

بروزترین و ابرترین
سایت کنکوری کشور
WWW.KONKUR.INFO





آزمون «۲۱ بهمن ۱۴۰۱»

اختصاصی دوازدهم ریاضی (دفترچه مشترک)

مدت پاسخ‌گویی: ۱۶۵ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۱۲۰ سوال

دفترچه سوال

نام درس	تعداد سوال	شماره سوال	زمان پاسخ‌گویی
اجباری	۱۰	۱-۱۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۱۱-۲۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۴۱-۵۰	۱۵'
اختریاری	۱۰	۵۱-۶۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۶۱-۷۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۷۱-۸۰	۱۵'
انتخابی	۱۰	۸۱-۹۰	۱۵'
		۹۱-۱۰۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۱۰'
اجباری	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۰'
انتخابی	۱۰	۱۲۱-۱۳۰	۱۰'
		۱۳۱-۱۴۰	۱۰'
جمع کل			۱۶۵'

پیغام آورندگان

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲ و ریاضی پایه	کاظم اجلالی-شاهین پروازی-محمد سجاد پیشوایی-عادل حسینی-افشین خاصه‌خان-طاهر دادستانی-بابک سادات محمد حسن سلامی‌حسینی-پویان طهرانیان-کامیار علی‌بیون-سروش مؤنی-سید جواد نظری-جهان‌بخش نیکنام-امیر وفای شهرام ولایی
هندرسه	امیر حسین ابو‌محبوب-معصومه اکبری‌صحت-مهدي حاجی‌نژادیان حسین حاجیلو-افشین خاصه‌خان-کیوان دارابی سوکند روشنی-یاسین سپهر-فرشاد صدیقی‌فر-شایان عباچی-رضا عباسی‌اصل-احمدرضا فلاح-سهام مجیدی‌پور-سروش مؤنی‌نی محمد هجری-امیر وفای
ریاضیات گستته	امیر حسین ابو‌محبوب-محسن بهرام‌پور-جواد حاتمی-سید‌محمد رضا حسینی‌فرد-فرزانه خاکپاش-سوکند روشنی-محمد صحت‌کار فرشاد فرامرزی-احمدرضا فلاح-مرتضی فهیم‌علوی-محمد جواد محسنی-مهرداد ملوندی-سروش مؤنی-محمد هجری امیر وفای-فرهاد وفایی
فیزیک	خسرو ارغوانی‌فرد-محمد اسدی-بابک اسلامی-عباس اصغری-عبدالرضا امینی‌نسب-زهرا آقامحمدی-امیر حسین برادران حامد خسروی بیتا خورشید-محمدعلی راست‌پیمان-بهنام رستمی-مهدي سلطانی-سعید شرق-امیر‌محمد عبدی‌پور-پریا علاقمند مسعود قره‌خانی-محسن قندچلر-بهادر کامران-مصطفی‌کانی علیرضا گونه-غلامرضا محبی-احسان محمدی-حسین مخدومی محمود منصوری-سیدعلی میرنوری-حسام نادری-مجتبی نکوئیان
شیمی	محمد رضای پور‌جاوید-احمدرضا جعفری‌نژاد-امیر حاتمیان حیدر ذبیحی-یاسر راشن-حسن رحمتی کوکنده-روزبه رضوانی-علی طرفی محمد عظیمیان زواره-رضا فراهانی-علیرضا کیانی‌دوست-محمد حسن محمدزاده‌قدم-امیر حسین مسلمی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی پایه	هندرسه	ریاضیات گستته و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی	شیمی
گزینشگر	مهردی ملارضانی	امیر حسین ابو‌محبوب	سوکند روشنی	بابک اسلامی	ایمان حسین نژاد	
گروه ویراستاری	مهردی ملارضانی	عادل حسینی	عادل حسینی	حمدی زرین کفش	یاسر راشن پویا رستگاری محبوبیه بیک محمدی	
علی سرآبادانی	مهرداد ملوندی	ویراستار استاد:	ویراستار استاد:	ویراستار استاد:	ویراستار استاد:	ویراستار استاد:
مسئول درس	عادل حسینی	امیر حسین ابو‌محبوب	امیر حسین ابو‌محبوب	بابک اسلامی	ایمن حسین مسلمی	
مسئلتندسازی	سمیه استکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه استکندری	

کارهای فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروف‌نگار	میلاد سیاوشی
مسئول	سوران نعیمی

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»
دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۳: مشق: صفحه‌های ۷۱ تا ۸۹

۱- با فرض $f(x) = x[4x - 1]$ ، کدام گزینه نادرست است؟ ([]، نماد جزء صحیح است).

$$f'_+(1) = 3 \quad (2)$$

$$f'_-(1) = 2 \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f'(x) = 3 \quad (4)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f'(x) = 2 \quad (3)$$

۲- خط مجانب قائم نمودار تابع $f(x) = \sqrt[3]{x - 2a}$ بر خط مماس قائم نمودار تابع $g(x) = \frac{2x}{x-a}$ منطبق است. مقدار a کدام است؟

$$-\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

$$\frac{1}{4} \quad (4)$$

$$-\frac{1}{4} \quad (3)$$

۳- تابع $f(x) = \begin{cases} 1 - \sqrt{-2x} & ; x < -2 \\ x^2 - 2|x| & ; x \geq -2 \end{cases}$ چند نقطه مشتق ناپذیر دارد؟

$$2 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

$$4 \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

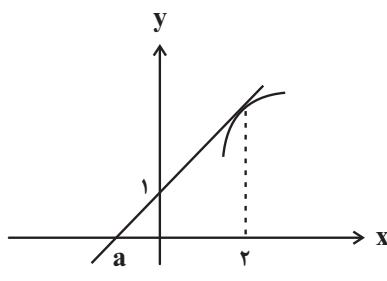
۴- با فرض $f(x) = |1-x| + 1$ ، حاصل $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x^\gamma + 2+h) - f(x^\gamma + 2)}{h}$ کدام است؟

$$-1 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

$$-2 \quad (4)$$

$$1 \quad (3)$$

۵- با توجه به شکل زیر، $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f^\gamma(x) - f^\gamma(2)}{x^\gamma - 4} = 3$ است. مقدار a کدام است؟

$$-\frac{3}{5} \quad (1)$$

$$-\frac{2}{3} \quad (2)$$

$$-\frac{3}{4} \quad (3)$$

$$-\frac{4}{5} \quad (4)$$

محل انجام محاسبات



۶- معادله خط مماس بر نمودار $f(x) = \frac{(x^2 - 4)\tan \frac{\pi x}{3}}{\sqrt{4x+1}}$ در $x=2$ کدام است؟

$$4x + \sqrt{3}y + 8 = 0 \quad (2)$$

$$4x - \sqrt{3}y = 8 \quad (1)$$

$$4x + \sqrt{3}y = 8 \quad (4)$$

$$4x - \sqrt{3}y + 8 = 0 \quad (3)$$

۷- اختلاف مشتق چپ و راست تابع $f(x) = (x^2 - ax + b) \left[-\frac{4}{x} \right]$ در $x=-1$ برابر a است. مقدار b کدام است؟ []، نماد جزء

صحیح است.)

$$-\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{3}{2} \quad (1)$$

$$-\frac{3}{2} \quad (4)$$

$$\frac{1}{2} \quad (3)$$

۸- تابع $f(x)$ در $x=-1$ مشتق پذیر است. مقدار b کدام است؟ []، نماد جزء صحیح است.)

$$1 \quad (2)$$

$$-2 \quad (1)$$

$$-1 \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

۹- در تابع $f(x)$ ، اختلاف مشتق چپ و راست در نقطه مشتق‌نایذیر $x=0$ بیشتر از $\frac{2}{3}$ است. k چند مقدار صحیح

می‌تواند داشته باشد؟

$$5 \quad (2)$$

$$4 \quad (1)$$

$$7 \quad (4)$$

$$6 \quad (3)$$

۱۰- اگر f تابعی پیوسته باشد که $f(1) = 0$ و $f'_-(1) = -2$ باشد، حاصل کدام است؟

$$-1 \quad (2)$$

$$\sqrt{2} \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} \quad (4)$$

$$1 \quad (3)$$

محل انجام محاسبات



ریاضی پایه: حسابان ا: جبر و معادله: صفحه‌های ۱ تا ۶ / ریاضی ا: مجموعه، الگو و دنباله، توان‌های گویا و عبارت‌های جبری: صفحه‌های ۱ تا ۲۷ و ۴۷ تا ۶۷ وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

$$11 - \text{ریشه سیزدهم عدد } A = \frac{\sqrt[64]{270}}{3(225)^{\frac{1}{4}}} \text{ چند برابر } \sqrt{2} \text{ می‌باشد؟}$$

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

$$12 - \text{حاصل عبارت } \frac{\sqrt{2-\sqrt{3}} + \sqrt{4-\sqrt{7}}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}-2} \text{ کدام است؟}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} (۲)$$

 $\sqrt{2}$ (۱)

$$\frac{\sqrt{2}}{4} (۴)$$

 $2\sqrt{2}$ (۳)

$$13 - \text{اگر } x+y=3 \text{ و } x\sqrt{y}+y\sqrt{x}=\sqrt{5} \text{ کدام است؟}$$

۲۰ (۲)

۱۸ (۱)

۱۶ (۴)

۹ (۳)

$$14 - \text{اگر } C = [0, +\infty) \text{ و } B = [-2, 5] \text{ ، } A = \mathbb{R} - (-5, 1) \text{ باشد، متمم مجموعه } (A \cup C') - B \text{ کدام است؟}$$

$$[-5, 1] (۲)$$

$[-5, 5] (۱)$

$$[-2, 1] (۴)$$

$[-2, 5] (۳)$

۱۵ - در یک کلاس ۴۳ نفره دوازدهم ریاضی، ۳۱ نفر به مهندسی نرم افزار و ۲۵ نفر هم به مهندسی برق علاقه دارند. اگر ۷ نفر هم به

هیچ کدام از این دو رشته علاقه‌مند نباشند، تعداد افراد علاقه‌مند به هر دو رشته کدام است؟

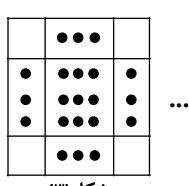
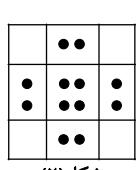
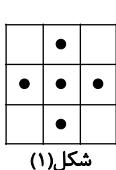
۲۱ (۲)

۱۸ (۱)

۲۰ (۴)

۱۹ (۳)

محل انجام محاسبات



۱۱ (۱)

۱۲ (۲)

۱۳ (۳)

۱۴ (۴)

۱۶ - در الگوی شکل مقابل، تعداد نقاط شکل چندم برابر ۱۹۲ است؟

$$\left[-\frac{3}{2}, 3 \right] \text{ (۲)}$$

[-۲, ۴] (۱)

$$\left[-\frac{3}{2}, -1 \right) \cup (2, 3] \text{ (۴)}$$

$$\left[-2, -\frac{3}{2} \right) \cup (3, 4] \text{ (۳)}$$

۱۷ - تعداد جملات منفی دنباله $a_n = \frac{n-a}{n+2a}$ با تعداد جملات منفی دنباله $b_n = n^2 - 7n + 10$ برابر است. حدود a کدام است؟

$$\frac{705}{32} \text{ (۲)}$$

$$\frac{255}{32} \text{ (۱)}$$

$$\frac{255}{64} \text{ (۴)}$$

$$\frac{705}{64} \text{ (۳)}$$

۱۸ - مجموع ده جمله متولی از دنباله حسابی $\dots, 2, 5, 8, 11, 14, 17, 20, 23, 25$ است. شماره جمله آخر برابر با کدام است؟

$$15 \text{ (۲)}$$

۱۴ (۱)

$$17 \text{ (۴)}$$

۱۶ (۳)

۱۹ - مجموع n جمله اول یک دنباله هندسی را با S_n و مجموع معکوس‌های n جمله اول را با T_n نمایش می‌دهیم. در این دنباله اگر

$$S_{19} = 18T_{19} \text{ باشد، جمله دهم کدام می‌تواند باشد؟}$$

$$-1 \text{ (۲)}$$

۹ (۱)

$$-\frac{\sqrt{2}}{3} \text{ (۴)}$$

$$-\sqrt[3]{2} \text{ (۳)}$$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۳: آشنایی با مقاطع مخروطی (قاس ویژگی بازنگردی سهمی): صفحه‌های ۴۷ تا ۵۶

۲۱- خروج از مرکز یک بیضی برابر $\frac{\sqrt{2}}{4}$ است. طول قطر کوچک این بیضی چند برابر فاصله کانونی آن است؟

۳) ۴

۲ $\sqrt{2}$ ۳)۱) $\sqrt{2}$ ۲) $\sqrt{6}$

۲۲- فاصله هر نقطه یک منحنی از نقطه (۳, ۱) با فاصله همان نقطه از خط $x = 5$ برابر است. مجموع عرض‌های نقاط برخورد این

منحنی با محور y کدام است؟

۲) ۴

-۲ ۳)

۳) ۲

-۳ ۱)

۲۳- کدام یک از نقاط زیر روی خط هادی سهمی به معادله $x^2 - 6x - 8y + 25 = 0$ قرار دارد؟

(۱, ۰) ۴)

(۴, ۱) ۳)

(-۲, ۵) ۲)

(۳, ۴) ۱)

۲۴- دو نقطه A و B روی سهمی $y = 8x^2$ به گونه‌ای قرار دارند که از کانون و رأس این سهمی به یک فاصله‌اند. اگر S رأس سهمی

باشد، مساحت مثلث SAB کدام است؟

۲) ۴

۲ $\sqrt{2}$ ۳)

۴) ۲

۴ $\sqrt{2}$ ۱)

۲۵- نقطه A(-۱, ۳) روی یک سهمی با خط هادی $y = 1$ قرار دارد. مساحت کوچک‌ترین دایره‌ای که از کانون این سهمی و نقطه A

عبور می‌کند، کدام است؟

۴ π ۴)۳ π ۳)۲ π ۲) π ۱)

۲۶- بر روی کدام یک از خطوط زیر، نقطه‌ای وجود ندارد که مجموع فواصل آن از دو نقطه M(۱, -۲) و N(-۵, -۲)، برابر ۱۰ باشد؟

x = -۵ ۴)

y = ۳ ۳)

x = ۳ ۲)

y = -۵ ۱)

محل انجام محاسبات



- ۲۷ در یک سهمی که دهانه آن به سمت بالا باز می‌شود، نقطه $M(2, -2)$ محل برخورد خط هادی و محور سهمی است. اگر نقطه $N(4, 0)$ روی این سهمی قرار داشته باشد، فاصله کانون سهمی تا محور x ها کدام است؟

۲ (۴)

۱ (۳)

 $\frac{1}{2}$ (۲)

۱) صفر

- ۲۸ به ازای کدام مقادیر m ، کانون سهمی به معادله $4y^2 + my + 48x = 143$ ، روی محور y ها قرار دارد؟

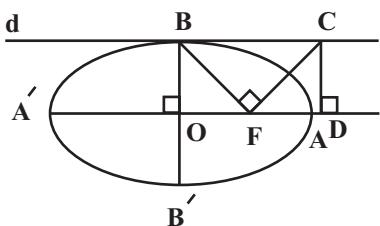
±۸ (۴)

±۶ (۳)

±۴ (۲)

±۲ (۱)

- ۲۹ در شکل زیر خط d در نقطه B بر بیضی مماس است. در نقطه F (کانون بیضی)، خطی بر BF عمود رسم می‌کنیم تا خط d را در نقطه C قطع کند و سپس از C عمودی بر امتداد قطر بزرگ بیضی رسم می‌کنیم تا آن را در نقطه D قطع نماید. اگر خروج از



مرکز بیضی برابر $\frac{AD}{AF} = \frac{2}{3}$ باشد، کدام است؟

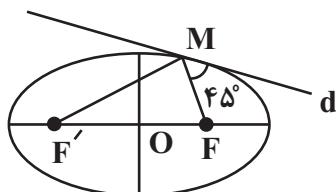
۱ (۱)

۱/۵ (۲)

۲ (۳)

۲/۵ (۴)

- ۳۰ در بیضی شکل زیر خط d در نقطه M بر بیضی مماس است. اگر $OM = 2\sqrt{6}$ و خروج از مرکز برابر $\frac{\sqrt{6}}{3}$ باشد، طول پاره خط $(MF < MF')$ کدام است؟



$MF < MF'$ کدام است؟

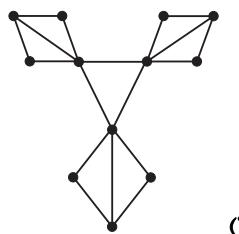
۶-۲ $\sqrt{3}$ (۱)۶-۲ $\sqrt{2}$ (۲)۶- $\sqrt{3}$ (۳)۶- $\sqrt{2}$ (۴)

محل انجام محاسبات

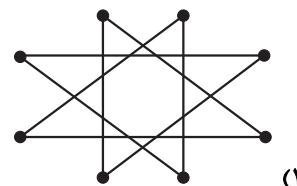


ریاضیات گستته: گراف و مدل سازی، ترکیبات (شمارش): صفحه های ۴۳ تا ۵۹ / ریاضی ۱: شمارش بدون شمردن: صفحه های ۱۱۸ تا ۱۴۰ وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

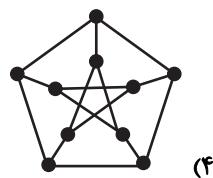
۳۱- عدد احاطه گری کدام گزینه متفاوت از گزینه های دیگر است؟



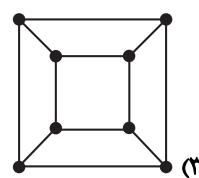
(۲)



(۱)

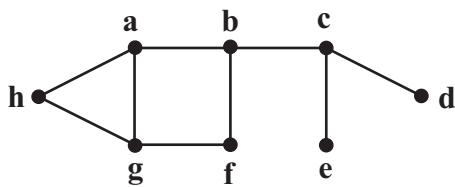


(۴)



(۳)

۳۲- چه تعداد از مجموعه های زیر برای گراف مقابل، مجموعه احاطه گر مینیمال هستند؟

الف) $\{a,c,g\}$ ب) $\{a,f,c\}$ پ) $\{a,e,d\}$ ت) $\{c,f,h\}$

۱ (۲)

۱) صفر

۳ (۴)

۲ (۳)

۱۵ (۲)

۵ (۱)

۲۶ (۴)

۲۱ (۳)

۳۳- گراف G از مرتبه ۵ فقط یک دور دارد که از هر ۵ رأس عبور می کند. این گراف چند مجموعه احاطه گر دارد؟

۱۵ (۲)

۱) (۱)

۲۶ (۴)

۲۱ (۳)

۳۴- در گراف G با مرتبه ۱۰ و اندازه ۴۲، مقادیر Δ و δ دو عدد متولی اند. این گراف چند مجموعه احاطه گر مینیمم دارد؟

۴ (۲)

۳ (۱)

۶ (۴)

۵ (۳)

محل انجام محاسبات



۳۵ - شش نقطه A، B، C، D، E و F روی محیط یک دایره قرار دارند. به چند طریق می‌توان دو مثلث ایجاد کرد به طوری که رأس‌های

هرکدام از این دو مثلث از بین این شش نقطه انتخاب شوند و دو مثلث فقط در یک ضلع مشترک باشند؟

۹۰ (۲)

۱۸۰ (۱)

۳۰ (۴)

۶۰ (۳)

۳۶ - رضا و محسن و ۶ نفر دیگر به چند حالت می‌توانند کنار هم قرار گیرند. به طوریکه بین محسن و رضا دقیقاً ۳ نفر قرار گیرند؟

۲۸۸۰ (۲)

۵۷۶۰ (۱)

۶۵۷۰ (۴)

۸۶۴۰ (۳)

۳۷ - از ۴ دانشکده یک دانشگاه، هرکدام ۵ نفر برای حضور در تیم کوهنوردی دانشگاه اعلام آمادگی کرده‌اند. به چند طریق می‌توان ۴

نفر از بین این افراد انتخاب کرد به گونه‌ای که دقیقاً متعلق به ۳ دانشکده مختلف باشند؟

۱۵۰۰ (۲)

۱۰۰۰ (۱)

۶۰۰۰ (۴)

۳۰۰۰ (۳)

۳۸ - ۹ نفر به چند طریق می‌توانند در سه اتاق ۲ نفره، ۳ نفره و ۴ نفره در یک هتل اسکان یابند؟

۴۲۰ (۲)

۲۱۰ (۱)

۱۲۶۰ (۴)

۳۰ (۳)

۳۹ - با ارقام عدد ۶۴۲۰۳۳۵ چند عدد هفت رقمی می‌توان نوشت که ارقام زوج از چپ به راست صعودی باشند؟

۶۰ (۲)

۴۵ (۱)

۱۰۵ (۴)

۹۰ (۳)

۴۰ - با حروف کلمه «GHALAMCHI» چند کلمه ۹ حرفی می‌توان نوشت به طوریکه هیچ دو حرف صداداری کنار هم نباشند؟

۷۵۶۰۰ (۲)

۱۰۸۰ (۱)

۳۷۸۰۰ (۴)

۱۲۶۰۰ (۳)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۲: تبدیل های هندسی و کاربردها: صفحه های ۳۳ تا ۵۶

۴۱ - کدام یک از تبدیل های زیر، جهت شکل ها را حفظ نمی کند؟

(۲) دوران

(۱) بازتاب نسبت به خط

(۴) تجانس معکوس

(۳) انتقال

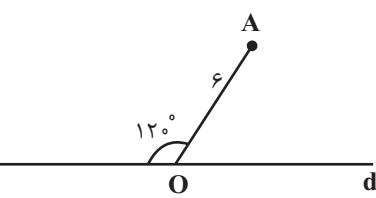
۴۲ - دایره $C'(O', R')$ انتقال یافته دایره $C(O, 3)$ با بردار \vec{v} به طول ۵ است. وضعیت نسبی این دو دایره کدام است؟

(۲) متقطع

(۱) مماس خارج

(۴) نامعلوم

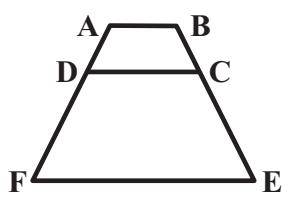
(۳) متخارج

۴۳ - اگر A' بازتاب نقطه A نسبت به خط d باشد، مساحت مثلث OAA' کدام است؟

(۱)

 $9\sqrt{3}$ (۲)

۱۸ (۳)

 $18\sqrt{3}$ (۴)۴۴ - دایره C به مرکز O و شعاع ۲ و نقطه A را به فاصله ۶ از O در نظر می گیریم. تصویر دایره C را در تجانس به مرکز A ونسبت تجانس (۳)- دایره C' می نامیم. طول مماس مشترک داخلی دو دایره کدام است؟ $12\sqrt{3}$ (۲) $8\sqrt{5}$ (۱) $16\sqrt{2}$ (۴) $10\sqrt{6}$ (۳)۴۵ - در شکل زیر ذوزنقه $ABCD$ تحت یک تجانس با نسبت k بر ذوزنقه $DCEF$ تصویر شده است. اگر $EF = 8$ و $AB = 2$ باشد،مقدار k کدام است؟ $\frac{5}{2}$ (۲)

۲ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۴۶ - مثلث قائم الزاویه ABC ($\hat{A} = 90^\circ$) را که در آن طول اضلاع قائم برابر ۲ و ۴ است، به مرکز C و به اندازه 90° در جهت حرکتعقربه های ساعت دوران می دهیم. اگر B' تصویر نقطه B در این دوران باشد، طول BB' کدام است؟

۵ (۴)

 $2\sqrt{10}$ (۳) $5\sqrt{2}$ (۲) $2\sqrt{5}$ (۱)

محل انجام محاسبات



- ۴۷ فرض کنید AM ، BN و CP میانه‌های مثلث ABC باشند. اگر نقاط A ، B و C را به ترتیب با بردارهای $\frac{1}{3}\overrightarrow{BN}$ ، $\frac{1}{3}\overrightarrow{AM}$ و $\frac{1}{3}\overrightarrow{CP}$

منتقل کنیم تا نقاط A' ، B' و C' حاصل شود، مساحت مثلث $A'B'C'$ چه کسری از مساحت مثلث ABC است؟

$\frac{1}{9}$ (۲)

$\frac{1}{4}$ (۱)

$\frac{4}{9}$ (۴)

$\frac{1}{16}$ (۳)

- ۴۸ مساحت ذوزنقه $ABCD$ برابر ۶۵ و طول قاعده‌های آن $AB = 4$ و $CD = 6$ است. نیمسازهای دو زاویه A و B ، یکدیگر را

در نقطه M درون ذوزنقه قطع می‌کنند. اگر M' بازتاب M نسبت به AB و M'' بازتاب M نسبت به CD باشد، طول

پاره خط MM'' کدام است؟

۱۹/۵ (۲)

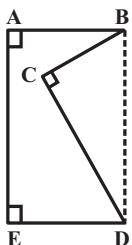
۱۳ (۱)

۳۹ (۴)

۲۶ (۳)

- ۴۹ مطابق شکل زیر قطعه زمینی به صورت پنج ضلعی $ABCDE$ مفروض است. اگر $AE = 10$ ، $AB = 5$ و $\hat{CDE} = 75^\circ$ باشد و

بخواهیم بدون تغییر محیط و تعداد اضلاع این چند ضلعی، مساحت آن را افزایش دهیم، حداقل مقدار ممکن برای مساحت این



زمین چقدر است؟ ($BD \parallel AE$)

۵۵ (۱)

۵۷/۵ (۲)

۶۰ (۳)

۶۲/۵ (۴)

- ۵۰ نقاط $A(2,2)$ و $B(7,6)$ در یک طرف خط d به معادله $3x - 2y + 8 = 0$ و نقطه متغیر M روی این خط مفروض‌اند. اگر

بخواهیم از نقطه A به نقطه M و سپس نقطه B برویم، طول کوتاه‌ترین مسیر AMB کدام است؟

۱۰ (۲)

۵ (۱)

$10\sqrt{2}$ (۴)

$5\sqrt{2}$ (۳)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه های ۱ تا ۲۸

پاسخگویی به سوالات آمار و احتمال اختیاری است و در تراز کل بی‌تأثیر است.

۵۱- اگر p و q دو گزاره باشند، گزاره شرطی $(p \wedge \neg q) \Rightarrow (p \vee q)$ با کدام گزاره هم ارزش است؟

F (۴)

p (۳)

q (۲)

T (۱)

۵۲- اگر ارزش گزاره $(\sim p \Leftrightarrow q) \Rightarrow (p \vee r)$ نادرست باشد، ارزش کدام یک از گزاره های زیر درست است؟ $p \Leftrightarrow r$ (۴) $r \vee p$ (۳) $q \Rightarrow r$ (۲) $p \wedge q$ (۱)۵۳- اگر مجموعه $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid 0 \leq x \leq 5\}$ دامنه متغیر باشد، ارزش کدام گزاره سوری نادرست است؟ $\exists x \in A, \forall y \in A; xy = y$ (۲) $\exists x \in A, \forall y \in A; xy = 0$ (۱) $\exists x \in A, \forall y \in A; xy \geq 5$ (۴) $\exists x \in A, \forall y \in A; x + y \geq 5$ (۳)۵۴- به ازای چند عدد صحیح x ، دو مجموعه $A = \{x^3 + x, 1, 1 + x^2\}$ و $B = \{1 + x, x\}$ می‌توانند با هم مساوی باشند؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) هیچ

۵۵- اگر A و B دو مجموعه باشند، به گونه‌ای که تعداد زیرمجموعه‌های $A \cap B$ برابر ۱۶ و تعداد اعضای $B \times A$ برابر ۵۴ باشد،تعداد اعضای مجموعه $A \cup B$ کدام است؟

۵۱ (۴)

۲۵ (۳)

۱۷ (۲)

۱۱ (۱)

۵۶- کدام یک از گزینه‌های زیر الزاماً درست است؟

 $A - B \subseteq B - A \Rightarrow A = B$ (۲) $A \subseteq B, A \subseteq B' \Rightarrow B = \emptyset$ (۱) $B - A \subseteq A \Rightarrow B = \emptyset$ (۴) $A \cup B \subseteq A \cap B \Rightarrow A = B$ (۳)

۵۷- چه تعداد از حالت‌های زیر، یک افزای برای مجموعه اعداد صحیح محسوب می‌شود؟

الف) $A = \{x \mid x \in \mathbb{N}\}$ و $B = \{-x \mid x \in \mathbb{N}\}$ ب) $A = \{x \mid x \in W\}$ و $B = \{-x \mid x \in W\}$ پ) $A = \{x \mid x \in \mathbb{N}\}$ و $B = \{-x \mid x \in W\}$

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

۵۸- اگر A و B دو مجموعه دلخواه باشند، حاصل عبارت $[(A - A') \cup (B - B')] \cap [(A' - B) \cup (B - A)]$ همواره برابر کدام مجموعه

است؟ (U مجموعه مرجع است).

U (۴)

\emptyset (۳)

 $A' \cap B'$ (۲) $A \cap B$ (۱)۵۹- اگر $\{x \mid x+1 \in A\}$ باشد، بیشترین مقدار ممکن برای xyz کدام است؟

۷ (۴)

۵ (۳)

۳ (۲)

(۱) صفر

۶۰- اگر $\{x \mid 2x - 1 \in A\}$ باشد، آنگاه مساحت ناحیه $(A \times B) \cap (B \times A)$ کدام است؟ $\frac{1}{2}$ (۴)

۲ (۳)

۴ (۲)

۱ (۱)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: نوسان و موج: صفحه‌های ۶۹ تا ۸۸

-۶۱ چه تعداد از عبارات زیر درست است؟

الف) در شرایط یکسان، هر چه طناب نازک‌تر باشد، تندی موج عرضی ایجاد شده در آن، کمتر می‌شود.

ب) در انتشار صوت، مولکول‌های هوا حول نقطه تعادل خود و عمود بر راستای انتشار موج، نوسان می‌کنند.

