ۶ عضوی را به دست آوریم که برابر $64 = 2^6$ است.

تعداد زیرمجموعه‌های یک مجموعه n عضوی: 2^n

(ریاضی ا- شمارش، بدون شمردن- صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۱۹)

(علی ایمان)

$$\frac{AF}{FB} = \frac{AE}{EC} = 1 \quad \text{عكس قضیه تالس} \Rightarrow FE \parallel BC \Rightarrow \frac{EF}{BC} = \frac{AF}{AB}$$



با توجه به موازی بودن FE و BC , دو مثلث EGF و BGC به دلیل تساوی زاویه‌ها متشابه هستند. از طرفی GK و GD میانه‌های نظیر اضلاع FE و BC در این دو مثلث هستند، بنابراین داریم:

$$\frac{GK}{GD} = \frac{EF}{BC} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{1}{GD} \Rightarrow GD = 6$$

از طرفی نقطه G محل همرسی میانه‌های مثلث ABC است، پس داریم:

$$GD = \frac{1}{3}AD \Rightarrow 6 = \frac{1}{3}AD \Rightarrow AD = 18$$

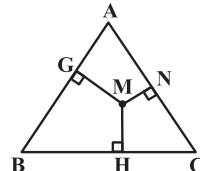
(هنرسه - پند فصلی - صفحه ۶۷)

۲۴ - گزینه «۱»

(حسن نصرتی تاھوک)

۲۱ - گزینه «۴»

در مثلث متساوی الاضلاع مذکور اگر طول یکی از اضلاع را a بگیریم، داریم:



$$MN + MG + MH = \sqrt{3}a \quad \text{ارتفاع مثلث}$$

$$\Rightarrow 4\sqrt{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}a \Rightarrow a = 8$$

$$\Rightarrow S_{\Delta ABC} = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = \frac{\sqrt{3}}{4}(8)^2 = \frac{\sqrt{3}}{4}(64) = 16\sqrt{3}$$

(هنرسه - پند فصلی - صفحه های ۶۹ و ۷۰)

۲۲ - گزینه «۳»

(امیرحسین ابومعبوب) اگر تعداد نقاط مرزی برابر b و تعداد نقاط درونی برابر i فرض شود،

$$\text{آن گاه مساحت چندضلعی شبکه‌ای برابر } i - \frac{b}{2} \text{ است.}$$

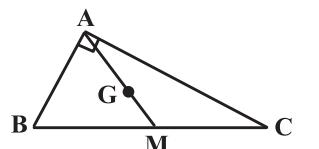
با توجه به آن که حداقل تعداد نقاط درونی برابر صفر است، داریم:

$$3 = \frac{b}{2} + i - 1 \Rightarrow \frac{b}{2} = 4 \Rightarrow b_{\max} = 8$$

(هنرسه - پند فصلی - صفحه های ۶۹ و ۷۰)

۲۳ - گزینه «۲»

(امیرحسین ابومعبوب)



$$\Delta ABC : AB^2 + AC^2 = BC^2 \xrightarrow[AC=4]{AB=3} BC = 5$$

در مثلث قائم الزاویه، طول میانه وارد بر وتر نصف طول وتر است.

$$AM = \frac{BC}{2} = \frac{5}{2}$$

با توجه به این که میانه‌ها در هر مثلث، یکدیگر را به نسبت $\frac{1}{2}$ به 1 قطع می‌کنند، داریم:

$$AG = 2GM \Rightarrow \frac{GM}{AG} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{GM}{AM} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow GM = \frac{1}{3}AM = \frac{1}{3} \times \frac{5}{2} = \frac{5}{6}$$

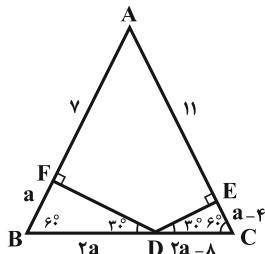
(هنرسه - پند فصلی - صفحه های ۶۶ و ۶۷)

(رضا عباسی اصل)

۲۵ - گزینه «۳»

مثلث‌های BFD و DEC ، مثلث‌هایی قائم‌الزاویه هستند که اندازه

زاویه‌های حاده آن‌ها 30° و 60° است. اگر $BF = a$ باشد، آنگاه داریم:



$$AB = AC \Rightarrow AF + BF = AE + EC$$

$$\Rightarrow 7 + a = 11 + EC \Rightarrow EC = a - 4$$

$$BD = 2BF = 2a$$

$$DC = 2EC = 2a - 8$$

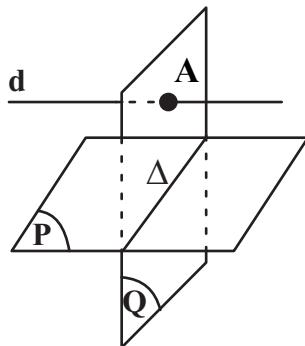
$$BC = AB \Rightarrow 4a - 8 = a + 7 \Rightarrow a = 5 \Rightarrow BC = 12$$

می‌دانیم مجموع فاصله‌های هر نقطه روی قاعده متساوی مثلث از دو ساق آن، برابر طول ارتفاع وارد بر ساق است. از طرفی هر مثلث متساوی الاضلاع، یک مثلث متساوی الساقین است، بنابراین داریم:

$$DE + DF = \frac{\sqrt{3}}{2}BC = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 12 = 6\sqrt{3}$$

(هنرسه - پند فصلی - صفحه های ۶۸ و ۶۹)

(امیرحسین ابومهوب)

«۲۹- گزینه ۴»

فرض کنید خط Δ فصل مشترک دو صفحه P و Q باشد. اگر خط d درون صفحه Q و موازی خط Δ باشد، آنگاه خط d موازی صفحه P است. اگر خط d خارج از صفحه Q و موازی خط Δ باشد، آن گاه خط d با هر دو صفحه P و Q موازی است. همچنین مطابق شکل خط d می‌تواند صفحه Q را قطع کند و موازی صفحه P باشد، پس هر سه حالت گزینه‌های «۱»، «۲» و «۳» امکان پذیر است.

(هنرسه - تبعیم فضایی - صفحه‌های ۷۹ تا ۸۲)

(رضی عباسی اصل)

«۳۰- گزینه ۲»

گزینه «۱»: در یک صفحه، اگر خطی یکی از دو خط موازی را قطع کند، دیگری را نیز قطع می‌کند ولی این موضوع در فضای زاماً برقرار نیست. گزینه «۲»: از هر نقطه خارج یک صفحه، یک صفحه موازی با صفحه مفروض می‌توان رسم کرد. حال هر خطی که از این نقطه گذشته و در صفحه رسم شده باشد، با صفحه اولیه موازی است، پس این گزاره همواره درست است.

گزینه «۳»: اگر خطی با یکی از دو خط متنافر، موازی باشد، می‌تواند با دیگری متقاطع یا متنافر باشد.

گزینه «۴»: از هر نقطه غیر واقع بر یک خط، بی شمار خط متنافر با آن خط می‌گذرد.

(هنرسه - تبعیم فضایی - صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲)

(ریم مشتاق نظم)

«۲۶- گزینه ۱»

فرض کنید مساحت شکل‌های بیرونی و درونی را به ترتیب با S و S' نمایش دهیم. در این صورت طبق فرمول پیک داریم:

$$S = \frac{b}{2} + i - 1 = \frac{7}{2} + 11 - 1 = 13/5$$

$$S' = \frac{b'}{2} + i' - 1 = \frac{3}{2} + 2 - 1 = 2/5$$

$$S - S' = 13/5 - 2/5 = 11$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها - صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱)

(فرزانه قاچپاش)

«۲۷- گزینه ۱»

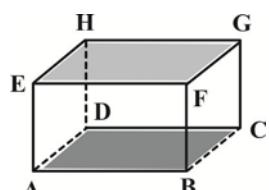
هر سه گزاره در حالت کلی نادرست هستند. اگر سه نقطه A ، B و C بر روی یک خط راست قرار داشته باشند، بی شمار صفحه در فضای این سه نقطه عبور می‌کند. اگر دو خط d و d' متنافر باشند، آن گاه هیچ صفحه‌ای شامل این دو خط وجود ندارد و در صورتی که نقطه A بر روی خط d واقع باشد، از خط d و نقطه A بی شمار صفحه می‌گذرد.

(هنرسه - تبعیم فضایی - صفحه‌های ۷۹ تا ۸۱)

(ممدر فندران)

«۲۸- گزینه ۲»

مطابق شکل دو وجه $EFGH$ و $ABCD$ را در نظر می‌گیریم. ضلع AB در وجه $ABCD$ با ضلع‌های GF و EH در وجه $EFGH$ متنافر است.



پس هر یال از وجه پایین با دو یال از وجه بالا متنافر است، لذا ۸ جفت یال متنافر در وجه‌های مذکور وجود دارد.

(هنرسه - تبعیم فضایی - صفحه‌های ۷۹ و ۸۰)



اطلاعاتی نداریم، پس نمی‌توانیم در مورد میزان افزایش ارتفاع صفحات اظهارنظر کنیم؛ زیرا مقدار α به جنس وابسته است.

ب) درست؛ با توجه به رابطه $\Delta A = A_1 \cdot 2\alpha \cdot \Delta \theta$ ، چون افزایش مساحت و تغییر دمای تمام صفحات برابر است، در نتیجه صفحه‌ای که ضریب انبساط طولی بیشتری دارد، مساحت او لیه‌اش از بقیه کمتر است.

پ) نادرست؛ با اینکه ضخامت و جنس یکسان دارند ولی مساحت‌های هر صفحه متفاوت است در نتیجه جرم‌های متفاوت دارند و دمای آن‌ها در اثر گرمای یکسان به یک اندازه افزایش نمی‌یابد و طبق رابطه $\Delta R = R_1 \cdot \alpha \cdot \Delta \theta$ با اینکه شاعر اولیه و ضریب انبساط طولی یکسان دارند، ولی تغییر دمای آن‌ها متفاوت بوده و در نتیجه به یک اندازه شاعر آن‌ها افزایش نمی‌یابد.

(فیزیک ا- صفحه‌های ۸۷ تا ۹۲)

(غلام عابدی)

«۳۴- گزینهٔ ۳»

ابتدا باید جرم و تغییر دمای مکعب مستطیل (برحسب ${}^{\circ}\text{C}$) را طبق رابطه چکالی پیدا کنیم.

$$\begin{aligned} V &= 200 \text{ cm}^3, V_{\text{واقعی}} = 5 \text{ cm}^3 \Rightarrow V_{\text{واقعی}} = 200 - 50 \\ &= 150 \text{ cm}^3 \Rightarrow \rho = \frac{m}{V_{\text{واقعی}}} \Rightarrow \lambda = \frac{m}{150} \Rightarrow m = 120 \text{ g} = 1/2 \text{ kg} \end{aligned}$$

براساس رابطه تغییر دمایی میان فارنهایت و سلسیوس می‌توان نوشت:

$$\Delta F = \frac{9}{5} \Delta \theta \Rightarrow 90 = \frac{9}{5} \Delta \theta \Rightarrow \Delta \theta = 50 {}^{\circ}\text{C}$$

حال می‌توان گرمای لازم برای تغییر دمای ${}^{\circ}\text{C}$ را یافت.

$$Q = mc\Delta\theta = 1/2 \times 4000 \times 50 = 24 \times 10^4 \text{ J} = 240 \text{ kJ}$$

(فیزیک ا- صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۲)

فیزیک (۱) - نکاه به گذشه

(غلام عابدی)

«۳۱- گزینهٔ ۲»

اگر دما بر حسب درجه سلسیوس را با θ نشان دهیم، دما بر حسب کلوین برابر با $\theta + 273$ و بر حسب درجه فارنهایت برابر با $\frac{9}{5}\theta + 32$ خواهد بود، پس:

$$\Rightarrow \theta + (\theta + 273) + \left(-\frac{9}{5}\theta + 32\right) = 343 \Rightarrow \frac{1}{5}\theta = 38$$

$$\Rightarrow \theta = 10 {}^{\circ}\text{C} \Rightarrow F = \frac{9}{5}\theta + 32 = \frac{9}{5} \times 10 + 32 = 50 {}^{\circ}\text{F}$$

(فیزیک ا- صفحه‌های ۸۶ تا ۱۰۴)

(میلار سلامتی)

«۳۲- گزینهٔ ۳»

براساس رابطه میان دما در مقیاس‌های سلسیوس و فارنهایت می‌توان نوشت:

$$F_1 = \frac{9}{5}\theta_1 + 32 \Rightarrow 50 = \frac{9}{5}\theta_1 + 32 \Rightarrow 18 = \frac{9}{5}\theta_1$$

$$\Rightarrow \theta_1 = 10 {}^{\circ}\text{C}$$

براساس رابطه میان دما در مقیاس‌های سلسیوس و کلوین می‌توان نوشت:

$$T_2 = \theta_2 + 273$$

$$\Rightarrow 333 = \theta_2 + 273 \Rightarrow \theta_2 = 333 - 273 = 60 {}^{\circ}\text{C}$$

$$\Rightarrow \Delta\theta = \theta_2 - \theta_1 = 60 - 10 = 50 {}^{\circ}\text{C}$$

بنابر رابطه تغییرات طولی می‌توان نوشت:

$$\Rightarrow \Delta L = \alpha L_1 \Delta\theta = 1/2 \times 10^{-5} \times 1500 \times 50 = 0/9 \text{ m}$$

$$\Rightarrow L_2 = L_1 + \Delta L = 1500 + 0/9 = 1500/9 \text{ m}$$

(فیزیک ا- صفحه‌های ۸۶ تا ۱۰۴)

(مهندی باغستانی)

«۳۳- گزینهٔ ۱»

الف) نادرست؛ با توجه به رابطه $\Delta H = h_1 \alpha \Delta\theta$ ، با اینکه ارتفاع اولیه این

دو صفحه بزرگتر از بقیه صفحات است، ولی در مورد جنس صفحات



(میلاد سلامت)

«۳۷ - گزینه «۱»

با استفاده از قانون پایستگی انرژی داریم:

$$\begin{aligned} m_1 L_F + m_1 c(\theta_e - \theta_1) &= m_2 c(\theta_2 - \theta_e) \\ \Rightarrow m_1 \times 80c + m_1 c(5 - 0) &= 1 / 7c(15 - 5) \\ \Rightarrow 80m_1 c = 17c &\Rightarrow m_1 = 0.2 \text{ kg} = 20 \text{ g} \end{aligned}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۰)

(میلاد سلامت)

«۳۸ - گزینه «۳»

فقط جمله (ب) غلط است. در تمام رساناهای فلزی، سهم الکترون‌های آزاد در رسانش گرمایی بیشتر از اتم‌هاست.