پ) امواج لرزه‌ای P و S به ترتیب طولی و عرضی می‌باشند.

ت) انتقال انرژی در موج گاما، به صورت انرژی جنبشی و پتانسیل ذرات محیط صورت می‌گیرد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۶۲ در یک موج سینوسی، فاصله بین یک قله و دره برابر با ۴۵cm است. فاصله بین دو دره متولی این موج، چه تعداد از مقادیر

۹۰cm, ۱۸cm, ۱۵cm, ۳۰cm زیر می‌تواند باشد؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۶۳ شکل زیر نمودار جابه‌جایی - مکان یک موج عرضی را در طنابی در یک لحظه نشان می‌دهد. در مورد دو ذره M و N چند

موراد از موارد زیر صحیح است؟

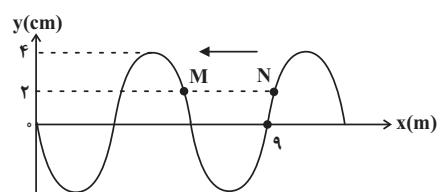
الف) جهت حرکتشان یکسان است.

ب) حرکت M کندشونده و N تندشونده است.

پ) دوره تناوب چشمۀ موج ۶s است.

ت) پس از گذشت $\frac{T}{6}$ ، تندی ذره M بیشینه می‌شود.

ث) طول موج برابر ۶m است.

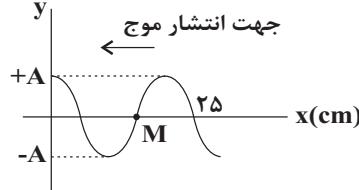


۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۰ (صفر)

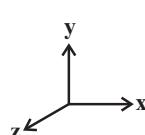
-۶۴ شکل زیر، تصویری از یک موج عرضی را در یک ریسمان کشیده شده در لحظه $t = 0$ نشان می‌دهد. اگر قطر مقطع اینریسمان ۲cm، چگالی آن $\frac{g}{cm^3}$ و نیروی کشش آن $90N$ باشد، چند ثانیه پس از لحظه $t = 0$ ، اندازه شتاب ذره M برایدومین بار بیشینه می‌شود؟ ($\pi = 3$)۷
۲۰۰ (۲)۳
۲۰۰ (۱)۱
۵۰ (۴)۱
۴۰ (۳)-۶۵ در موجی الکترومغناطیسی که در خلاف جهت محور x ها منتشر می‌شود، در لحظه $t = 0$ میدان الکتریکی بیشینه و در جهتمثبت محور y هاست. در لحظه $t = 4/5T$ اندازه میدان مغناطیسی و جهت آن در کدام گزینه به درستی بیان شده است؟ (T: دوره تناوب موج است).

۲) بیشینه - منفی محور z ها

۴) بیشینه - منفی محور y ها

۱) بیشینه - مثبت محور z ها

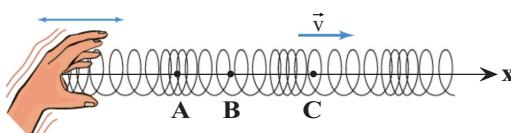
۳) صفر - مثبت محور y ها



محل انجام محاسبات



- ۶۶ مطابق شکل زیر، موجی در یک فنر در حال انتشار است. نقاط A و B به ترتیب در مکان‌هایی هستند که بیشترین جمع شدگی و بازشدگی در آن جا رخ داده است. نقطه C نیز در وسط فاصله بین یک بازشدگی بیشینه و جمع شدگی بیشینه مجاور هم قرار دارد. اگر جایه جایی هر جزء فنر واقع در نقاط A، B و C از وضع تعادل را به ترتیب با Δx_A ، Δx_B و Δx_C نشان دهیم، کدام گزینه صحیح است؟



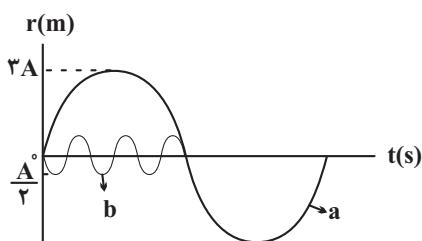
(۱) $\Delta x_C = \Delta x_A = \Delta x_B = ۰$ بیشینه و مثبت است.

(۲) $\Delta x_C = \Delta x_A = \Delta x_B = ۰$ بیشینه و منفی است.

(۳) $\Delta x_B = \Delta x_A = \Delta x_C = ۰$ است.

(۴) $\Delta x_A = \Delta x_B = \Delta x_C = ۰$ بیشینه و منفی و $\Delta x_C < \Delta x_A = \Delta x_B$ است.

- ۶۷ نمودار بعد - زمان دو صوت a و b که در یک محیط منتشر می‌شوند، به صورت زیر است. اگر شنونده از منبع صوتی a ۳۰ متر فاصله داشته باشد، شدت صوت a را $\frac{1}{9}$ برابر شدت صوت b می‌شنود. فاصله شنونده از منبع صوتی b چند متر است؟ (اتلاف انرژی صرف نظر شود).



انرژی صرف نظر شود).

(۱) ۵/۱۸

(۲) ۱۸/۵

(۳) ۱۰

(۴) ۳۶

- ۶۸ اگر صدایی ۲۴ دسی بل بلندتر از صدای دیگر باشد، شدت صوت صدای بلندتر چند برابر صدای دیگر است؟ ($\log 2 = ۰/۳$)

(۱) ۲۴/۴

(۲) ۲۵۶

(۳) ۳۲

(۴) ۳

- ۶۹ با ثابت نگهداشتن دامنه نوسان یک موج و تغییر بسامد و فاصله از منبع آن توانستهایم تراز شدت صوتی را ۶ دسی بل افزایش دهیم. اگر فاصله ما از منبع موج دو برابر شده باشد، بسامد موج چند برابر شده است؟ (از اتلاف انرژی صرف نظر شود و $\log 2 = ۰/۳$)

(۱) ۱۶/۴

(۲) ۸/۳

(۳) ۴/۲

(۴) ۲/۱

- ۷۰ در شکل زیر یک آمبولانس ساکن، صوتی با بسامد f_s و طول موج λ_s تولید می‌کند. شنونده A با تندی ثابت به آمبولانس نزدیک و شنونده B نیز با تندی ثابت از آمبولانس دور می‌شود. اگر بسامد صوت دریافت شده توسط شنونده‌های A و B به ترتیب f_A و f_B و طول موج صوت دریافت شده توسط شنونده‌های A و B به ترتیب λ_A و λ_B باشد، کدامیک از گزینه‌های زیر درست است؟



(۱) $\lambda_B < \lambda_s < \lambda_A$ و $f_A < f_s < f_B$

(۲) $\lambda_A = \lambda_s = \lambda_B$ و $f_B < f_s < f_A$

(۳) $\lambda_A = \lambda_s = \lambda_B$ و $f_A < f_s < f_B$

(۴) $\lambda_A < \lambda_s < \lambda_B$ و $f_B < f_s < f_A$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: الکتریسیته ساکن - جویان الکتریکی و مدارهای جویان مستقیم: صفحه های ۳۲ تا ۶۱

۷۱- بار ذخیره شده در خازن تختی به ظرفیت $F = 18 \mu\text{F}$ برابر $C = 6 \text{ F}$ است. اگر پتانسیل الکتریکی صفحه منفی این خازن $V = 7 \text{ V}$ باشد،

پتانسیل الکتریکی صفحه مثبت آن چند ولت است؟

- (۱) ۳ (۲) ۹ (۳) ۱۲ (۴) ۶

۷۲- خازن تختی را پس از شارژ شدن از باتری جدا می کنیم و سپس از صفحه منفی خازن، مقداری بار مثبت را جدا کرده و به صفحه

مثبت آن انتقال می دهیم. چه تعداد از کمیت های زیر برای این خازن افزایش می یابد؟

- * بار ذخیره شده * اختلاف پتانسیل دو صفحه * میدان الکتریکی درون آن * انرژی ذخیره شده

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۷۳- بین دو صفحه افقی یک خازن تخت باردار که از مولد جدا است، ذرهای با بار < 0 معلق مانده است. در صورتی که فاصلۀ دو

- (۱) بالا می رود. (۲) ثابت می ماند. (۳) پایین می رود.

- (۴) بین دو صفحه نوسان می کند.

۷۴- خازنی به ظرفیت $C = 10 \text{ F}$ را به مولدی با ولتاژ $V = 10 \text{ V}$ متصل کرده و پس از پُر شدن، از آن جدا می کنیم. اگر با انتقال مقداری بار منفی ازصفحه مثبت به صفحه منفی، بار خازن $\Delta Q = 20 \text{ C}$ درصد تغییر کند، انرژی پتانسیل الکتریکی ذخیره شده در آن $\Delta U = 110 \text{ J}$ میکروژول افزایش

می یابد. ظرفیت خازن چند میکروفاراد است؟

- (۱) ۱/۲ (۲) ۳/۶ (۳) ۲/۵ (۴) ۵

۷۵- خازنی به ظرفیت $C = 40 \mu\text{F}$ به یک باتری متصل است. اگر در این حالت فاصلۀ بین صفحات خازن را طوری تغییر دهیم که میدانالکتریکی بین صفحات، $\Delta V = 20 \text{ V}$ درصد کاهش یابد، انرژی ذخیره شده در آن $\Delta U = 1/6 \text{ mJ}$ ژول کاهش می یابد. اختلاف پتانسیل باتری

چند ولت است؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۲۰ (۳) ۱۰۰ (۴) ۲۰۰

محل انجام محاسبات



۷۶- در اندازه‌گیری‌های مختلف ولتاژ و جریان برای دو مقاومت A و B، جداول زیر به دست آمده است. نوع مقاومت‌های A و B

به ترتیب در کدام گزینه درست بیان شده است؟ (دما ثابت است.)

I	۰/۱۶	۰/۲۴	۰/۳۲
V	۱/۶	۲/۴	۳/۲

: A

I	۰/۱۶	۰/۲۴	۰/۳
V	۱/۶	۴/۸	۶/۳

: B

(۱) اهمی - اهمی

(۲) غیراهمی - اهمی

(۳) اهمی - غیراهمی

(۴) غیراهمی - غیراهمی

۷۷- چند مورد از موارد زیر درست است؟

الف) دیود یک مقاومت اهمی است.

ب) هرچه مقاومت LDR در معرض نور بیشتری قرار گیرد، مقاومتش کمتر می‌شود.

ج) اغلب از مقاومت‌های نوری بعنوان حسگر دما در مدارهای الکترونیکی حساس به دما استفاده می‌شود.

د) پتانسیومتر نوعی مقاومت متغیر (پیچه‌ای) است.

(۱)

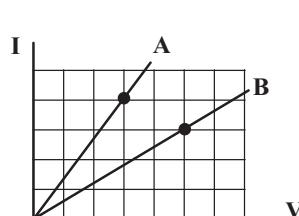
۳۲

۲۳

۴۴

۷۸- نمودار جریان، بر حسب ولتاژ برای دو سیم رسانای A و B مطابق شکل زیر است. اگر طول و قطر سیم B، نصف طول و قطر سیم A

باشد، نسبت مقاومت ویژه سیم A به مقاومت ویژه سیم B کدام است؟ (دما را ثابت در نظر بگیرید).

(۱) $\frac{3}{5}$ (۲) $\frac{10}{3}$ (۳) $\frac{9}{10}$ (۴) $\frac{20}{9}$

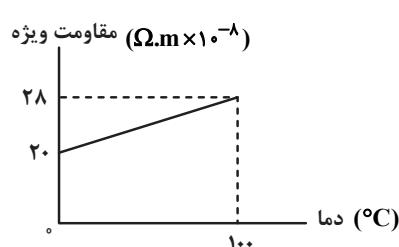
۷۹- یکای مقاومت ویژه در SI، معادل با کدام یکای زیر است؟

$$\frac{\text{kg} \cdot \text{m}^3}{\text{s} \cdot \text{C}^2}$$

$$\frac{\text{kg} \cdot \text{m}^3}{\text{s} \cdot \text{C}}$$

$$\frac{\text{kg} \cdot \text{s}}{\text{m}^3 \cdot \text{C}^2}$$

$$\frac{\text{kg} \cdot \text{s}}{\text{m}^3 \cdot \text{C}^2}$$

۸۰- شکل زیر نمودار مقاومت ویژه سرب را بر حسب دما نشان می‌دهد. ضریب دمایی مقاومت ویژه سرب چند $\frac{1}{K}$ است؟(۱) 8×10^{-3} (۲) 4×10^{-3} (۳) 8×10^{-2} (۴) 4×10^{-2}

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: ویژگی‌های فیزیکی مواد: صفحه‌های ۲۳ تا ۵۲

توجه:

دانش‌آموزان گرامی: از دو مجموعه فیزیک ۱ (۹۰ تا ۸۱) و سوال فیزیک ۲ (۹۱ تا ۱۰۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۸۱- اگر فشار کل در عمق ۷ متری و ۴ متری از سطح آزاد یک مایع به ترتیب $1/94$ اتمسفر و $1/58$ اتمسفر باشد، فشار کل در عمق

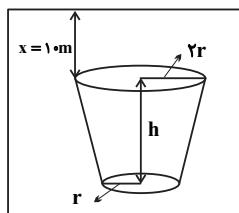
۸ متری از سطح آزاد این مایع چند اتمسفر است؟

۲/۲۰ (۴)

۲/۱۲ (۳)

۲/۰۶ (۲)

۲/۰۰ (۱)

۸۲- جسمی مخروطی شکل، مطابق شکل زیر درون مخزنی حاوی مایع، ثابت است. اگر اندازه نیرویی که از طرف مایع به سطح بالایی و پایینی مخروط وارد می‌شود، برابر باشد، ارتفاع مخروط که با h مشخص شده چند متر است؟ (از فشار هوا صرف نظر شود).

۳۰ (۱)

۴۰ (۲)

۱۰ (۳)

۲۰ (۴)

۸۳- درون استوانه‌ای به سطح مقطع 10cm^2 تا ارتفاع 20 سانتی‌متری مایعی به چگالی $\frac{\text{kg}}{\text{L}} ۱/۰۱۲۵$ ریخته‌ایم. چند سانتی‌متر مکعب از مایعی با چگالی $\frac{\text{g}}{\text{cm}^3} ۰/۲$ به ظرف اضافه کنیم تا پس از تعادل، فشار کل در ته ظرف دو درصد افزایش یابد؟

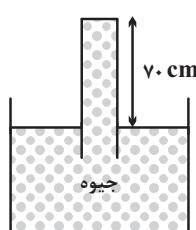
$$(\rho_{hg} = ۱۳/۵ \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, P_0 = ۷۵\text{cmHg})$$

۱۳۰۲/۵۶ (۴)

۱۰۳۲/۷۵ (۳)

۹۱۲/۵ (۲)

۸۷۵ (۱)

۸۴- در شکل زیر، فشار جیوه بر ته بسته لوله 6750 پاسکال است. فشار هوا در محل چند سانتی‌متر جیوه است؟ (چگالی جیوه

$$(g = ۱۰\text{m/s}^2 \text{ و } \rho_{hg} = ۱۳/۵\text{g/cm}^3 \text{ است.})$$

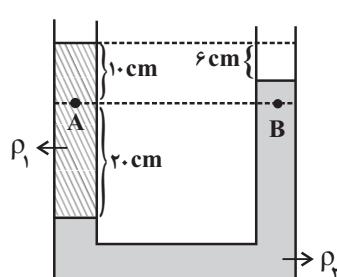
۷۵ (۱)

۷۸ (۲)

۸۰ (۳)

۷۳ (۴)

۸۵- در شکل زیر، دو مایع مخلوط نشدنی داخل لوله U شکل در حال تعادل قرار دارند. اگر اندازه اختلاف فشار دو نقطه A و B برابر



$$(g = ۱۰\frac{\text{m}}{\text{s}^2}, \rho_1 = ۴۰۰\text{Pa})$$

۰/۸ (۱)

۱ (۲)

۱/۲ (۳)

۱/۴ (۴)

محل انجام محاسبات

۸۶- در ظرفی استوانه‌ای شکل، به سطح مقطع 20cm^2 مایعی به چگالی $\rho_2 = 4 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ ریخته‌ایم و فشار کل در کف ظرف برابر

شده است. اگر مایع این ظرف را به شاخه سمت چپ لوله U شکل زیر اضافه نماییم، مایع (۱) در شاخه سمت راست

$$\text{لوله U شکل چند سانتی‌متر بالا می‌رود؟ } P_0 = 76\text{cmHg}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$$

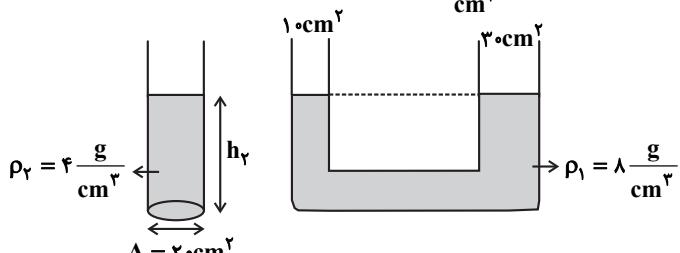
نمی‌شوند.)

۸ (۱)

۸/۵ (۲)

۴ (۳)

۴/۲۵ (۴)



$$\rho_1 = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

۸۷- در شکل زیر مایعی به چگالی $\frac{g}{\text{cm}^3}$ درون لوله زیر در حال تعادل است. فشار پیمانه‌ای گاز حبس شده در انتهای سمت چپ

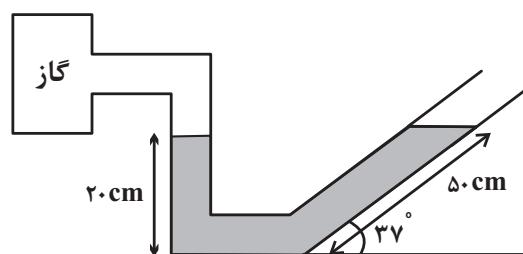
$$\text{لوله چند پاسکال است؟ } (\sin 37^\circ = 0/6, P_0 = 10^5 \text{ Pa})$$

۲۰۰۰ (۱)

۵۰۰۰ (۲)

۱۰۰۰ (۳)

۴۰۰۰ (۴)



۸۸- دو جسم تو پُر و هم‌جرم A و B داخل مایعی به چگالی ρ_1 قرار دارند، به‌طوری که جسم A شناور و جسم B غوطه‌ور است. اگر

این دو جسم را داخل مایعی به چگالی $\rho_2 = \frac{3}{4} \rho_1$ قرار دهیم، نیروی شناوری وارد بر جسم‌های A و B به ترتیب از راست به چپ

چه تغییری خواهد کرد؟

(۱) کاهش می‌یابد - ثابت می‌ماند.

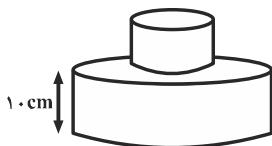
(۲) ثابت می‌ماند یا افزایش می‌یابد - ثابت می‌ماند.

(۳) ثابت می‌ماند یا کاهش می‌یابد - کاهش می‌یابد.

(۴) ثابت می‌ماند یا کاهش می‌یابد - کاهش می‌یابد.

۸۹- در شکل زیر، سطح مقطع قسمت استوانه‌ای پایین ظرف 200cm^2 و سطح مقطع قسمت استوانه‌ای بالای ظرف 100cm^2 است. اگر ۳ لیتر

از مایعی به چگالی $\frac{g}{\text{cm}^3}$ را در ظرف بریزیم، پس از ایجاد تعادل، اندازه نیروی ناشی از مایع که به کف ظرف وارد می‌شود، چند نیوتن



$$\text{است؟ } (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \text{ و مایع از ظرف بیرون نمی‌ریزد.})$$

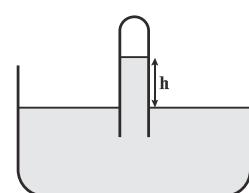
۱۴۰ (۲)

۱۸۰ (۴)

۱۲۰ (۱)

۱۶۰ (۳)

۹۰- در شکل زیر، اگر فشار گاز محبوس در انتهای لوله برابر با $72/5\text{cmHg}$ باشد، اختلاف ارتفاع آب در لوله و ظرف چند سانتی‌متر



$$\text{است؟ } (\rho_{آب} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \text{ و } \rho_{جیوه} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, P_0 = 75\text{cmHg})$$

۳۴ (۲)

۸۵ (۴)

۶۸ (۱)

۱۷ (۳)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: الکتریسیته ساکن - جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه های ۳۲ تا ۶۱

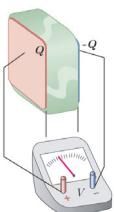
توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سؤال فیزیک ۱ (۹۰ تا ۹۱) و فیزیک ۲ (۹۱ تا ۱۰۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و باسخ دهید.

۹۱- خازن تختی به ظرفیت $5\text{ }\mu\text{F}$ و بار الکتریکی 20 mC در اختیار داریم. اگر فاصله بین صفحات آن 1 mm باشد، بزرگی میدان الکتریکی بین صفحات چند ولت بر متر است؟

$$(1) \ 2 \times 10^3 \quad (2) \ 4 \times 10^3 \quad (3) \ 6 \times 10^3 \quad (4) \ 8 \times 10^3$$

۹۲- در شکل زیر صفحه های باردار یک خازن تخت را که بین آن ها دی الکتریک است به ولتسنج وصل می کنیم. اگر دی الکتریک را از بین صفحه ها خارج کنیم، عددی که ولتسنج نشان می دهد و انرژی خازن به ترتیب چه تغییری خواهد کرد؟

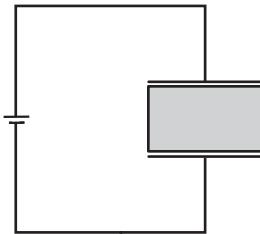


- (۱) افزایش - کاهش
- (۲) افزایش - افزایش
- (۳) کاهش - افزایش
- (۴) کاهش - کاهش

۹۳- خازنی با دی الکتریک هوا را به دو سر یک باتری به ولتاژ 7 V وصل کرده ایم. پس از باردار شدن آن را از باتری جدا کرده و تغییرات روی آن انجام میدهیم که انرژی ذخیره شده در آن 4 J برابر شود. کدام گزینه می تواند نشان دهنده این تغییرات باشد؟

- (۱) مساحت و فاصله بین صفحه ها دو برابر شده است.
- (۲) دی الکتریکی با $= 2$ جایگزین هوا و فاصله بین ورقه ها نصف شده است.
- (۳) فاصله بین صفحات خازن 4 برابر شده است.
- (۴) دی الکتریکی با $= 2$ جایگزین هوا و مساحت صفحه ها نصف شده است.

۹۴- در شکل زیر جهت میدان الکتریکی حاصل از اثر قطبیده شدن مولکول های دی الکتریک بین صفحات خازن در کدام جهت است؟



- (۱) \uparrow
- (۲) \downarrow
- (۳) \rightarrow
- (۴) \leftarrow

۹۵- خازنی به اختلاف پتانسیل 12 V ولت متصل شده است. اگر پس از پرشدن خازن، بدون آنکه از مولد جدا شود، دی الکتریک با ثابت $= 3$ بین صفحات خازن قرار دهیم، انرژی ذخیره شده در آن $4\text{ mJ} / 2$ تغییر کند. ظرفیت خازن پس از قراردادن دی الکتریک چند میکروفاراد خواهد شد؟

$$(1) \frac{5}{3} \quad (2) \frac{5}{2} \quad (3) 5 \quad (4) 50$$

محل انجام محاسبات



۹۶- معادله بار بر حسب زمان گذرنده از سیمی در SI به صورت $q = t^3 - 2t + 4$ است. جریان الکتریکی متوسطی که در ۳ ثانیه اول از سیم می‌گذرد چند آمپر است؟

۱) ۴

 $\frac{1}{2}$

۲) ۲

۳) ۱

- ۹۷- چند مورد از گزاره‌های زیر درست است؟
- الف) در مقاومت‌های نوری با افزایش شدت نور، جریان عبوری از آن‌ها کاهش می‌یابد.
 - ب) دیود وقتی در مدار قرار می‌گیرد می‌تواند مقاومت کربنی جریان را در هر دو جهت از خود عبور دهد.
 - پ) رئوستا یک نوع مقاومت متغیر است.
 - ت) ترمیستور تنها مقاومتی است که به دما حساس نیست.

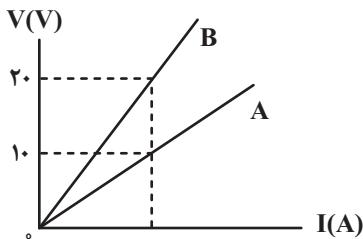
۴) ۴

۳) ۳

۲) ۲

۱) ۱

۹۸- نمودار اختلاف پتانسیل دو سر دو رسانای هم‌جنس A و B بر حسب جریان الکتریکی عبوری از آن‌ها مطابق شکل زیر است. اگر قطر مقطع سیم A نصف قطر مقطع سیم B باشد، طول سیم A چند برابر طول سیم B است؟



۱) ۱

 $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{8}$

۲) ۴

۹۹- باتری ماشین حسابی در هنگام روشن بودن، در مدت زمان ۲۵ دقیقه، $4J / ۲$ انرژی به مدار می‌دهد و باعث ایجاد جریان الکتریکی متوسط $4mA / ۰$ می‌شود. اگر پتانسیل الکتریکی پایانه مثبت باتری برابر با $12V$ باشد، پتانسیل الکتریکی پایانه منفی آن چند ولت است؟

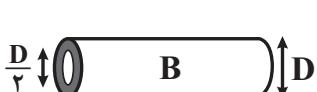
-۴) ۲

-۸) ۱

+۸) ۴

+۴) ۳

۱۰۰- دو سیم هم‌جنس و رسانای A و B مطابق شکل در اختیار داریم. اگر حجم سیم A دو برابر حجم قسمت توپر سیم B باشد، مقاومت الکتریکی سیم رسانای A چند برابر مقاومت الکتریکی سیم رسانای B است؟ (درون سیم B، یک استوانه تو خالی به

قطر $\frac{D}{2}$ در کل طول آن وجود دارد.) $\frac{8}{9}$) ۲ $\frac{1}{2}$) ۱

۲) ۴

 $\frac{9}{8}$) ۳



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: جلوه‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری: صفحه‌های ۶۵ تا ۸۸

۱۰۱- کدام گزینه درست است؟

- (۱) احتمال حضور جفت الکترون پیوندی در فضای بین دو هسته مولکول‌های دو اتمی جور هسته، بیشتر است.
- (۲) در مولکول دو اتمی و جور هسته HCl ، تراکم الکترون در اطراف هسته اتم هیدروژن بیشتر است.
- (۳) توزیع یکنواخت و متقارن الکترون‌ها در مولکول‌های دو اتمی جور هسته، نشانه قطبی بودن مولکول است.
- (۴) مولکول‌های دو اتمی جور هسته، دارای گشتاور دوقطبی بزرگ‌تر از صفر هستند.

۱۰۲- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

- * جانشینی یک اتم H به جای یک اتم کلر در کربن تتراکلرید، همانند جانشینی دو اتم گوگرد (S) به جای دو اتم اکسیژن در کربن دی‌اکسید سبب افزایش گشتاور دوقطبی مولکول می‌شود.
- * رنگ اتم مرکزی در نقشه پتانسیل الکتروستاتیکی مولکول‌های گوگردتری‌اکسید و آمونیاک متفاوت، اما توزیع بار الکتریکی اطراف اتم مرکزی در هر دو مولکول، یکنواخت و متقارن است.
- * احتمال حضور جفت الکترون‌های پیوندی در فضای بین دو هسته اتم کلر در مولکول کلر، بیشتر از سایر فضاهای است.
- * هرچه تفاوت نقطه ذوب و جوش در شاره‌ای بیشتر باشد، آن شاره برای به حرکت درآوردن توربین مناسب‌تر است.
- * بین دو مولکول نیتروژن و هیدروژن فلورورید، در شرایط یکسان، میان نیتروژن در دمای پایین‌تری انجام می‌شود.

(۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱

۱۰۳- کدام گزینه در رابطه با مقایسه آنتالپی فروپاشی شبکه بلور ترکیب‌های یونی نادرست است؟ $NaF > KF$ (۴) $KF > LiCl$ (۳) $NaCl > KBr$ (۲) $LiF > KBr$ (۱)

۱۰۴- چند مورد از مطالب زیر در مورد استفاده از پرتوهای خورشیدی برای تولید انرژی الکتریکی در فناوری‌های پیشرفته به درستی بیان شده است؟

- الف) شاره یونی می‌تواند با ورود به منبع ذخیره انرژی گرمایی، انرژی لازم برای تبدیل آب به بخار داغ را فراهم کند.
- ب) استفاده از پرتوهای خورشیدی برای تولید برق، به عنوان انرژی پاک هیچ گونه ردپای زیست محیطی ندارد.
- پ) سدیم کلرید مذاب شاره‌ای است که باعث حرکت توربین می‌شود.
- ت) آینه‌ها انرژی پرتوهای خورشیدی را جذب کرده و به گیرنده برج منتقل می‌کنند.

(۱) ۱ (۲) ۴ (۳) ۱ (۴) ۲

۱۰۵- آنتالپی فروپاشی شبکه آلومینیم سولفات برابر 3440 kJ.mol^{-1} است. برای تشکیل 32×10^6 یون گازی از شبکه بلوری این ماده، چند کیلوژول انرژی لازم است؟

(۱) ۱/۷ (۲) ۴/۳ (۳) ۱۷۲ (۴) ۴۴۴

محل انجام محاسبات



۱۰۶- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟^(۱)

* گرمای لازم برای فروپاشی $11/7$ گرم NaCl با گرمای لازم برای فروپاشی $29/75$ گرم KBr ، $14/85$ کیلوژول اختلاف دارد.

$$(\Delta H_{\text{NaCl}} = 787 \text{ kJ/mol}^{-1}, \Delta H_{\text{KBr}} = 689 \text{ kJ/mol}^{-1})$$

* اختلاف آنتالپی فروپاشی NaF و LiCl بیشتر از اختلاف آنتالپی فروپاشی LiBr و KF است.

* شبکه سدیم اکسید آسانتر از شبکه منیزیم فلورورید فروپاشیده می‌شود.

* در میان یون‌های سولفید، اکسید، لیتیم و کلرید، یون سولفید بیشترین شعاع یونی را دارد.

* در بین ترکیب‌های یونی حاصل از یون‌های $(\text{Mg}^{2+}, \text{S}^{2-}, \text{O}^{2-}, \text{Cl}^{-}, \text{Ca}^{2+}, \text{K}^{+}, \text{Na}^{+})$ ، نیروی جاذبه میان جفت یون‌های Ca^{2+} و O^{2-} از همه بیشتر است.

۱ (۴)

۲ (۳)

۴ (۲)

۵ (۱)

۱۰۷- چند مورد از عبارت‌های زیر، درست است؟

آ) تیتانیم دومین فلز واسطه جدول تناوبی است و واکنش پذیری کمتری نسبت به کلسیم و پتاسیم دارد.

ب) امروزه در ساخت پروانه کشتی اقیانوس پیما، به جای فولاد از تیتانیم استفاده می‌کنند.

پ) نیتینول آلیاژی از تیتانیم و نیکل بوده و به آلیاژ هوشمند معروف است.

ت) از مزیت‌های تیتانیم نسبت به فولاد در ساخت اجزای موتور جت، نقطه ذوب بالاتر و چگالی کمتر آن است.

ث) سازه فلزی مورد استفاده در ارتودننسی از جنس فلز تیتانیم خالص است.

۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۰۸- همه عبارت‌های زیر صحیح‌اند، به جز ...

۱) در ساختار یخ مانند گرافن یک آرایش منظم و سه بعدی با حلقه‌های شش گوشه وجود دارد.

۲) گرافن تک لایه‌ای از گرافیت است که در آن، اتم‌های کربن با پیوندهای اشتراکی حلقه‌های شش گوشه تشکیل می‌دهند.

۳) در گرافن هر اتم کربن با سه اتم کربن دیگر پیوند اشتراکی دارد.

۴) گرافن برخلاف گرافیت ساختاری شفاف و انعطاف‌پذیر دارد.

۱۰۹- در یک نمونه 100 گرمی از خاک رس، با حرارت دادن و کاهش 10 گرم از جرم رس، درصد جرمی رطوبت (H_2O) و آهن (III)

اکسید به ترتیب به 7% و 5% می‌رسد. درصد جرمی این دو ماده در نمونه رس اولیه (قبل از حرارت دادن) به ترتیب کدام است؟

۶ / ۳ - ۴ / ۵ (۴)

۴ / ۵ - ۶ / ۳ (۳)

۴ / ۵ - ۱۶ / ۳ (۲)

۱۶ / ۳ - ۴ / ۵ (۱)

۱۱۰- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

الف) در گرافیت هر اتم کربن به 3 اتم دیگر و در الماس هر اتم کربن به 4 اتم دیگر متصل است.

ب) از آن جا که میانگین آنتالپی پیوند $\text{C}-\text{C}$ از $\text{Si}-\text{C}$ بیشتر است. سختی سیلیسیم کربید از الماس بیشتر است.

پ) هرچه تفاوت بین نقطه ذوب و جوش یک ماده خالص بیشتر باشد، نیروی جاذبه میان ذره‌های سازنده آن در حالت مایع بیشتر است.

ت) همه مولکول‌هایی که از اتم‌های مشابه تشکیل شده‌اند، دارای گشتاور 2 قطبی صفر می‌باشند.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیوه ۲: قدر هدایای زمینی را بدایم: صفحه‌های ۲۸ تا ۴۸

۱۱۱- کدام موارد از عبارت‌های زیر صحیح است؟

- الف) نفت خام مایع غلیظ سیاه رنگ یا قهوه‌ای متمایل به سبز است که به عنوان سوخت فسیلی به کار می‌رود.
- ب) بیش از ۵ درصد از نفت خام مصرفی در دنیا برای تولید الیاف، پارچه و شوینده‌ها و ... به کار می‌رود.
- ب) نقش نخست نفت خام در دنیای کنونی، ماده اولیه برای تهیه بسیاری از مواد و کالاهای صنایع گوناگون است.
- ت) روزانه بیش از $10^{10} / 2 \times 10^3$ لیتر نفت خام در دنیا به شکل‌های گوناگون مصرف می‌شود.

(۱) الف و پ (۲) ب و ت (۳) الف و ت (۴) ب و پ

۱۱۲- چه تعداد از عبارت‌های زیر درباره آلکان‌ها درست است؟ (n : تعداد اتم‌های کربن در آلکان) ($C = 12, H = 1 : g/mol^{-1}$)

* با کاهش درصد جرمی هیدروژن در آن‌ها، فرآریت کاهش می‌یابد.

* از سوختن کامل هر مول از آن‌ها، n مول گاز در شرایط استاندارد تولید می‌شود.* برای عضوی از آن‌ها با جرم مولی برابر $72g/mol^{-1}$ ، 2 ایزومر مختلف وجود دارد.* عضوی از آن‌ها با 25 پیوند اشتراکی، دارای 18 پیوند اشتراکی $C - H$ است.* به ازای اضافه شدن هر اتم کربن به ساختار آن‌ها، $14g/mol^{-1}$ بر جرم مولی شان افزوده می‌شود.

(۱) (۲) (۳) (۴)

۱۱۳- اگر جرم مولی آلکین A ، $3/5$ برابر جرم مولی اولین عضو خانواده آلکان‌ها باشد، جرم کربن دی‌اکسید به دست آمده از سوختن کامل یک مول ماده A به تقریب چند برابر جرم اتانول به دست آمده از تخمیر کامل بی‌هوایی 90 گرم گلوکز است؟ $(H = 1, C = 12, O = 16 : g/mol^{-1})$ (۱) (۲) (۳) (۴) $4/5$ ۱۱۴- جرم آب تولید شده در سوختن کامل آلکانی، $\frac{3}{2}$ برابر جرم هیدروکربن اولیه است. نام آیوپاک این آلکان کدام گزینه می‌تواند باشد؟ ($C = 12, H = 1, O = 16 : g/mol^{-1}$)

(۱) متیل پروپان (۲) ۲-دی‌متیل بوتان (۳) ۲-دی‌متیل پروپان (۴) هگزان

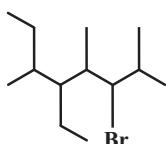
۱۱۵- نام ترکیبی با فرمول C_6H_{14} کدام است؟

(۱) ۵-برمو، ۲، ۳-دی‌اتیل، ۴، ۶-دی‌متیل هپتان

(۲) ۲، ۳-دی‌اتیل، ۵-برمو، ۴، ۶-دی‌متیل هپتان

(۳) ۳-برمو، ۵-اتیل، ۲، ۴، ۶-تری‌متیل اوکтан

(۴) ۶-برمو، ۴-اتیل، ۲، ۴، ۷-تری‌متیل اوکتان



محل انجام محاسبات



۱۱۶- نام هیدروکربن $(CH_3)_3CC_3H_7$ (کدام موارد (مورد) می‌تواند باشد؟

- | | | |
|--------------------------|-----------------------|-------------------------|
| ت) ۳،۲،۲- تری‌متیل بوتان | ب) ۲،۳- دی‌متیل پنتان | الف) ۲،۲- دی‌متیل پنتان |
| ۴) ب، ت | ۳) فقط الف | ۱) ب، ب |

۱۱۷- همه عبارت‌های زیر درست هستند، به جز ...

- ۱) این از اتن واکنش پذیرتر است.
- ۲) از گاز اتن در جوشکاری و برش فلزات استفاده می‌شود.
- ۳) از گاز اتن به عنوان عمل آورنده در کشاورزی استفاده می‌شود.
- ۴) گاز اتن به عنوان دومین عضو خانواده آلکن‌ها دارای چهار اتم هیدروژن است.

۱۱۸- چند مورد از مطالب زیر درست‌اند؟

- آ) همه آلکن‌ها با برم مایع واکنش داده و رنگ قرمز آن را از بین می‌برند.
- ب) آلکان‌ها ترکیب‌هایی سیرشده هستند که تمامی اتم‌ها در آن‌ها با چهار پیوند اشتراکی یگانه به چهار اتم دیگر متصل شده‌اند.
- پ) تعداد اتم‌های هیدروژن در ساده‌ترین عضو خانواده آلکان‌ها و آلکن‌ها برابر است.
- ت) از واکنش اتن با آب در حضور H_2SO_4 ، اتان به دست می‌آید.

۴) ۴ ۳) ۳ ۲) ۲ ۱) ۱

۱۱۹- چند مورد از مطالب زیر، نادرست است؟

- آ) نفتالن یکی از معروف‌ترین سیکلو‌آلکان‌ها است که در گذشته به عنوان ضد بید کاربرد داشته است.
- ب) در ساختار مولکول نفتالن، شمار پیوندهای دوگانه نصف شمار اتم‌های هیدروژن است.
- پ) هر مولکول نفتالن در واکنش با پنج مولکول هیدروژن، به یک ترکیب سیرشده تبدیل می‌شود.
- ت) در مولکول نفتالن به هر اتم کربن، یک اتم هیدروژن متصل است.

۱) ۴ ۲) ۳ ۳) ۲ ۴) ۱

۱۲۰- چند مورد از عبارت‌های زیر در مورد نفت خام درست است؟

- * بیش از نیمی از نفت خام برای تأمین گرما و انرژی الکتریکی مورد نیاز به کار می‌رود.
- * نفت خام مخلوطی از هزاران ترکیب شیمیایی است که بخش عمده آن را هیدروکربن‌های گوناگون تشکیل می‌دهد.
- * بخش عمده نفت خام را هیدروکربن‌هایی تشکیل می‌دهد که در همه آن‌ها نسبت شمار پیوندهای کربن - هیدروژن به شمار کل پیوندهای اشتراکی آن، کوچک‌تر از یک است.

* پالایش نفت خام منجر به تولید انرژی الکتریکی ارزان قیمت می‌شود.

* در پالایش نفت خام، نمک‌ها، اسیدها و آب به روش تقطیر جزء به جزء از هیدروکربن‌ها جدا می‌شوند.

۲) ۴ ۳) ۳ ۴) ۲ ۵) ۱

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: کیهان زادگاه الفبای هستی + ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۲۴ تا ۵۲

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه شیمی ۱ (۱۲۱ تا ۱۳۰) و سؤال شیمی ۲ (۱۳۱ تا ۱۴۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و باسخ دهید.

۱۲۱- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

* اتم‌های برانگیخته پرانرژی و پایدارند و همواره تمایل دارند به حالت پایه برگردند.

* با تعیین دقیق طول موج نوارهای رنگی طیف نشری خطی هیدروژن، می‌توان به تصویر دقیقی از انرژی لایه‌های الکترونی اتم آن دست یافت.

* با افزایش فاصله از هسته، انرژی لایه‌ها برخلاف تفاوت انرژی لایه‌ها افزایش می‌یابد.

* انرژی طول موج نشر شده در انتقال الکترون از لایه چهارم به دوم، نسبت به انتقال الکترون از لایه دوم به اول در اتم هیدروژن کمتر است.

۲ (۴)

۳ (۳)

۴ (۲)

۱ (۱)

۱۲۲- کدام گزینه مقایسه نادرستی از انرژی زیرلایه‌ها را نشان می‌دهد؟

۲p < ۳p (۴)

۴p < ۵s (۳)

۴p < ۳d (۲)

۴s < ۳d (۱)

۱۲۳- چه تعداد از مطالب زیر درست است؟

الف) حداقل شمار الکترون‌ها در هر لایه الکترونی از رابطه $4l+2$ بدست می‌آید.ب) بر اساس قاعدة آفبا، زیرلایه $6s$ پس از زیرلایه $4f$ پر می‌شود.پ) شمار الکترون‌های دارای $1 = 1$ در اتم Ge_{32} کمتر از دو برابر همین شمار در عنصر بالایی آن در جدول تنایوی است.ت) در اتم کروم ($Cr_{۲۴}$) تعداد الکترون‌های دارای $2 = 1$ ، نصف تعداد الکترون‌های دارای $0 = 1$ است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۲۴- کدام گزینه نادرست است؟

۱) حداقل گنجایش الکترونی زیرلایه‌ها از رابطه $4l+2$ به دست می‌آید.

۲) حداقل مقدار معین و مجاز اعداد کوانتمی فرعی در یک لایه، همواره یک واحد از عدد کوانتمی اصلی آن لایه کمتر است.

۳) مجموع شمار الکترون‌ها در یک لایه معین و پر با عدد کوانتمی اصلی n ، برابر n^3 است.۴) هر زیرلایه را می‌توان با نماد nl نشان داد.

محل انجام محاسبات



۱۲۵- اگر شمار کل الکترون‌های موجود در زیرلایه با $= 1$ در اتم عنصر اصلی X از شمار الکترون‌های لایه سوم آن یک واحد کمتر

باشد، چند مورد از عبارت‌های زیر درباره عنصر X درست است؟

* مجموع $n+1$ الکترون‌های ظرفیت آن ۳۳ است.

* در آرایش الکترونی آن ۸ زیرلایه از الکترون اشغال شده است.

* در آرایش الکترون- نقطه‌ای این عنصر ۶ جفت الکترون وجود دارد.

* در ساختار لوویس مولکول X_2 ، ۶ جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.

* در هر واحد فرمولی ترکیب این عنصر با عنصر Y_{۱۲}، سه یون وجود دارد.

۳ (۴)

۲ (۳)

۴ (۲)

۵ (۱)

۱۲۶- کدامیک از عناصر A_{۲۳}, B_۵, C_۷, E_{۳۱}, F_{۳۵} با عنصر X به آرایش الکترونی $[Ar] 4d^1 4f^0 4s^2 4p^3$ به ترتیب از راست به چپ در یک

گروه و در یک تناوب جدول دوره‌ای قرار دارد؟ (نماد عنصرها فرضی است).

A, B, C – E (۲)

B, E, A – C (۱)

A, E, F – C (۴)

B, A, F – E (۳)

۱۲۷- تفاوت تعداد الکترون‌ها با نوترون‌ها در یون X^{3+} برابر ۸ می‌باشد. چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

الف) در اتم X نسبت تعداد الکترون‌های با $= 1$ به تعداد الکترون‌های با $= 2$ ، برابر $1/6$ است.

ب) آخرین الکترون در آرایش الکترونی یون X^{3+} ، دارای اعداد کوانتمی $= 0$ و $n = 4$ است.

پ) عنصر X با عنصر K_{۱۹} هم دوره است.

ت) مجموع اعداد کوانتمی اصلی و فرعی الکترون‌های موجود در بیرونی ترین زیرلایه اتم عنصر X، برابر ۳۳ است.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۱۲۸- از عناصرهای ۱ تا ۳۶ جدول تناوبی، چند عنصر در زیرلایه(ها) با $n+1 = 5$ اتم آن‌ها مجموعاً پنج الکترون وجود دارد؟

۱ (۲)

۱) صفر

۳ (۴)

۲ (۳)

محل انجام محاسبات



۱۲۹- چه تعداد از عبارت‌های زیر درباره قاعده آفبا نادرست است؟

* مطابق این قاعده آرایش الکترونی X_{24} به صورت $[Ar]^{3d^{\frac{1}{2}}} 4s^{\frac{1}{2}}$ است.

* مطابق این قاعده، زیر لایه‌ای که n کوچکتری دارد، زودتر از الکترون اشغال می‌شود.

* با استفاده از این قاعده، آرایش الکترونی اغلب عنصرها قابل پیش‌بینی است.

* بر اساس این قاعده، عدد اتمی اولین عنصری که لایه الکترونی سوم آن از الکترون پر می‌شود، برابر ۲۹ است.

۴) ۲

۲) ۱

۳) ۴

۱) ۳

۱۳۰- کدام گزینه درست است؟

۱) به ازای تولید هر مول مولکول منیزیم اکسید، 12×10^{23} الکترون مبادله می‌شود.

۲) همه ترکیب‌های یونی دوتایی از دو اتم تشکیل شده‌اند.

۳) در فرمول شیمیایی کلسیم اکسید همانند آلومینیم نیترید، نسبت کاتیون به آనیون برابر یک است.

۴) هر اتمی که آرایش الکترونی آن به ns^2 ختم می‌شود، آرایش الکترون- نقطه‌ای به صورت A^+ دارد.

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: قدر هدایای زمینی را بدآینیم: صفحه‌های ۲۸ تا ۴۸

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سؤال شیمی ۱ (۱۳۰ تا ۱۴۰) و شیمی ۲ (۱۳۱ تا ۱۲۱) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۳۱- چه تعداد از عبارت‌های زیر درباره ششمین عضو از خانواده‌های آلکان‌ها درست هستند؟

آ) فرازیت آن از پنتان بیشتر است.

ب) نقطه جوش آن از هبتان کمتر است.

پ) گرانروی آن از اوکتان بیشتر است.

ت) در دمای اتاق به صورت مایع است.

۴) ۴

۳) ۳

۲) ۲

۱) ۱

محل انجام محاسبات



۱۳۲- کدام گزینه درست است؟

- CC(C)C(Cl)C(C)C(C)C
- ۱) با افزایش شمار اتم‌های کربن در هیدروکربن‌ها، نقطه جوش، فرآریت و گرانزوی آن‌ها افزایش می‌یابد.
 - ۲) نام ترکیب (روبهرو) ۳-کلرو-۶-اتیل-۵-دی‌متیل اوکتان است.
 - ۳) آلkan‌ها به دلیل سیرشده بودن در آب نامحلول هستند؛ از این رو می‌توان از آن‌ها برای حفاظت از فلزها استفاده کرد.
 - ۴) شمار اتم‌های هیدروژن در اوکتین و سیکلوهگزان با هم برابر است.

۱۳۳- نسبت شمار اتم‌های H به C در یک آلان راست زنجیر برابر $\frac{2}{4}$ است. همه عبارت‌های زیر برای این آلان درست است، به جز:

$$(H = 1, C = 12 : g \cdot mol^{-1})$$

- ۱) نسبت شمار اتم‌های هیدروژن آن به شمار اتم‌های هیدروژن سرگروه ترکیبات آروماتیک، برابر ۲ می‌باشد.
- ۲) حالت فیزیکی این آلان در دمای اتاق و فشار ۱ atm با حالت فیزیکی گاز فندک در این شرایط متفاوت است.
- ۳) شمار پیوندهای اشتراکی آن، یک واحد بیشتر از شمار پیوندهای اشتراکی C_5H_{10} است.
- ۴) تفاوت جرم مولی آن با جرم مولی سیکلوهگزان، برابر ۱۴ گرم بر مول می‌باشد.

۱۳۴- کدام موارد درست بیان شده است؟ ($C = 12, H = 1 : g \cdot mol^{-1}$)

- الف) چربی موجود در گوشت با بخار برم واکنش داده و رنگ قرمز آن را از بین می‌برد.
- ب) با وارد کردن گاز اتان در مخلوط آب و اسید در شرایط مناسب، اتان را در مقیاس صنعتی تولید می‌کنند.
- پ) بنزین یک آلان است و تنفس بخارهای بنزین به دلیل سمی بودن در بعضی موارد، ممکن است سبب مرگ فرد شود.
- ت) تفاوت جرم مولی گاز فندک با واژلین، برابر ۲۹۴ گرم بر مول است.

(۱) الف، ت (۲) فقط ب (۳) الف، پ

(۴) پ، ت (۵) الف، پ

۱۳۵- در مخلوط گازی شامل اتان و اتن، ۸۴ درصد جرم کل مخلوط را کربن تشکیل می‌دهد. اگر این مخلوط گازی با مقدار کافی اکسیژن به طور کامل بسوزد، نسبت مول CO_2 تولید شده از سوختن اتان به مول CO_2 تولید شده از سوختن اتن کدام است؟

$$(C = 12, H = 1 : g \cdot mol^{-1})$$

- | | |
|-------------------|-------------------|
| $\frac{7}{2}$ (۲) | $\frac{2}{7}$ (۱) |
| $\frac{5}{2}$ (۴) | $\frac{2}{5}$ (۳) |

محل انجام محاسبات



۱۳۶- نسبت شمار اتم‌های هیدروژن به شمار اتم‌های کربن، در کدام دو ترکیب یکسان است؟

- (۱) بنزن، اتین
 (۲) سیکلوهگزان، بوتین
 (۳) بنزن، نفتالن

۱۳۷- کدام موارد از عبارت‌های مطرح شده، عبارت زیر را به نادرستی تکمیل می‌کنند؟ ($C = 12, H = 1: g/mol^{-1}$)

در نمودار مقابل، x و y می‌توانند به ترتیب ... و باشند. (در نمودار مقابل نزولی یا صعودی بودن و روند کلی مدنظر است و خطی یا سهمی بون آن مورد توجه نباشد.)

(الف) شمار پیوندهای $C - H$ در آلکن‌ها - درصد جرمی کربن در آن‌ها

(ب) شمار اتم‌های هیدروژن در آلکان‌های راست زنجیر - تفاوت نقطه جوش دو آلکان متوالی

(پ) شمار پیوندهای کووالانسی در آلکان‌ها - گرانروی
 (ت) جرم مولی در آلکین‌ها - دمایی که در آن میان می‌یابند.

- (۱) الف، ب
 (۲) الف، پ
 (۳) ب، پ

۱۳۸- چند مورد از مطالب زیر درست هستند؟ ($C = 12, H = 1: g/mol^{-1}$)

* قسمت عمده نفت خام مربوط به گروهی از هیدروکربن‌ها است که در اوئین عضو خانواده آن‌ها درصد جرمی کربن برابر ۷۵ است.

* اگر مقدار جرم‌های یکسان از بنزین و زغال‌سنگ را بسوزانیم، گرمای حاصل از بنزین بیشتر است.

* نفت سفید در بین اجزای سازنده نفت سنگین ایران دارای کمترین مقدار است.

* شستشوی زغال‌سنگ برای حذف گوگرد و سایر ناخالصی‌ها صورت می‌گیرد.

- (۱) ۱
 (۲) ۲
 (۳) ۳
 (۴) ۴

۱۳۹- چه تعداد از عبارت‌های زیر در ارتباط با نفت خام نادرست است؟

(آ) نفت خام مخلوطی از هیدروکربن‌های سیرشده، برخی نمک‌ها، اسیدها و آب است.

(ب) نفت خام، پس از استخراج، بلافصله با استفاده از تقطیر جزء به جزء در برج تقطیر، پالایش می‌شود.

(پ) فرآریت گازوئیل برخلاف درصد آن در نفت سنگین کشورهای عربی، از نفت کوره بیشتر است.

(ت) نفت سفید شامل آلکان‌هایی با ده تا پانزده کربن است.

- (۱) ۱
 (۲) ۲
 (۳) ۳
 (۴) ۴

۱۴۰- همه گزینه‌های زیر نادرست‌اند، به جز:

(۱) سوخت هوایی به طور عمده شامل آلکان‌هایی با ۱۲ تا ۳۲ اتم هیدروژن است.

(۲) متان گازی سبک، بی‌بو و بی‌رنگ است که هرگاه مقدار آن در هوای معدن به ۵ درصد برسد احتمال انفجار وجود دارد.

(۳) یکی از راه‌های بهبود کارایی زغال‌سنگ به دام انداختن گاز گوگردتری‌اکسید خارج شده از نیروگاه‌ها با عبور گازهای خروجی از روی کلسیم اکسید است.

(۴) جایگزینی نفت با زغال‌سنگ سبب ورود مقدار بیشتری از انواع آلاینده‌ها به هوا کرده می‌شود.

محل انجام محاسبات



آزمون «۲۱ بهمن ۱۴۰۱»

اختصاصی دوازدهم ریاضی

(دفترچه غیرمشترک)

نحوه پاسخ‌گویی سوال

مباحثت نیمسال اول دوازدهم

پاسخ‌گویی به سوالات این دفترچه اختیاری است.

برای درس‌های نیمسال اول دوازدهم تراز جدآگانه در کارنامه داده می‌شود.

تراز درس‌های نیمسال اول دوازدهم در تراز کل بی‌تأثیر است.

مدت پاسخ‌گویی: ۶۰ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۵۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی
حسابان دوازدهم	۱۰	۱۴۱-۱۵۰	۱۰'
هندرسه دوازدهم	۱۰	۱۵۱-۱۶۰	۱۵'
ریاضیات گسسته دوازدهم	۱۰	۱۶۱-۱۷۰	۱۵'
فیزیک دوازدهم	۱۰	۱۷۱-۱۸۰	۱۰'
شیمی دوازدهم	۱۰	۱۸۱-۱۹۰	۱۰'
جمع کل	۵۰	۱۴۱-۱۹۰	۶۰'

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی‌بایه	مهندی ملارمضانی	امیرحسین ابومحبوب	سوگند روشنی	بابک اسلامی	شیمی
گزینشگر	مهدي ملارمضانی	امين حسین نژاد	فیزیک	یاسر راش	بابک اسلامی	ایمان حسین نژاد
گروه ویراستاری	مهندی ملارمضانی علی سرآبادانی	پویا رستگاری محبوبه بیک محمدی	عادل حسینی	حمد زرین کفش زهره آقامحمدی	امیرحسین ابومحبوب	فیزیک
مسئول درس	عادل حسینی	ویراستار استاد: محمدحسن محمدزاده مقدم	ویراستار استاد: سیدعلی میرنوری	عادل حسینی	بابک اسلامی	امیرحسین مسلمی
مسئلند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	امیرحسین ابومحبوب	احسان صادقی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنی‌زاده	مسئول دفترچه
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
میلاد سیاوشی	مسئول دفترچه: الهه شهبازی
سوران نعیمی	حروفنگار
ناظر چاپ	

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۳۱-۶۴۶۳



حسابان ۱ (اختیاری): ریاضی ۱: مثلثات، تابع: صفحه‌های ۲۸ تا ۴۶، ۹۴ تا ۱۱۷ / حسابان ۱: تابع، توابع نمایی و لگاریتمی، مثلثات: صفحه‌های ۳۷ تا ۱۹ و قوت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

۱۴۱- تابع اکیداً نزولی f مفروض است. اگر دامنه تابع (1) باشد، مقدار a کدام است؟

$$g(x) = \sqrt{f(\frac{a-x+2}{2+|x+1|}) - f(1)}$$

۴ (۴) ۳ (۳) ۳ (۲) ۶ (۱)

۱۴۲- اگر ضابطه وارون تابع $f(x) = x^3 - 4x + a$ با دامنه $D_f = [2, +\infty)$ باشد، دوتابع (a, b) کدام است؟

$$f^{-1}(x) = 2b + \sqrt{x+4b}$$

۴ (۴) ۳ (۳) ۰ (-۱) ۰ (۲) (۱)

۱۴۳- اگر $f(x) = \sqrt{x - \frac{1}{4}[4x]}$ نماد جزء صحیح است.

$$g(x) = \begin{cases} 0 & ; x \leq 0 \\ x^3 & ; 0 < x < 1 \\ 2x & ; x \geq 1 \end{cases}$$

۰ (۰, ۱) (۴) ۰ (۰, ۱) (۳) ۰ (۰, ۱) (۲) ۰ (-\infty, \frac{1}{4}) (۱)

۱۴۴- اگر $y = a$ نمودار تابع f را با کدام طول قطع می‌کند؟

$$f(x) = \frac{\log(x^r - x - 2)}{\sqrt{x+1}}$$

۴ (۴) ۳ (۳) ۰ (۰, ۲) (۱) ۵ (۱)

۱۴۵- تابع $h(x) = |x-2| - 1$ مفروض‌اند. اگر نمودار تابع g را یک واحد در جهت مثبت محور x انتقال بدheim، تعداد نقاط تلاقی آن با نمودار تابع $|y|$ کدام است؟

۰ (۰, ۳) (۴) ۲ (۲) (۱)

۱۴۶- در مثلث مقابله، اگر $\sin C = \cos B = \frac{1}{5}$ باشد، مساحت مثلث ABC کدام است؟

$$\frac{2\sqrt{6}}{8\sqrt{6}}$$

۲ (۲) (۴) ۳ (۳) ۰ (۰, ۲) (۱) ۳ (۳)

۱۴۷- اگر $\cos^4 x - \sin^4 x = \frac{1}{3}$ باشد، مقدار $\tan^2 x$ کدام است؟

$$\frac{1}{2}$$

۰ (۰, ۲) (۴) ۲ (۲) (۳) ۰ (۰, ۲) (۱) ۳ (۳)

۱۴۸- اگر $\tan x = 2$ باشد، حاصل $\frac{\sin(x - \frac{\pi}{2}) - \cos(\frac{7\pi}{2} + x)}{\frac{1}{\cos x} - \sin(x - 5\pi) - \cos^3(\pi + x)}$ کدام است؟

$$\frac{-5}{12}$$

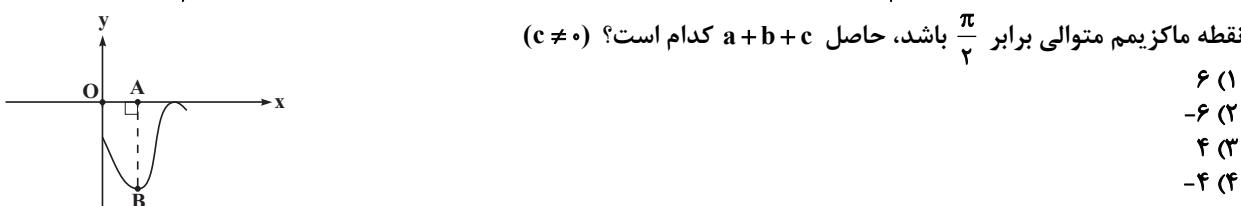
۰ (۰, ۲) (۴) ۲ (۲) (۳) ۰ (۰, ۲) (۱) ۳ (۳)