(فیزیک - صفحه‌های ۱۰۰ تا ۱۰۶)

(مرتفنی بعفری)

«۳۹ - گزینه «۴»

در ابتدا، با توجه به نقاط همتراز، فشار گاز محبوس برابر فشار هوا است.

$$P_B = P_A \Rightarrow P_1 = P_0 = 76 \text{ cmHg}$$

با توجه به کاهش ارتفاع ستون گاز محبوس در یک فرایند همدما، داریم:

$$\begin{aligned} P_2 V_2 &= P_1 V_1 \xrightarrow{V=Ah} P_2 Ah_2 = P_1 Ah_1 \\ \Rightarrow P_2 \times 19 &= 76 \times 20 \Rightarrow P_2 = 80 \text{ cmHg} \end{aligned}$$

از آنجا که مقطع شاخه‌ها یکسان است، هنگامی که ارتفاع ستون گاز یک سانتی‌متر کم می‌شود، جیوه یک سانتی در شاخه سمت راست بالا می‌رود و یک سانتی‌متر در شاخه سمت چپ پایین می‌رود. بنابراین اختلاف ارتفاع جیوه در دو شاخه برابر ۲ سانتی‌متر می‌شود. با توجه به نقاط همتراز جدید، فشار آب بحسب سانتی‌متر جیوه برابر است با:

$$\begin{aligned} P_C = P_D &\Rightarrow P_{\bar{J}} + P_0 = P_2 + P_{\bar{J}} \\ \text{جیوه} & \\ \Rightarrow P_{\bar{J}} + 76 &= 80 + 2 \Rightarrow P_{\bar{J}} = 6 \text{ cmHg} \end{aligned}$$

با توجه به رابطه زیر، این فشار معادل $81/6 \text{ cm}$ ستون آب است.

(میلاد سلامت)

«۳۵ - گزینه «۱»

ابتدا دمای آب به 100° درجه سانتی‌گراد می‌رسد و سپس بخار می‌شود.

$$T_1 = \theta_1 + 273 \Rightarrow \theta_1 = 331 - 273 = 58^\circ \text{C}$$

$$Q = mc\Delta\theta + m' L_V = 1 \times 4200 \times (100 - 58) + 0 / 2 \times 2268000$$

$$= 176400 + 453600 = 630000 \text{ J}$$

$$t = \frac{Q}{P} = \frac{630000}{1050} = 600 \text{ s} = 10 \text{ min}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۰)

(مرتفنی بعفری)

«۳۶ - گزینه «۳»

با توجه به گرمایی داده شده در مدت زمان 1020 ثانیه تا 1060 ثانیه (یعنی در مدت 40 ثانیه) که جسم در حالت مایع است، داریم:

$$Pt = mc(\theta_1 - \theta_0)$$

$$\Rightarrow 10 \times 40 = (50 \times 10^{-3}) \times c \times (80 - 60) \Rightarrow c = 400 \frac{\text{J}}{\text{kg.K}}$$

و در مدت زمان 1020 تا 1000 ثانیه داریم:

$$Pt = mc(\theta_1 - \theta)$$

$$\Rightarrow 10 \times 20 = (50 \times 10^{-3}) \times 400 \times (60 - \theta) \Rightarrow \theta = 50^\circ \text{C}$$

بنابراین دمای نقطه ذوب جسم برابر 50°C می‌باشد. در مدت زمان 300 تا 1000 ثانیه (یعنی به مدت 700 ثانیه) جسم در حال ذوب شدن است. در نتیجه داریم:

$$Pt = mL_F \Rightarrow 10 \times 700 = (50 \times 10^{-3}) L_F$$

$$\Rightarrow L_F = 140000 \frac{\text{J}}{\text{kg}} = 140 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۰)

حال برای دو دمای θ_1 و θ_2 خواهیم داشت:

$$\left. \begin{aligned} F_1 &= \frac{9}{5} \theta_1 + 32 \\ F_2 &= \frac{9}{5} \theta_2 + 32 \end{aligned} \right\} \Rightarrow F_2 - F_1 = \frac{9}{5} (\theta_2 - \theta_1)$$

$$\Rightarrow \Delta F = \frac{9}{5} \Delta \theta \Rightarrow \frac{\Delta \theta}{\Delta F} = \frac{5}{9}$$

(فیزیک ا- صفحه‌های ۸۳ و ۸۵)

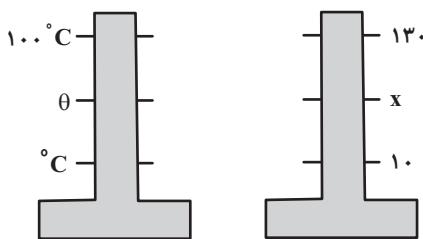
(کتاب آبی)

۴۲- گزینه «۴»

ابدا با استفاده از رابطه بین مقیاس دماسنجد معلوم (سلسیوس) و دماسنجد

$$\frac{\theta - \theta_1}{\theta_2 - \theta_1} = \frac{x - x_1}{x_2 - x_1} \quad \theta_1 = 0^\circ C, \theta_2 = 100^\circ C \quad \text{نامعلوم داریم:}$$

$$x_1 = 1^\circ, x_2 = 13^\circ$$



$$\frac{\theta - 0}{100 - 0} = \frac{x - 10}{130 - 10} \Rightarrow \theta = \frac{5}{6}(x - 10)$$

اگر در رابطه بدست آمده، به جای x ، دما در مقیاس نامعلوم (یعنی

درجه) را قرار دهیم، داریم:

$$\theta = \frac{5}{6}(x - 10) \xrightarrow{x=70^\circ} \theta = \frac{5}{6} \times (70 - 10) = 50^\circ C$$

اکنون با استفاده از رابطه میان دما در مقیاس‌های سلسیوس و کلوین،

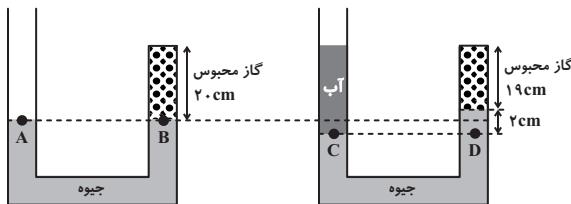
می‌توان نوشت:

$$T = \theta + 273 \xrightarrow{\theta=50^\circ C} T = 50 + 273 = 323 K$$

(فیزیک ا- صفحه‌های ۸۳ و ۸۵)

$$P_{AB} = \rho_{جیوه} gh_{جیوه} = \rho_{آب} gh_{آب}$$

$$\Rightarrow 1 \times h_{آب} = 13 / 6 \times 6 \Rightarrow h_{آب} = 81 / 6 cm$$



(فیزیک ا- صفحه‌های ۵ و ۷)

(مهندسی باغستانی)

۴۰- گزینه «۱»

ابتدا فشار مطلق گاز را در حالت اول محاسبه می‌کنیم، توجه کنید که فشارسنج، فشار پیمانه‌ای را نشان می‌دهد.

$$P_{g1} = P_1 - P_0 \Rightarrow 11 = P_1 - 1 \Rightarrow P_1 = 12 atm$$

براساس قانون گازهای آرمانی می‌توان نوشت:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{12 \times 10}{300} = \frac{P_2 \times 25}{350} \Rightarrow P_2 = 5 / 6 atm$$

با توجه به اینکه فشارسنج، فشار پیمانه‌ای را نشان می‌دهد، داریم:

$$P_{g2} = P_2 - P_0 = 5 / 6 - 1 = 4 / 6 atm$$

(فیزیک ا- صفحه‌های ۵ و ۷)

(کتاب آبی)

فیزیک (۱) - سوالات آشنا

۴۱- گزینه «۲»

اگر مقیاس دمای فارنهایت را با F و مقیاس دمای سلسیوس را با θ نشان دهیم، داریم:

$$F = \frac{9}{5} \theta + 32$$



$$\frac{\text{ساده کردن از طرفین}}{g=1 \frac{N}{kg}, |\Delta h|=9m, c=450 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}} \rightarrow 10 \times 9 = 450 \Delta \theta$$

$$\Rightarrow \Delta \theta = 0 / 2^\circ C$$

(فیزیک ا - صفحه های ۹۶ تا ۱۰۳)

(کتاب آبی)

۴۶ - گزینه «۲»

با استفاده از قانون پایستگی انرژی مجموع گرمایانهای مبادله شده برابر صفر است:

$$Q_1 + Q_\gamma + Q_\tau = 0 \Rightarrow$$

$$C_1(\theta_e - \theta_1) + m_\gamma c_\gamma (\theta_e - \theta_\gamma) + m_\tau c_\tau (\theta_e - \theta_\tau) = 0.$$

$$\frac{m_\gamma = 20.0 \text{ g} = 20.0 \frac{kg}{kg \cdot ^\circ C}, m_\tau = 10.0 \text{ g} = 10.0 \frac{kg}{kg \cdot ^\circ C}}{c_\tau = 400 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}, \theta_1 = \theta_\tau = 20^\circ C, \theta_\tau = 80^\circ C, \theta_e = 22^\circ C}$$

$$C_1(22 - 20) + 0 / 2 \times 4200 \times (22 - 20) + 0 / 1 \times 400 \times (22 - 80) = 0.$$

$$\Rightarrow 2C_1 + 1680 - 2320 = 0 \Rightarrow C_1 = \frac{640}{2} = 320 \frac{J}{K}$$

(فیزیک ا - صفحه های ۹۶ تا ۱۰۳)

(کتاب آبی)

۴۷ - گزینه «۴»

گرمای لازم برای تبدیل 20.0 g یخ $-10^\circ C$ به 20.0 g یخ صفر درجه سلسیوس برابر است با:

$$Q_1 = m c \Delta \theta \Rightarrow Q_1 = 0 / 2 \times 2100 \times 10 = 4200 \text{ J}$$

زمان لازم برای دادن این مقدار گرمای برابر است با:

$$Q_1 = Pt_1 \Rightarrow 4200 = 210 \times t_1 \Rightarrow t_1 = 20 \text{ s}$$

گرمای لازم برای ذوب یخ برابر است با:

$$Q_\gamma = mL_F \Rightarrow Pt_\gamma = mL_F$$

$$\Rightarrow 210t_\gamma = 0 / 2 \times 336 \times 10^3 \Rightarrow t_\gamma = 320 \text{ s}$$

و زمان لازم برای رساندن دمای آب صفر درجه سلسیوس به آب $10^\circ C$ برابر است با:

$$Q_\tau = m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} \Delta \theta$$

$$\Rightarrow 210t_\tau = 0 / 2 \times 4200 \times 10 \Rightarrow t_\tau = 40 \text{ s}$$

(فیزیک ا - صفحه های ۹۶ تا ۱۰۳)

(کتاب آبی)

۴۳ - گزینه «۴»

هر چه دما نسبت به کمترین دمای شهر، بیشتر باشد، تغییر طول میله ها نیز بیشتر خواهد بود. حداقل فاصله بین دو انتهای میله ها (d) برای جلوگیری از اصابت آنها برابر است با مجموع افزایش طول میله ها در اثر تغییر دمای ۵۰ درجه سلسیوس. یعنی:

$$\Delta L_A = L_{1,A} \alpha_A \Delta \theta_A \frac{L_{1,A} = 250 \text{ cm} = 250 \text{ mm}}{\alpha_A = 2 \times 10^{-5} \text{ K}^{-1}, \Delta \theta_A = 50^\circ C} \rightarrow$$

$$\Rightarrow \Delta L_A = 250 \times 2 \times 10^{-5} \times 50 = 2 / 5 \text{ mm}$$

$$\Rightarrow \Delta L_B = L_{1,B} \alpha_B \Delta \theta_B \frac{L_{1,B} = 450 \text{ cm} = 450 \text{ mm}}{\alpha_B = 2 \times 10^{-5} \text{ K}^{-1}, \Delta \theta_B = 50^\circ C} \rightarrow$$

$$\Rightarrow \Delta L_B = 450 \times 2 \times 10^{-5} \times 50 = 6 / 75 \text{ mm}$$

$$d = \Delta L_A + \Delta L_B \frac{\Delta L_A = 2 / 5 \text{ mm}, \Delta L_B = 6 / 75 \text{ mm}}{} \rightarrow$$

$$\Rightarrow d = 2 / 5 + 6 / 75 = 9 / 25 \text{ mm}$$

(فیزیک ا - صفحه های ۹۶ تا ۱۰۳)

(کتاب آبی)

۴۴ - گزینه «۳»

با استفاده از رابطه گرما و با توجه به اینکه هر کالاری برابر با $4 / 186$ ژول است، داریم:

$$Q = mc \Delta \theta \frac{Q = 270 \text{ cal} = 270 \times 4 / 186 \text{ J} = 1130.2 / 2 \text{ J}}{c = 900 \frac{J}{kg \cdot ^\circ C}, \Delta \theta = 1^\circ C} \rightarrow$$

$$1130.2 / 2 = m \times 900 \times 2 \Rightarrow m = 6 / 279 \text{ kg} = 6279 \text{ g}$$

(فیزیک ا - صفحه های ۹۶ تا ۱۰۳)

(کتاب آبی)

۴۵ - گزینه «۲»

همه انرژی پتانسیل قطعه آهن به گرما تبدیل شده و دمای آن را به اندازه $\Delta \theta$ بالا می برد، پس داریم:

$$| \Delta U | = Q \Rightarrow | mg \Delta h | = mc \Delta \theta$$

در حالت دوم، وقتی 21 cm^3 چیوه در لوله سمت راست می‌ریزیم، ارتفاع

$$\text{چیوه در لوله سمت راست به اندازه } h = \frac{V}{A} = \frac{21}{1} = 21\text{ cm}$$

می‌شود. بنابراین سطح آزاد چیوه در نقطه M پایین

و در نقطه N بالا می‌رود. با توجه به اینکه سطح آزاد چیوه

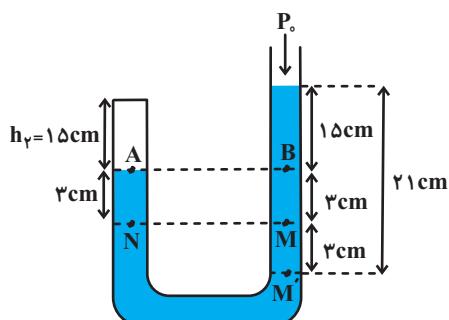
در نقطه N به اندازه $18 - 15 = 3\text{ cm}$ بالا رفته است، باید سطح آزاد چیوه

در نقطه M به اندازه 3 cm پایین رفته باشد.