۱۴۹- نمودار تابع $f(x) = a - \frac{3}{4}\cos(bx)$ بر خط $y = \frac{1}{4}$ مماس و دوره تناوب آن برابر 4π است. حاصل $f(\frac{7\pi}{3})$ کدام می‌تواند باشد؟

$$1 - \frac{3\sqrt{3}}{8}$$

۰ (۰, ۲) (۴) ۱ (۱, ۲) (۳) ۱ + \frac{3\sqrt{3}}{8} (۲) ۱ + \frac{3\sqrt{3}}{2} (۱)

۱۵۰- شکل زیر بخشی از نمودار تابع $f(x) = a \sin^3(bx - c)$ را نشان می‌دهد. اگر مساحت مثلث OAB برابر $\frac{\pi}{3}$ و فاصله بین دو نقطه ماقزیم متواالی برابر $\frac{\pi}{2}$ باشد، حاصل $a + b + c$ کدام است؟ ($c \neq 0$)





وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندهسه ۳ (اختیاری): ماتریس و کاربردها: صفحه های ۹ تا ۲۶

-۱۵۱ - اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ باشد، مجموع درایه های وارون ماتریس $A + I$ کدام است؟

۲ (۴)

۱ (۳)

 $\frac{1}{4}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱)-۱۵۲ - اگر A و B و C ماتریس های مربعی هم مرتبه و وارون پذیر باشند، ماتریس X کدام است؟ $A(D-C)$ (۴) $D - A^{-1}CB^{-1}$ (۳) $A^{-1}(D-C)B^{-1}$ (۲) $D - C$ (۱)

-۱۵۳ - اگر $(n \in \mathbb{N})$ ، به ازای چه مقداری از n ، ماتریس $B = \sum_{i=1}^{21} A_i$ وارون پذیر نیست؟ $A_i = \begin{bmatrix} i & n \\ n & i \end{bmatrix}$

۱۱ (۴)

۱۰ (۳)

۹ (۲)

۸ (۱)

-۱۵۴ - ماتریس اسکالر $A = [a_{ij}]_{m \times n}$ مفروض است. اگر $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 0 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$ باشد، مجموع درایه های قطر اصلی ماتریس A کدام است؟

۹ (۴)

۳ (۳)

-۶ (۲)

-۲ (۱)

-۱۵۵ - به ازای چند مقدار k ، دستگاه $\begin{cases} (k+1)x + 5y = 3 \\ 2x + (2k+3)y = k+2 \end{cases}$ بی شمار جواب دارد؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) هیچ

-۱۵۶ - کدام دستگاه زیر به ازای تمامی مقادیر حقیقی k ، همواره دارای جواب منحصر به فرد است؟

$$\begin{cases} kx + 2y = 3 \\ -x + y = 1 \end{cases}$$
 (۴)

$$\begin{cases} kx + y = -1 \\ 4x + ky = 2 \end{cases}$$
 (۳)

$$\begin{cases} k^2x + y = 1 \\ x + 4y = 3 \end{cases}$$
 (۲)

$$\begin{cases} kx + 2y = 3 \\ x - y = 1 \end{cases}$$
 (۱)

-۱۵۷ - اگر $A = \begin{bmatrix} -\sin \theta & -\cos \theta \\ \cos \theta & -\sin \theta \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه ماتریس A^2 کدام است؟

$$\begin{bmatrix} \cos 2\theta & \sin 2\theta \\ -\sin 2\theta & \cos 2\theta \end{bmatrix}$$
 (۴)

$$\begin{bmatrix} -\cos 2\theta & -\sin 2\theta \\ \sin 2\theta & -\cos 2\theta \end{bmatrix}$$
 (۳)

$$\begin{bmatrix} \cos 2\theta & -\sin 2\theta \\ \sin 2\theta & \cos 2\theta \end{bmatrix}$$
 (۲)

$$\begin{bmatrix} -\cos 2\theta & \sin 2\theta \\ -\sin 2\theta & -\cos 2\theta \end{bmatrix}$$
 (۱)

$$\frac{1}{\alpha^2} + \frac{1}{\beta^2}$$
 (۱)

$$\begin{bmatrix} x & 2 & 1 \\ 1 & -x & -1 \\ -1 & 1 & x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ -1 \\ x \end{bmatrix} = 0$$

 $\frac{9}{4}$ (۴) $\frac{4}{9}$ (۳) $\frac{9}{16}$ (۲) $\frac{16}{9}$ (۱)-۱۵۹ - اگر A ماتریسی 2×2 و غیر صفر باشد به طوری که $A^2 = A$ و $I + \lambda A$ وارون ماتریس $I - 3A$ باشد، آنگاه λ کدام است؟ $-\frac{3}{4}$ (۴) $-\frac{3}{2}$ (۳) $\frac{3}{4}$ (۲) $-\frac{2}{3}$ (۱)-۱۶۰ - فرض کنید A ماتریسی مربعی و $A^2 = 3I$ باشد. وارون ماتریس $4A + 7I$ کدام است؟ $-4A - 7I$ (۴) $-4A + 7I$ (۳) $4A - 7I$ (۲) $4A + 7I$ (۱)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گستته (اختیاری): آشنایی با نظریه اعداد: صفحه های ۱ تا ۲۵

۱۶۱- هرگاه $2x+5$ و $11x+7$ در یک دسته هم نهشتی به بینانه ۷ قرار داشته باشند، باقی مانده تقسیم $1-x^3$ بر ۷ کدام است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

۱۶۲- فرض کنید a عددی گنگ باشد. کدام یک از گزاره های زیر لزوماً درست است؟

(۱) دست کم یکی از اعداد a^2 و $-a^3$ گنگ است.

(۲) دست کم یکی از اعداد a^2 و a^3 گویا است.

(۳) دست کم یکی از اعداد a^2 و a^4 گویا است.

(۴) حداقل یکی از اعداد a^2 و a^3 گویا است.

۱۶۳- اگر برای دو عدد صحیح a و b داشته باشیم $a | b^3$ ، آنگاه کدام گزینه نمی تواند همواره صحیح باشد؟ ($a \neq 0$)

 $a^6 | b^7$ (۴) $a^{19} | b^{15}$ (۳) $a^3 | b^2$ (۲) $a^5 | b^5$ (۱)

۱۶۴- اگر روز ۱۵ خرداد در یک سال، روز دوشنبه باشد، آنگاه روز ۱۳ آبان در آن سال، چه روزی از هفته است؟

(۴) جمعه

(۳) پنجشنبه

(۲) یکشنبه

(۱) شنبه

۱۶۵- باقی مانده تقسیم عدد 2^{35} بر ۲۱ کدام است؟

۱۱ (۴)

۹ (۳)

۸ (۲)

۴ (۱)

۱۶۶- باقی مانده های تقسیم اعداد طبیعی a و $3a$ بر عدد طبیعی b به ترتیب برابر ۱۷ و ۶ هستند. b کدام است؟

۴۸ (۴)

۴۵ (۳)

۴۲ (۲)

۳۹ (۱)

۱۶۷- اگر باقی مانده تقسیم دو عدد $9a-7$ و $2a-3$ بر ۱۱ یکسان باشد، آنگاه باقی مانده تقسیم $5-4a$ بر ۲۲ کدام است؟

۱۳ (۴)

۱۲ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۶۸- به ازای چند مقدار دو رقمی و طبیعی n ، دو عدد $4n+1$ و $4n-2$ نسبت به هم اول اند؟

۷۹ (۴)

۸۲ (۳)

۸ (۲)

۱۱ (۱)

۱۶۹- اگر a عدد زوجی باشد که بر ۴ بخش پذیر نیست، باقی مانده تقسیم $1+a^3+a^4$ بر ۴ کدام است؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

۱۷۰- چند عدد شش رقمی به صورت $\overline{xy3152}$ وجود دارد که بر ۳۶ بخش پذیر باشد؟

۱۱ (۴)

۱۰ (۳)

۹ (۲)

۸ (۱)

محل انجام محاسبات



فیزیک

نیاوران

بازه زمانی

صفحه ۵

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

فیزیک ۳ (اختیاری): حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۱ تا ۲۸

- ۱۷۱- متحرکی روی خط راست در طول بازه زمانی Δt دائماً به مبدأ مکان نزدیک می‌شود. کدام گزینه در مورد این متحرک در این بازه زمانی قطعاً صحیح است؟

- (۱) بردار مکان و بردار سرعت متحرک هم‌جهت هستند.
 (۲) بردار مکان و بردار سرعت متحرک مختلف‌الجهت هستند.
 (۳) بردار سرعت و بردار شتاب متحرک مختلف‌الجهت هستند.
 (۴) بردار سرعت و بردار شتاب متحرک هم‌جهت هستند.

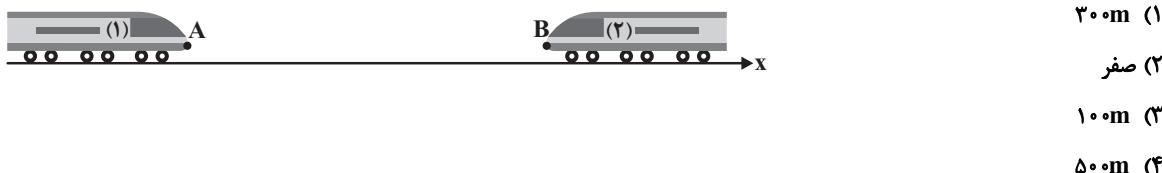
- ۱۷۲- تندی متوسط اتومبیل A بعد از طی مسافتی به طول $m = \frac{3600}{4/86} = 8600$ m برابر با $\frac{km}{h}$ است. کدام اتومبیل و چند دقیقه زودتر، این مسیر را طی کرده است؟

- (۱) ۵۰, B (۲) $\frac{5}{6}$, B (۳) ۵۰, A (۴) $\frac{5}{6}$, A

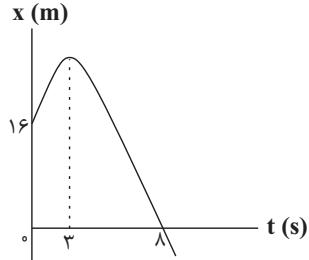
- ۱۷۳- متحرکی با سرعت ثابت روی محور x ها حرکت می‌کند و در لحظه‌های $t_1 = 2s$ و $t_2 = 5s$ به ترتیب از مکان‌های $x_1 = -5m$ و $x_2 = 13m$ عبور می‌کند. این متحرک در لحظه $t = 4s$ در چه فاصله‌ای بر حسب متر از مبدأ حرکت قرار دارد؟

- (۱) ۹ (۲) ۴ (۳) ۲۴ (۴) ۱۴

- ۱۷۴- مطابق شکل زیر قطار (۲) به طول ۴۰۰ متر با تندی ثابت $\frac{km}{h} = 108$ و قطار (۱) به طول ۳۰۰ متر با تندی ثابت $\frac{km}{h} = 54$ به طرف یکدیگر در مسیری مستقیم و در دو ریل موازی در حال حرکت هستند. اگر مکان جلوی دو قطار در یک لحظه برابر با $x_A = -20.0m$ و $x_B = 60.0m$ باشد، در لحظه‌ای که دو قطار به طور کامل از کنار یکدیگر عبور می‌کنند، مکان نقطه A کدام است؟



- ۱۷۵- نمودار مکان - زمان متحرکی که با شتاب ثابت در مسیری مستقیم حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. در لحظه‌ای که بردار مکان متحرک تغییر جهت می‌دهد، تندی متحرک چند متر بر ثانیه است؟

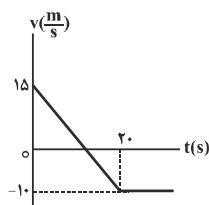


- (۱) صفر (۲) ۲ (۳) ۶ (۴) ۱۰

محل انجام محاسبات



- ۱۷۶- نمودار سرعت - زمان متحرکی مطابق شکل زیر است. در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه، متحرک به مکان اولیه خود باز می‌گردد؟



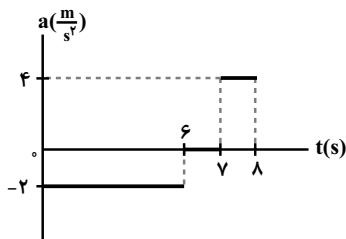
۱۲) ۱

۸) ۲

۲۰) ۳

۲۵) ۴

- ۱۷۷- نمودار شتاب - زمان متحرکی که روی خط راست در مبدأ زمان با سرعت $\frac{m}{s}$ از مبدأ مکان عبور می‌کند، مطابق شکل زیر است. تندی متوسط متحرک از لحظه صفر تا لحظه $t = 8$ چند متر بر ثانیه است؟



$\frac{3}{8}) 2$
 $\frac{21}{16}) 4$

$\frac{61}{16}) 1$
 $\frac{97}{16}) 3$

- ۱۷۸- دو متحرک که با شتاب‌هایی ثابت در یک مسیر مستقیم در حال حرکت هستند، در مبدأ زمان از مبدأ مکان با سرعت‌های

$\frac{m}{s}$ و $\frac{2m}{s}$ عبور می‌کنند. اگر سرعت دو متحرک بعد از $5s$ با هم برابر شود، آنگاه بیشترین فاصله دو متحرک از هم در 10

ثانیه ابتدایی حرکت، چند متر است؟

۵) ۴

۷/۵) ۳

۱۰) ۲

۱۵) ۱

- ۱۷۹- در شرایط خلاً سنگی را از بالای ساختمانی به ارتفاع h رها می‌کنیم و این سنگ پس از $4s$ به زمین می‌رسد. این سنگ $\frac{7}{16} h$

انتهایی مسیر را طی چند ثانیه طی خواهد کرد؟

۳) ۴

۲) ۳

۱) ۲

۱/۷۵) ۱

- ۱۸۰- تندی گلوله‌ای که در شرایط خلاً از ارتفاع h از سطح زمین رها می‌شود، در فاصله $\frac{h}{5}$ از سطح زمین برابر با $12\sqrt{5}$ می‌شود.

تندی گلوله در لحظه برخورد به زمین چند متر بر ثانیه است؟ ($g = ۹/۸ \frac{m}{s^2}$)

۶۰ $\sqrt{5}) ۲$

۳۰) ۱

۲۴) ۴

۶۰ $\sqrt{2}) ۳$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

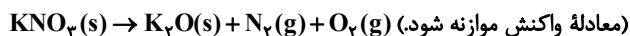
شیوه ۳ (اختیاری): مولکول‌ها در خدمت تندروستی: صفحه‌های ۱ تا ۳۶

۱۸۱- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- آ) هنگام یونیده شدن متانوئیک اسید در آب، $[H^-] = [HCOO^-]$ باز است.
- ب) اگر $\alpha_{HA} > \alpha_{HB}$ باشد، آنگاه رسانایی الکتریکی محلول HA بیشتر از HB خواهد بود.
- پ) از نظر مقایسه K_a : مقایسه K_a : مقایسه $HCl > CH_3COOH > HCN$ درست است.
- ت) در تعادل: $3C(g) + B(g) \rightleftharpoons 2A(g)$ ، پس از برقراری تعادل، سرعت مصرف A با سرعت تولید C برابر است.
- ث) در دمای ثابت، با افزودن آب به محلول نیترو اسید، درجه یونش آن افزایش می‌یابد.

۵ (۴) ۴ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)

۱۸۲- مقدار m گرم پتاسیم نیترات خالص را حوارت داده تا مطابق واکنش زیر به طور کامل تجزیه شود. پتاسیم اکسید تولید شده در این واکنش را در آب م قطر حل نموده و با افزودن آب، حجم محلول حاصل را به ۲ لیتر رسانده‌ایم. اگر غلظت یون‌هیدروکسید این محلول برابر 10^{-5} مولار باشد مقدار m برابر گرم و حجم گاز اکسیژن تولید شده در شرایط STP برابر لیتر خواهد بود. ($H = 1, O = 16, N = 14, K = 39 : g/mol^{-1}$)



۲۸ (۱۰۱) ۲۸ (۲۰۲) ۵۶ (۱۰۱) ۱ (۲۰۲)

۱۸۳- ۱۰/۸ گرم اسید ضعیف HA را در آب حل کرده و حجم محلول حاصل را به ۵۰۰ میلی لیتر رسانده‌ایم. اگر pH محلول اسید در دمای $25^\circ C$ برابر $4/4$ باشد، ثابت یونش اسید در این دما به تقریب کدام است؟ (جرم مولی HA را برابر ۲۷ گرم بر مول در نظر بگیرید. $\log 2 = 0/3$)

۲×۱۰^{-۱۰} (۴) ۵×۱۰^{-۱۰} (۳) ۲×۱۰^{-۹} (۲) ۵×۱۰^{-۱۱} (۱)

۱۸۴- مقایسه رسانایی الکتریکی محلول‌های زیر در کدام گزینه به درستی بیان شده است؟ ($Ca = 40, O = 16 : g/mol^{-1}$) دمای $25^\circ C$ در نظر بگیرید.

(از تغییر حجم ناشی از حل کردن مواد در آب چشم‌پوشی شود.)

(A) محلول حاصل از انحلال ۱ مول دی‌نیتروژن پنتاکسید درون یک لیتر آب م قطر

(B) محلول آبی 10^{-5} مولار پتاسیم فسفید(C) محلول ۵ مولار اسید HA با درجه یونش $0/2$

(D) انحلال ۱۱۲ گرم آهک درون ۲ لیتر آب م قطر

D > C > A > B (۴) D > A > B > C (۳) A > B = C > D (۲) A > D > C = B (۱)

۱۸۵- کدام گزینه صحیح است؟

۱) گل ادریسی در خاکی که pH آن برابر با $4/7$ باشد، به رنگ سرخ شکوفا می‌شود.

۲) آمونیاک باز ضعیفی است که به علت برقراری نیروی جاذبه و اندرالسی با آب، عمدها به صورت مولکولی در آب حل می‌شود.

۳) منیزیم هیدروکسید نوعی ضد اسید است که در واکنش با هیدروکلریک اسید، رسوب منیزیم کلرید را تولید می‌کند.

۴) در محلول بازهای ضعیف علاوه بر یون‌های آب پوشیده، شمار بسیاری از مولکول‌های باز نیز یافت می‌شود.

محل انجام محاسبات

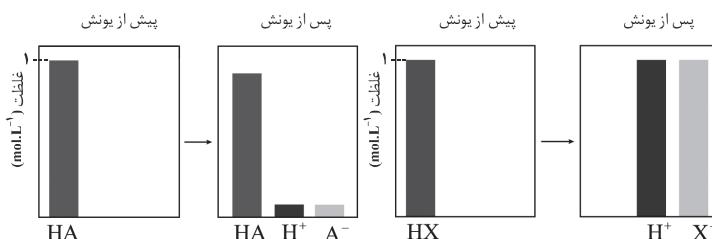


۱۸۶- 200 mL محلول اسید HA با 100 میلی لیتر محلول NaOH با $\text{pH} = 13/7$ خنثی می شود. درجه یونش این اسید و pH

آن به تقریب از راست به چپ کدام‌اند؟ ($\log 2 = 0.3$) و $K_a = 2/5 \times 10^{-5}\text{ mol.L}^{-1}$ در 25°C و دما را

$$1) 10^{-2} \text{ و } 2/4 \quad 2) 10^{-1} \text{ و } 2/6 \quad 3) 10^{-1} \text{ و } 2/4 \quad 4) 10^{-3} \text{ و } 2/6$$

۱۸۷- با توجه به شکل زیر، کدام گزینه نادرست است؟



۱) برای خنثی کردن حجم‌های یکسانی از این دو اسید در شرایط یکسان، حجم یکسانی از محلول 1 مolar NaOH لازم است.

۲) pH محلول 1 Molar HX از pH محلول 1 Molar HA کوچکتر است.

۳) با افزودن 100 میلی لیتر آب مقطر به 100 میلی لیتر از محلول 1 Molar دو اسید، تغییر pH آنها متفاوت خواهد بود.

۴) با افزایش غلظت محلول اسیدهای HA و HX در دمای ثابت، ثابت یونش و درجه یونش آنها ثابت می‌ماند.

۱۸۸- کدام گزینه نادرست است؟

۱) از واکنش سدیم هیدروژن کربنات و هیدروکلریک اسید، گاز CO_2 تولید می‌شود.

۲) محیط درون معده، بسیار اسیدی است و حتی می‌تواند فلز منیزیم را در خود حل کند.

۳) یکی از رایج‌ترین ضد اسیدها شیر منیزی نام دارد که شامل منیزیم هیدروکسید است.

۴) افزودن جوش شیرین به شوینده‌ها، تأثیری در قدرت پاک‌کنندگی آن‌ها ندارد.

۱۸۹- غلظت اولیه اسید HA در دو لیتر محلول آن با درجه یونش $20/0$ و $\text{pH} = 2/7$ ، چند مول بر لیتر است و این محلول با چند مول NaOH بهطور کامل خنثی می‌شود؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید). ($2 = 10^{0.3}$)

$$1) 0/1, 0/2 \quad 2) 0/2, 0/1 \quad 3) 0/02, 0/01 \quad 4) 0/01, 0/02$$

۱۹۰- 200 میلی لیتر از محلول هیدروبرمیک اسید با $\text{pH} = 1/4$ با چند گرم لیتیم اکسید به‌طور کامل خنثی می‌شود؟ ($2 = 10^{0.3}$)

$$\text{Li} = 7, \text{O} = 16: \text{g.mol}^{-1}$$

$$1) 0/06 \quad 2) 0/12 \quad 3) 0/24 \quad 4) 0/48$$

محل انجام محاسبات

اگر در آزمون های قبلی به سوالات آمادگی شناختی پاسخ داده اید از وضعیت پایه آمادگی شناختی خود بر اساس کارنامه آگاهی دارید. از این آزمون به بعد، برنامه های حمایتی ما برای تقویت سازه های مورد ارزیابی شروع می شود. این برنامه ارائه راهکارهای هفتگی و پایش مداوم دانش شناختی است. لطفا برای سنجش آگاهی خود به سوالات پاسخ دهید و برای اطمینان از ماهیت راهبردهای آموزشی مورد سوال پاسخ نامه تشریحی را مطالعه کنید. وقت داشته باشید، سؤالات از شماره ۲۶۱ شروع می شوند.

۲۶۱. ورزش یا فعالیت فیزیکی موجب تسهیل یادگیری در کدام مورد زیر می شود؟

- ۱. تکالیف درسی بعد از ورزش
- ۲. تکالیف درسی قبل از ورزش
- ۳. هر دو مورد
- ۴. هیچ کدام

۲۶۲. برای پیشگیری از حواس پرتی کدام مورد را مفید می دانید؟

- ۱. اجازه دادن حرکت آزادنہ فکر
- ۲. کم کردن حرکت های مزاحم
- ۳. هردو مورد
- ۴. نمی دانم

۲۶۳. تعداد گویه های قابل ذخیره در کدام نوع حافظه بیشتر است؟

- ۱. اطلاعات تصویری
- ۲. اطلاعات شنیداری
- ۳. فرقی نمی کند
- ۴. نمی دانم

۲۶۴. کدام مورد برای به خاطر سپاری حجم بیشتری از اطلاعات در یک بازه زمانی مفید است؟

- ۱. اطلاعات تصویری
- ۲. اطلاعات شنیداری
- ۳. فرقی نمی کند
- ۴. نمی دانم

۲۶۵. چگونه می توان توجه و تمرکز را در زمان خواندن مطالب درسی به سمت موارد مهم تر سوق داد؟

- ۱. خط کشیدن زیر مطالب مهم تر
- ۲. نکته برداری
- ۳. هایلایت کردن
- ۴. همه موارد

۲۶۶. کدام روش زیر را در مطالعه مناسب تر می دانید؟

- ۱. استفاده از مثال های موجود در کتاب درسی
- ۲. خلق مثال های جدید بر اساس دانش خودمان
- ۳. تفاوتی ندارد
- ۴. نمی دانم

۲۶۷. به خاطر سپاری کدام مطلب زیر راحت تر است؟

- ۱. مطالب عجیب
- ۲. مطالب خنده دار
- ۳. مطالب واقعی و جدی
- ۴. مورد ۱ و ۲

۲۶۸. کدام روش را برای حل مساله مناسب تر می دانید؟

- ۱. پیروی از روش معمول
- ۲. خلق روش جدید
- ۳. هردو
- ۴. هیچ کدام

۲۶۹. نگه داشتن توجه و تمرکز بر روی کدام یک از موارد زیر سخت تر است؟

- ۱. تکلیف ساده و یکنواخت
- ۲. تکلیف دشوار و متنوع
- ۳. فرقی ندارد
- ۴. نمی دانم

۲۷۰. یکی از گزینه های زیر را در مورد سوالات امروز انتخاب کنید.

- ۱. مفید بود و انتظار دارم این آگاهی، من را در یادگیری مطالب درسی کمک کند.
- ۲. مایل به دریافت اطلاعات، راهبردها و تکالیف تقویتی بیشتر هستم.

۳. هر دو

۴. هیچ کدام



آزمون 21 بهمن 1401

اختصاصی دوازدهم ریاضی (دفترچه مشترک)

نقد و پیشخوان

افق افق

نام درس	نام طراحان
حسابات و ریاضی‌بایه	کاظم اجلالی- شاهین پروازی- محمد سجاد پیشوایی- عادل حسینی- افشن خاصه‌خان- طاهر دادستانی- بابک سادات محمد حسن سلامی‌حسینی- پویان طهرانیان- کامیار علیسون- سروش موئینی- سید جواد نظری- جهانبخش نیکنام- امیر وفائی شهرام ولایی
هندسه	امیر حسین ابو محبوب- مصصومه اکبری‌صحت- مهدی حاجی‌نژادیان- حسین حاجبلو- افشن خاصه‌خان- کیوان دارابی سوگند روشنی- یاسین سهر- فرشاد صدیقی‌فر- شایان عباچی- رضا عباسی‌اصل- احمد رضا فلاخ- سهام مجیدی‌پور سروش موئینی محمد هجری- امیر وفائی
ریاضیات گستره و آمار و احتمال	امیر حسین ابو محبوب- محسن بهرام‌پور- جواد حاتمی- سید محمد رضا حسینی‌فرد- فرزانه خاکپاش- سوگند روشنی- محمد صحبت‌کار فرشاد فرامرزی- احمد رضا فلاخ- مرتضی فهمی‌علوی- محمد جواد محسنی- مهرداد ملوندی- سروش موئینی- محمد هجری- امیر وفائی- فرهاد وفائی
فیزیک	خسرو ارغوانی‌فرد- محمد اسدی- بابک اسلامی- عباس اصغری- عبدالرضا امینی‌نسب- زهره آقامحمدی- امیر حسین برادران حامد خسروی- بیتا خورشید- محمد علی راست‌پیمان- بهنام رستمی- مهدی سلطانی- سعید شرق- امیر محمد عبدوی- پوریا علاقه‌مند مسعود قره‌خانی- محسن قندچلر- بهادر کامران- مصطفی کیانی علیرضا گوته- غلامرضا مجتبی- احسان محمدی- حسین مخدومی محمود منصوری- سید علی میرنوری- حسام نادری- مجتبی تکویان
شیمی	محمد رضا پور جاوید- احمد رضا جعفری‌نژاد- امیر حاتمیان- حمید ذبیحی- یاسر راش- حسن رحمتی کوکنده- روزبه رضوانی- علی طرفی محمد عظیمیان زواره- رضا فراهانی- علیرضا کیانی دوست- محمد حسن محمدزاده‌مقدم- امیر حسین مسلمی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	گزینشگر	حسابات و ریاضی‌بایه	هندسه	ریاضیات گستره و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی	گزینشگر
ایمان حسین نژاد	بابک اسلامی	امیر حسین ابو محبوب	مهدي ملا رمضانی	سوگند روشنی	عادل حسینی	امیر حسین ابو محبوب	آیینه‌گردانی
یاسر راش پویا رستگاری محبوبه ییک محمدی	حمید زرین کفش	عadel حسینی	مهدي ملا رمضانی	عادر حسینی	مهدي ملا رمضانی	علی سرآبادانی	گروه ویراستاری
ویراستار استاد: محمد حسن محمدزاده مقدم	ویراستار استاد: سید علی میرنوری	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	عادل حسینی	مسئول درس
امیر حسین مسلمی	بابک اسلامی	امیر حسین ابو محبوب	سمیه اسكندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	مسنند سازی	سمیه اسكندری

گروه فن و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنی‌نژاد	مسئول دفترچه
مدیر گروه: معین اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی	گروه مستندسازی
میلاد سیاوشی	حروف نگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - بلاک 923 - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: 021-6463

$$\rightarrow -a - 1 = 2 + b \Rightarrow a + b = -3$$

دقت کنید که در یک همسایگی راست $[2x] = -2$ ، $x = -1$ است. در همسایگی $x = -1$ تابع f از دو قطعه خط تشکیل شده است و شیب خطها برابر شیب نیم مماس‌های راست و چپ است که برای مشتق‌پذیری این شیب‌ها باید برابر باشند:

$$\Rightarrow a = \lim_{x \rightarrow (-1)^+} [2x] = -2 \xrightarrow{a+b=-3} b = -1$$

(87 ، 86 صفحه‌های 2- مسابان)

(جواب‌نامه نیکنام)

گزینه «1»

ابتدا مشتق راست و چپ تابع f را در $x = 0$ بدست می‌آوریم:

$$f'_+(0) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{|x|}{x} = \frac{1}{k}$$

$$f'_-(0) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{|x| + k}{x} = -\frac{1}{k}$$

پس داریم:

$$\left| \frac{1}{k} - \left(-\frac{1}{k} \right) \right| > \frac{2}{3} \Rightarrow |k| < 3 \Rightarrow -3 < k < 3$$

اعداد صحیح در این بازه $k = \pm 2, \pm 1, 0$ می‌باشد.

اما به ازای $k = 0$ تابع f تابع ثابت $f(x) = 1$ ($x \neq 0$) خواهد شد.

که چون در $x = 0$ تعریف نشده است پس مشتق چپ و راست وجود ندارد.

پس اعداد صحیح قابل قبول $k = \pm 1, \pm 2$ هستند.

(87 ، 86 صفحه‌های 2- مسابان)

(طاهر دادستانی)

گزینه «3»

-10

$$\text{تابع } y = \frac{\sqrt{f(\sin x)}}{\cos x} \text{ در یک همسایگی چپ } \frac{\pi}{2} \text{ مثبت است. در این صورت داریم:}$$

$$\lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{2}\right)^-} \frac{\sqrt{f(\sin x)}}{\sqrt{\cos^2 x}} = \lim_{x \rightarrow \left(\frac{\pi}{2}\right)^-} \frac{\sqrt{f(\sin x)}}{\sqrt{1 - \sin^2 x}} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \sqrt{\frac{f(t)}{1 - t^2}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^-} \sqrt{\frac{f(t) - f(1)}{t - 1} \times \frac{-1}{t + 1}}$$

$$= \sqrt{f'_-(1) \times \left(-\frac{1}{2}\right)} = \sqrt{(-2) \left(-\frac{1}{2}\right)} = 1$$

(87 ، 86 صفحه‌های 2- مسابان)

$$f'(2) = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x+2) \tan \frac{\pi x}{3}}{\sqrt{4x+1}} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x+2) \tan \frac{\pi x}{3}}{\sqrt{4x+1}}$$

$$= \frac{4 \tan \frac{2\pi}{3}}{3} = \frac{4}{3} \left(-\tan \frac{\pi}{3} \right) = -\frac{4}{3} \sqrt{3}$$

پس معادله خط مماس به صورت زیر است:

$$y - 0 = -\frac{4}{3} \sqrt{3}(x - 2) \Rightarrow 4x + \sqrt{3}y = 8$$

(80 چ 78 صفحه‌های 2- مسابان)

(جواب‌نامه نیکنام)

گزینه «2»

-7

در یک همسایگی $x = -1$ می‌توانیم ضابطه‌های تابع f را به صورت زیر بنویسیم:

$$f(x) = \begin{cases} 3(x^3 - ax + b) & ; x < -1 \\ 4(x^3 - ax + b) & ; x \geq -1 \end{cases}$$

زیرا وقتی $x \rightarrow (-1)^+$ و وقتی $\left[-\frac{4}{x} \right] = 3$ ، $x \rightarrow (-1)^-$ است. دقت کنید که در $x = -1$ تابع پیوستگی راست دارد.

$$\Rightarrow f'(x) = \begin{cases} 9x^2 - 3a & ; x < -1 \\ 12x^2 - 4a & ; x > -1 \end{cases}$$

برای اینکه تابع f مشتق چپ هم داشته باشد، لازم است که از چپ هم پیوسته باشد، بنابراین $x = -1$ باید ریشه $x^3 - ax + b = 0$ باشد. در این صورت داریم:

حال برای مشتق‌های چپ و راست تابع f در $x = -1$ می‌توانیم بنویسیم:

$$\begin{aligned} f'_-(-1) &= 9 - 3a \Rightarrow |9 - 3a - 12 + 4a| = |a - 3| = a \\ f'_+(-1) &= 12 - 4a \end{aligned}$$

$$\Rightarrow a - 3 = -a \Rightarrow a = \frac{3}{2}$$

$$\xrightarrow{a+b=1} b = -\frac{1}{2}$$

(87 ، 86 صفحه‌های 2- مسابان)

(عالی مسینی)

گزینه «4»

-8

برای اینکه f در $x = -1$ مشتق‌پذیر باشد، لازم است پیوسته باشد، پس داریم:

$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow (-1)^-} f(x) = -a - 1 \\ f(-1) = \lim_{x \rightarrow (-1)^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow (-1)^+} (-2x + b) = 2 + b \end{cases}$$

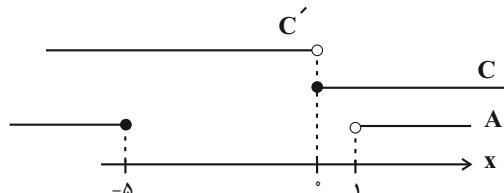
$$x^3 + y^3 = (x+y)^3 - 3xy(x+y) = 27 - 9 = 18$$

(ریاضی ۱- توان های گویا و عبارت های جبری: صفحه های ۶۳ تا ۶۵)

(عادل مسینی)

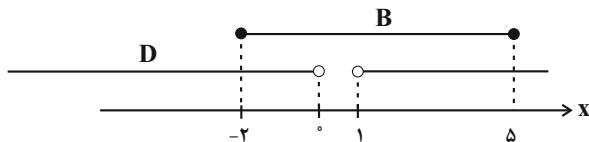
گزینه «۳» - ۱۴

مجموعه های A و C در محور اعداد حقیقی به صورت زیر است:



پس مجموعه D = $\mathbb{R} - [0,1]$ برابر مجموعه $A \cup C'$ است.

حال مجموعه های D و B در محور اعداد حقیقی به صورت زیر است:



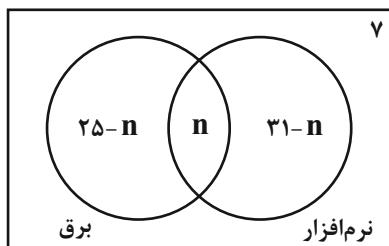
پس مجموعه D - B برابر مجموعه $\mathbb{R} - [-2,5]$ و طبیعتاً متهم آن بازه $[-2,5]$ است.

(ریاضی ۱- مجموعه، الگو و نسباً: صفحه های ۳ تا ۵)

(عادل مسینی)

گزینه «۴» - ۱۵

نمودار ون زیر وضعیت این کلاس را در علاقمندی به رشته های برق و نرم افزار نمایش می دهد.



که n تعداد افراد علاقمند به هردو رشته است.

این کلاس ۴۳ نفر جمعیت دارد، پس داریم:

$$25 - n + n + 31 - n + 7 = 43 \Rightarrow n = 20$$

(ریاضی ۱- مجموعه، الگو و نسباً: صفحه های ۱۰ تا ۱۳)

(طاهر درستانی)

گزینه «۲» - ۱۶

تعداد نقاط شکل nام برابر $a_n = n^2 + 4n$ می باشد. پس داریم:

ریاضی پایه

گزینه «۱» - ۱۱

ابتدا A را تا حد امکان ساده می کنیم:

$$A = \frac{2^6 \times (3^3 \times 2 \times 5)^{\frac{1}{2}}}{3(3^2 \times 5^2)^{\frac{1}{4}}} = \frac{2^6 \times 3^{\frac{3}{2}} \times 2^{\frac{1}{2}} \times 5^{\frac{1}{2}}}{3 \times 3^{\frac{1}{2}} \times 5^{\frac{1}{2}}} = 2^{\frac{13}{2}}$$

پس ریشه سیزدهم $2^{\frac{13}{2}} = \sqrt{2}^{\frac{13}{2}}$ برابر است با

(ریاضی ۱- توان های گویا و عبارت های جبری: صفحه های ۵۴ تا ۵۶)

(طاهر درستانی)

گزینه «۲» - ۱۲

$$\begin{aligned} \frac{\sqrt{2-\sqrt{3}} + \sqrt{4-\sqrt{7}}}{\sqrt{3+\sqrt{7}-2}} &= \frac{\sqrt{\frac{4-2\sqrt{3}}{2}} + \sqrt{\frac{8-2\sqrt{7}}{2}}}{\sqrt{3+\sqrt{7}-2}} \\ &= \frac{\sqrt{\frac{(\sqrt{3}-1)^2}{2}} + \sqrt{\frac{(\sqrt{7}-1)^2}{2}}}{\sqrt{3+\sqrt{7}-2}} \end{aligned}$$

$$= \frac{\frac{1}{\sqrt{2}}(\sqrt{3}-1+\sqrt{7}-1)}{\sqrt{3+\sqrt{7}-2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

(ریاضی ۱- توان های گویا و عبارت های جبری: صفحه ۶۷)

(شاهین پروازی)

گزینه «۱» - ۱۳

با استفاده از اتحاد چاق و لاغر عبارت $x^3 + y^3$ را تجزیه می کنیم.

$$x^3 + y^3 = (x+y)(x^2 + y^2 - xy) = (x+y)((x+y)^2 - 3xy)$$

برای پیدا کردن xy کافی است تساوی را به توان ۲ برسانیم:

$$x\sqrt{y} + y\sqrt{x} = \sqrt{5}$$

$$\Rightarrow x^2y + y^2x + 2xy\sqrt{xy} = 5$$

$$\Rightarrow xy(x+y) + 2xy\sqrt{xy} = 5 \xrightarrow[\substack{\sqrt{xy}=T \\ x+y=3}]{ } 2T^3 + 3T^2 - 5 = 0$$

$$\Rightarrow (T-1)(2T^2 + 5T + 5) \underset{\Delta < 0}{=} 0 \Rightarrow T = 1 \Rightarrow xy = 1$$

پس حاصل عبارت مورد نظر برابر است با:



(اخشین فاصله‌های)

گزینه «3» -19

ده جمله متولی این دنباله را از a_{k-9} تا a_k در نظر می‌گیریم، داریم:

$$S = a_{k-9} + a_{k-8} + \dots + a_k = \frac{10}{2}(a_{k-9} + a_k)$$

جمله عمومی دنباله حسابی $a_n = a_1 + (n-1)d$ است. پس داریم:

$$S = 5[a_1 + (k-10)d + a_1 + (k-1)d]$$

در دنباله داده شده $d = 3$ و $a_1 = 2$ است.

$$\Rightarrow S = 5(6k - 29) = 335 \Rightarrow 6k - 29 = 67 \Rightarrow k = 16$$

یعنی مجموع جملات هفتم تا شانزدهم برابر 335 است.

(مسابان 1- هیر و معارله: صفحه‌های 2 و 5)

(عادل مسینی)

گزینه «3» -20

جملات دنباله را به صورت زیر در نظر می‌گیریم:

$$a_n : a_1, a_1q, a_1q^2, \dots, a_1q^{n-1}, \dots$$

$$\text{که در آن } S_n = \frac{a_1(q^n - 1)}{q - 1} \text{ است. دنباله‌ای که جملات آن معکوس}$$

جملات دنباله بالا باشد، به صورت زیر است:

$$b_n : \frac{1}{a_1}, \frac{1}{a_1q}, \dots, \frac{1}{a_1} \left(\frac{1}{q}\right)^{n-1}, \dots$$

که داریم:

$$T_n = \frac{\frac{1}{a_1} \left(1 - \left(\frac{1}{q}\right)^n\right)}{1 - \frac{1}{q}} = \frac{1}{a_1 q^{n-1}} \times \frac{q^n - 1}{q - 1} \Rightarrow T_n = \frac{S_n}{a_1 a_n}$$

پس در این سؤال داریم:

$$T_{19} = \frac{S_{19}}{a_1 a_{19}} = \frac{S_{19}}{18} \Rightarrow a_1 a_{19} = 18$$

از طرفی می‌دانیم که در یک دنباله هندسی اگر $n + m = 2k$ باشد، رابطه

$$a_n a_m = a_k^2 \text{ برقرار است.}$$

پس داریم:

$$a_1 a_{19} = a_{10}^2 = 18 \Rightarrow a_{10} = \pm 3\sqrt{2}$$

(مسابان 1- هیر و معارله: صفحه‌های 2 و 5)

$$n^2 + 4n = 192 \Rightarrow n^2 + 4n - 192 = 0$$

$$\Rightarrow (n-12)(n+16) = 0 \Rightarrow n = 12$$

در شکل دوازدهم 192 نقطه داریم.

(ریاضی 1- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های 17 و 18)

(امیر علیون)

گزینه «4» -17

ابتدا تعداد جملات منفی دنباله a_n را می‌باییم:

$$a_n = n^2 - 7n + 10 = (n-5)(n-2) < 0 \Rightarrow 2 < n < 5$$

$$\Rightarrow n = 3, 4$$

پس a_n ، a_2 2 جمله منفی دارد. این یعنی b_n هم باید دو جمله منفی داشته

باشد. پس داریم:

$$b_n < 0 \Rightarrow \begin{cases} a > 0: -2a < n < a & \frac{n(n-1)}{2} < 2 < a \leq 3 \\ a < 0: a < n < -2a & \frac{n(n-1)}{2} < -2a \leq 3 \end{cases} \Rightarrow -\frac{3}{2} \leq a < -1$$

پس حدود مجموعه $\left[-\frac{3}{2}, -1\right] \cup (2, 3)$ است.

(ریاضی 1- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های 18 و 20)

(یوبان طهرانیان)

گزینه «4» -18

ابتدا جملات سوم و هفتم را به دست می‌آوریم:

$$a_3 = 5(2)^{2-3} = \frac{5}{2}, \quad a_7 = 5(2)^{2-7} = \frac{5}{32}$$

سه واسطه حسابی بین جملات a_3 و a_7 را $c+d$ ، $c-d$ و c در نظرمی‌گیریم که در آن d قدر نسبت دنباله حسابی به دست آمده است.مجموعه سه واسطه برابر $3c$ است. اما طبق ویژگی‌های جملات متولی و

متساوی‌الفاصله در دنباله حسابی داریم:

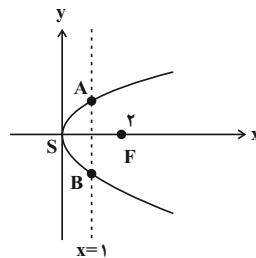
$$2c = a_3 + a_7 \Rightarrow c = \frac{85}{64}$$

در نتیجه مجموع واسطه‌ها برابر $3c = \frac{255}{64}$ خواهد شد.

(ریاضی 1- مجموعه، الگو و دنباله: صفحه‌های 21 و 23)

$$4a = 8 \Rightarrow a = 2$$

کانون سهمی: $F(h + a, k) = (2, 0)$



مکان هندسی نقاطی که از F و S به یک فاصله باشند، عمود منصف پاره خط SF است، یعنی خط $x = 1$. از تقاطع این خط با سهمی داریم:

$$y^2 = 8x \xrightarrow{x=1} y^2 = 8 \Rightarrow y = \pm 2\sqrt{2}$$

(نقطه برخورد: $A(1, 2\sqrt{2}), B(1, -2\sqrt{2})$)

$$S_{SAB} = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{2} \times 1 = 2\sqrt{2}$$

(هنرسه 3- آشنایی با مقاطع مفروطی: صفحه‌های 50 و 53)

(سوکن روشنی)

گزینه «1»

می‌دانیم کوچکترین دایره‌ای که از دو نقطه ثابت می‌گذرد، دایره‌ای که آن دو نقطه، دو سر قطعی از آن هستند. از طرفی با توجه به ویژگی مکان هندسی سهمی، فاصله هر نقطه واقع بر یک سهمی از کانون و خط هادی برابر است، پس در صورتی که شعاع دایرة مورد نظر را با R نمایش دهیم، داریم:

$$2R = AF = |3 - 1| = 2 \Rightarrow R = 1$$

$$\Rightarrow \pi \times 1^2 = \pi$$

(هنرسه 3- آشنایی با مقاطع مفروطی: صفحه‌های 50 و 51)

(امیرحسین ابوممیوب)

گزینه «3»

می‌دانیم بیضی مکان هندسی نقاطی از صفحه است که مجموع فواصل آنها از دو نقطه ثابت در این صفحه، مقدار ثابتی باشد. این دو نقطه ثابت کانون‌های بیضی به فاصله $2c$ از یکدیگر هستند و مقدار ثابت برابر $2a$ (طول قطر بزرگ بیضی) است.

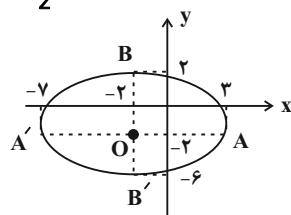
در این بیضی داریم:

$$MN = \sqrt{(-5 - 1)^2 + (-2 + 2)^2} = 6 \Rightarrow 2c = 6 \Rightarrow c = 3$$

$$2a = 10 \Rightarrow a = 5$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 25 = b^2 + 9 \Rightarrow b^2 = 16 \Rightarrow b = 4$$

$$\text{مرکز بیضی: } O = \frac{M + N}{2} = (-2, -2)$$



مطابق شکل نقاط $(-7, -2)$ و $(3, -2)$ دو سر قطر بزرگ و نقاط

$(-2, -6)$ و $(-2, 2)$ دو سر قطر کوچک بیضی هستند. بنابراین خط

$y = 3$ در هیج نقطه‌ای با این بیضی برخورد نمی‌کند.

(هنرسه 3- آشنایی با مقاطع مفروطی: صفحه‌های 47 و 48)

3 هندسه

گزینه «2»

-21

(امیرحسین ابوممیوب)

$$\frac{c}{a} = \frac{\sqrt{2}}{4} \xrightarrow{2\text{- خروج از مرکز}} \frac{c^2}{a^2} = \frac{2}{16} = \frac{1}{8}$$

$$\Rightarrow a^2 = 8c^2 \quad (1)$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \xrightarrow{(1)} 8c^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow b^2 = 7c^2 \Rightarrow b = \sqrt{7}c$$

$$\Rightarrow 2b = \sqrt{7}(2c)$$

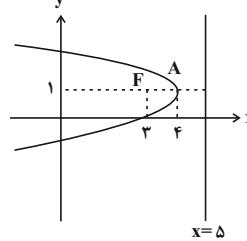
یعنی طول قطر کوچک بیضی، $\sqrt{7}$ برابر فاصله کانونی آن است.

(هنرسه 3- آشنایی با مقاطع مفروطی: صفحه‌های 47 و 49)

گزینه «4»

-22

این منحنی، یک سهمی با کانون $F(3, 1)$ و خط هادی به معادله $x = 5$ است.



سهمی رو به چپ باز می‌شود و رأس آن دقیقاً وسط پاره خط عمود از کانون بر خط هادی، یعنی نقطه $A(4, 1)$ قرار دارد. در این صورت داریم:

$$a = 1$$

$$(y - 1)^2 = -4(x - 4)$$

برای پیدا کردن نقاط تلاقی سهمی با محور y ها، در معادله سهمی $x = 0$ را

$$(y - 1)^2 = -4(0 - 4) \Rightarrow (y - 1)^2 = 16$$

$$\Rightarrow \begin{cases} y - 1 = 4 \Rightarrow y = 5 \\ y - 1 = -4 \Rightarrow y = -3 \end{cases}$$

$$= 5 + (-3) = 2$$

(هنرسه 3- آشنایی با مقاطع مفروطی: صفحه‌های 50 و 53)

گزینه «4»

-23

ابتدا معادله سهمی را به حالت متعارف تبدیل می‌کنیم و سپس معادله خط هادی آن را به دست می‌آوریم:

$$x^2 - 6x - 8y + 25 = 0 \Rightarrow x^2 - 6x = 8y - 25$$

$$\xrightarrow{+9} x^2 - 6x + 9 = 8y - 16 \Rightarrow (x - 3)^2 = 8(y - 2)$$

سهمی قائم است و دهانه آن به طرف بالا باز می‌شود.

$$: A(3, 2) \text{ و } 4a = 8 \Rightarrow a = 2$$

$$: y = k - a = 2 - 2 \Rightarrow y = 0$$

خط $y = 0$ (محور x ها) خط هادی سهمی است، پس نقطه $(-1, 0)$ روی این خط قرار دارد.

(هنرسه 3- آشنایی با مقاطع مفروطی: صفحه‌های 50 و 53)

گزینه «3»

-24

(فرشاد صدیقی فر)

سهمی افقی است و دهانه آن رو به راست باز می‌شود. در این سهمی داریم:

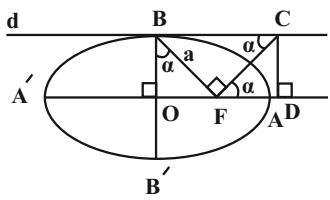
$$: S(0, 0)$$



(سوکنده، روشنی)

گزینه 2

-29



طبق شکل دو مثلث BFC و OBF متشابه‌اند: $(\hat{O}FB = \hat{FBC}, \hat{O} = \hat{F} = 90^\circ)$

$$\frac{OF}{BF} = \frac{BF}{BC} \Rightarrow \frac{c}{a} = \frac{a}{BC} \Rightarrow BC = \frac{a^2}{c}$$

با توجه به اینکه $OD = BC$ است، داریم:

$$\frac{AD}{AF} = \frac{OD - OA}{OA - OF} = \frac{\frac{a^2}{c} - a}{a - c} = \frac{a^2 - ac}{c(a - c)} = \frac{a(a - c)}{c(a - c)}$$

$$\Rightarrow \frac{AD}{AF} = \frac{a}{c} = \frac{1}{\frac{c}{a}} = \frac{1}{\frac{2}{3}} = \frac{3}{2} = 1/5$$

(هنرسه 3-آشنا بی با مقاطع مفروطی: صفحه‌های 47 و 49)

(امیرضا غلاج)

گزینه 1

-30

با توجه به خاصیت بازتابندگی بیضی، زاویه‌هایی که پاره‌خط‌های MF و MF' با خط d می‌سازند، برابر یکدیگر است، پس داریم:

$$\widehat{FMF'} = 180^\circ - (45^\circ + 45^\circ) = 90^\circ$$

در مثلث قائم‌الزاویه OMF ، \widehat{OMF} میانه وارد بر وتر است. پس طول آن نصف طول وتر است و در نتیجه داریم:

$$OM = \frac{FF'}{2} = 2\sqrt{6} \Rightarrow FF' = 4\sqrt{6}$$

$$\Rightarrow 2c = 4\sqrt{6} \Rightarrow c = 2\sqrt{6}$$

$$\frac{c}{a} = \frac{\sqrt{6}}{3} \Rightarrow \frac{2\sqrt{6}}{a} = \frac{\sqrt{6}}{3} \Rightarrow a = 6$$

می‌دانیم مجموع فواصل هر نقطه واقع بر بیضی از دو کانون آن، برابر طول قطر بزرگ بیضی یعنی $2a$ است، پس با فرض $MF = x$ داریم:

$$MF + MF' = 12 \xrightarrow{MF=x} MF' = 12 - x$$

$$\Delta MFF': MF^2 + MF'^2 = FF'^2 \Rightarrow x^2 + (12 - x)^2 = (4\sqrt{6})^2$$

$$\Rightarrow x^2 + 144 - 24x + x^2 = 96$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 24x + 48 = 0 \Rightarrow x^2 - 12x + 24 = 0$$

$$\Delta = (-12)^2 - 4(24) = 48$$

$$x = \frac{12 \pm 4\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \begin{cases} x = 6 + 2\sqrt{3} > 6 \quad | \quad i \\ x = 6 - 2\sqrt{3} < 6 \quad | \quad i \end{cases}$$

(هنرسه 3-آشنا بی با مقاطع مفروطی: صفحه‌های 47 و 50)

(امیرضا غلاج)

گزینه 1

-27

می‌دانیم در یک سهمی که دهانه آن به سمت بالا است، اگر $A(h, k)$ رأس سهمی باشد، آنگاه خط $x = h$ محور، نقطه $F(h, k+a)$ کانون و خط $y = k - a$ خط هادی است که فاصله کانونی سهمی نامیده می‌شود.

بنابراین داریم:

$$\begin{cases} h = 2 \\ k - a = -2 \end{cases}$$

معادله این سهمی به صورت $(x - 2)^2 = 4a(y - k)$ است. مختصات نقطه N را در معادله سهمی قرار می‌دهیم:

$$(4 - 2)^2 = 4a(0 - k) \Rightarrow 4 = -4ak$$

$$\Rightarrow ak = -1 \Rightarrow a = -\frac{1}{k} \quad (1)$$

$$k - a = -2 \xrightarrow{(1)} k + \frac{1}{k} = -2 \Rightarrow k^2 + 2k + 1 = 0$$

$$\Rightarrow (k+1)^2 = 0 \Rightarrow k = -1 \Rightarrow a = 1$$

بنابراین مختصات کانون سهمی به صورت زیر است:

$$F(2, -1+1) = (2, 0)$$

یعنی این نقطه روی محور X ها قرار دارد.

(هنرسه 3-آشنا بی با مقاطع مفروطی: صفحه‌های 50 و 53)

(امیرضا غلاج)

گزینه 2

-28

ابتدا معادله سهمی را به حالت متعارف تبدیل می‌کنیم:

$$4y^2 + my = -48x + 143 \xrightarrow{+4} y^2 + \frac{m}{4}y = -12x + \frac{143}{4}$$

$$\Rightarrow y^2 + \frac{m^2}{4}y + \frac{m^2}{64} = -12x + \frac{143}{4} + \frac{m^2}{64}$$

$$\Rightarrow \left(y + \frac{m}{8}\right)^2 = -12 \left(x - \frac{\frac{143}{4} + \frac{m^2}{64}}{12}\right)$$

سهمی افقی است و دهانه آن به سمت چپ باز می‌شود. در این سهمی داریم:

$$A \left(\frac{\frac{143}{4} + \frac{m^2}{64}}{12}, -\frac{m}{8} \right)$$

$$4a = 12 \Rightarrow a = 3$$

$$F \left(\frac{\frac{143}{4} + \frac{m^2}{64}}{12} - 3, -\frac{m}{8} \right)$$

کانون سهمی روی محور Y ها قرار دارد، پس داریم:

$$x_F = 0 \Rightarrow \frac{\frac{143}{4} + \frac{m^2}{64}}{12} = 3 \Rightarrow \frac{143}{4} + \frac{m^2}{64} = 36$$

$$\Rightarrow \frac{m^2}{64} = \frac{1}{4} \Rightarrow m^2 = 16 \Rightarrow m = \pm 4$$

(هنرسه 3-آشنا بی با مقاطع مفروطی: صفحه‌های 50 و 56)



(سهام مبیدی پور)

گزینه «4» -44

اگر O' مرکز دایره C' باشد، آن‌گاه نقاط O و O' دو طرف نقطه A هستند و داریم:

$$OO' = OA + O'A = OA + 3OA = 4OA$$

$$\Rightarrow OO' = 4 \times 6 = 24$$

$$R' = 3R = 3 \times 2 = 6$$

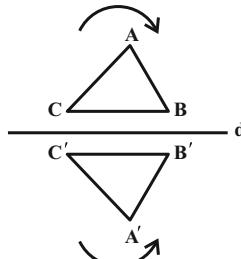
$$\sqrt{24^2 - (2+6)^2} = \sqrt{576 - 64} = \sqrt{512} = 16\sqrt{2}$$

(هنرسه 2 - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های 45 تا 51)

هندسه 2

گزینه «1» -41

انتقال، دوران و تجانس (مستقیم و معکوس) همواره جهت شکل‌ها را حفظ می‌کنند، ولی در بازتاب نسبت به خط، جهت شکل تغییر می‌کند. به عنوان مثال در شکل زیر رأس‌های A ، B و C در جهت حرکت عقربه‌های ساعت قرار دارند ولی در بازتاب این مثلث نسبت به خط d ، رأس‌های A' ، B' و C' در خلاف جهت حرکت عقربه‌های ساعت قرار گرفته‌اند.



(هنرسه 2 - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های 37 تا 51)

(امیرحسین ابوالهیوب)

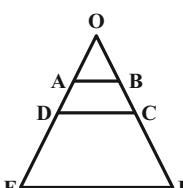
گزینه «1» -45

مطابق شکل فرض کنید امتداد ساق‌های AD و BC یکدیگر را در نقطه O خارج از ذوزنقه قطع کنند. در این صورت نقطه O مرکز تجانسی است که ذوزنقه $ABCD$ را بر ذوزنقه $DCEF$ تصویر می‌کند. تحت این تجانس پاره‌خط AB بر پاره‌خط DC و پاره‌خط DC بر پاره‌خط FE تصویر می‌گردد. در نتیجه داریم:

$$\frac{AB}{DC} = \frac{DC}{FE} \Rightarrow \frac{2}{DC} = \frac{DC}{8} \Rightarrow DC^2 = 2 \times 8 = 16 \Rightarrow DC = 4$$

$$k = \frac{DC}{AB} = \frac{4}{2} = 2$$

بنابراین نسبت تجانس برابر است با:



(هنرسه 2 - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های 45 تا 51)

گزینه «2» -42

انتقال تبدیلی طولپا است، پس شعاع دایره در انتقال تغییری نمی‌کند و R' است. نقطه O (مرکز دایرة C) در این انتقال بر نقطه O' (مرکز دایرة C') تصویر می‌شود، پس طول خط‌المرکزین دو دایره برابر طول بردار انتقال است، یعنی $OO' = 5$ بوده و در نتیجه داریم:

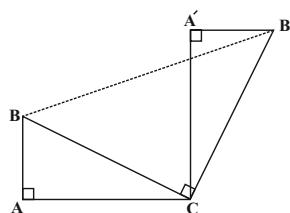
$$|R - R'| < OO' < R + R' \Rightarrow$$

(هنرسه 2 - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های 40 و 41)

(معصومه آبری صحت)

گزینه «3» -46

فرض کنید $AC = 4$ و $AB = 2$ باشد. در این صورت داریم:



$$\triangle ABC : BC^2 = AB^2 + AC^2 = 4 + 16 = 20 \Rightarrow BC = 2\sqrt{5}$$

دوران تبدیلی طولپا است، پس $B'C = 2\sqrt{5}$ است. از طرفی در دوران، زاویه بین هر پاره‌خط و تصویر آن، برابر با زاویه دوران است، پس

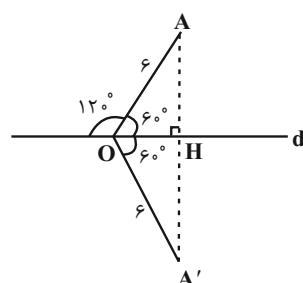
$$\hat{B'CB} = 90^\circ$$

$$\triangle BCB' : BB'^2 = BC^2 + B'C^2 = 20 + 20 = 40 \Rightarrow BB' = 2\sqrt{10}$$

(هنرسه 2 - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های 42 و 43)

گزینه «2» -43

مطابق شکل $\hat{AOH} = 60^\circ$ است.