بنابراین با توجه به شکل زیر، فشار هوای حبس شده

در این حالت برابر $P_2 = P_0 + 15\text{ (cmHg)}$ و حجم آن برابر

فرض می‌شود، می‌توان نوشت:



$$P_A = P_B \xrightarrow{P_B = P_0 + 15\text{ (cmHg)}} P_2 = P_0 + 15\text{ (cmHg)}$$

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \xrightarrow{V_2 = 15\text{ cm}^3, P_2 = P_0 + 15\text{ (cmHg)}}$$

$$P_0 \times 18 = (P_0 + 15) \times 15 \Rightarrow 18P_0 = 15P_0 + 15 \times 15$$

$$\Rightarrow 3P_0 = 15 \times 15 \Rightarrow P_0 = \frac{15 \times 15}{3} = 75\text{ cmHg}$$

(فیزیک ا- صفحه‌های ۵ و ۷)

(کتاب آبی)

در انتقال گرما به روش همرفت طبیعی، نیروی شناوری (بنا به اصل ارشمیدس) عامل حرکت ماده گرم (با چگالی کمتر) به سمت بالاست. بنابراین در مکانی که شتاب گرانشی وجود ندارد، ماده گرم نیز به سمت بالا حرکت نخواهد کرد.

(فیزیک ا- صفحه‌های ۵ و ۷)

(کتاب آبی)

چون $T_2 = 0 + 273 = 273\text{ K}$ ، $T_1 = 273 + 273 = 546\text{ K}$ و فشار

$$\text{ثابت است } (P_1 = P_2), \text{ با استفاده از رابطه زیر، نسبت } \frac{V_2}{V_1} \text{ را بدست می‌آوریم.}$$

$$P = \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{273} = \frac{V_2}{546} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{546}{273}$$

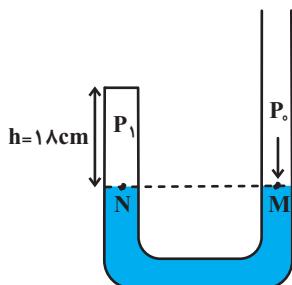
$$\Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = 2$$

(فیزیک ا- صفحه‌های ۵ و ۷)

(کتاب آبی)

در حالت اول، فشار هوای حبس شده برابر فشار هوای $(P_1 = P_0)$ و حجم آن برابر $V_1 = Ah_1 = 1 \times 18 = 18\text{ cm}^3$ است.

$$P_N = P_M \Rightarrow P_1 = P_0$$





\Rightarrow انحلال y مول لیتیم برミد در محلول

$$\begin{cases} y \text{ mol Li}^+ \\ y \text{ mol Br}^- \end{cases}$$

براین اساس می‌توان گفت در محلول مجموعاً $y + 2x$ مول یون برمید وجود دارد با توجه به مقدار یون‌های تولید شده در محلول و اطلاعات داده شده در صورت سوال داریم:

$$\frac{\text{غلظت یون برمید}}{\text{غلظت یون لیتیم}} = \frac{y}{y + 2x} = \frac{1/38}{1/38 + y} = \frac{2x + y}{y}$$

$$\Rightarrow 1/38y = 2x + y \Rightarrow x = 0/19y$$

با توجه به نسبت محاسبه شده می‌توان گفت تعداد مول‌های کلسیم برمید موجود در مخلوط اولیه $0/19$ برابر تعداد مول‌های لیتیم برمید موجود در این مخلوط بوده است، بر این اساس تعداد مول‌های لیتیم برمید و کلسیم برمید را به ترتیب معادل با a و $0/19a$ در نظر می‌گیریم و جرم هر ماده را در مخلوط اولیه محاسبه می‌کنیم:

$$\text{? g LiBr : } a \text{ mol LiBr} \times \frac{87 \text{ g LiBr}}{1 \text{ mol LiBr}} = 87a \text{ g LiBr}$$

$$\text{? g CaBr}_2 : 0/19a \text{ mol CaBr}_2 \times \frac{200 \text{ g CaBr}_2}{1 \text{ mol CaBr}_2}$$

$$= 38a \text{ g CaBr}_2$$

$$\frac{\text{جرم لیتیم برمید}}{\text{جم مخلوط}} \times 100 = \frac{\text{درصد جرمی لیتیم برمید}}{\text{درصد جرمی کلسیم برمید}}$$

$$\Rightarrow \frac{87a}{87a + 38a} \times 100 = 69/64$$

(شیمی - آب، آهنج زندگی - صفحه‌های ۹۶ تا ۹۸ و ۱۰۰)

(میرحسن مسینی)

«۵۵ - گزینهٔ ۲»

در یون‌های چند اتمی از قبیل کربنات (CO_3^{2-}), نیترات (NO_3^-), هیدروکسید (OH^-), سولفات (SO_4^{2-}) و آمونیوم (NH_4^+) بار الکتریکی متعلق به کل یون است.

نادرست: فسفید (P^{3-}) یونی تک‌atomی است و بار (-3) به فسفر تعلق دارد.

نادرست: بار الکتریکی یون سولفات ($2-$) است.

(شیمی - آب، آهنج زندگی - صفحه‌های ۹۶ و ۹۷)

شیمی (۱) - نگاه به گذشته

(هادی مهری‌زاده)

«۵۱ - گزینهٔ ۱»

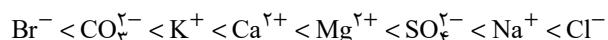
ازوزن در لایه استراتوسفر نقش مفید و در لایه تروپوسفر نقش مضری ایفا می‌کند.

(شیمی - ردپای گازها در زندگی - صفحه‌های ۷۳ تا ۷۶)

(هادی مهری‌زاده)

«۵۲ - گزینهٔ ۱»

با توجه به جدول خود را بیازمایید صفحه ۸۷ کتاب درسی شیمی دهم، مقایسه جرم یون‌ها به صورت زیر است:



(شیمی - آب، آهنج زندگی - صفحه ۸۷)

(هادی مهری‌زاده)

«۵۳ - گزینهٔ ۴»

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: نزدیک به ۷۵٪ سطح زمین را آب پوشانده است.
 گزینه «۲»: در واکنش‌های زیست‌کره درشت مولکول‌ها نقش اساسی ایفا می‌کنند.

گزینه «۳»: اگر کره زمین را مسطح در نظر بگیریم، آب همه سطح آن را تا ارتفاع بیش از ۲ کیلومتری می‌پوشاند.

(شیمی - آب، آهنج زندگی - صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

(پوپا رسکاری)

«۵۴ - گزینهٔ ۴»

فرمول شیمیایی کلسیم برمید و لیتیم برمید به ترتیب به صورت CaBr_2 و LiBr است. اگر شمار مول‌های کلسیم برمید و لیتیم برمید حل شده در محلول را به ترتیب معادل با X و Y مول در نظر بگیریم شمار مول ذرات ایجاد شده در محلول به صورت زیر می‌شود:

$$\Rightarrow \text{انحلال } X \text{ مول کلسیم برمید در محلول} \left\{ \begin{array}{l} \text{xmol Ca}^{2+} \\ 2x \text{ mol Br}^- \end{array} \right.$$



ب) تشکیل پیوند بین یک اتم اکسیژن با مولکول اکسیژن همراه با تولید دگرشكلي (آلوتروپ) از اين عنصر با واکنش پذيری بيشتر است که نسبت به اکسیژن مایع در دماي بالاتری به جوش می آيد.

پ) گازهای نیتروژن و هیدروژن در حضور کاتالیزگر در دما و فشار محیط برخلاف گاز هیدروژن و اکسیژن که به سرعت واکنش می دهند، با یکدیگر واکنش نمی دهند.

@AzmonVIP

ت) حجم یک مول از گازهای مختلف در دما و فشار معین با هم یکسان و برابر با یک مقدار ثابت است.

(شیمی ا- درپایی گازها در زندگی - صفحه‌های ۷۳، ۷۵، ۷۹، ۸۱ و ۸۳)

(منصور سلیمانی مکان)

«۵۹- گزینه» ۱

شكل درست عبارات نادرست:

ب) کاهش تولید مواد زیست تخریبناپذیر

پ) تولید سوخت‌های اکسیژن دار

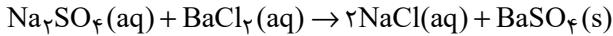
ت) تولید پلاستیک‌هایی بر پایه ناشاسته و پلیمرهایی که علاوه بر کربن و هیدروژن دارای اکسیژن می‌باشند.

(شیمی ا- درپایی گازها در زندگی - صفحه‌های ۷۰ و ۷۱)

(منصور سلیمانی مکان)

«۶۰- گزینه» ۳

ابتدا معادله واکنش را نوشت و موازنی می‌کنیم:



آ) نسبت تعداد آئیون به کاتیون در رسوب باریم سولفات ۱ به ۱ است.

ب) تفاوت مجموع ضرایب استوکیومتری واکنش دهندها و فراوردها:

$3 - 2 = 1$

پ) سدیم سولفات در یک واحد فرمولی دارای ۳ مول یون، باریم کلرید نیز ۳ مول یون دارد؛ در مجموع ۶ مول یون در معادله داریم. از طرفی با احتساب ضریب ۲ در سمت فراورده ۲ مول یون کلرید داریم، بنابراین خواهیم داشت:

$$\frac{2\text{mol Cl}^-}{6\text{mol}} \times 6\text{mol} = 3\text{mol Cl}^-$$

(شیمی ا- آب، آهنج زندگی - صفحه‌های ۸۹ تا ۹۱)

(مبتنی اتهاد)

«۵۶- گزینه» ۲

فقط مورد دوم درست است.

بررسی برخی موارد:

$$\text{(NH}_4)_2\text{CO}_3 \Rightarrow \frac{\text{شمار اتم‌ها}}{\text{تنوع عنصرها}} = \frac{14}{4} = \frac{7}{2}$$

مورد اول:

مورود سوم: کاتیون‌های موجود در آب دریا بیشتر از گروه‌های اول و دوم عناصر جدول تناوبی هستند.

(شیمی ا- آب، آهنج زندگی - صفحه‌های ۸۶ و ۸۷)

(عباس هنریو)

«۵۷- گزینه» ۴

ابتدا مقدار Na^+ را در Na_2SO_4 و NaOH محاسبه می‌کنیم:

$$\text{? mol Na}^+ = 20\text{ mL} \times \frac{0.5\text{ mol Na}_2\text{SO}_4}{100\text{ mL}}$$

$$\times \frac{2\text{ mol Na}^+}{1\text{ mol Na}_2\text{SO}_4} = 0.2\text{ mol Na}^+$$

$$\begin{aligned} \text{? mol Na}^+ &= \lambda\text{g NaOH} \times \frac{\text{mol NaOH}}{40\text{ g NaOH}} \times \frac{\text{mol Na}^+}{1\text{ mol NaOH}} \\ &= 0.2\text{ mol Na}^+ \end{aligned}$$

$$C_M(\text{Na}^+) = \frac{0.2 + 0.2}{0.2} = 2\text{ mol.L}^{-1}$$

اگر درصد جرمی (a) و چگالی (d) را داشته باشیم، غلظت مولی با فرمول زیر به دست می‌آید:

$$\frac{10 \times a.d}{23} = \frac{10 \times a \times 1/2}{23} \Rightarrow a = \frac{3}{83}$$

(شیمی ا- آب، آهنج زندگی - صفحه‌های ۹۶ تا ۹۸ و ۱۰۰)

(منصور سلیمانی مکان)

«۵۸- گزینه» ۴

همه عبارت‌های داده شده نادرست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

آ) توسعه پایدار بیان می‌کند هرگاه در مجموع، شرکتها و کارخانه‌ها، کالاهایی را تولید کنند که قیمت تمام شده تولید کالا برای کشور کاهش یابد، این توسعه سبب رشد واقعی کشور می‌شود.