از طرفی بازتاب تبدیلی طولپا است و اندازه زاویه‌ها و طول پاره‌خط‌ها در بازتاب ثابت باقی می‌مانند. بنابراین داریم:

$$OA' = OA = 6$$

$$\hat{AOA'} = 2\hat{AOH} = 2 \times 60^\circ = 120^\circ$$

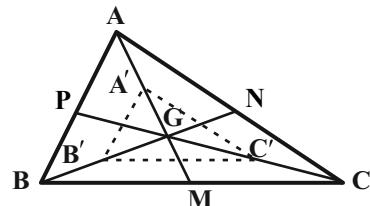
$$S_{OAA'} = \frac{1}{2} OA \times OA' \times \sin(\hat{AOA'}) = \frac{1}{2} \times 6 \times 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 9\sqrt{3}$$

(هنرسه 2 - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های 37 تا 40)

گزینه «1» - 47

فرض کنید نقطه G محل تلاقی میانه‌های مثلث ABC باشد. می‌دانیم میانه‌ها در هر مثلث، یکدیگر را به نسبت 2 به 1 قطع می‌کنند، بنابراین داریم:

$$GA' = GA - AA' = \frac{2}{3}AM - \frac{1}{3}AM = \frac{1}{3}AM$$



به طور مشابه $GB' = \frac{1}{3}BN$ است و داریم:

$$\text{ABC} : \frac{GA'}{GA} = \frac{GB'}{GB} = \frac{1}{2} \xrightarrow{\text{عملیات های معمولی}} A'B' \parallel AB$$

$$\xrightarrow{\text{عملیات های معمولی}} \frac{A'B'}{AB} = \frac{GA'}{GA} = \frac{1}{2}$$

به طور مشابه $\frac{B'C'}{BC} = \frac{1}{2}$ و $\frac{A'C'}{AC} = \frac{1}{2}$ و $A'B'C'$ متشابه‌اند.

$$\frac{S_{A'B'C'}}{S_{ABC}} = \left(\frac{A'B'}{AB}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

(هنرمه 2- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های 40 و 41)

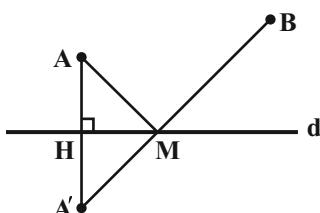
گزینه «2» - 48

(امیر و فائز)

طبق روش هرون برای محاسبه طول کوتاه‌ترین مسیر، کافی است نقطه A' (بازتاب A نسبت به خط d) را یافته و آن را به B وصل کنیم. محل تلاقی $A'B$ و خط d ، همان نقطه مورد نظر M است. که کوتاه‌ترین مسیر $A'B$ را ایجاد می‌کند و طول این مسیر دقیقاً برابر طول پاره‌خط AMB است.

$$m_d = -\frac{1}{4} \Rightarrow m_{AA'} = 4$$

$$AA' : y - 2 = 4(x - 2) \Rightarrow y = 4x - 6$$



$$8y + 2x - 3 = 0 \Rightarrow 8(4x - 6) + 2x - 3 = 0$$

$$\Rightarrow 34x = 51 \Rightarrow x = \frac{51}{34} = \frac{3}{2} \Rightarrow y = 0$$

بنابراین $A(\frac{3}{2}, 0)$ تصویر A روی خط d است و داریم:

$$H = \frac{A + A'}{2} \Rightarrow A' = 2H - A = (3, 0) - (2, 2) = (1, -2)$$

$$\begin{aligned} AMB &= A'B = \sqrt{(7-1)^2 + (6+2)^2} \\ &= \sqrt{100} = 10 \end{aligned}$$

(هنرمه 2- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه 54)

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2}AH(AB + CD)$$

$$\Rightarrow 65 = \frac{1}{2}AH(4 + 6)$$

$$\Rightarrow AH = 13$$

می‌دانیم ترکیب دو بازتاب نسبت به دو خط موازی معادل یک انتقال با برداری به طول دو برابر فاصله این دو خط است، بنابراین داریم:

$$MM'' = 2AH = 2 \times 13 = 26$$

(هنرمه 2- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: مشابه تمرین 4 صفحه 44)

گزینه «4» - 49

(امیرحسین ابومصطفی)

برای افزایش مساحت این قطعه زمین بدون تغییر محیط و تعداد اضلاع پنج ضلعی $ABCDE$ ، کافی است بازتاب نقطه C را نسبت به خط گذرنده از نقاط B و D به دست آوریم. در این صورت دو مثلث $BC'D$ و BCD همنهشت هستند. می‌دانیم اگر یکی از زوایای حاده در مثلث قائم‌الزاویه‌ای



گزینه «4»: به ازای هر $x \in A$, اگر $y = 0$ انتخاب شود, آنگاه $xy = 0$

است که گزاره نمای $5 \geq xy$ را نقض می‌کند.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های 13 تا 15)

(فرشاد خرامزی)

«3» گزینه -54

برای تساوی دو مجموعه داده شده, باید عضو ۱ از مجموعه A با یکی از

اعضای مجموعه B برابر باشد. داریم:

$$x=1 \Rightarrow \begin{cases} A = \{2, 1, 2\} = \{1, 2\} \\ B = \{2, 1\} = \{1, 2\} \end{cases}$$

در نتیجه $A = B$

$$1+x=1 \Rightarrow x=0 \Rightarrow \begin{cases} A = \{0, 1, 1\} = \{0, 1\} \\ B = \{1, 0\} = \{0, 1\} \end{cases}$$

پس در این حالت نیز $A = B$ است, پس به ازای دو مقدار صحیح صفر و یک برای x , دو مجموعه A و B مساوی هستند.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های 23 تا 25)

(امیر و خان)

«1» گزینه -55

هر مجموعه n عضوی دارای 2^n زیرمجموعه است, بنابراین مجموعه $A \cap B$ دارای 4 عضو است.

از آنجا که $A \cap B \subseteq A$ و $A \cap B \subseteq B$ است, پس مجموعه‌های A و

B هر کدام حداقل 4 عضو دارند. برای ضرب دکارتی این دو مجموعه

داریم:

$$n(A \times B) = 54 \Rightarrow n(A) \times n(B) = 54 \times 1 = 27 \times 2 = 18 \times 3 = 9 \times 6$$

با توجه به توضیحات فوق, تنها حالت ممکن برای دو مجموعه A و B آن

است که یکی از دو مجموعه دارای 9 عضو و دیگری دارای 6 عضو باشد.

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B) = 9 + 6 - 4 = 11$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه 35)

(سید محمد رضا مسینی فرد)

«3» گزینه -56

گزینه «1»: نادرست است.

آمار و احتمال - اختیاری

گزینه «1» -51

با استفاده از قوانین گزاره‌ها داریم:

$$(p \wedge \sim q) \Rightarrow (p \vee q) \equiv \sim(p \wedge \sim q) \vee (p \vee q)$$

$$\equiv (\sim p \vee q) \vee (p \vee q) \equiv (\sim p \vee p) \vee q \equiv T \vee q \equiv T$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های 6 تا 13)

گزینه «4» -52

گزاره شرطی تنها در صورتی نادرست است که مقدم آن درست و تالی آن

نادرست باشد. بنابراین داریم:

$$\begin{cases} p \vee r \equiv F \Rightarrow (p \equiv F) \wedge (r \equiv F) \\ (\sim p \Leftrightarrow q) \equiv T \end{cases}$$

از طرفی گزاره دو شرطی در صورتی درست است که دو طرف آن هم ارزش

باشند. از آنجا که $p \equiv T \equiv \sim$, بنابراین:

بررسی گزینه‌ها:

$$1) (p \equiv F) \wedge (q \equiv T) \Rightarrow (p \wedge q) \equiv F$$

$$2) (q \equiv T) \wedge (r \equiv F) \Rightarrow (q \Rightarrow r) \equiv F$$

$$3) (r \equiv F) \wedge (p \equiv F) \Rightarrow (r \vee p) \equiv F$$

$$4) (p \equiv F) \wedge (r \equiv F) \Rightarrow (p \Leftrightarrow r) \equiv T$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های 6 تا 13)

گزینه «4» -53

گزینه «1»: اگر $xy = 0$ انتخاب شود, به ازای هر $y \in A$ است,

پس این گزاره سوری درست است.

گزینه «2»: اگر $x = 1$ انتخاب شود, به ازای هر $y \in A$ است,

پس این گزاره سوری درست است.

گزینه «3»: اگر $x = 5$ انتخاب شود, به ازای هر $y \in A$

است, پس این گزاره سوری درست است.

(سید محمد رضا مسینی فرد)

گزینه «2» -59

$A \times B = B \times A$ و B غیرتھی هستند، بنابراین از رابطه A و B نتیجه می‌شود $A = B$ است. دو حالت زیر برای تساوی دو مجموعه A و B امکان‌پذیر است:

حالات اول:

$$x+1=3 \Rightarrow x=2$$

$$\begin{cases} 2-y=2 \Rightarrow y=0 \\ 2z+3=5 \Rightarrow z=1 \end{cases}$$

در این حالت $xyz=0$ است.

حالات دوم:

$$x+1=3 \Rightarrow x=2$$

$$\begin{cases} 2-y=5 \Rightarrow y=-3 \\ 2z+3=2 \Rightarrow z=-\frac{1}{2} \end{cases}$$

در این حالت $xyz=3$ است.بنابراین بیشترین مقدار ممکن برای xyz ، برابر 3 است.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های 5 تا 38)

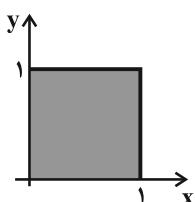
(سید محمد رضا مسینی فرد)

گزینه «1» -60

$$2x-1 \in A \Rightarrow -1 \leq 2x-1 \leq 1 \Rightarrow 0 \leq x \leq 1 \Rightarrow B = [0,1]$$

از طرفی می‌دانیم ناحیه $(A \times B) \cap (B \times A)$ همان ضرب دکارتی $(A \cap B) \times (A \cap B)$ است.

$$A \cap B = [-1,1] \cap [0,1] = [0,1]$$

و مساحت ناحیه ضرب دکارتی $(A \cap B) \times (A \cap B)$ برابر یک است.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های 35 تا 38)

$$\left. \begin{array}{l} A \subseteq B \\ A \subseteq B' \end{array} \right\} \Rightarrow A \cap A \subseteq B \cap B' \Rightarrow A \subseteq \emptyset \Rightarrow A = \emptyset$$

گزینه «2» نادرست است. دو مجموعه $A - B$ و $B - A$ جدا از هم هستند و رابطه $A - B \subseteq B - A$ در صورتی برقرار است که $A - B = \emptyset$ باشد،

 $A \subseteq B$ یعنی

گزینه «3» درست است.

$$\left. \begin{array}{l} A \cap B \subseteq A \subseteq A \cup B \\ A \cup B \subseteq A \cap B \end{array} \right\} \Rightarrow A \cup B = A \cap B \Rightarrow A = B$$

گزینه «4» نادرست است. دو مجموعه $A - B$ و $B - A$ جدا از هم هستند و رابطه $B - A \subseteq A - B$ در صورتی برقرار است که $B - A = \emptyset$ باشد، یعنی $B - A \subseteq A$ در صورتی برقرار است که $B - A = \emptyset$ باشد، یعنی $B \subseteq A$.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های 23 تا 25)

(امیرحسین ابومصوب)

گزینه «2» -57

(الف) عدد صفر به هیچ‌کدام از دو مجموعه A و B تعلق ندارد، پس این حالت یک افزار برای مجموعه اعداد صحیح نیست.

(ب) عدد صفر به هر دو مجموعه A و B تعلق دارد، پس این حالت یک افزار برای مجموعه اعداد صحیح نیست.

$$A = \{1, 2, 3, \dots\} \text{ و } B = \{0, -1, -2, -3, \dots\}$$

(پ)

$$A \cup B = \{\dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\} = \mathbb{Z} \text{ و } A \cap B = \emptyset$$

این حالت یک افزار برای مجموعه اعداد صحیح محسوب می‌شود.

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه 21)

(امیرحسین ابومصوب)

گزینه «3» -58

$$(B - A') \cup (A - B) = (B \cap A) \cup (A \cap B') = (A \cap B) \cup (A \cap B')$$

$$= A \cap (B \cup B') = A \cap U = A \quad (1)$$

$$(A' - B) \cup (B - A) = (A' \cap B') \cup (B \cap A')$$

$$= (A' \cap B') \cup (A' \cap B) = A' \cap (B' \cup B) = A' \cap U = A' \quad (2)$$

$$(1) \Rightarrow (2) \Rightarrow A \cap A' = \emptyset$$

(آمار و احتمال - آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های 26 تا 34)



پس از گذشت $\frac{T}{12}$ به مرکز نوسان می‌رسد و تندی آن بیشینه می‌شود. برای محاسبه طول موج خواهیم داشت:

$$\frac{3\lambda}{2} = 9 \Rightarrow \lambda = \frac{9 \times 2}{3} = 6\text{m}$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۳)

(مبتنی کلوبیان)

«گزینه ۱» - ۶۴

ابتدا تندی انتشار موج را بدست می‌آوریم:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{F}{\frac{m}{L}}} = \sqrt{\frac{F}{\frac{\rho V}{L}}} \xrightarrow[V=AL]{A=\pi r^2=\frac{\pi D^2}{4}} v = \frac{2}{D} \sqrt{\frac{F}{\pi \rho}}$$

$$\frac{D=2\text{cm}=2\times 10^{-2}\text{m}; F=90\text{N}}{\pi=3; \rho=3\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}=3\times 10^3\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}} \rightarrow v = \frac{2}{2\times 10^{-2}} \sqrt{\frac{90}{(3)(3\times 10^3)}} = 10\frac{\text{m}}{\text{s}}$$

با توجه به شکل، طول موج و سپس دوره تناوب موج را بدست می‌آوریم:

$$\frac{5}{4}\lambda = 25\text{cm} \Rightarrow \lambda = 20\text{cm} = 2\times 10^{-1}\text{m}$$

$$\lambda = vT \Rightarrow 2\times 10^{-1} = 10\text{T} \Rightarrow T = 2\times 10^{-2}\text{s}$$

با توجه به جهت انتشار موج، ذره M در حال بالا رفتن است. پس برای

دومین بار در مکان $y = -A$ اندازه شتاب ذره M بیشینه می‌شود یعنی

$$\text{در لحظه } t = \frac{3T}{4} \text{ این اتفاق رخ می‌دهد. پس:}$$

$$\Delta t = \frac{3T}{4} = (\frac{3}{4})(2\times 10^{-2}) = \frac{3}{200}(\text{s})$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۷۲ تا ۷۴)

(مهدعلی راست پیمان)

«گزینه ۱» - ۶۵

موج‌های الکتریکی و مغناطیسی هم فاز و عمود بر یکدیگر هستند. در $4T$ موج الکتریکی و موج مغناطیسی بیشینه‌اند و به ترتیب در جهت مثبت y ها و منفی z ها هستند. در $0/5T$ میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی وارون می‌شوند. میدان الکتریکی بیشینه در جهت منفی محور y ها و میدان مغناطیسی بیشینه در جهت مثبت محور z ها است.

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۷۴ و ۷۵)

(مسنون تقدیرهای)

فیزیک ۳

«گزینه ۱» - ۶۱

بررسی گزینه‌های نادرست:

الف) در طناب‌ها، تندی موج با شعاع طناب رابطه عکس دارد.

ب) صوت موجی طولی است و راستای انتشار موج و راستای نوسان ذرات محیط، موازی هستند.

ت) اشعه گاما از نوع امواج الکترومغناطیس است و انتقال انرژی آن مستقل از ذرات محیط است.

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۶۹ تا ۷۰)

(مسنون تقدیری)

«گزینه ۳» - ۶۲

در یک موج سینوسی فاصله بین یک قله و دره همواره مضرب فردی از نصف

$$\cdot (2n-1) \frac{\lambda}{2}$$

$$\Rightarrow 45 = (2n-1) \frac{\lambda}{2} \Rightarrow \lambda = \frac{90}{2n-1} \text{ cm}$$

$$\left. \begin{array}{l} n=1 \rightarrow \lambda = 90\text{cm} \\ n=2 \rightarrow \lambda = 30\text{cm} \\ n=3 \rightarrow \lambda = 18\text{cm} \end{array} \right\} \quad \begin{array}{l} \text{3 مقدار از مقادیر داده شده صدق می‌کنند.} \\ \text{3} \end{array}$$

$$\text{اگر } \lambda = 15\text{cm} \Rightarrow 15 = \frac{90}{2n-1} \Rightarrow 2n-1 = 6 \Rightarrow n = \frac{7}{2}$$

پس طول موج نمی‌تواند 15cm باشد.

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۲)

(ممکن نمی‌باشد)

«گزینه ۲» - ۶۳

چون موج در خلاف جهت محور X منتشر می‌شود، ذره M به سمت مرکز نوسان (بایین) حرکت می‌کند و در نتیجه حرکت آن تندشونده است و ذره N به سمت انتهای مسیر نوسان (بالا) حرکت می‌کند و در نتیجه حرکت آن کندشونده است. با توجه به آنکه تندی موج را نداریم، در نتیجه نمی‌توان درباره دوره (T) اظهارنظر کرد و همچنین با توجه به حرکت موج، ذره M



بنیاد

علمی

آموزی

رسانی

(پیریا علاقه‌مند)

«گزینه ۲»

-68

با استفاده از تعریف شدت صوت و تراز شدت صوت داریم:

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 2/4 = \log \frac{I_2}{I_1}$$

$$\Rightarrow 8 \times 0/3 = \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 8 \log 2 = \log \frac{I_2}{I_1}$$

$$\Rightarrow \log 2^8 = \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = 2^8 = 256$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

(مسعود قره‌خانی)

«گزینه ۲»

-69

ابتدا نسبت شدت‌های صوت را به دست می‌آوریم:

$$\frac{\beta_2 - \beta_1}{6} = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow 0/6 = \log \frac{I_2}{I_1}$$

$$\Rightarrow \log \frac{I_2}{I_1} = 2 \times 0/3 = 2 \log 2 = \log 2^2 \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = 4$$

حال به کمک رابطه مقایسه‌ای، داریم:

$$\frac{I_2}{I_1} = \left(\frac{r_1}{r_2} \right)^2 \times \left(\frac{f_2}{f_1} \right)^2 \times \left(\frac{A_2}{A_1} \right)^2 \Rightarrow 4 = \left(\frac{r_1}{2r_1} \right)^2 \times \left(\frac{f_2}{f_1} \right)^2$$

$$\Rightarrow \left(\frac{f_2}{f_1} \right)^2 = 4 \times 4 = 16 \Rightarrow \frac{f_2}{f_1} = 4 \Rightarrow f_2 = 4f_1$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

(علیرضا گوشه)

«گزینه ۲»

-70

چون شنونده A با تندی ثابت به سمت آمبولانس می‌رود. در مدت زمان یکسان در مقایسه با شنونده ساکن با جبهه‌های موج بیشتر از بسامد واقعی می‌شود و بسامد احساس آن بیشتر از بسامد واقعی می‌شود و چون شنونده B با تندی ثابت در حال دور شدن از آمبولانس است، در مدت زمان یکسان در مقایسه با شنونده ساکن با جبهه‌های موج کمتری مواجه می‌شود و در نتیجه بسامد احساسی آن کمتر از بسامد واقعی می‌شود و همچنین چون آمبولانس ساکن است، لذا تجمع جبهه‌های موج در دو سوی آن یکسان بوده و در نتیجه طول موج دریافتی توسط هر یک از دو شنونده با طول موج چشمی موج برابر است.

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۸۱ تا ۸۴)

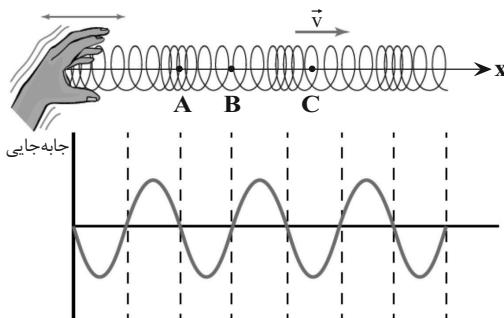
(عباس اصغری)

«گزینه ۲»

-66

با توجه به متن کتاب درسی، در یک لحظه از زمان، در مکان‌هایی که بیشترین جمع‌شدگی یا بیشترین بازشدگی حلقه‌ها رخ می‌دهد، جایه‌جایی هر جزء فنر از وضعیت تعادل برابر صفر است. در وسط فاصله بین یک جمع‌شدگی بیشینه و یک بازشدگی بیشینه مجاور هم، اندازه جایه‌جایی هر جزء فنر از وضعیت تعادل، بیشینه است.

بنابراین جایه‌جایی هر جزء فنر واقع در نقاط A و B از وضع تعادل صفر است و برای C بیشترین جایه‌جایی را دارد. از طرف دیگر حلقه‌ها از وسط بازشدگی دور شده و به وسط جمع‌شدگی نزدیک شده‌اند. از آنجایی که جمع‌شدگی در سمت چپ نقطه C است بنابراین C به سمت چپ (خلاف جهت محور x) کشیده شده است. لذا $\Delta x_C < 0$ است.



(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه ۷۷)

(یعنیم رسمند)

«گزینه ۳»

-67

طبق رابطه شدت صوت داریم:

$$I = \frac{P_{av}}{A} \xrightarrow{P=\frac{E}{t}} I = \frac{E}{A \cdot t} \xrightarrow{E \propto A^2 f^2} I \propto \frac{A^2 f^2}{r^2}$$

$$\begin{cases} A_a = 6A_b \\ f_b = 6f_a \end{cases} \quad \frac{I_a}{I_b} = \left(\frac{f_a}{f_b} \times \frac{A_a}{A_b} \times \frac{r_b}{r_a} \right)^2$$

$$\frac{1}{9} = \left(\frac{1}{6} \times \frac{6}{1} \times \frac{r_b}{30} \right)^2 \Rightarrow \frac{r_b}{30} = \frac{1}{3} \Rightarrow r_b = \frac{30}{3} = 10\text{m}$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)



توجه کنید که در حالتی که خازن از مولد جدا است، بزرگی میدان الکتریکی بین صفحه‌ها ثابت می‌ماند و در نتیجه نیروی الکتریکی وارد بر ذره ثابت می‌ماند و در این صورت نیروی متوازن به ذره وارد می‌شود و ذره ساکن می‌ماند.

(فیزیک 2 - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

(سیدعلی میرنوری)

گزینه «4» - 74

ساختمان خازن تغییری نکرده است، پس ظرفیت خازن ثابت است. در این صورت داریم:

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} \xrightarrow{\text{ثابت}} \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{Q_2}{Q_1} \right)^2$$

$$\frac{Q_2 = \frac{6}{5} Q_1}{\frac{U_2}{U_1} = \frac{36}{25}} \quad (*)$$

از طرفی داریم:

$$U_2 - U_1 = 110 \xrightarrow{(*)} \begin{cases} U_2 = 360 \mu J \\ U_1 = 250 \mu J \end{cases}$$

حال چون خازن در ابتدا به مولد 10 ولتی متصل است، داریم:

$$U_1 = \frac{1}{2} C V_1^2 \Rightarrow 250 = \frac{1}{2} \times C \times (10)^2 \Rightarrow C = 5 \mu F$$

(فیزیک 2 - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

(زهره آقامحمدی)

گزینه «2» - 75

طبق رابطه میدان الکتریکی یکنواخت بین صفحات خازن داریم:

$$E = \frac{V}{d}$$

چون خازن به باتری متصل است، پس اختلاف پتانسیل دو سر آن ثابت است.

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{V_2}{V_1} \times \frac{d_1}{d_2} \xrightarrow{V_1 = V_2, E_2 = 0/8 E_1} 0/8 = \frac{d_1}{d_2}$$

$$\frac{C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}}{C_2 = \frac{d_1}{d_2}} \xrightarrow{C_1 = 0/8} \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} = 0/8 \quad (1)$$

از طرفی طبق رابطه انرژی ذخیره شده در خازن داریم:

(یونام رستمی)

گزینه «2» - 71

$$C = \frac{Q}{V} \Rightarrow V = \frac{Q}{C} = \frac{18}{6} = 3V$$

$$\Delta V = V = 3 \Rightarrow V_+ - V_- = 3 \Rightarrow V_+ - 6 = 3 \Rightarrow V_+ = 9V$$

(فیزیک 2 - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

(مسنون قنبرپل)

گزینه «4» - 72

با انتقال بار مثبت از صفحه منفی به صفحه مثبت، بار ذخیره شده خازن افزایش می‌یابد، زیرا بار صفحه منفی، منفی‌تر و بار صفحه مثبت، مثبت‌تر شده است. همچنین خواهیم داشت:

$$\uparrow Q = \frac{V}{C} \uparrow$$

$$\uparrow E = \frac{V}{d} \uparrow$$

$$\uparrow U = \frac{Q^2}{C} \uparrow$$

پس هر 4 پارامتر افزایش می‌یابد.

(فیزیک 2 - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

(فسرو ارغوانی فرد)

گزینه «2» - 73

توجه داشته باشید که در حالت اول، نیروی وزن ذره با نیروی الکتریکی وارد بر آن خنثی می‌شود و ذره در حال تعادل است. چون خازن از مولد جدا شده است، بار آن ثابت می‌ماند و داریم:

$$Q = CV = \frac{\epsilon_0 A}{d} V \Rightarrow V = \frac{Qd}{\epsilon_0 A}$$

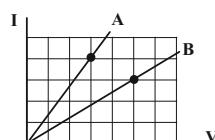
بزرگی میدان الکتریکی بین صفحات خازن نیز برابر است با:

$$E = \frac{V}{d} = \frac{Qd}{\epsilon_0 Ad} = \frac{Q}{\epsilon_0 A} = S \text{MV}$$



بنیاد علم و تکنولوژی

(زمره آقامحمدی)



گزینه «3» -78

ابتدا دو نقطه از نمودار در نظر می‌گیریم و با توجه به قانون اهم، نسبت مقاومت دو سیم را بدست می‌آوریم:

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{V_A}{V_B} \times \frac{I_B}{I_A} = \frac{3}{5} \times \frac{3}{4} = \frac{9}{20} \quad (*)$$

اکنون با توجه به رابطه مقاومت رسانا بر حسب مشخصات ساختمانی آن می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} R &= \rho \frac{L}{A} \xrightarrow{A=\pi r^2} \frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \left(\frac{r_B}{r_A} \right)^2 \\ &\xrightarrow{L_A=2L_B, r_A=2r_B} \frac{9}{20} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times 2 \times \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{\rho_A}{\rho_B} = 0/9 \end{aligned}$$

(فیزیک 2 - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های 51 و 52)

(ممسم قندرپلر)

گزینه «4» -79

طبق رابطه $U = RI^2t$ و با توجه به اینکه یکای فرعی انرژی و جریان به

$$\text{صورت } \frac{C}{s} \text{ و } \frac{\text{kg.m}^2}{s^2} \text{ است، برای یکای فرعی مقاومت خواهیم داشت:}$$

$$U = RI^2t \Rightarrow \frac{\text{kg.m}^2}{s^2} = [\Omega] \times \frac{C^2}{s^2} \times s \Rightarrow [\Omega] = \frac{\text{kg.m}^2}{s.C^2}$$

یکای مقاومت ویژه به صورت $\Omega.m$ است.

$$\Rightarrow \text{یکای فرعی مقاومت ویژه} = \left[\frac{\text{kg.m}^3}{s.C^2} \right]$$

(فیزیک 2 - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های 51 و 52)

(زمره آقامحمدی)

گزینه «2» -80

با توجه به رابطه مقاومت ویژه بر حسب دما داریم:

$$\rho_2 = \rho_1(1 + \alpha\Delta\theta) \Rightarrow \rho_2 - \rho_1 = \rho_1\alpha\Delta\theta$$

$$\frac{\rho_2 = 28 \times 10^{-8} \Omega m}{\rho_1 = 20 \times 10^{-8} \Omega m, \Delta\theta = 100^\circ C} \Rightarrow 8 \times 10^{-8} = 20 \times 10^{-8} \times \alpha \times 100$$

$$\Delta\theta = 100^\circ C$$

$$\Rightarrow \alpha = \frac{8}{2000} = 4 \times 10^{-3} \frac{1}{K}$$

(فیزیک 2 - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های 52 و 54)

$$\begin{aligned} U &= \frac{1}{2} CV^2 \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{C_2}{C_1} \times \left(\frac{V_2}{V_1} \right)^2 \\ &\xrightarrow{V_1=V_2} \frac{U_2}{U_1} = 0/8 \quad (2) \end{aligned}$$

تغییر انرژی خازن برابر است با:

$$\Delta U = -1/6 mJ = -1/6 \times 10^3 \mu J$$

$$\begin{aligned} U_2 - U_1 &= -1/6 \times 10^{-3} \xrightarrow{(2)} 0/2 U_1 = 1/6 \times 10^3 \\ \Rightarrow U_1 &= 8 \times 10^3 \mu J \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} U_1 &= \frac{1}{2} C_1 V^2 \Rightarrow 8 \times 10^3 \times 10^{-6} = \frac{1}{2} \times 40 \times 10^{-6} \times V^2 \\ \Rightarrow V &= 20 V \end{aligned}$$

(فیزیک 2 - الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های 32 تا 37)

(مسام تادری)

گزینه «3» -76

در دمای ثابت حاصل $\frac{V}{I}$ برای یک مقاومت اهمی همواره ثابت است و برابر R یعنی مقدار مقاومت است.

$$A : \frac{V}{I} = \frac{1/6}{0/16} = \frac{2/4}{0/24} = \frac{3/2}{0/32} = 10 = \text{常数} \Rightarrow A \parallel A$$

$$B : \frac{1/6}{0/16} \neq \frac{4/8}{0/24} \neq \frac{6/3}{0/3} \Rightarrow A \neq B$$

(فیزیک 2 - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های 49 تا 51)

(مسام تادری)

گزینه «3» -77

موارد «ب» و «د» درست‌اند. صورت صحیح سایر موارد:

الف) دیود نوعی مقاومت غیراهمی است.

ج) اغلب از ترمیستور بعنوان حسگر دما در مدارهای الکتریکی حساس به دما استفاده می‌شود.

(فیزیک 2 - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های 49 تا 51)

گزینه ۱
(مسئلہ کیاں)

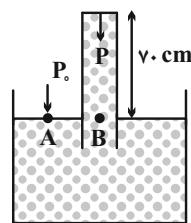
گزینه ۱»
فیزیک ۱
گزینه ۲»
فیزین مفہومی

فشار جیوه بر ته بسته لوله را از پاسکال به سانتی متر جیوه تبدیل می کنیم:

$$P = \rho gh \quad P = 6750 \text{ Pa}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \rightarrow 6750 = 13500 \times 10 \times h \\ P = 13/5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 13500 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$h = 0.05 \text{ m} = 5 \text{ cm} \Rightarrow P'' = 5 \text{ cmHg}$$

چون ارتفاع جیوه ای که فشار 6750 Pa را ایجاد می کند، برابر 5 cmHg است، بنابراین فشار وارد بر ته لوله 5 cmHg است.



مطابق شکل، فشار نقطه A برابر فشار نقطه B است. زیرا هم تراز در یک مایع اند. از طرف دیگر، فشار نقطه A برابر فشار هوا ($P_0 = P_A$) و فشار نقطه B برابر مجموع فشار ستون جیوه و فشاری که ته بسته لوله بر جیوه وارد می کند. بنابراین می توان نوشت:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 = P_{\text{جیوه}} + P_{\text{هوای بسته}}$$

$$\frac{P_{\text{جیوه}} = 70 \text{ cmHg}}{P_{\text{هوای بسته}} = 5 \text{ cmHg}} \rightarrow P_0 = 70 + 5 \Rightarrow P_0 = 75 \text{ cmHg}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی های فیزیکی مواد: صفحه های 32 تا 37)

گزینه ۱»
(زمرة آقامحمدی)

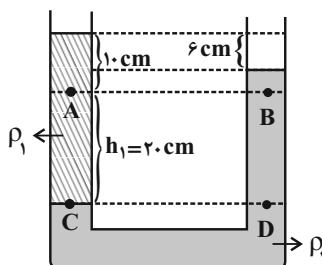
گزینه ۱»
گزینه ۱»

فشار در دو نقطه هم تراز C و D برابر است، بنابراین:

$$P_C = P_D \Rightarrow P_A + \rho_1 gh_1 = P_B + \rho_2 gh_1$$

$$\Rightarrow P_A - P_B = (\rho_2 - \rho_1)gh_1 \Rightarrow 400 = (\rho_2 - \rho_1) \times 10 \times 0.2$$

$$\Rightarrow \rho_2 - \rho_1 = 200 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad (1)$$



از طرفی در نقاط C و D همچنین می توان نوشت:

$$P_C = P_D \Rightarrow \rho_1 h'_1 = \rho_2 h'_2 \quad \frac{h'_1 = 30 \text{ cm}}{h'_2 = 24 \text{ cm}} \rightarrow \rho_1 \times 30 = \rho_2 \times 24$$

$$\Rightarrow \rho_2 = 1/25 \rho_1$$

$$\xrightarrow{(1)} 0/25 \rho_1 = 200 \Rightarrow \rho_1 = 800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 0/8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی های فیزیکی مواد: صفحه های 32 تا 37)

فیزین مفہومی
فیزین مفہومی

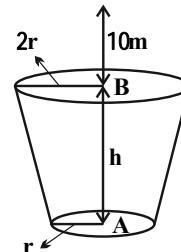
با استفاده از رابطه فشار در شاره ها، داریم:

$$P = P_0 + \rho gh \Rightarrow \Delta P = \rho g \Delta h \Rightarrow \frac{\Delta P'}{\Delta P} = \frac{\Delta h'}{\Delta h}$$

$$\Rightarrow \frac{P_8 - P_7}{P_7 - P_4} = \frac{h_8 - h_7}{h_7 - h_4} \Rightarrow \frac{P_8 - 1/94}{1/94 - 1/58} = \frac{8 - 7}{7 - 4}$$

$$\Rightarrow P_8 = 2/06 \text{ atm}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی های فیزیکی مواد: صفحه های 40 تا 32)

پیرای علاقه مند
گزینه ۱»


$$F_A = F_B \Rightarrow P_A A_A = P_B A_B$$

$$\frac{r_B = 2r_A}{A_B = 4A_A} \rightarrow P_A A_A = P_B 4A_A \Rightarrow P_A = 4P_B$$

$$\Delta P = \rho gh \Rightarrow P_A - P_B = \rho gh$$

$$\frac{P_A = 4P_B}{3P_B = \rho gh} \Rightarrow 3P_B = \rho gh \Rightarrow 3(\rho gx) = \rho gh$$

$$\Rightarrow 3 \times 10 = h \Rightarrow h = 30 \text{ m}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی های فیزیکی مواد: صفحه های 32 تا 37)

(امیر محمد عبدی)
گزینه ۳»

اگر فشار کل در یک ظرف (P) دو درصد افزایش یابد به $1/02P$ خواهد رسید.

20 سانتی متر مایع فشاری معادل $1/5$ سانتی متر جیوه بر کف ظرف وارد می کند.

$$(\rho_1 h_1) = (\rho_2 h_2) \Rightarrow (1/0125)(20) = 13/5 h_2$$

$$\Rightarrow h_2 = 1/5 \text{ cm}$$

فشار کل برابر است با فشار حاصل از مایع به علاوه فشار هوا

$$P_1 = P_0 + P' \Rightarrow P_1 = 75 + 1/5 = 76/5 \text{ cmHg}$$

$$P_2 = P_1 + P'' \quad \frac{P_2 = 1/02P_1}{P_1 = 76/5 \text{ cmHg}} \rightarrow 1/02P_1 = P_1 + P''$$

$$\Rightarrow 0/02P_1 = P'' \quad \frac{P_1 = 76/5 \text{ cmHg}}{P'' = (0/02 \times 76/5) \text{ cmHg}}$$

حال برای پیدا کردن ارتفاع حاصل از مایع دوم، داریم:

$$(\rho'' h'') = (\rho_2 h_2) \Rightarrow (13/5)(0/02 \times 76/5) = 0/2 h_2$$

$$\Rightarrow h_2 = \frac{(13/5)(0/02)(76/5)}{0/2} = \frac{13/5 \times 76/5}{10} \text{ cm}$$

$$\Rightarrow V_2 = Ah_2 = 10 \times \frac{13/5 \times 76/5}{10} = 1032/75 \text{ cm}^3$$

(فیزیک ۱ - ویژگی های فیزیکی مواد: صفحه های 32 تا 37)



از طرفی چون A شناور و B غوطه‌ور است، چگالی جسم A کمتر از چگالی مایع و چگالی جسم B برابر چگالی مایع است.

$$\begin{cases} \rho_A < \rho_1 \\ \rho_B = \rho_1 \end{cases}$$

اکنون اگر دو جسم را داخل مایع ρ_2 که $\rho_2 = \frac{3}{4}\rho_1$ است قرار دهیم، داریم:

$$\rho_2 < \rho_1 \xrightarrow{\rho_B = \rho_1} \rho_2 < \rho_B$$

پس جسم B داخل مایع ρ_2 پایین می‌رود و داریم: چون $\rho_1 < \rho_2$ و $\rho_A = \rho_2$ است، پس سه حالت داریم: اگر باشد، در این حالت جسم A داخل مایع ρ_2 غوطه‌ور می‌شود، که در این صورت $F'_{bA} = mg$ در سطح مایع ρ_2 شناور می‌شود، در این حالت جسم A خواهد شد. اگر $\rho_A < \rho_2$ باشد، در این حالت $F'_{bA} = mg$ خواهد شد.

اگر $\rho_A > \rho_2$ باشد، جسم A داخل مایع به پایین می‌رود و داریم:

$$F'_{bA} < mg$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد: صفحه‌های ۴۰ تا ۴۳)

(مسرو ارجوانی فر)

«۳» گزینه «۲»

حجم قسمت پایین ظرف برابر است با:

$$V_1 = A_1 h_1 = 200 \times 10 = 2000 \text{ cm}^3 = 2L$$

با توجه به این که ۳L مایع در ظرف ریخته‌ایم، بنابراین حجم مایع در قسمت بالایی ظرف برابر با ۱L خواهد بود و در نتیجه ارتفاع مایع در قسمت بالایی ظرف برابر است با:

$$V_2 = A_2 h_2 = 100 \times h_2 = 100h_2 = 10 \text{ cm}$$

بنابراین ارتفاع کل مایع در ظرف برابر است با:

$$h = h_1 + h_2 = 10 + 10 = 20 \text{ cm}$$

و در نتیجه اندازه نیرویی که از جانب مایع به کف ظرف وارد می‌شود، برابر است با:

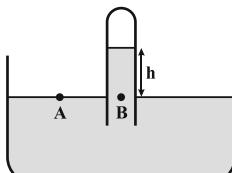
$$F = P A_1 = \rho g h A_1 = 4 \times 10^3 \times 10 \times 20 \times 10^{-2} \times 200 \times 10^{-4}$$

$$\Rightarrow F = 160 \text{ N}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۵)

(عبدالرضا امینی نسب)

«۲» گزینه «۲»



با توجه به برابری فشار در نقاط همتراز یک مایع ساکن، داریم:

$$P_A = P_B \Rightarrow P_0 = P_{J1} + P_{J2}$$

$$\Rightarrow 75 = 72/5 + P_{J2} \Rightarrow P_{J2} = 2/5 \text{ cmHg}$$

حال ارتفاع ستون آبی را که فشاری معادل با $2/5 \text{ cmHg}$ ایجاد می‌کند، می‌یابیم. داریم:

$$\rho_{J2} h_{J2} = \rho_{Hg} h_{Hg} \Rightarrow 1 \times h_{J2} = 13/6 \times 2/5$$

$$\Rightarrow h_{J2} = 34 \text{ cm}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۵)

«۶» گزینه «۲» (مهدی سلطانی)

فشار کل در کف ظرف استوانه‌ای شکل برابر است با:

$$P_t = P_{J1} + P_0 \Rightarrow 86 \text{ cmHg} = P_{J1} + 76 \text{ cmHg}$$

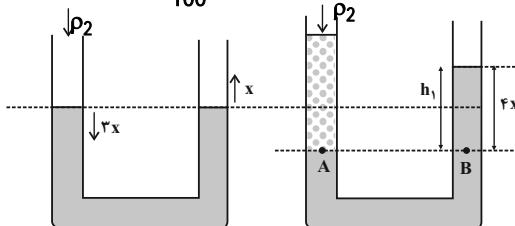
$$P_{J1} = 10 \text{ cmHg}$$

مایع ρ_2 را به شاخه سمت چپ لوله U شکل اضافه می‌کنیم و چون سطح مقطع آن نصف سطح مقطع استوانه است، ارتفاع آن دو برابر می‌شود. از آنجا که جرم مایع (2) ثابت است، فشار مایع (2) برابر می‌شود با:

$$P'_2 = 2P_2 = 2 \times 10 = 20 \text{ cmHg}$$

این فشار را بر حسب پاسکال بدست می‌آوریم:

$$P'_2 = 13600 \times 10 \times \frac{20}{100} = 27200 \text{ Pa}$$



$$P_A = P_B \Rightarrow 27200 = 8000 \times 10 \times h_1$$

$$\Rightarrow h_1 = 0/34 \text{ m}$$

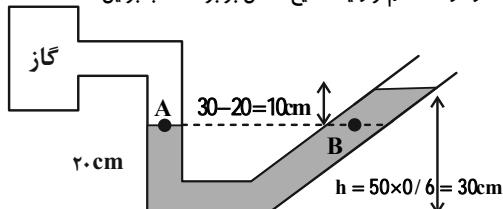
$$h_1 = 4x \Rightarrow x = \frac{0/34}{4} = 0/085 \text{ m} = 8/5 \text{ cm}$$

(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۵)

(پورا علاقه‌مند)

«۱» گزینه «۱»

فشار در نقاط همتراز یک مایع ساکن برابر است، بنابراین:



$$P_A = P_B \Rightarrow P_g = \rho gh \xrightarrow{\rho = 2000 \text{ kg/m}^3} P_g = 2000 \times 10 \times \frac{10}{100} = 2000 \text{ Pa}$$

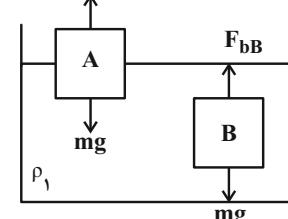
(فیزیک ۱ - ویژگی‌های فیزیکی مواد، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۵)

(جهه آقامحمدی)

«۳» گزینه «۳»

چون هر دو جسم داخل مایع ساکن‌اند، پس داریم:

$$F_b = mg \xrightarrow{m_A = m_B} F_{bA} = F_{bB}$$

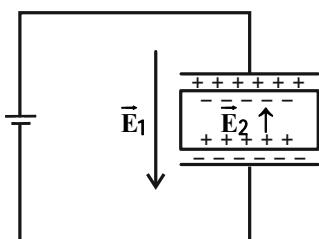




گزینه ۱ (غلامرضا مصیب)

-94 گزینه ۱

با قرار دادن یک دیالکتریک در میدان الکتریکی بین صفحه‌های خازن، به بارهای مثبت و منفی دیالکتریک نیرو وارد شده و اتمهای واقع در دیالکتریک دو قطبی می‌شوند. به طوری که در نهایت در مجاورت صفحه‌های خازن، روی سطوح دیالکتریک بارهای غیرهم‌نام با بار صفحه‌های خازن ایجاد می‌شود و جهت میدان در دیالکتریک مطابق شکل خواهد بود.



(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

گزینه ۴ (زهره آقامحمدی)

-95 گزینه ۴

چون خازن از مولد متصل است پس اختلاف پتانسیل دو سر آن ثابت می‌ماند.

$$\text{ولی با توجه به رابطه } C = \kappa\epsilon_0 \frac{A}{d} \text{ ظرفیت خازن پس از قرار دادن}$$

$$C_2 = \kappa C_1 \text{ برابر خواهد شد.}$$

در نتیجه با توجه به رابطه انرژی خازن داریم:

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \xrightarrow{\text{سیم}} \Delta U = \frac{1}{2} (C_2 - C_1)V^2 = \frac{1}{2} (\kappa - 1)C_1 V^2$$

$$\xrightarrow{\kappa=3 \atop V=12V} 2400 = \frac{1}{2} \times 2 \times C_1 \times 12^2 \Rightarrow C_1 = \frac{2400}{12 \times 12} = \frac{50}{3} \mu F$$

$$\Rightarrow C_2 = \kappa C_1 = 3 \times \frac{50}{3} = 50 \mu F$$

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

(پوریا علاقه‌مند)

-96 گزینه ۴

$$t_2 = 3s \text{ تا } t_1 = 0s$$

$$q_1 = (0)^2 - 2(0) + 4 = 4C$$

$$q_2 = (3)^2 - 2(3) + 4 = 9 - 6 + 4 = 7C$$

$$\rightarrow \Delta q = 7 - 4 = 3C$$

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{3}{3} = 1A$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم: صفحه‌های 46 تا 48)

فیزیک ۲

-91 گزینه ۲

(اهسان محمدی)

ابتدا به کمک ظرفیت و بار ذخیره شده، اختلاف پتانسیل میان دو صفحه خازن را محاسبه می‌کنیم:

$$Q = CV \Rightarrow V = \frac{20 \times 10^{-6}}{5 \times 10^{-6}} = 4V$$

حال به کمک رابطه $V = Ed$ ، بزرگی میدان الکتریکی بین صفحات را محاسبه می‌کنیم:

$$E = \frac{V}{d} = \frac{4}{10^{-3}} = 4 \times 10^3 \frac{V}{m}$$

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

فیزیک ۲

-92 گزینه ۲

(زهره آقامحمدی)

چون خازن از باتری جدا شده بار الکتریکی آن ثابت است. با خارج کردن دیالکتریک ظرفیت خازن کاهش می‌یابد در نتیجه طبق رابطه $Q = CV$ اختلاف پتانسیل دو سر خازن افزایش می‌یابد و ولت‌سنج عدد بیشتری نشان می‌دهد.

$$\text{طبق رابطه } U = \frac{1}{2} QV \text{ با افزایش } V, \text{ انرژی خازن هم افزایش می‌یابد.}$$

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)

فیزیک ۳

-93 گزینه ۳

چون Q ثابت است برای به دست آوردن انرژی از رابطه $U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$ استفاده می‌کنیم.

از آنجایی که انرژی ۴ برابر شده یعنی ظرفیت خازن $\frac{1}{4}C$ برابر شده است.

$$\text{طبق رابطه } C = \kappa\epsilon_0 \frac{A}{d} \text{ فقط به کمک گزینه ۳ می‌توان ظرفیت را } \frac{1}{4} \text{ برابر کرد.}$$

(فیزیک ۲- الکتریسیته ساکن: صفحه‌های 32 تا 40)



$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{L_A}{L_B} \times 4 \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = \frac{1}{8}$$

(فیزیک 2- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم: صفحه‌های 49 و 52)

(ممسن قندرپلر)

«گزینه 4» - 99

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow 0 / 4 \times 10^{-3} = \frac{\Delta q}{25 \times 60} \Rightarrow \Delta q = 0 / 6 C$$

سپس اختلاف پتانسیل دو سر باتری را محاسبه می‌کنیم.

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{\Delta q} = \frac{2 / 4}{0 / 6} = 4 V$$

در پایان پتانسیل الکتریکی قطب منفی باتری را بدست می‌آوریم:

$$\Delta V = V_+ - V_- \Rightarrow 4 = 12 - V_- \Rightarrow V_- = 8 V$$

(فیزیک 2- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم: صفحه‌های 46 و 48)

(ممسن قندرپلر)

«گزینه 3» - 100

با توجه به رابطه $R = \frac{\rho \cdot L}{A}$ ، ابتدا رابطه بین طولهای سیم‌های A و B را

پیدا می‌کنیم. اگر r شعاع و V حجم باشد:

$$V_A = 2V_B \Rightarrow \pi r^2 L_A = 2(\pi(r^2 - \frac{r^2}{4})L_B)$$

$$\Rightarrow L_A = \frac{3}{2}L_B$$

در نتیجه برای مقاومت‌ها خواهیم داشت:

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A \times L_A}{\rho_B \times L_B} \times \frac{A_B}{A_A} = 1 \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{\pi[r^2 - (\frac{r}{2})^2]}{\pi r^2}$$

$$\Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{3}{2} \times \frac{3}{4} = \frac{9}{8}$$

(فیزیک 2- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم: صفحه‌های 51 و 52)

(پوریا علاقه‌مند)

«گزینه 1» - 97

فقط پ درست است.

بررسی غلط بودن سایر گزینه‌ها:

الف) با افزایش نور $\uparrow I \leftarrow R$

ب) دید فقط جریان را در یک جهت عبور می‌دهد.

ت) ترمیستور به دما حساس است.

(فیزیک 2- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم: صفحه‌های 49 و 61)

(مسطوفی کیانی)

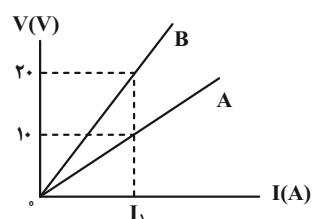
«گزینه 3» - 98

ابتدا نسبت مقاومت A به مقاومت B را می‌یابیم. با توجه به نمودار، به ازای

جریان I_1 ، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌ها برابر $V_A = 10 V$ و $V_B = 20 V$

است. بنابراین، با استفاده از قانون اهم داریم:

$$I_1 = \frac{V_A}{R_A} = \frac{V_B}{R_B} \Rightarrow \frac{10}{R_A} = \frac{20}{R_B} \Rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{10}{20} = \frac{1}{2}$$

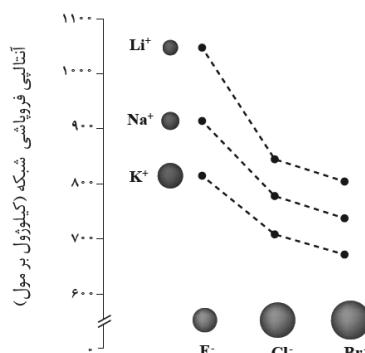


$$A = \pi \frac{D^2}{4} \quad R = \rho \frac{L}{A} \quad \text{از طرف دیگر، بنا به رابطه} \quad \text{و با توجه به اینکه}$$

است، داریم:

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A \times L_A}{\rho_B \times L_B} \times \left(\frac{D_B}{D_A} \right)^2 \quad \frac{D_A = \frac{1}{2} D_B}{\rho_A = \rho_B} \rightarrow$$

$$\frac{1}{2} = 1 \times \frac{L_A}{L_B} \times \left(\frac{D_B}{\frac{1}{2} D_B} \right)^2$$



(شیمی 3 - صفحه 80)

(امیر هاتمیان)

«گزینه 3» 104

بررسی عبارت‌ها:

الف) درست

ب) نادرست، بهره‌گیری از انرژی خورشیدی برای تولید برق کاهش ردهای زیست محیطی را به دنبال دارد اما مقدار آن را به صفر نمی‌رساند.

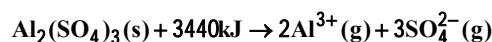
پ) نادرست، شاره‌ای که باعث حرکت توربین می‌شود، بخار آب بسیار داغ است.

ت) نادرست، آینه‌ها پرتوهای خورشیدی را منعکس می‌کنند (انرژی آن را جذب نمی‌کنند).

(شیمی 3 - صفحه‌های 75 تا 77)

(ممید زین)

«گزینه 2» 105



$$? \text{ kJ} = 3 / 01 \times 10^{22} \cdot \frac{1 \text{ mol}}{6 / 02 \times 10^{23}} \times \frac{1 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3}{5 \text{ mol}}$$

$$\times \frac{3440 \text{ kJ}}{1 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3} = 34 / 4 \text{ kJ}$$

(شیمی 3 - صفحه‌های 77 تا 78)

(علیرضا کیانی و سرت)

«گزینه 2» 106

بررسی برخی از عبارت‌ها:

شیمی 3

«گزینه 1» 101

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «2»: در HCl ، تراکم الکترون اطراف هسته اتم کلر بیشتر است.

گزینه‌های «3» و «4»: توزیع یکنواخت و متقاضان الکترون‌ها در مولکول‌های

دو اتمی جوی هسته، نشانه ناقطبی بودن مولکول است و گشتاور دوقطبی آن برابر صفر می‌شود.

(شیمی 3 - صفحه‌های 73 و 74)

«گزینه 3» 102

(علیرضا کیانی و سرت)

عبارت اول نادرست است. زیرا با جانشینی یک اتم هیدروژن در مولکول کربن تراکلرید به جای یک اتم کلر، مولکول حاصل قطبی می‌شود. اما با جانشینی دو اتم گوگرد به جای دو اتم اکسیژن در CO_2 همچنان مولکول ناقطبی باقی می‌ماند.

عبارت دوم نادرست است. زیرا مولکول گوگرد تری اکسید ناقطبی و آمونیاک قطبی است و در مولکول آمونیاک توزیع بار الکتریکی اطراف اتم مرکزی غیریکنواخت و نامتقاضان است.

عبارت چهارم نادرست است. زیرا شاره بخار داغ توربین را به حرکت در می‌آورد که برخلاف شاره‌های یونی اختلاف نقطه ذوب و جوش کمتری دارد.

(شیمی 3 - صفحه‌های 73 تا 77)

«گزینه 3» 103

(راسر اش)

با توجه به نمودار زیر، آنالوگی فروباشی شبکه LiCl از KF بیشتر است.



$$\text{Fe}_2\text{O}_3 \text{ آن} = \frac{4/5}{100} \times 100 = \% 4/5$$

اما جرم آب در نمونه اولیه $\frac{16}{3}$ گرم بوده است (چون 10 گرم از آن

تبخیر شده بود) پس:

$$\text{H}_2\text{O آن} = \frac{16/3}{100} \times 100 = \% 16/3$$

(شیمی 3 - صفحه‌های 65 و 66)

(امیر هاتمیان)

- 110 «گزینه» 2

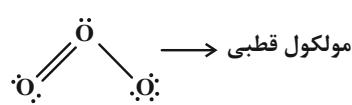
«موارد «ب» و «ت» نادرست است. بررسی عبارت‌ها:

الف) درست، در گرافیت هر اتم کربن (با 2 پیوند یگانه و یک پیوند دو گانه) به 3 اتم کربن دیگر و در الماس هر اتم کربن (با 4 پیوند یگانه) به 4 اتم کربن دیگر متصل است.

ب) نادرست، میانگین آنتالیی $\text{Si}-\text{C}$ از $\text{C}-\text{C}$ کمتر است و سختی الماس بیشتر است.

پ) درست، هرچه تفاوت میان نقطه ذوب و جوش یک ماده خالص بیشتر باشد، انرژی لازم برای شکستن پیوند بین اتم‌ها در حالت مایع بیشتر بوده و این بدان معنی است که نیروی جاذبه میان ذرات سازنده آن بیشتر است.

ت) نادرست، در مولکول اوزون (O_3) همه اتم‌ها مشابه می‌باشند، اما اوزون (O₃) یک مولکول قطبی است زیرا روی اتم مرکزی جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.



(شیمی 3 - صفحه‌های 69, 70, 73, 76)

عبارت اول:

$$|\Delta H| = \left| \left(\frac{11/7}{58/5} \right)(787) - \left(\frac{29/75}{119} \right)(689) \right| = 14/85 \text{ kJ}$$

عبارت آخر نادرست است. زیرا Mg^{2+} چگالی بار بیشتری نسبت به Ca^{2+} دارد و جاذبه قوی‌تری با O^{2-} برقرار می‌کند.

(شیمی 3 - صفحه‌های 78 و 81)

- 107 «گزینه» 3

بررسی عبارت نادرست:

ث) سازه فلزی مورد استفاده در ارتودنسی از جنس آلیاژ نیتینول است.

(شیمی 3 - صفحه‌های 85 و 87)

- 108 «گزینه» 1

گرافن دو بعدی ولی پنج سه بعدی است.

(شیمی 3 - صفحه‌های 70 و 71)

- 109 «گزینه» 2

در اثر حرارت دادن 10 گرم از جرم آن کاسته می‌شود (10 گرم آب تبخیر می‌شود). و جرم نهایی R° برابر 90 گرم خواهد بود، پس داریم:

$$7 = \frac{m_{\text{H}_2\text{O}}}{90} \times 100 \Rightarrow m_{\text{H}_2\text{O}} = 6/3 \text{ g}$$

$$5 = \frac{m_{\text{Fe}_2\text{O}_3}}{90} \times 100 \Rightarrow m_{\text{Fe}_2\text{O}_3} = 4/5 \text{ g}$$

دقت کنید که جرم Fe_2O_3 در نمونه اولیه نیز $4/5$ گرم بوده است، پس:



تعداد پیوند اشتراکی $C - H$ در آلکان‌ها برابر $2n + 2$ است:

$$2(8) + 2 = 18$$

عبارت پنجم درست است. به ازای اضافه شدن هر اتم H دو اتم C نیز به آلکان افزوده می‌شود، پس جرم مولی 14 واحد افزایش می‌یابد.

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه‌های 32 تا 34)

(امیر هاتمیان)

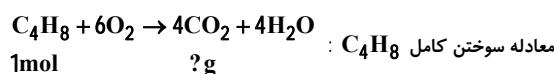
- 113 «گزینه 3» (امیر هاتمیان)

گاز متان با فرمول CH_4 و جرم مولی $16 g \cdot mol^{-1}$ ساده‌ترین و اولین

عضو خانواده آلکان‌ها است. بنابراین جرم مولی آلکن A که $3/5$ برابر جرم مولی متان است، برابر 56 گرم بر مول است.

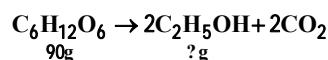
$= C_n H_{2n}$ جرم مولی آلکن و $= 14n$ فرمول عمومی آلکن‌ها

$$\rightarrow 14n = 56 \rightarrow n = 4$$



$$?g CO_2 = 1mol C_4H_8 \times \frac{4mol CO_2}{1mol C_4H_8} \times \frac{44g CO_2}{1mol CO_2} = 4 \times 44g CO_2$$

واکنش موازن شده تخمیر گلکز برای تولید سوخت سیز (اتانول) =



$$?g C_2H_5OH = 90g C_6H_{12}O_6 \times \frac{1mol C_2H_5OH}{180g C_6H_{12}O_6}$$

$$\times \frac{2mol C_2H_5OH}{1mol C_6H_{12}O_6} \times \frac{46g C_2H_5OH}{1mol C_2H_5OH} = 46g C_2H_5OH$$

$$\frac{CO_2[30]}{CO_2[30]} = \frac{4 \times 44}{46} \approx 3/8$$

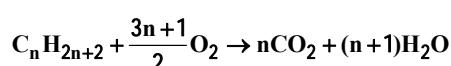
نسبت مورد نظر:

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه‌های 22, 23, 26, 30, 39)

(امیر هاتمیان)

- 114 «گزینه 3» (امیر هاتمیان)

واکنش سوختن آلکان:



$$H_2O = 18 g \cdot mol^{-1}$$

$$C_n H_{2n+2} \Rightarrow [H_2O] = 14n + 2 g \cdot mol^{-1}$$

$$\frac{[H_2O]}{[C_5H_{12}]} = \frac{18(n+1)}{14n+2} = \frac{3}{2} \Rightarrow n = 5 \Rightarrow C_5H_{12}$$

شیمی 2

- 111 «گزینه 3» (امیر هاتمیان)

موارد «الف» و «ت» صحیح هستند.