(هادی مهدوی زاده)

$$\text{؟} \text{g HBr} = 20 \text{mL} \times \frac{1/5 \text{g}}{\text{ محلول}} \times \frac{3 \text{g HBr}}{10 \text{g محلول}} = 9 \text{g HBr}$$

جرم محلول نهایی $= 2000 + 20 \times 1/5 = 2030 \text{g}$

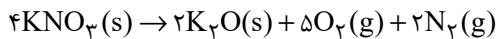
$$\text{ppm} = \frac{9}{2030} \times 10^6 \approx 4433$$

(شیمی ا- آب، آهنگ زنگی - صفحه‌های ۹۶ تا ۹۷)

«۶۲- گزینه ۱»

(پوپا رستکاری)

معادله موازن شده واکنش دوم به صورت مقابل است:



حجم مولی در این شرایط را به دست آوریم:

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{V_2}{22/4} = \frac{39+273}{273} \Rightarrow V_2 = 25/6 \text{ L mol}$$

۳۵/۸ لیتر گاز در این شرایط معادل با $1/4$ مول گاز می‌باشد. با توجه به ضرایب استوکیومتری گازهای نیتروژن و اکسیژن، اگر تعداد مول‌های نیتروژن را X در نظر بگیریم، تعداد مول‌های گاز اکسیژن برابر با $2/5X$ می‌شود پس داریم:

$$x + 2/5X = 1/4 \Rightarrow x = 0/4 \text{ mol}$$

بنابراین در واکنش دوم $0/4$ مول گاز نیتروژن به همراه 1 مول گاز اکسیژن تولید و $0/8$ مول پتانسیم نیترات نیز مصرف شده است. اگر فرض کنیم در واکنش اول y مول گاز تولید شده باشد، در واکنش تولید نیتروژن مونوکسید، $y+1$ مول گاز اکسیژن استفاده شده، اما با توجه به ضرایب استوکیومتری مواد در واکنش تنها $0/6$ مول از آن مصرف می‌شود؛ بنابراین از این مقدار $y+0/6$ مول باقی می‌ماند که معادل با $4/38$ گرم از این گاز است. بنابراین داریم:

$$0/6+y=\frac{38/4}{32} \Rightarrow 0/6+y=1/2 \Rightarrow y=0/6 \text{ mol}$$

در واکنش (اول) $2\text{KNO}_3(s) \rightarrow 2\text{KNO}_2(s) + \text{O}_2(g)$ با توجه به ضرایب استوکیومتری، $0/6$ مول گاز اکسیژن تولید شده و $1/2$ مول پتانسیم نیترات نیز مصرف شده است. در آخر کافی است جرم پتانسیم نیترات مصرف شده در واکنش‌ها را به دست بیاوریم و اختلاف آن‌ها را حساب کنیم:

$$\begin{aligned} & \left. \Rightarrow (1/2 - 0/8) \times 10^1 \right\} = 10 \times 0/4 = 40/4 \text{ g KNO}_3 \\ & \left. \Rightarrow (1/2 - 0/8) \times 10^1 \right\} = 10 \times 0/4 = 40/4 \text{ g KNO}_3 \end{aligned}$$

(شیمی ا- ردپای گازها در زنگی - صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)

(میرحسن هسینی)

«۶۳- گزینه ۲»

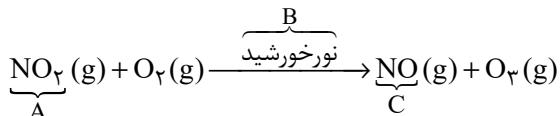
آب اقیانوس‌ها و دریاهای مخلوطی همگن است. نزدیک ۷۵ درصد سطح زمین از آب پوشیده شده است. سالانه میلیاردها تن مواد گوناگون از سنگ کره وارد آب کرده می‌شود. جانداران آبزی سالانه میلیاردها تن کربن دی‌اکسید را وارد هواکره و مقدار بسیار زیادی از گاز اکسیژن محلول در آب را مصرف می‌کنند.

(شیمی ا- آب، آهنگ زنگی - صفحه‌های ۸۵ تا ۸۷)

(میرحسن هسینی)

«۶۴- گزینه ۴»

همه عبارت‌ها نادرست است.



بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: هوای آلوده شهرهای بزرگ اغلب به دلیل گاز نیتروژن دی‌اکسید (NO_2) به رنگ قهوه‌ای رoshen دیده می‌شود.

عبارت دوم: اصلی‌ترین جزء سازنده هواکره نیتروژن است که در زمان و قوع رعدوبرق یا دمای بالای درون موتور خودروها با اکسیژن هوا، گاز نیتروژن مونوکسید (NO) را ایجاد می‌کند. در حضور نورخورشید این واکنش پیشرفت چندانی ندارد.

عبارت سوم: ساختار اوزون (O_3) در لایه‌های تروپوسفر و استراتوسفر یکسان است. فقط نقش آن متفاوت است. اوزون در استراتوسفر نقش مفید و محافظتی دارد ولی در تروپوسفر نقش آن مضر و زیانیار است. عبارت چهارم: B، نورخورشید است.

(شیمی ا- ردپای گازها در زنگی - صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)



(میرحسن مسینی)

«۶۶ - گزینه ۲»

تنهای عبارت (ث) درست است.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت (آ): هیدروژن فراوان‌ترین عنصر در جهان است، نه هواکره.

عبارت (ب): تنها فراورده سوختن هیدروژن، H_2O (آب) است.عبارت (پ): از سوختن زغال‌سنگ، H_2O ایجاد می‌شود که نشان از وجود هیدروژن در ترکیب آن است.

عبارت (ت): هیدروژن عنصری واکنش‌پذیر است و تولید و حمل و نقل و نگهداری آن دشوار و پرهزینه است.

عبارت (ث): قیمت یک گرم هیدروژن براساس کتاب درسی ۲۸۰۰ ریال و

$$\frac{2800}{14} = 200$$

قیمت یک گرم بنزین ۱۴ ریال است.

(شیمی ا- ردپای گازها در زنگی - صفحه ۷۷)

(میرحسن مسینی)

«۶۷ - گزینه ۲»

فقط عبارت (ب) نادرست است.

بررسی عبارت‌ها:

آ: گلاب مخلوطی همگن از چند ماده آلی (کربن‌دار) در آب است.

ب: ضدیخ، محلول اتیلن گلیکول در آب است.

حل شونده: اتیلن گلیکول
حلال: آب

پ: سرم فیزیولوژی، محلول نمک (ترکیب یونی) در آب است.

ت: در هر ۱۰۰ گرم از آب دریای مرده، ۲۷ گرم حل شونده (انواع نمک‌ها) وجود دارد.

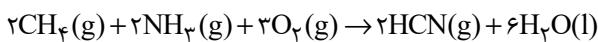
ث: سرم فیزیولوژی یک محلول رقیق و گلاب دو آتشه یک محلول غلیظ است.

(شیمی ا- آب، آهنج زنگی - صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

(پویا رستگاری)

«۶۵ - گزینه ۱»

واکنش مورد نظر در شرایط استاندارد و در یک سیلندر با پیستون متحرک انجام شده است، پس می‌توان گفت فشار در طول انجام شدن واکنش ثابت بوده است. معادله واکنش انجام شده به صورت زیر است:



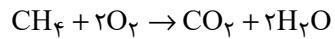
در واکنش موردنظر ۷ مول ماده گازی (۲ مول متان، ۲ مول آمونیاک و ۳ مول اکسیژن) با یکدیگر واکنش داده و ۲ مول ماده گازی (۲ مول گاز هیدروژن سیانید) تولید شده است. علاوه بر این، در طول واکنش موردنظر ۶ مول آب نیز تولید شده است. به عبارت دیگر می‌توان گفت به ازای تولید ۶ مول آب در این واکنش شیمیابی، تعداد مول‌های مواد گازی موجود در طرف واکنش به اندازه ۵ mol کاهش پیدا می‌کند. از طرفی می‌دانیم در شرایط استاندارد حجم هر مول ماده گازی برابر با $\frac{22.4}{4}$ لیتر است. براین اساس می‌توان گفت به ازای تولید ۶ مول آب در واکنش موردنظر حجم مخلوط گازی به اندازه ۱۱۲ لیتر در شرایط استاندارد کاهش پیدا می‌کند. با توجه به صورت سوال ارتفاع پیستون به اندازه ۴۲ سانتی‌متر تغییر کرده (کاهش پیدا کرده است) تغییرات حجم را بحسب لیتر به دست می‌آوریم:

$$\Delta V = A \times \Delta h \Rightarrow 40.0 \times 42 = 1680 \text{ cm}^3 \text{ یا } \frac{16}{8} \text{ L}$$

بنابراین $\frac{16}{8}$ لیتر کاهش حجم رخ داده است؛ بنابراین تعداد مول آب تولید شده را به دست می‌آوریم:

$$\frac{6 \text{ mol } H_2O}{\text{کاهش حجم } 112 \text{ L}} \times \frac{\text{کاهش حجم } 16 / 8 \text{ L}}{\text{کاهش حجم } 16 / 8 \text{ L}} = 0.9 \text{ mol } H_2O$$

در نهایت مقدار متان مصرف شده را بحسب مقدار آب تولیدی به دست می‌آوریم:



$$\frac{1 \text{ mol } CH_4}{0.9 \text{ mol } H_2O} \times \frac{1 \text{ mol } CH_4}{2 \text{ mol } H_2O} \times \frac{16 \text{ g } CH_4}{1 \text{ mol } CH_4} = 7 / 2 \text{ g } CH_4$$

(شیمی ا- ردپای گازها در زنگی - صفحه‌های ۷۷ تا ۸۱)



(میرحسن مسینی)

«۶۹- گزینه» ۳

یکی از مراحل واکنش تهیه سولفوریک اسید (H_2SO_4) تبدیل SO_2

(گوگرد دی اکسید) به SO_3 (گوگرد تری اکسید) است؛ بنابراین فقط عبارت

(ب) نادرست است. بررسی سایر عبارت‌ها:



با افزایش دما و کاهش فشار، حجم بیشتر می‌شود.

در STP ، دما ${}^{\circ}C$ و فشار ۱ اتمسفر است.

(پ) فراوان‌ترین جزء سازنده هواکره، نیتروژن است که واکنش‌پذیری ناچیزی دارد.

(ت) گاز اوزون در استراتوسفر (برخلاف تروپوسفر) نقش مفید و محافظتی دارد.

(شیمی ا- ردپای لازها در زندگی- صفحه‌های ۷۸، ۷۵ و ۸۰)

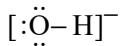
(مبتدی انتها)

«۷۰- گزینه» ۲

فقط عبارت سوم درست است.

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت اول: نسبت آن $\frac{1}{3}$ می‌باشد.



عبارت دوم: برای تبدیل CO_2 به مواد معدنی از واکنش CaO یا MgO

CO_2 استفاده می‌کنیم.

عبارت چهارم: آمونیاک در دمای اتاق گازی شکل است.

(شیمی ا- ترکیبی- صفحه‌های ۷۰، ۷۷، ۸۰ و ۸۲)

(پویا رستگاری)

«۶۸- گزینه» ۳

اگر تعداد مول مس (II) نیترات را X و تعداد مول کلسیم نیترات را y

مول در نظر بگیریم، از انحلال هر X مول $Cu(NO_3)_2$ ، x مول یون

مس (II) و $2X$ مول یون نیترات ایجاد می‌شود. از طرفی از انحلال هر y

مول $Ca(NO_3)_2$ نیز y مول یون کلسیم و $2y$ مول یون نیترات

حاصل می‌شود. اگر یک محلول یک لیتری از این محلول در نظر بگیریم،

مجموعاً $\frac{26}{100}$ مول یون نیترات در محلول داریم؛ بنابراین به این معادله

$$2X + 2y = \frac{26}{100} \quad (۱)$$

از طرفی وقتی غلظت ppm کاتیون‌های مس و کلسیم در محلول برابر

است، یعنی جرم‌های برابری از این دو کاتیون را در اختیار داریم، پس

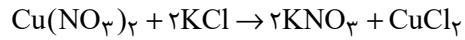
می‌نویسیم:

$$64X = 40y \Rightarrow y = \frac{1}{6}X \quad (۲)$$

$$\frac{2X + 2y = \frac{26}{100}}{y = \frac{1}{6}X, X = \frac{1}{6} \times 26} \quad (۳)$$

با توجه به صورت سوال تنها مس (II) نیترات بوده که با پتانسیم کلرید

واکنش داده و معادله واکنش آن‌ها نیز به صورت زیر است:



$$\frac{100 \text{ mol } Cu(NO_3)_2}{1 \text{ mL محلول}} \times \frac{1 \text{ mL محلول}}{100 \text{ mL محلول}} \times \frac{1 \text{ mol } KCl}{1 \text{ mol } Cu(NO_3)_2} \times \frac{1 \text{ mol } CuCl_2}{1 \text{ mol } KCl} = 25 \text{ mL محلول}$$

$$\frac{100 \text{ mL محلول}}{1 \text{ L محلول}} \times \frac{1 \text{ mol } CuCl_2}{1 \text{ mol } Cu(NO_3)_2} \times \frac{135 \text{ g } CuCl_2}{1 \text{ mol } CuCl_2} = 6.75 \text{ g } CuCl_2$$

$$\frac{100 \text{ mL محلول}}{1 \text{ L محلول}} \times \frac{1 \text{ mol } CuCl_2}{1 \text{ mol } Cu(NO_3)_2} \times \frac{135 \text{ g } CuCl_2}{1 \text{ mol } CuCl_2} = 6.75 \text{ g } CuCl_2$$

(شیمی ا- آب، آهنهای زندگی- صفحه‌های ۹۴، ۹۶ و ۹۸)



$$\text{فرض می‌کنیم: } t = \sqrt{\frac{2x+1}{x}}$$

$$\frac{9}{t} + t = 6 \Rightarrow t^2 - 6t + 9 = 0 \Rightarrow (t-3)^2 = 0$$

$$\Rightarrow t = 3 \Rightarrow \sqrt{\frac{2x+1}{x}} = 3 \Rightarrow \frac{2x+1}{x} = 9 \Rightarrow 9x = 2x + 1$$

$$\Rightarrow 7x = +1 \Rightarrow x = +\frac{1}{7}$$

$x = \frac{1}{7}$ زیرا دیگال را منفی نمی‌کند و قابل قبول است.

(حسابان - هبر و معارله - صفحه‌های ۱۳ و ۲۰ تا ۲۲)

(علی آزاد)

«۷۵ گزینهٔ ۴»

$$\frac{x}{x^2-4} + \frac{x+a}{x+2} = 1 \Rightarrow \frac{x+(x+a)(x-2)}{(x^2-4)} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{x+x^2+(a-2)x-2a}{x^2-4} = 1 \quad |x \neq \pm 2$$

$$x^2 + (a-1)x - 2a = x^2 - 4 \Rightarrow x = \frac{2a-4}{a-1}$$

برای اینکه معادله ریشه نداشته باشد حالت‌های زیر امکان‌پذیر است.

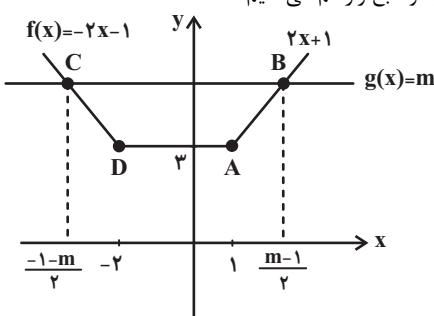
$$\left\{ \begin{array}{l} 1) a = 1 \\ 2) x = 2 \Rightarrow 2 = \frac{2a-4}{a-1} \Rightarrow 2a-2 = 2a-4 \\ \Rightarrow -2 = -4 \quad \text{غیرقیمتی} \\ 3) x = -2 \Rightarrow -2 = \frac{2a-4}{a-1} \Rightarrow -2a+2 = 2a-4 \\ \Rightarrow 4a = 6 \Rightarrow a = \frac{3}{2} \\ a = \frac{3}{2} \quad \text{مجموع مقادیر} \\ a = 1 + \frac{5}{2} = \frac{7}{2} \end{array} \right.$$

(حسابان - هبر و معارله - صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

(علی آزاد)

«۷۶ گزینهٔ ۴»

ابتدا نمودار دوتابع را در سمت راست نمایم:



حسابان (۱) - نکاه به آینده

(علی آزاد)

اعداد سه رقمی که باقیمانده تقسیم هر یک از آنها بر ۵ و ۶ برابر با ۱ باشد (یعنی باقیمانده تقسیم آنها بر ۳۰ برابر یک باشد) به صورت زیر هستند:

۱۲۱، ۱۵۱، ...، ۹۹۱ $\Rightarrow 30$

$$a_n = a_1 + (n-1)d \Rightarrow 991 = 121 + (n-1) \times 30$$

$$\Rightarrow n-1 = 29 \Rightarrow n = 30 \Rightarrow S_30 = \frac{30}{2} [121 + 991] = 16680$$

(حسابان - هبر و معارله - صفحه‌های ۲ تا ۴)

(محمد فهیدی)

و ریشه‌های معادله $x^2 + x - 1 = 0$ هستند و $\alpha > \beta$ بنابراین:

$$S = \alpha + \beta = \frac{-b}{a} = -1$$

$$P = \alpha\beta = \frac{c}{a} = -1$$

از طرفی:

$$5\alpha^2 + 3\beta^2 = \alpha^2 + 4\alpha^2 + 4\beta^2 - \beta^2$$

$$= (\alpha^2 - \beta^2) + 4(\alpha^2 + \beta^2)$$

$$= (\underbrace{\alpha - \beta}_{\text{منفی}})(\alpha + \beta) + 4(\alpha^2 + \beta^2)$$

$$* \left(-\frac{\sqrt{\Delta}}{|a|} \right) (S) + 4(S^2 - 2P) = \left(-\frac{\sqrt{\Delta}}{|a|} \right) (-1) + 4(1+2)$$

$$= \sqrt{\Delta} + 12$$

$$* |\beta - \alpha| = \frac{\sqrt{\Delta}}{|a|} \quad \beta > \alpha \Rightarrow \beta - \alpha = \frac{\sqrt{\Delta}}{|a|}$$

$$\Rightarrow \alpha - \beta = -\frac{\sqrt{\Delta}}{|a|}$$

(حسابان - هبر و معارله - صفحه‌های ۷ تا ۹)

(اخشین لستانی)

از آنجا که طول رأس سهمی $= 1$ است و نمودار محور X ها را در $x = 3$ قطع کرده است لذا با توجه به تقارن، سهمی محور X ها را در طول $-1 = x$ نیز قطع می‌کند.

$$f(-1) = 0 \Rightarrow a \times (-1)^2 + 2b \times (-1) + c + (-1) = 0$$

$$\Rightarrow a - 2b + c - 1 = 0 \Rightarrow a - 2b + c = 1$$

(حسابان - هبر و معارله - صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(محمد ابراهیم تووزنده‌جانی)

$$9 \sqrt{\frac{x}{2x+1}} + \sqrt{\frac{2x+1}{x}} = 6$$

«۷۴ گزینهٔ ۲»



$$\begin{aligned} A\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right), \quad BC \text{ وسط } M \left| \begin{array}{l} \frac{x_B + x_C}{2} = 0 \\ \frac{y_B + y_C}{2} = 2 \end{array} \right. \\ \Rightarrow AM = \sqrt{(0-1)^2 + (2-2)^2} = 1 \\ \frac{AH}{AM} = \frac{\frac{2\sqrt{5}}{5}}{\frac{1}{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5} \end{aligned}$$

(مسابان ا- بهر و معادله- صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

(محمد رضا غریب دوست)

«۷۹- گزینه»دو تابع f و g را برابر می‌نامیم، به شرطی که:

$$D_f = D_g \quad (1)$$

(۲) به ازای هر x از دامنه دو تابع $f(x) = g(x)$ پس می‌توان نتیجه گرفت برای این که دو تابع برابر باشند، باید ضابطه تابع g به صورت زیر باشد:

$$\begin{aligned} g(x) &= \frac{a(x+\frac{b}{a})}{x^2+cx+d} = \frac{a(x-3)}{(x-3)^2} = \frac{a}{x-3} \\ \Rightarrow x^2+cx+d &= (x-3)^2 \Rightarrow x^2+cx+d = x^2-6x+9 \\ \Rightarrow c = -6, \quad d = 9 & \\ a &= 5 \quad \text{از طرفی:} \\ \frac{b}{a} &= -3 \Rightarrow b = -15 \quad \text{بنابراین:} \\ a+b+c+d &= 5-15-6+9 = -7 \end{aligned}$$

(مسابان ا- تابع- صفحه‌های ۳۵ تا ۳۶)

(امسان غنیزاده)

«۸۰- گزینه»

اگر مخرج تابع y را $f(x) = 2x^2 - ax + 2b$ فرض کنیم داریم:

$$\begin{cases} f(-1) = 0 \\ f(3) = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2+a+2b = 0 \\ 18-3a+2b = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a+2b = -2 \\ 3a-2b = 18 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 4a = 16 \Rightarrow a = 4$$

$$a+2b = -2 \xrightarrow{a=4} 4+2b = -2 \Rightarrow b = -3$$

$$y = \sqrt{10x^2 - 2(-3)x - 4} = \sqrt{10x^2 + 6x - 4}$$

$$\Rightarrow 10x^2 + 6x - 4 \geq 0$$

$$10x^2 + 6x - 4 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{-6}{10} \\ x = -1 \end{cases} \Rightarrow \begin{array}{c|ccc} x & \frac{-6}{10} & -1 & 0/4 \\ \hline & + & - & + \end{array}$$

 $\Rightarrow (-\infty, -1] \cup [0/4, +\infty)$

$$\Rightarrow D_y = \mathbb{R} - (-1, 0/4)$$

(مسابان ا- تابع- صفحه‌های ۳۵ تا ۳۶)

$$B\left(\frac{m-1}{2}, m\right) \Rightarrow 2x+1=m \Rightarrow x=\frac{m-1}{2}$$

$$A(1, 3) \quad B\left(\frac{m-1}{2}, m\right)$$

$$\overline{CD} = \overline{AB} = \sqrt{\left(\frac{m-1}{2}-1\right)^2 + (m-3)^2}$$

$$= \sqrt{\left(\frac{m-3}{2}\right)^2 + (m-3)^2} = (m-3)\sqrt{\frac{5}{4}} = \left(\frac{m-3}{2}\right)\sqrt{5}$$

$$P = 3 + \left[\left(\frac{m-1}{2}\right) - \left(\frac{-1-m}{2}\right)\right] + 2\left(\frac{m-3}{2}\right)\sqrt{5} = 3 + m + (m-3)\sqrt{5}$$

$$P = m + 3 + (m-3)\sqrt{5} = 10 + 4\sqrt{5} \Rightarrow m = 7$$

$$B(3, 7), C(-4, 7)$$

$$S = \frac{3+7}{2} \times 4 = 5 \times 4 = 20$$

(مسابان ا- بهر و معادله- صفحه‌های ۳۳ تا ۳۵)

«۷۷- گزینه»نقاطی را که روی خط $y = x - 3$ قرار دارد به صورت $(k, k-3)$ فرض می‌کنیم:

$$\begin{array}{l} \text{فاصله از مبدأ مختصات} \\ \overrightarrow{D} = \sqrt{(k-1)^2 + (k-4)^2} = \sqrt{5} \\ \overrightarrow{k^2 + k^2 - 6k + 9} = 5 \end{array}$$

$$2k^2 - 6k + 4 = 0 \Rightarrow k^2 - 3k + 2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} k = 1 \\ k = 2 \end{cases}$$

$$\begin{array}{ll} \nearrow k = 1 \Rightarrow (1, -2) \Rightarrow & \text{مجموع طول و عرض} \\ (k, k-3) & \\ \searrow k = 2 \Rightarrow (2, -1) \Rightarrow & \text{مجموع طول و عرض} \\ & (مسابان ا- بهر و معادله- صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹) \end{array}$$

«۷۸- گزینه»ابتدا اندازه AH (فاصله نقطه A از خط BC) را بدست می‌آوریم:

$$BC \quad m_{BC} = \frac{y_C - y_B}{x_C - x_B} = \frac{0 - 4}{-1 - 1} = 2$$

$$B\left(\frac{1}{4}, 2\right), \quad m_{BC} = 2$$

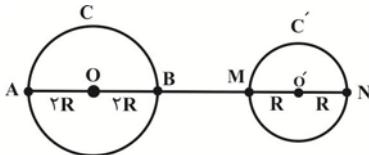
$$\Rightarrow y - y_B = m(x - x_B) \Rightarrow y - 4 = 2(x - 1) \\ BC : 2x - y + 2 = 0$$

حال فاصله رأس A از خط BC برابر است با:

$$AH = \frac{|2(1) - 1(2) + 2|}{\sqrt{2^2 + (-1)^2}} = \frac{2}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5}$$

از طرفی طول میانه AM به صورت زیر بدست می‌آید:

(فرزانه فاکپاش)

«۸۴- گزینه ۲»

مطابق شکل بیشترین فاصله نقاط دو دایره C و C' از یکدیگر برابر طول پاره خط AN است. داریم:

$$AN = AB + BM + MN \Rightarrow \lambda R = 4R + BM + 2R$$

$$\Rightarrow BM = 2R$$

بنابراین طول خط المركبین دو دایره، $OO' = 5R$ است و داریم:

$$= \sqrt{OO'^2 - (R + R')^2}$$

$$\Rightarrow 12 = \sqrt{(5R)^2 - (2R + R)^2}$$

$$\xrightarrow{\text{به توان ۲}} 144 = 25R^2 - 9R^2 = 16R^2 \Rightarrow R^2 = 9 \Rightarrow R = 3$$

(هنرسه - ۲ صفحه های ۲۰ و ۲۱)

(امیرحسین ابومبوب)

«۸۵- گزینه ۱»

فرض کنید طول خط المركبین دو دایره برابر d و طول مماس مشترکهای داخلی و خارجی این دو دایره به ترتیب برابر 1 و $1'$ باشد. در این صورت داریم:

$$1' = 31 \Rightarrow \sqrt{d^2 - (5-2)^2} = 3\sqrt{d^2 - (5+2)^2}$$

$$\xrightarrow{\text{به توان ۲}} d^2 - 9 = 9(d^2 - 49)$$

$$\Rightarrow d^2 - 9 = 9d^2 - 441 \Rightarrow 8d^2 = 432 \Rightarrow d^2 = 54$$

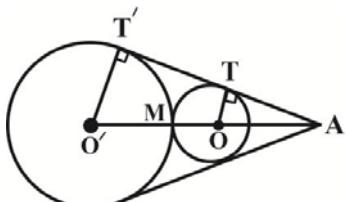
$$\Rightarrow d = 3\sqrt{6}$$

(هنرسه - ۲ صفحه های ۲۱ و ۲۲)

(فرزانه فاکپاش)

«۸۶- گزینه ۳»

مماس مشترکهای خارجی دو دایره یکدیگر را در نقطه‌ای واقع بر امتداد خط المركبین دو دایره قطع می‌کنند. مطابق شکل داریم:



$$\frac{\Delta}{AO'T}: OT \parallel O'T \xrightarrow{\text{تعمیم قضیه تالس}} \frac{AO}{AO'} = \frac{OT}{O'T}$$

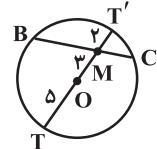
$$\Rightarrow \frac{AM - OM}{AM + O'M} = \frac{OT}{O'T} \Rightarrow \frac{AM - 2}{AM + 4} = \frac{2}{4}$$

$$\Rightarrow 4AM - 8 = 2AM + 8 \Rightarrow 2AM = 16 \Rightarrow AM = 8$$

(هنرسه - ۲ صفحه های ۲۱ و ۲۲)

هنرسه (۲) - نکاه به آینده**«۸۱- گزینه ۱»**

با رسم امتداد OM از دو طرف و مشخص شدن قطر TT' داریم:



$$\begin{cases} OT = R = 5 \Rightarrow MT = R + OM = 5 + 3 = 8 \\ MT' = OT - OM = R - OM = 5 - 3 = 2 \end{cases}$$

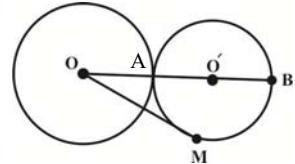
حال با توجه به قضیه روابط طولی در دایره داریم:

$$BM \times MC = T'M \times MT = 2 \times 8 = 16$$

(هنرسه - ۲ صفحه های ۱۸ و ۱۹)

«۸۲- گزینه ۳»

با توجه به فرض مسئله $OO' = 13 = r + r'$ بنابراین دو دایره مماس بیرون هستند.



با نوشتن روابط طولی نقطه O نسبت به دایره کوچک‌تر داریم:

$$OM^2 = OA \times OB \Rightarrow OM^2 = 8 \times 18 = 144 \Rightarrow OM = 12$$

(هنرسه - ۲ صفحه های ۱۸ و ۱۹)

«۸۳- گزینه ۴»

اگر شعاع‌های دو دایره را با R_1 و R_2 و اندازه مماس مشترک داخلی دو دایره را با TT' نمایش دهیم، داریم:

$$\begin{aligned} TT' &= \sqrt{d^2 - (R_1 + R_2)^2} = \sqrt{13^2 - (7+5)^2} \\ &= \sqrt{169 - 144} = \sqrt{25} = 5 \Rightarrow 3a - 4 = 5 \Rightarrow 3a = 9 \Rightarrow a = 3 \end{aligned}$$

(هنرسه - ۲ صفحه های ۲۱ و ۲۲)

(سریریکی از اریان تبریزی)

«۸۹- گزینه»

$$\hat{M}P\hat{N} = \frac{\widehat{CM} + \widehat{BD}}{2} \quad \text{و} \quad \widehat{CM} = \widehat{MD} \Rightarrow \hat{M}P\hat{N} = \frac{\widehat{MD} + \widehat{BD}}{2} = \frac{\widehat{BDM}}{2}$$

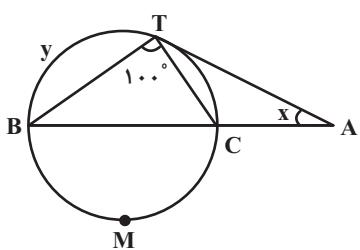
$$\begin{aligned} \hat{A} &= \hat{MPN} = \frac{\widehat{BDM}}{2} \\ \hat{M} &= \hat{M} \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} \text{تساوی دوزاویه} \\ \text{AMB} \sim PMN \end{array} \right\}$$

$$\Rightarrow \frac{MA}{MP} = \frac{MB}{MN} \Rightarrow \frac{4}{MP} = \frac{5}{MP} \Rightarrow MP = \frac{8}{5} = 1.6$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

(محمد خندان)

«۹۰- گزینه»



$$\hat{B}TC = \frac{\widehat{BMC}}{2} \Rightarrow 100^\circ = \frac{\widehat{BMC}}{2} \Rightarrow \widehat{BMC} = 200^\circ$$

$$\Rightarrow \widehat{BTC} = 360^\circ - 200^\circ = 160^\circ$$

فرض کنید $\widehat{TC} = z$ باشد. در این صورت داریم:

$$\hat{B} = \hat{A} = 2x \Rightarrow \frac{z}{r} = 2x \Rightarrow z = 4x \quad (1)$$

$$\hat{A} = \frac{\widehat{BT} - \widehat{TC}}{2} \Rightarrow \frac{y-z}{2} = x \Rightarrow y-z = 2x$$

$$\frac{(1)}{} \rightarrow y - 4x = 2x \Rightarrow y = 6x$$

$$\widehat{BT} + \widehat{TC} = 160^\circ \Rightarrow 6x + 4x = 160^\circ \Rightarrow 10x = 160^\circ$$

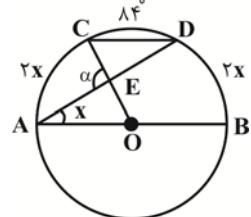
$$\Rightarrow x = 16^\circ \Rightarrow y = 6 \times 16^\circ = 96^\circ$$

$$y - x = 96^\circ - 16^\circ = 80^\circ$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

(اگهیان قاصه‌فان)

«۸۷- گزینه»

فرض کنید $\hat{DAB} = x$ باشد. در این صورت داریم:

$$\hat{DAB} = \frac{\widehat{DB}}{2} \Rightarrow \widehat{DB} = 2x$$

$$AB \parallel CD \Rightarrow \widehat{AC} = \widehat{DB} = 2x$$

$$\widehat{AC} + \widehat{CD} + \widehat{DB} = 180^\circ \Rightarrow 2x + 84^\circ + 2x = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 4x = 96^\circ \Rightarrow x = 24^\circ$$

$$\hat{AO}C = \widehat{AC} = 2x \quad (\text{زاویه مرکزی})$$

$$\hat{OAE} = \hat{AO}C = 2x \quad (\text{زاویه خارجی})$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

«۸۸- گزینه»

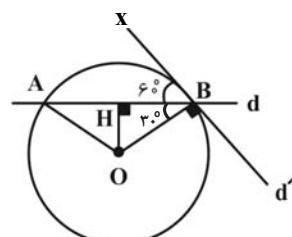
می‌دانیم شعاع در نقطه تماس بر خط مماس عمود است، بنابراین داریم:

$$\hat{O}BA = \hat{OBX} - \hat{ABX} = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ \Rightarrow \hat{BOH} = 60^\circ$$

می‌دانیم در یک مثلث قائم‌الزاویه، طول اضلاع روبرو به زوایای 30° و 60°

$$\text{به ترتیب } \frac{1}{2} \text{ و } \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ طول وتر است، بنابراین در مثلث قائم‌الزاویه } \hat{OBH}$$

داریم:



$$OH = \frac{1}{2} \times 2 = 1$$

$$BH = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 2 = \sqrt{3} \Rightarrow AB = 2BH = 2\sqrt{3}$$

$$S_{\triangle OAB} = \frac{1}{2} OH \times AB = \frac{1}{2} \times 1 \times 2\sqrt{3} = \sqrt{3}$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

$$F_T = 0 \Rightarrow F = mg \Rightarrow k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} = mg \Rightarrow k \frac{q^2}{r^2} = mg$$

$$\frac{9 \times 10^9 \times q^2}{36 \times 10^{-4}} = 25 \times 10^{-3} \Rightarrow q^2 = \frac{25 \times 36}{9} \times 10^{-16}$$

$$\Rightarrow q = \frac{5 \times 6}{3} \times 10^{-8} = 10^{-7} C$$

$$q = ne \Rightarrow 10^{-7} = n \times 1 / 6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 6 / 25 \times 10^{11}$$

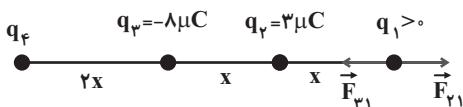
(غیریک ۲ - صفحه‌های ۵ و ۷)

(مهندی باستانی)

«گزینه ۱»

علامت بار q_1 مهم نیست و می‌توانیم فرض کنیم مثلاً مثبت است. برآیند

نیروهای وارد بر بار q_1 را حساب می‌کنیم:



$$\begin{cases} F_{21} = k \frac{3 \times |q_1|}{x^2} = \frac{3k|q_1|}{x^2} \\ F_{31} = k \frac{8 \times |q_1|}{(2x)^2} = \frac{2k|q_1|}{x^2} \end{cases} \quad \xrightarrow{F_{21} > F_{31}}$$

پس برآیند این دو نیرو به سمت راست و برابر $k \frac{|q_1|}{x^2}$ است.

در نتیجه بار q_4 باید نیروی هماندازه $k \frac{|q_1|}{x^2}$ به سمت چپ به بار q_1

وارد کند تا برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر این بار صفر شود. با توجه به

جهت نیروی q_4 ، علامت q_4 منفی است.

$$k \frac{|q_4||q_1|}{(4x)^2} = k \frac{|q_1|}{x^2} \Rightarrow |q_4| = 16\mu C \Rightarrow q_4 = -16\mu C$$

(غیریک ۲ - صفحه‌های ۵ و ۷)

فیزیک (۲) - نگاه به آینده

(مهندی باستانی)

«گزینه ۴»

هسته اتم کربن ۶ پروتون دارد و در نتیجه بار الکتریکی هسته اتم برابر است

با:

$$q = +ne = 6 \times 1 / 6 \times 10^{-19} = 9 / 6 \times 10^{-19} C$$

در قسمت دوم سؤال بار خالص یون کربن برابر $C = 2 \times 10^{-19}$ شده

است؛ در نتیجه چون بار مثبت می‌باشد، الکترون از دست داده است که

تعداد الکترون از دست داده اتم کربن به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$q = ne \Rightarrow 3 / 2 \times 10^{-19} = n \times 1 / 6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 2$$

پس ۲ الکترون از دست داده و تعداد الکترون‌های آن به ۴ عدد می‌رسد.

(غیریک ۲ - صفحه‌های ۵ و ۷)

(مهندی باستانی)

«گزینه ۲»

موارد «الف» و «ب» صحیح است.

اما دلیل نادرست بودن مورد «پ»: با مالش دادن C و D به هم، C دارای

بار مثبت می‌شود و چون الکتروسکوپ دارای بار مثبت بوده است با نزدیک

کردن جسم C به کلاهک الکتروسکوپ فاصله ورقه‌ها افزایش می‌یابد.

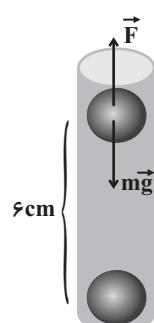
(غیریک ۲ - صفحه‌های ۵ و ۷)

(اشکان ولیزاده)

«۲»

چون دو گوی در حالت تعادل قرار دارند، پس می‌توان گفت همدیگر را دفع

می‌کنند و نیروی الکتریکی، نیروی وزن را برای گوی بالائی خنثی می‌کند.





(عبدالرضا امینی نسب)

«۹۶- گزینهٔ ۱»

هنگامی که فاصله از ۳ متری به ۹ متری تغییر می‌کند، یعنی فاصله ۳ برابر شده است. پس طبق رابطه میدان الکتریکی داریم:

$$r_2 = 3r_1 \Rightarrow \frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 = \frac{1}{9} \Rightarrow E_2 = \frac{1}{9} E_1$$

$$\Rightarrow E_2 - E_1 = -24000 \Rightarrow \frac{1}{9} E_1 - E_1 = -24000$$

$$\Rightarrow -\frac{8}{9} E_1 = -24000 \Rightarrow E_1 = 27000 \frac{N}{C}$$

$$E_1 = k \frac{|q_1|}{r^2} \Rightarrow 27000 = 9 \times 10^9 \times \frac{|q_1|}{9} \Rightarrow |q_1| = 27 \mu C$$

(فیزیک - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

(اشکان ولیزاده)

«۹۷- گزینهٔ ۳»

براساس رابطه اختلاف پتانسیل الکتریکی دو نقطه می‌توان نوشت:

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \Rightarrow q_0 = \frac{\Delta U}{-5 \times 10^{-6}} \Rightarrow \Delta U = -45 \times 10^{-5} J$$

چون کار نیروی خارجی برابر صفر است:

$$\frac{\Delta U = -\Delta K}{\Delta K = K_2 - K_1} \Rightarrow \Delta K = 450 \times 10^{-6} J$$

$$\Delta K = K_2 - K_1 = \frac{1}{2} m(v_B^2 - v_A^2)$$

$$\Rightarrow 450 \times 10^{-6} = \frac{1}{2} \times 3 \times 10^{-6} \times (v_B^2 - 25 \times 10^2)$$

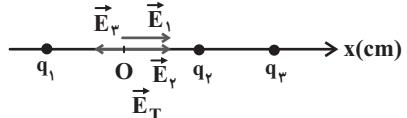
$$\Rightarrow v_B^2 = 625 \Rightarrow v_B = 25 \frac{m}{s}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

(عبدالرضا امینی نسب)

«۹۵- گزینهٔ ۴»

میدان ناشی از بارهای q_1 و q_2 در مبدأ، هر دو در جهت محور X است و از آنجایی که مقدار بار الکتریکی و فاصله‌شان تا مرکز (O) یکسان است، میدان یکسانی ایجاد می‌کنند.



$$E_1 = E_2 = k \frac{|q_1|}{r^2} \Rightarrow E_1 = 9 \times 10^9 \times \frac{2 \times 10^{-9}}{10^{-2}} = 1800 \frac{N}{C}$$

$$E_{1,2} = E_1 + E_2 = 3600 \frac{N}{C}$$

چون میدان برایند در نقطه O، کمتر از $E_{1,2}$ است در نتیجه E_3 بایدخلاف جهت محور X باشد، بنابراین بار q_3 الزاماً مثبت است.

اگر میدان خالص به سمت راست باشد:

$$E_T = E_{1,2} - E_3 \Rightarrow 1800 = 3600 - E_3$$

$$\Rightarrow E_3 = 1800 \frac{N}{C}$$

$$E_3 = k \frac{|q_3|}{r^2} \Rightarrow 1800 = \frac{9 \times 10^9 \times |q_3|}{4 \times 10^{-2}}$$

$$\Rightarrow |q_3| = 8 \times 10^{-9} C \Rightarrow q_3 = 8nC$$

حالت دوم:

اگر میدان خالص به سمت چپ باشد:

$$E_T = E_3 - E_{1,2} \Rightarrow E_3 = 5400 \frac{N}{C} \Rightarrow E_3 = k \frac{|q'_3|}{r^2}$$

$$5400 = \frac{9 \times 10^9 \times |q'_3|}{4 \times 10^{-2}}$$

$$|q'_3| = 24nC \Rightarrow q = 24nC$$

(فیزیک - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

**فیزیک (۲) – سوالات آشنا**

(کتاب آبی)

۱۰۱ - گزینه «۴»

براساس رابطه کوانتیده بودن بار می‌توان نوشت:

$$q = ne \Rightarrow 10 = n \times 1 / 6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = \frac{10}{1 / 6 \times 10^{-19}}$$

$$= \frac{10^2}{1/6} = 62 / 5 \times 10^{18}$$

الکترون

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۵ و ۶)

(کتاب آبی)

۱۰۲ - گزینه «۲»

براساس فرمول قانون کولن می‌توان نوشت:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$$

$$\Rightarrow F = 9 \times 10^9 \times \frac{1 / 6 \times 10^{-19} \times 1 / 6 \times 10^{-19}}{(2 \times 10^{-15})^2}$$

$$= 5 / 72 \times 10 = 57 / 6 N$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۵ تا ۱۰)

(کتاب آبی)

۱۰۳ - گزینه «۱»

با مربع کوچکتر شروع می‌کنیم و از بر هم نهی میدان‌های الکتریکی استفاده می‌کنیم:

$$\left\{ \begin{array}{l} E = k \frac{|q|}{r^2} \\ |q_1| = |q_4| = 3q \\ r_1 = r_4 = d = \frac{d\sqrt{2}}{2} \end{array} \right. \Rightarrow E_1 = E_4$$

(اکسان ولزاده)

۹۸ - گزینه «۲»

تندی اولیه ذره برابر با صفر است، پس می‌توان نوشت:

$$v_B = 0 \Rightarrow K_B = 0$$

طبق رابطه انرژی پتانسیل الکتریکی می‌توان نوشت:

$$\Delta U = -E |q| d \cos \theta \xrightarrow[d=20 \times 10^{-2} m]{q=-2 \times 10^{-6} C, E=5 \times 10^4 N/C} \Delta U = -5 \times 10^4 \times 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-1} \times 1 = -0.02 J$$

$$\Delta U = -\Delta K \Rightarrow \Delta K = 0.02 J$$

$$\Rightarrow \Delta K = K_A - K_B = 0.02 J = 20 mJ$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۶ تا ۲۷)

(میلاد سلامتی)

۹۹ - گزینه «۱»زمانی که $+3mC$ بار الکتریکی را از صفحه منفی خازن جدا می‌کنیم، بار الکتریکی صفحه منفی $-9mC$ و بار الکتریکی صفحه مثبت C می‌شود. پس طبق رابطه انرژی خازن می‌توان نوشت:

$$U_1 = \frac{|Q_1|}{2C} = \frac{(6 \times 10^{-3})^2}{2 \times 5 \times 10^{-6}} = 3 / 6 J$$

$$U_2 = \frac{|Q_2|}{2C} = \frac{(9 \times 10^{-3})^2}{2 \times 5 \times 10^{-6}} = 8 / 1 J$$

$$\text{افزایش } (\frac{U_2}{U_1} - 1) \times 100 = 125\% = \text{درصد تغییرات انرژی}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲)

(عبدالرضا امینی نسب)

۱۰۰ - گزینه «۳»

با جدا کردن خازن از مولد، بار الکتریکی خازن ثابت می‌ماند. پس طبق رابطه ظرفیت خازن داریم:

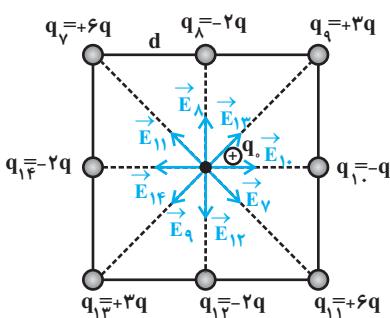
$$C = \kappa \frac{\epsilon_0 A}{d} \Rightarrow C \propto \kappa \Rightarrow \frac{C'}{C} = \frac{\kappa'}{\kappa} = \lambda$$

$$U = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} \Rightarrow \frac{U'}{U} = \frac{C}{C'} = \frac{1}{\lambda}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲)

$$\Rightarrow \vec{E}_P = \vec{E}_{10} + \vec{E}_{14} = \frac{kq}{d^2} \vec{i} - \frac{2kq}{d^2} \vec{i} = -\frac{kq}{d^2} \vec{i}$$

$$\Rightarrow E_P = k \frac{q}{d^2}$$



(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

(کتاب آبی)

«۱۰۴ - گزینه»

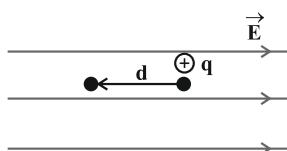
با توجه به اینکه خطوط میدان الکتریکی به بار q_A وارد می‌شوند، بنابراین بار الکتریکی موجود در نقطه A منفی است. از طرفی خطوط میدان الکتریکی از بار q_B خارج می‌شوند، در نتیجه بار الکتریکی موجود در نقطه B مثبت است.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

(کتاب آبی)

«۱۰۵ - گزینه»

چون بار مثبت q در خلاف جهت میدان الکتریکی جابه‌جا شده است یک کار غیرخودبه‌خود انجام داده است؛ پس انرژی پتانسیل الکتریکی آن افزایش می‌یابد.



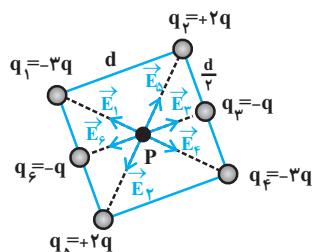
$$\Delta U_E = -|q| Ed \cos \theta = -qEd \cos 180^\circ$$

$$\Rightarrow \Delta U_E = qEd$$

از طرفی چون سرعت بار q ثابت است، بنابراین انرژی جنبشی آن ثابت باقی می‌ماند.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)

بنابراین چون E_1 و E_4 هم‌راستا و در خلاف جهت هماند اثر هم را خنثی می‌کنند.



$$\left\{ \begin{array}{l} E = k \frac{|q|}{r^2} \\ |q_2| = |q_5| = 2q \Rightarrow E_2 = E_5 \\ r_2 = r_5 = \frac{d\sqrt{2}}{2} \end{array} \right.$$

بنابراین چون E_2 و E_5 هم‌راستا و در خلاف جهت هماند اثر هم را از بین می‌برند.

$$\left\{ \begin{array}{l} E = k \frac{|q|}{r^2} \\ |q_3| = |q_6| = q \Rightarrow E_3 = E_6 \\ r_3 = r_6 = \frac{d}{2} \end{array} \right.$$

بنابراین چون E_3 و E_6 هم‌راستا ولی در خلاف جهت هماند اثر هم را از بین می‌برند. در نتیجه میدان برایند کلی ناشی از مربع کوچک در نقطه P صفر است.

حال مربع بزرگتر را در نظر می‌گیریم:

$\vec{E}_{12}, \vec{E}_8, \vec{E}_{13}, \vec{E}_9, \vec{E}_7, \vec{E}_{11}$ و \vec{E}_{10} با همان استدلال بالا میدان‌های $\vec{E}_1, \vec{E}_2, \vec{E}_3, \vec{E}_4, \vec{E}_5, \vec{E}_6, \vec{E}_7, \vec{E}_8, \vec{E}_9, \vec{E}_{10}, \vec{E}_{11}$ و \vec{E}_{12} به ترتیب اثر یکدیگر را در نقطه P خنثی می‌کنند و فقط میدان‌های \vec{E}_{13} و \vec{E}_{14} باقی می‌مانند، بنابراین داریم:

$$\vec{E}_{10} = k \frac{|q_{10}|}{r^2} = k \frac{q}{d^2} \Rightarrow \vec{E}_{10} = \frac{kq}{d^2} \vec{i}$$

$$\vec{E}_{14} = k \frac{|q_{14}|}{r^2} = k \frac{2q}{d^2} \Rightarrow \vec{E}_{14} = \frac{-2kq}{d^2} \vec{i}$$



(کتاب آبی)

«۱۰۹ - گزینه ۲»

با استفاده از رابطه ظرفیت یک خازن تخت داریم:

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \Rightarrow C = 2 / 5 \times 9 \times 10^{-12} \times \frac{16 \times 16 \times 10^{-4}}{2 \times 10^{-3}}$$

$$\Rightarrow C = 2 / 88 \times 10^{-4} \mu F$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۳۶ تا ۳۴)

(کتاب آبی)

«۱۱۰ - گزینه ۲»

با توجه به رابطه انرژی ذخیره شده در یک خازن داریم:

$$U = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \times 5 \times 10^{-6} \times (10)^2 = 250 \times 10^{-6} J = 250 \mu J$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۳۸ تا ۳۰)

(کتاب آبی)

«۱۰۶ - گزینه ۴»

چون نقطه A به صفحه مثبت نزدیکتر است، پس پتانسیل بیشتری نسبت به نقطه B دارد؛ پس می‌توان نوشت:

$$|\Delta V| = Ed \Rightarrow |\Delta V| = 3000 \times 2 \times 10^{-3} = 60 V$$

$$V_A > V_B \Rightarrow V_A - V_B = +60 V$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۳ تا ۲۶)

(کتاب آبی)

«۱۰۷ - گزینه ۴»

وقتی به کره نارسانا بار الکتریکی داده می‌شود، بار الکتریکی در نقطه تماس باقی می‌ماند اما وقتی به کره رسانا بار الکتریکی داده می‌شود، بار الکتریکی در کل سطح خارجی کره به طور کاملاً یکسان توزیع می‌شود. بنابراین چگالی سطحی بار الکتریکی در نقطه تماس در کره نارسانا بیشتر است.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۹ و ۳۰)

(کتاب آبی)

«۱۰۸ - گزینه ۲»

با استفاده از رابطه چگالی سطحی بار الکتریکی می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} \sigma = \frac{Q}{A} \\ A = 4\pi r^2 = 4\pi \left(\frac{D}{2}\right)^2 = \pi D^2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \sigma = \frac{Q}{\pi D^2} \Rightarrow \frac{\sigma_A}{\sigma_B} = \frac{Q_A}{Q_B} \times \left(\frac{D_B}{D_A}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{\sigma_A}{\sigma_B} = \frac{Q}{2Q} \times \left(\frac{4}{2}\right)^2 = \frac{1}{2} \times 4 = 2 \Rightarrow \frac{\sigma_A}{\sigma_B} = 2$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۹ و ۳۰)



هیدروژن در بون هیدروکسید (OH^-) پیوند اشتراکی وجود دارد.
گزینه ۴: با توجه به متن کتاب درسی نادرست است!

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برآنم- صفحه‌های ۶، ۱۰، ۱۶، ۲۰، ۲۴ و ۳۰)

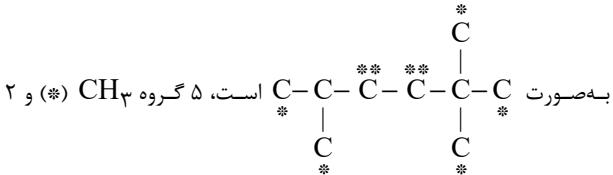
(پویا رستگاری)

۱۱۳- گزینه «۳»

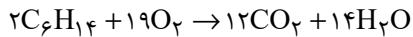
به جز عبارت سوم سایر عبارت‌ها درست می‌باشند.

بررسی عبارت‌ها:

عبارة اول: با توجه به ساختار مولکولی ماده ۲، ۵- تری‌متیل هگزان که

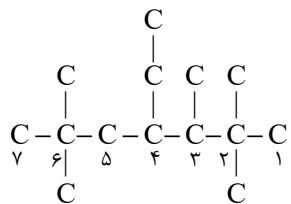


عبارة دوم: هگزان گرانروی بیشتری دارد و واکنش سوختن آن به صورت زیر است:



$$\begin{aligned} ?\text{LO}_2 &= 1\text{mol C}_6\text{H}_{14} \times \frac{19\text{mol O}_2}{2\text{mol C}_6\text{H}_{14}} \times \frac{22/4\text{LO}_2}{1\text{mol O}_2} \\ &= 212/8\text{LO}_2 \end{aligned}$$

عبارة سوم: ابتدا ساختار نام برده شده را رسم می‌کنیم:



با توجه به تعیین زنجیر اصلی، شماره‌گذاری باید در جهتی انجام شود که اعداد کوچکتری به وجود آورد، پس از راست به چپ است؛ بنابراین نام این ترکیب به صورت ۴- اتیل- ۲، ۳، ۶- پنتامتیل هپتان است.

عبارة چهارم: در شرایط یکسان، چگالی گازهای مختلف متناسب با جرم مولی آن‌ها است. از طرفی سوخت فندک همان گاز بوتان است.

$$\begin{aligned} \frac{\text{جرم مولی بوتان}}{\text{جرم مولی متان}} &= \frac{58}{16} = ۳/۶۲۵ \\ \text{جرم مولی متان} &= \frac{۱۶}{۳/۶۲۵} = ۵۸ \end{aligned}$$

عبارة پنجم: با توجه به شکل صفحه ۳۳ کتاب درسی جمله داده شده درست است.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برآنم- صفحه‌های ۲۲، ۲۵ و ۳۱ و ۳۰)

(پویا رستگاری)

۱۱۴- گزینه «۱»

در ابتدا مول خالص نمونه منیزیم کربنات را به دست می‌آوریم:

$$? \text{mol MgCO}_3 = 50.0 \text{g MgCO}_3 \times \frac{84}{100}$$

شیمی (۲) - نکاه به آینده

(پویا رستگاری)

۱۱۱- گزینه «۱»

ابتدا تعداد مول گاز کربن دی اکسید تولید شده را محاسبه می‌کنیم:

$$? \text{mol CO}_2 = 187 / 2\text{LCO}_2 \times \frac{1\text{mol CO}_2}{26\text{LCO}_2} = 7 / 2\text{mol CO}_2$$

حال مقدار نظری CO_2 تولید شده را به دست می‌آوریم:

$$\frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} = \frac{7/2}{X} \times 100 \Rightarrow X = \frac{7/2}{100} \times 100 = \frac{7}{2} \text{mol CO}_2$$

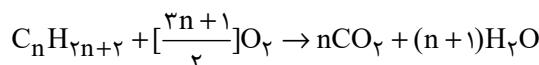
$$\Rightarrow X = \frac{7/2}{0/8} = 9 \text{mol CO}_2$$

در قدم بعد مقدار نظری H_2O تولید شده را محاسبه می‌کنیم:

$$? \text{mol H}_2\text{O} = 151 / 2\text{g H}_2\text{O} \times \frac{1\text{mol H}_2\text{O}}{18\text{g H}_2\text{O}} = 8 / 4\text{mol H}_2\text{O}$$

$$\frac{\text{مقدار عملی}}{\text{بازدۀ درصدی}} = \frac{8/4 \times 100}{80} = 10 / 5 \text{mol H}_2\text{O}$$

اما واکنش کلی سوختن آلkan‌ها به صورت زیر است:

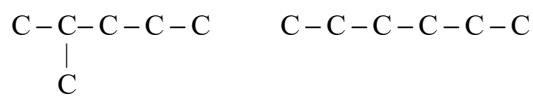


بنابراین نسبت مول آب به CO_2 تولید شده برابر است با:

$$\frac{\text{mol H}_2\text{O}}{\text{mol CO}_2} = \frac{n+1}{n} = \frac{10/5}{9} \Rightarrow n = 6$$

فرمول شیمیایی آلان موردنظر به صورت C_6H_{14} است که می‌توان پنج

ساختار متفاوت برای آن رسم کرد. ساختارهای این ماده به صورت زیر است:



(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برآنم- صفحه‌های ۲۲، ۲۵ و ۳۱)

(پویا رستگاری)

۱۱۲- گزینه «۳»

اگر چه همه فلزها در حالت کلی رفتار مشابهی دارند (مانند رسانایی

الکتریکی و گرمایی، سطح درخشان و ...). اما تفاوت‌های قابل توجهی میان آن‌ها وجود دارد. به طوری که هر فلز رفتارهای ویژه خود را دارد.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه ۱: این عنصر همان ژرمانیم است که سطح درخشان و براق دارد.

گزینه ۲: هیدروکسید قمزرنگ آهن، Fe(OH)_3 است. در این ماده

نسبت شمار آئیون‌ها به کاتیون‌ها برابر ۳ است و بین اتم‌های اکسیژن و

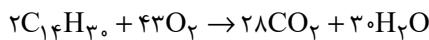
بنابراین عبارت‌های (ب) و (پ) درست هستند.
بررسی عبارت‌ها:

(آ) فرمول پیوند - خط این ترکیب به صورت رو به رو است:



با توجه به آن، در این ترکیب، ۱۳ خط دیده می‌شود.

(ب) فرمول مولکولی ترکیب داده شده به صورت $C_{14}H_{30}$ می‌باشد معادله واکنش سوختن آن به صورت زیر است:

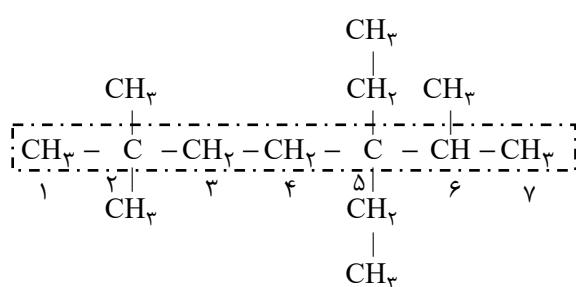


به ازای سوختن $\frac{9}{9}$ گرم از این ترکیب داریم:

$$\text{? mol}(CO_2, H_2O) = \frac{1}{9} \times \frac{1 \text{ mol } C_{14}H_{30}}{198 \text{ g } C_{14}H_{30}}$$

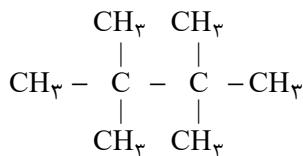
$$\times \frac{58 \text{ mol } (CO_2, H_2O)}{2 \text{ mol } C_{14}H_{30}} = 1/45 \text{ mol } (CO_2, H_2O)$$

(پ) در شکل زیر، زنجیر اصلی آلکان مشخص شده است:



با توجه به محل قرارگیری شاخه‌ها، شماره‌گذاری از سمت چپ انجام می‌گیرد و در نتیجه نام این ترکیب به صورت ۵-۵-دی‌اتیل-۲،۲-تری‌متیل‌هیپتان خواهد بود.

(ت) در این آلکان، کربن‌های شماره ۲ و ۵ زنجیر اصلی، به هیچ اتم هیدروژنی اتصال ندارند. نخستین آلکانی که دو مورد از این کربن‌ها را دارد است، تترامتیل‌بوتان با ۸ اتم کربن در هر مولکول خود، دارای ساختار زیر می‌باشد:



(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآینم - صفحه‌های ۳۱ تا ۳۴)

(منصور سلیمانی ملکان)

۱۱۶ - گزینه «۳»

عبارت‌های (آ)، (ب) و (ت) درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

(آ) عناصری که به طور عمده در سمت چپ و مرکز جدول قرار دارند، فلز هستند که دارای سطحی برآق بوده و چکش خوار می‌باشند.

$$\times \frac{1 \text{ mol } MgCO_3}{84 \text{ g } MgCO_3} = 5 \text{ mol } MgCO_3$$

جدولی مانند جدول زیر تهیه می‌کنیم که ما را به خواسته صورت سوال بررساند:

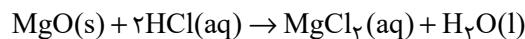
واکنش	$MgCO_3(s) \rightarrow MgO(s) + CO_2(g)$		در مواد جامد	
	mol C	mol O	mol C	mol O
اویله	5mol	0	5mol	15mol
تغییرات	-x	+x	+x	-2x
نهایی	5-x	x	x	15-2x

با توجه به صورت سوال که گفته شمار اتم‌های اکسیژن موجود در مخلوط جامد باقی‌مانده ۴ برابر شمار اتم‌های کربن است، داریم:

$$\Rightarrow \frac{\text{mol O}}{\text{mol C}} = \frac{15-2x}{5-x} = 4 \Rightarrow 20-4x = 15-2x$$

$$\Rightarrow x = 2/5 \text{ mol}$$

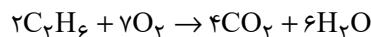
بنابراین در این واکنش $\frac{2}{5}$ مول منیزیم اکسید و $\frac{2}{5}$ مول گاز کربن‌دی‌اکسید تولید شده است. واکنش منیزیم اکسید با هیدروکلریک اسید به صورت زیر است:



$$\text{? L HCl} = \frac{2}{5} \text{ mol MgO} \times \frac{2 \text{ mol HCl}}{1 \text{ mol MgO}}$$

$$\times \frac{1 \text{ L HCl}}{0/4 \text{ mol HCl}} = 12/5 \text{ L HCl}$$

در نهایت جرم گاز اتان را که در اثر سوختن آن در واکنش با بازده ۴۰ درصد که منجر به تولید $\frac{2}{5}$ مول گاز کربن‌دی‌اکسید می‌شود را بدست می‌آوریم:



$$\text{? g } C_2H_6 = \frac{2}{5} \text{ mol CO}_2 \times \frac{2 \text{ mol } C_2H_6}{4 \text{ mol CO}_2} \times \frac{100}{40}$$

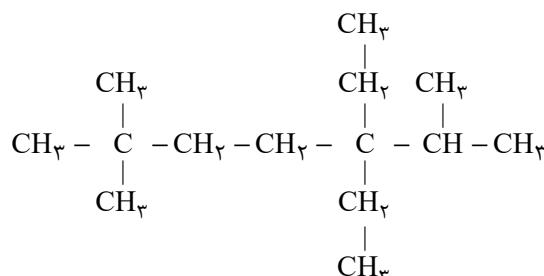
$$\times \frac{30 \text{ g } C_2H_6}{1 \text{ mol } C_2H_6} = 93/75 \text{ g } C_2H_6$$

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآینم - صفحه‌های ۲۲، ۲۵، ۳۳ و ۳۵)

(کلارو محمدی)

۱۱۵ - گزینه «۲»

ساختار آلکان داده شده به صورت زیر است:





(امیر هاتمیان)

«۱۱۹- گزینه»

عبارت‌های (ب) و (پ) نادرست است.

بررسی عبارت‌ها:

(الف) ششمین عنصر واسطه دوره چهارم جدول تناوبی، آهن ($_{26}\text{Fe}$) می‌باشد که دارای دو اکسید طبیعی Fe_2O_3 و FeO است.

(ب) در میان عنصرهای دوره چهارم، $_{29}\text{Cu}$ و $_{30}\text{Zn}$ از دسته d و عنصر از دسته p که شامل $_{31}\text{Ga}$ ، $_{32}\text{As}$ ، $_{33}\text{Ge}$ ، $_{34}\text{Se}$ و $_{35}\text{Br}$ و $_{36}\text{Kr}$ هستند که زیرلایه $3d$ کاملاً پر دارند (درمجموع ۸ عنصر) و ۲ عنصر $_{24}\text{Cr}$ و $_{25}\text{Mn}$ زیرلایه $3d$ نیمه پر دارند.

(۸-۲=۶)

(پ) اولین فلز واسطه‌ای که زیرلایه $3d$ آن پر می‌شود، عنصر $_{29}\text{Cu}$ است.



$_{29}\text{Cu} = 54 = 5 + (4 + 0) + 1 + (3 + 2) + 10$ مجموع (n+l) الکترون‌های ظرفیت

(ت) اسکاندیم ($_{21}\text{Sc}$) نخستین عنصر واسطه دوره چهارم است که در ساخت وسایل خانه مانند تلویزیون‌های رنگی و برخی شیشه‌ها کاربرد دارد.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را بدانیم- صفحه‌های ۷ تا ۱۶)

(ممدر عظیمیان زواره)

«۱۲۰- گزینه»

بیشترین مجموع (n+l) الکترون‌های ظرفیت در بین این عناصر مربوط

به $_{17}\text{Cl}$ می‌باشد، این مقدار در هر دوره از چپ به راست افزایش می‌یابد.

از طرفی در هر دوره با افزایش عدد اتمی، شعاع اتمی کاهش و خواص

نافلزی افزایش می‌یابد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) نادرست، علاوه بر $_{12}\text{Mg}$ ، $_{14}\text{Si}$ نیز در بیرونی ترین زیرلایه خود ۲ الکترون دارد.

(۲) نادرست، اتم $_{13}\text{Al}$ در بیرونی ترین زیرلایه خود ۱ الکترون دارد.
(همانند $_{11}\text{Na}$)

(۳) نادرست، تفاوت شعاع اتمی $_{11}\text{Na}$ و $_{17}\text{Cl}$ از تفاوت شعاع اتمی سایر عناصر این دوره بیشتر است.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را بدانیم- صفحه‌های ۷ تا ۱۶)

(ب) در ۱۸ خانه ابتدایی جدول تناوبی، ۸ عنصر وجود دارند که دمای جوش آن‌ها از دمای محیط پایین‌تر است؛ زیرا در دمای محیط به حالت گاز وجود دارند. این عناصر عبارتند از: هیدروژن، هلیم، نیتروژن، اکسیژن، فلور، نئون، کلر و آرگون.

(پ) نهمین عنصر دسته p ($_{15}\text{P}$) دارای آرایش بیرونی ترین زیرلایه $3p^3$ با عدد اتمی ۱۵ و ششمین عنصر دسته s ($_{12}\text{Mg}$) با آرایش

بیرونی ترین زیرلایه $3s^2$ با عدد اتمی ۱۲، هر دو هم دوره هستند؛ بنابراین با توجه به اینکه در یک دوره با افزایش عدد اتمی، شعاع اتمی کاهش می‌یابد، پس شعاع اتمی $_{12}\text{Mg}$ بزرگتر از $_{15}\text{P}$ است.

(ت) یازدهمین عنصر جدول دوره‌ای از گروه ۱ ($_{11}\text{Na}$) است؛ بنابراین واکنش پذیری عنصری که در یازدهمین خانه جدول قرار دارد از واکنش پذیری دومین عنصر گروه ۱۳ ($_{13}\text{Al}$) بیشتر است.

(ث) کاتیون‌های فلزات دوره سوم جدول تناوبی، توانایی ایجاد ترکیبات رنگی ندارند. زیرا متعلق به دسته d نیستند.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را بدانیم- صفحه‌های ۷ تا ۱۶)

«۱۷- گزینه»

عبارت‌های (آ) و (ت) درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

ب) در استخراج فلز تنها درصد کمی از سنگ معدن به فلز تبدیل می‌شود.

(پ) آهنگ مصرف و استخراج فلزها سریعتر از آهنگ برگشت فلز به طبیعت است.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را بدانیم- صفحه‌های ۷ تا ۱۶)

«۱۸- گزینه»

با توجه به اینکه این چند عنصر به شکل متواالی در جدول وجود دارند و در

یک دوره با افزایش عدد اتمی، شعاع اتمی کاهش می‌یابد؛ بنابراین نتیجه می‌گیریم که عنصر D در گروه اول دوره بعدی قرار می‌گیرد و به همین

ترتیب E در گروه ۲ و سه عنصر C، B و A به ترتیب از راست به چپ در گروههای ۱۷، ۱۸ و ۱۶ قرار می‌گیرند؛ بنابراین عبارت‌های (آ)، (ب) و (ت) درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارة (پ): دو عنصر E و D چون فلز هستند، الکترون از دست می‌دهند و دو عنصر B و A چون نافلز هستند می‌توانند الکترون به اشتراک گذارند اما عنصر C از گروه ۱۸ (گاہهای نجیب) است.

عبارة (ث): هر چه خاصیت فلزی و نافلزی بیشتر باشد شدت واکنش بین دو عنصر بیشتر می‌شود در بین این چند عنصر D قوی‌ترین فلز و B قوی‌ترین نافلز است.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را بدانیم- صفحه‌های ۷ تا ۱۶)

بروزترین و ابرترین
سایت کنکوری کشور

WWW.KONKUR.INFO