بررسی عبارت‌ها:

(الف) درست

(ب) نادرست: کمتر از ده درصد از نفت خام مصرفی در دنیا برای تولید الاف، پارچه، شوینده‌ها و ... به کار می‌رود.

(پ) نادرست: ماده اولیه برای تهیه بسیاری از مواد و کالاهای صنایع گوناگون نقش دوم نفت خام در دنیا کنونی است.

(ت) درست: روزانه بیش از $80/000/000$ بشکه نفت خام در دنیا به شکل‌های گوناگون مصرف می‌شود و هر بشکه نفت خام هم ارز 159 لیتر است.

$$8 \times 10^7 \times 159 L = 1/272 \times 10^{10} L$$

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه‌های 28, 29)

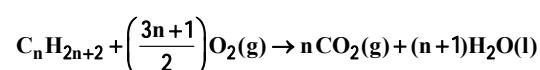
(همیده ذیلی)

- 112 «گزینه 1» (همیده ذیلی)

بررسی عبارت‌ها:

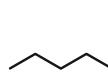
عبارت اول درست است. در آلکان‌ها، با افزایش جرم مولی، درصد جرمی هیدروژن و نیز فرآوریت کاهش می‌یابد.

عبارت دوم درست است. در شرایط استاندارد (STP)، آب به حالت مایع است.

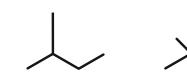


$$14n + 2 = 72 \Rightarrow n = 5$$

عبارت سوم درست است.



پنتان



2-متیل بوتان 2.2

عبارت چهارم درست است.

تعداد پیوند اشتراکی در آلکان‌ها برابر $3n + 1$ است:

$$3n + 1 = 25 \Rightarrow n = 8 \Rightarrow C_8H_{18}$$



(علی طرفی)

- 118 - گزینه «2»

بررسی عبارت‌ها:

(آ) درست

ب) نادرست، در آلکان‌ها، اتم‌های کربن (نه همه اتم‌ها) با چهار پیوند اشتراکی بگانه به چهار اتم دیگر متصل شده‌اند.

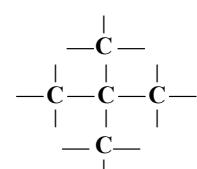
پ) درست – ساده‌ترین عضو خانواده آلکان‌ها CH_4 و ساده‌ترین عضو خانواده آلکن‌ها C_2H_4 می‌باشد.

ت) نادرست، در واکنش گاز اتن با آب در حضور H_2SO_4 ، اتانول به دست می‌آید.

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه‌های 32 و 33 و 39 و 41)

چون آلکان دارای 5 کربن می‌باشد لذا آلکان مورد نظر باید پنتان یا یک ایزومر از آن باشد.

فقط گزینه «3» دارای 5 کربن در ساختار خود می‌باشد.



2- دی‌متیل پروپان

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه‌های 36 و 37)

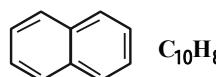
(علی طرفی)

- 119 - گزینه «2»

بررسی عبارت‌ها:

(آ) نادرست، نفتالن یکی از ترکیب‌های آروماتیک است و سیکلو آلکان محسوب نمی‌شود.

ب) نادرست، دارای 5 پیوند کووالانسی دوگانه می‌باشد؛ در حالی که تعداد اتم‌های هیدروژن آن برابر 8 است.

 C_{10}H_8

پ) درست

ت) نادرست، به دو اتم کربن آن، هیدروژنی متصل نمی‌باشد.

(شیمی 2- صفحه 42)

(علی طرفی)

- 120 - گزینه «4»

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت اول نادرست است. بخش اعظم نیمی از نفت خام برای تأمین گرما و انرژی الکتریکی به کار می‌رود.

عبارت سوم نادرست است. بخش عمده نفت خام را آلکان‌ها تشکیل می‌دهند.

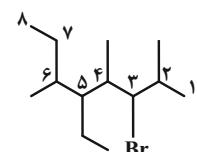
$$\frac{\text{C} - \text{H}}{\text{IAK}^{\text{H}}\text{M}^{\text{O}}} = \frac{2n + 2}{3n + 1} \leq 1 \quad (\text{اگر } n = 1 \text{ باشد، این نسبت 1 می‌شود.})$$

عبارت پنجم نادرست است. پس از جدا کردن نمک‌ها، اسیدها و آب، نفت خام را پالایش می‌کنند.

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه‌های 39 و 40)

(علی طرفی)

- 115 - گزینه «3»

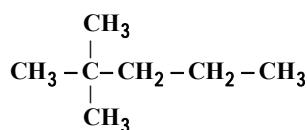


3- برمو-5-اتیل - 2,4,6-تری‌متیل اوکتان

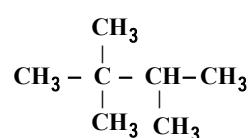
(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه‌های 36 و 37)

(روزه، پتوان)

- 116 - گزینه «2»



2- دی‌متیل پنتان



2,2-تری‌متیل بوتان

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه‌های 36 و 37)

(علی طرفی)

- 117 - گزینه «4»

گاز اتن اولین عضو خانواده آلکن‌هاست نه دومین عضو!

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم: صفحه‌های 39 و 40)



(راس، اشن)

- 124 گزینه «3»

حداکثر گنجایش الکترونی یک لایه الکترونی (n)، برابر $2n^2$ است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «1»: حداکثر گنجایش الکترونی زیرلایه‌ها از رابطه $2 + 4l$ به دست می‌آید.

گزینه «2»: در مدل کوانتموی اتم به هر نوع زیرلایه یک عدد کوانتموی نسبت

می‌دهند. این عدد کوانتموی با نماد **I** نشان داده شده و عدد کوانتموی فرعی

نامیده می‌شود. مقادیر معین و مجاز آن به صورت زیر است:

$$I = 0, 1, \dots, n - 1$$

گزینه «4»: نماد هر زیرلایه معین با دو عدد کوانتموی مشخص می‌شود؛ به

دیگر سخن هر زیرلایه را می‌توان با نماد nl نمایش داد؛ برای نمونه در

$$\text{زیرلایه } 2p, n = 2 \text{ و } I = 1 \text{ است.}$$

(شیمی 1- کیوان زادگاه الفبای هستی: صفحه‌های 27 تا 34)

(علیرضا کلاین(وست))

- 125 گزینه «2»

با توجه به اطلاعات ارائه شده عنصر X همان Br است.

بررسی عبارت نادرست:

عبارت سوم نادرست است. شمار جفت الکترون‌های جفت شده عنصر در

آرایش الکترون- نقطه‌ای این عنصر برابر 3 است.

(شیمی 1- کیوان زادگاه الفبای هستی: صفحه‌های 33 تا 40)

(روزبه رضوانی)

- 126 گزینه «4»

دوره 4 و گروه $X \rightarrow 15$

دوره 4 و گروه $31 E \rightarrow 13$

دوره 4 و گروه $23 A \rightarrow 5$

دوره 4 و گروه $31 F \rightarrow 17$

دوره 2 و گروه $5 B \rightarrow 13$

دوره 4 و گروه $35 F \rightarrow 17$

دوره 2 و گروه $7 C \rightarrow 15$

(شیمی 1- کیوان زادگاه الفبای هستی: صفحه‌های 27 تا 34)

شیمی 1

- 121 گزینه «3»

بررسی عبارت نادرست:

عبارت اول، اتم‌های برانگیخته پرانرژی و ناپایدارند و تمایل دارند با از دست

دادن انرژی به حالت پایدارتر و در نهایت به حالت پایه بازگردند.

(شیمی 1- کیوان زادگاه الفبای هستی: صفحه‌های 26 و 27)

(راس، اشن)

- 122 گزینه «2»

هرچه مجموع $(n+1)$ زیرلایه‌ای کمتر باشد، انرژی آن نیز کمتر است. در

صورتی که مجموع $(n+1)$ برای دو زیرلایه یکسان باشد، زیرلایه‌ای که

n کوچکتری دارد، به هسته نزدیکتر بوده و انرژی کمتری دارد.

(شیمی 1- کیوان زادگاه الفبای هستی: صفحه‌های 30 و 31)

(روزبه رضوانی)

- 123 گزینه «1»

تنها عبارت «پ» درست است. بررسی عبارت‌ها:

الف) حداکثر شمار الکترون‌ها در هر زیرلایه برابر $2 + 4l$ و برای هر لایه

$2n^2$ است.

ب) $n+1$ برای $6s$ و $4f$ به ترتیب برابر 6 و 7 است، پس $4f$ دیرتر از

$6s$ بر می‌شود.

(پ) $^{32}\text{Ge} : 1s^2, 2s^2, 2p^6, 3s^2, 3p^6, 3d^{10}, 4s^2, 4p^2$

(پ) $^{14}\text{X} : 1s^2, 2s^2, 2p^6, 3s^2, 3p^2$ عنصر بالایی

(ت) $^{24}\text{Cr} : 1s^2, 2s^2, 2p^6, 3s^2, 3p^6, 3d^5, 4s^1 \Rightarrow d \rightarrow 5e^-$
 $s \rightarrow 7e^-$

(شیمی 1- کیوان زادگاه الفبای هستی: صفحه‌های 27 تا 34)



(قمید زین)

«1» - 129 گزینه

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول درست است. آرایش الکترونی کروم مطابق قاعدة آفبا به صورت

[$_{18}\text{Ar}$]3d⁴4s² است. اما روش‌های طیف سنجی پیشرفته اثبات کرد که

این آرایش الکترونی نادرست است و آرایش الکترونی درست کروم به

صورت [$_{18}\text{Ar}$]3d⁵4s¹ است.

عبارت دوم نادرست است. مطابق قاعدة آفبا زیرلايه‌ای زودتر از الکترون

اشغال می‌شود که (n+l) آن کوچک‌تر باشد.

عبارت سوم درست است.

عبارت چهارم نادرست است. بر اساس روش‌های طیف سنجی پیشرفته،

آرایش الکترونی [$_{18}\text{Ar}$]3d¹⁰4s¹ به صورت $_{29}\text{Cu}$ است نه قاعدة آفبا.

(شیمی ۱-کیهان زادگاه الغبای هستی: صفحه‌های 27 تا 34)

(امیرحسین مسلمی)

«3» - 130 گزینه

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: مولکول MgO عبارت نادرستی است و MgO جزو

ترکیبات یونی است.

گزینه «۲»: ترکیب یونی دوتایی، ترکیبی است که از دو نوع عنصر تشکیل

شده است، نه دو اتم!

گزینه «۳»: فرمول شیمیایی کلسیم اکسید و آلومنیم نیترید به صورت

AlN و CaO می‌باشد.

گزینه «۴»: آرایش الکترون - نقطه‌ای هلیم به صورت He است.

(شیمی ۱-کیهان زادگاه الغبای هستی: صفحه‌های 35 تا 39)

(امیر حاتمیان)

«2» - 127 گزینه

ابتدا عدد اتمی عنصر X را تعیین می‌کنیم:

$$\begin{aligned} n - e &= 8 \xrightarrow{e=p-3} \\ n + p &= 55 \end{aligned} \quad \left\{ \begin{array}{l} n - p = 5 \\ n + p = 55 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{l} p = 25 \\ n = 30 \end{array} \right.$$

آرایش الکترونی عنصر X :

$$25X : 1s^2 / 2s^2 2p^6 / 3s^2 3p^6 3d^5 / 4s^2 \left\{ \begin{array}{l} l=1 \\ m_l=0 \end{array} \right. = 4$$

(الف) درست - تعداد e- های با l=0 برابر 8 و تعداد الکترون‌های

با l=1 برابر 5 است پس داریم:

$$\frac{l=0 \text{ مکانیزمه}}{l=2 \text{ مکانیزمه}} = \frac{8}{5} = 1/6$$

(ب) نادرست، آخرین زیرلايه 3d⁴ می‌باشد که دارای l=2 است.

$$25X^{3+} : 1s^2 / 2s^2 2p^6 / 3s^2 3p^6 3d^4$$

(پ) درست، عنصر X در دوره 4 جدول تناوبی قرار دارد که با عنصر K

هم دوره است چون K نیز متعلق به دوره چهارم جدول تناوبی است.

$$\begin{cases} n=4 \\ l=0 \end{cases} 4s^2$$

$$e^{-j} \text{ مکانیزمه} = 2 \times \binom{n+1}{4+0} = 8$$

(شیمی ۱-کیهان زادگاه الغبای هستی: صفحه‌های 27 تا 34)

(امیرحسین مسلمی)

«3» - 128 گزینه

عناصر Cr₂₄ و Mn₂₅ دارای 5 الکترون در زیرلايه 3d خود هستند.دقت کنید عنصر Br₃₅ و همه عناصر با عدد اتمی بزرگ‌تر از 25 بیش از

پنج الکترون در زیرلايه با l=n+1 خود دارند.

(شیمی ۱-کیهان زادگاه الغبای هستی: صفحه‌های 27 تا 34)



(1) با توجه به فرمول مولکولی پتان C_5H_{12} و بنزن C_6H_6 درست است.

(2) گاز فندک بوتان (C_4H_{10}) می‌باشد و در دمای اتاق و فشار 1atm برخلاف پتان حالت گازی دارد.

(3) شمار پیوندهای اشتراکی در پتان و C_5H_{10} به ترتیب برابر 16 و 15 می‌باشد (شمار پیوندهای اشتراکی آلتان 1 واحد از شمار پیوندهای اشتراکی آلتان هم کربن خود بیشتر است).

(شیوه 2- قدر هدایای زمینی را بدانیم: صفحه‌های 35, 36, 39, 42)

(روزبه رضوان)

«گزینه 2» 134

عبارت‌های «الف» و «ت» درست هستند. بررسی عبارت‌ها:

الف) درست است.

ب) اتابول تولید می‌شود نه اتان!

پ) بنزین سمی نیست! چون یک آلتان است.

$$(t) \text{C}_{25}H_{52} \rightarrow 25(12) + 52 = 352 \text{g.mol}^{-1}$$

$$\text{C}_4H_{10} \rightarrow 4(12) + 10 = 58 \text{g.mol}^{-1}$$

$$352 - 58 = 294 \text{g.mol}^{-1}$$

(شیوه 2- قدر هدایای زمینی را بدانیم: صفحه‌های 34, 35, 39, 41)

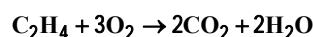
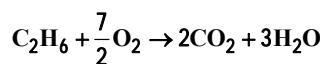
(همید زین)

«گزینه 3» 135

مول اتان را X و مول اتن را y در نظر می‌گیریم:

$$\begin{aligned} m_{C_2H_6} &= 30x \Rightarrow m_C = 24x \\ m_{C_2H_4} &= 28y \Rightarrow m_C = 24y \\ \Rightarrow y &= 2/5x \end{aligned}$$

حال واکنش سوختن اتن و اتان را نوشته و موازنہ می‌کنیم:



به ازای مصرف X مول اتان، $2X$ مول گاز CO_2 تولید می‌شود.

شیوه 2

(علی طرف)

«گزینه 2» 131

ششمین عضو از خانواده آلتان‌ها هگزان (C_6H_{14}) می‌باشد.

بررسی عبارت‌ها:

(آ) نادرست، فراریت هگزان با توجه به داشتن تعداد کربن بیشتر نسبت به پتان، کمتر است.

(ب) درست

(پ) نادرست، با توجه به اینکه تعداد اتم‌های کربن هگزان از اوکتان کمتر می‌باشد، گرانزوی آن نیز کمتر است.

(ت) درست

(شیوه 2- قدر هدایای زمینی را بدانیم: صفحه‌های 32, 35, 36)

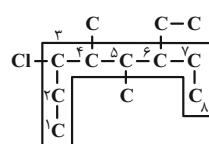
(روزبه رضوان)

«گزینه 2» 132

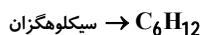
بررسی گزینه‌ها:

گزینه «1»: با افزایش شمار اتم‌های کربن فراریت کاهش می‌یابد.

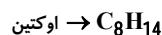
گزینه «2»: 3- کلرو- 6 اتیل - 5,4- دی‌متیل اوکتان



گزینه «3»: آلتان‌ها چون ناقطبی هستند در آب نامحلولند.



: «4» گزینه



(شیوه 2- قدر هدایای زمینی را بدانیم: صفحه‌های 32, 35, 36, 41)

(ممدوح عظیمیان؛ واره)

«گزینه 4» 133

با توجه به فرمول عمومی آلتان‌ها (C_nH_{2n+2}) آلتان مورد نظر پتان

(C_5H_{12}) می‌باشد. تفاوت جرم مولی سیکلوهگزان (C_6H_{12}) با پتان

(C_5H_{12}) برابر 12 گرم بر مول می‌باشد.

بررسی عبارت‌های درست:



(امیر، خا پور، فاویر)

138- گزینه «4»

همه عبارت‌های داده شده درست هستند.

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های 43 و 46)

(علی طرفی)

139- گزینه «2»

عبارت‌های «پ» و «ت» درست می‌باشند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

(آ) نفت خام مخلوطی از هیدروکربن‌ها (هم سیرشده و هم سیرنشده)، برخی نمک‌ها، اسیدها، آب و ... است.

ب) پس از جدا کردن نمک‌ها، اسیدها و آب، نفت خام را پالایش می‌کنند.

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های 43 و 46)

(امیر هاتمیان)

140- گزینه «4»

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) نادرست، شکل درست: سوخت هوایپما به طور عمده از نفت سفید تهیه می‌شود که شامل آلکان‌های با 22 تا 32 اتم هیدروژن است.

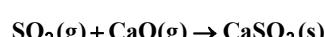
(۲) نادرست، شکل درست: متان گازی سبک، بی‌بو و بی‌رنگ است که هرگاه

مقدار آن در هوای معدن به بیش از 5 درصد بر سد احتمال انفجار وجود دارد.

(۳) نادرست، شکل درست: یکی از راه‌های بهبود کارایی زغال‌سنگ به دام

انداختن گاز گوگرد دی‌اکسید خارج شده از نیروگاه‌ها با عبور گازهای خروجی

از روی کلسیم اکسید است.



(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های 45 و 46)

به ازای مصرف $5x/2$ مول اتن، $5x$ مول گاز CO_2 تولید می‌شود. پسنسبت شمار مول CO_2 حاصل از واکنش سوختن اتان به اتن برابر $\frac{2}{5x}$ یا

$$\frac{2}{5} \text{ خواهد بود.}$$

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های 32 و 36 و 39)

(علی طرفی)

136- گزینه «1»

بررسی عبارت‌ها:

$$1) \left\{ \begin{array}{l} \text{---} : \text{C}_6\text{H}_6 \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{6}{6} = 1 \\ \text{---} : \text{C}_2\text{H}_2 \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{2}{2} = 1 \end{array} \right.$$

$$2) \left\{ \begin{array}{l} \text{---} : \text{C}_6\text{H}_{12} \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{12}{6} = 2 \\ \text{---} : \text{C}_4\text{H}_6 \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} \end{array} \right.$$

$$3) \left\{ \begin{array}{l} \text{---} : \text{C}_6\text{H}_6 \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{6}{6} = 1 \\ \text{---} : \text{C}_{10}\text{H}_8 \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{8}{10} = \frac{4}{5} \end{array} \right.$$

$$4) \left\{ \begin{array}{l} \text{---} : \text{C}_6\text{H}_{12} \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{12}{6} = 2 \\ \text{---} : \text{HCN} \rightarrow \frac{\text{H}}{\text{C}} = \frac{1}{1} = 1 \end{array} \right.$$

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های 32 و 36 و 39)

(امیر، خا پور، فخری نثار)

137- گزینه «1»

بررسی عبارت‌ها:

الف) در آلکن‌ها درصد جرمی کربن ثابت و برابر $\frac{6}{7} \times 100 = 86\%$ است.

ب) با افزایش تعداد اتم‌های کربن، تفاوت نقطه جوش دو آلکان متولی کاهش می‌یابد.

پ) با افزایش تعداد اتم‌های کربن شمار پیوندهای کووالانسی و گرانسروی

افزایش می‌یابد.

ت) با افزایش تعداد اتم‌های کربن، نقطه جوش افزایش می‌یابد.

(شیمی 2- قدر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های 32 و 36 و 39)

$$x^2 - x - 2 > 0 \Rightarrow x < -1 \text{ یا } x > 2 \quad (I)$$

$$x + 1 > 0 \Rightarrow x > -1 \quad (II)$$

اشترک (I) و (II) می‌شود: $x > 2$ و داریم:

$$D_{gof} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\}$$

$$= \{x \geq 1 \mid \sqrt{x-1} > 2\} \Rightarrow x > 5 \Rightarrow a = 5$$

حال نقطه تقاطع خط $y = 5$ را با تابع $f(x)$ می‌باشیم:

$$\sqrt{x-1} = 5 \Rightarrow x - 1 = 25 \Rightarrow x = 26$$

(مسابان 1 - تابع، توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های 66 تا 68 و 80 تا 85)

(بابک سارات)

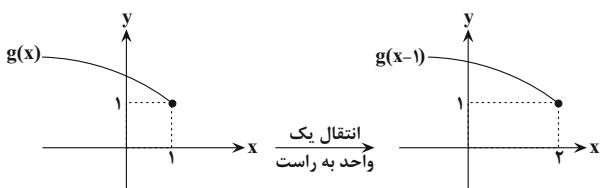
«گزینه» 2-145

$$f^{-1} \circ f(x) = x, x \in D_f$$

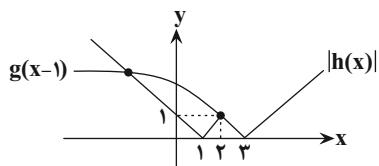
می‌دانیم:

$$g(x) = \sqrt{2 - f^{-1} \circ f(x)} = \sqrt{2 - x}, x \leq 1$$

بنابراین خواهیم داشت:



حال نمودار تابع انتقال یافته g و $|h(x)|$ را در یک دستگاه رسم می‌کنیم:



همان‌طور که در شکل بالا مشخص است، نمودار دو تابع همدیگر را در دو نقطه متماز قطع می‌کنند.

(مسابان 2 - تابع: صفحه‌های 1 تا 12)

(بیان طهرانیان)

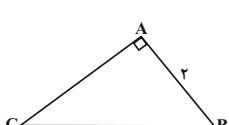
«گزینه» 3-146

در مثلث ABC چون $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$ و $0 < \hat{A}, \hat{B}, \hat{C} < 180^\circ$ نتیجه می‌شود که $\sin \hat{C} = \cos \hat{B}$

از $\hat{C} = 90^\circ - \hat{B}$ و رابطه $\hat{C} = 90^\circ + \hat{B}$ پس $\cos \hat{B} = \frac{1}{5} < \frac{\sqrt{2}}{2}$

نمی‌تواند درست باشد، چون $\hat{C} > 135^\circ$ و جمع زوایا از 180° بیشتر

خواهد شد. پس $\hat{B} + \hat{C} = 90^\circ$ و درنتیجه $\hat{A} = 90^\circ$ می‌باشد.



$$\sin \hat{C} = \frac{AB}{BC} \Rightarrow \frac{1}{5} = \frac{2}{BC} \Rightarrow BC = 10$$

«گزینه» 2- اختیاری

«گزینه» 2-141

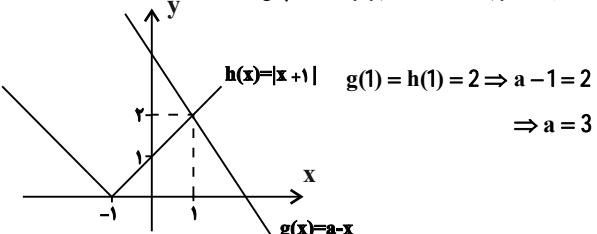
(ممدرسه‌نی سلامی مسینی)

طبق تعریف تابع اکیداً نزولی، اگر $x_1 > x_2$ آن‌گاه $f(x_1) < f(x_2)$ پس داریم:

$$f\left(\frac{a-x+2}{2+|x+1|}\right) \geq f(1) \Rightarrow \frac{a-x+2}{2+|x+1|} \leq 1$$

$$\Rightarrow a-x+2 \leq 2+|x+1| \Rightarrow a-x \leq |x+1|$$

نامساوی اخیر به ازای $x \geq 1$ برقرار است، پس:



(مسابان 2 - تابع: صفحه‌های 15 تا 18)

«گزینه» 3-142

(ممدرسه‌نی پیشوایی)

با استفاده از مربع دو جمله‌ای داریم:

$$f(x) = y = x^2 - 4x + a \Rightarrow y - a + 4 = (x-2)^2$$

$$\xrightarrow{x \geq 2} x-2 = \sqrt{y-a+4} \Rightarrow f^{-1}(x) = 2 + \sqrt{x-a+4}$$

با مقایسه با تابع داده شده خواهیم داشت:

$$2b = 2 \rightarrow b = 1$$

$$4b = -a + 4 \xrightarrow{b=1} a = 0 \Rightarrow (a, b) = (0, 1)$$

(مسابان 1 - تابع: صفحه‌های 57 تا 62)

«گزینه» 3-143

(شورام ولایی)

$$f(x) = \sqrt{\frac{1}{4}(4x-[4x])} \Rightarrow R_f = [0, \frac{1}{2}] \cap [0, 1]$$

خروجی f می‌شود ورودی g : پس برای پیدا کردن برد gof کافی است حاصل

را به ازای $0 \leq x < \frac{1}{2}$ بدست آوریم.

$$g(0) = 0$$

$$\Rightarrow 0 \leq x < \frac{1}{2} \Rightarrow 0 \leq g(x) < \frac{1}{8} \Rightarrow R_{gof} = [0, \frac{1}{8}]$$

(مسابان 1 - تابع: صفحه‌های 66 تا 68)

«گزینه» 4-144

(بابک سارات)

چون دامنه f : $x \geq 1$ است پس نیازی به قدر مطلق نیست و

$f(x) = \sqrt{x-1}$. برای تعیین دامنه g هم کافی است جلوی لگاریتم و زیر

رادیکال مثبت باشند:

$$\min = a - \left| -\frac{3}{4} \right| = \frac{1}{4} \Rightarrow a = 1$$

از طرفی دوره تناوب تابع برابر 4π است، یعنی:

$$T = \frac{2\pi}{|b|} = 4\pi \Rightarrow |b| = \frac{1}{2} \Rightarrow b = \pm \frac{1}{2}$$

حال با توجه به مقادیر بدست آمده برای a ، حاصل $f(\frac{7\pi}{3})$ را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{a=-\frac{1}{2}}{|b|=\frac{1}{2}} \rightarrow f\left(\frac{7\pi}{3}\right) = -\frac{1}{2} - \frac{3}{4} \cos\left(\frac{\pm 7\pi}{6}\right) = -\frac{1}{2} + \frac{3}{4} \cos\left(\frac{\pi}{6}\right)$$

$$= -\frac{1}{2} + \left(\frac{3}{4} \times \frac{\sqrt{3}}{2}\right) = -\frac{1}{2} + \frac{3\sqrt{3}}{8}$$

$$\frac{a=1}{|b|=\frac{1}{2}} \rightarrow f\left(\frac{7\pi}{3}\right) = 1 - \frac{3}{4} \cos\left(\frac{\pm 7\pi}{6}\right) = 1 + \frac{3}{4} \cos\left(\frac{\pi}{6}\right)$$

$$= 1 + \left(\frac{3}{4} \times \frac{\sqrt{3}}{2}\right) = 1 + \frac{3\sqrt{3}}{8}$$

از بین مقادیر بدست آمده، فقط مقدار $1 + \frac{3\sqrt{3}}{8}$ در گزینه‌ها می‌باشد.

(مسابان 2- مثالثات: صفحه‌های 24 و 29)

(امیر و خانی)

«1» گزینه -150

با توجه به نمودار، بیشترین مقدار تابع برابر صفر است. از طرفی $a > 0$ است.

چون اگر $a < 0$ باشد، بیشترین مقدار تابع غیرصفر می‌شود. بنابراین:

$$a < 0 \xrightarrow{\text{نمودار}} a(0) - c \neq 0$$

$$a(1) - c = 0 \Rightarrow a = c$$

دوره تناوب برابر $\frac{\pi}{2}$ است، پس:

$$\frac{\pi}{|b|} = \frac{\pi}{2} \Rightarrow |b| = 2 \Rightarrow b = \pm 2$$

کمترین مقدار تابع به ازای $\sin(2x - \frac{\pi}{3})$ برابر صفر بدست می‌آید:

$$\sin(2x - \frac{\pi}{3}) = 0 \Rightarrow x = \frac{\pi}{6} \Rightarrow x_A = \frac{\pi}{6}$$

مساحت مثلث OAB:

$$\frac{1}{2} \times \frac{\pi}{6} \times |y_B| = \frac{\pi}{6} \Rightarrow |y_B| = 2 \Rightarrow y_B = -2$$

کمترین مقدار تابع برابر -2 است، بنابراین:

$$a(0) - c = -2 \Rightarrow c = 2 \Rightarrow a = 2$$

$$a + b + c = 2 + 2 + 2 = 6$$

(مسابان 2- مثالثات: صفحه‌های 24 و 29)

$$AB^2 + AC^2 = BC^2 \Rightarrow 4 + AC^2 = 100$$

$$\Rightarrow AC = \sqrt{96} = 4\sqrt{6}$$

$$\Rightarrow S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} \times AB \times AC = \frac{1}{2} \times 2 \times 4\sqrt{6} = 4\sqrt{6}$$

(ریاضی 1- مثالثات: صفحه‌های 29 و 25)

«3» گزینه -147

$$\cos^2 x - \sin^2 x = \frac{1}{3}$$

توجه کنید که

اگر به جای $\cos^2 x - \sin^2 x$ قرار دهیم $\cos^2 x - 1$ ، نتیجه می‌شود:

$$\cos^2 x - (1 - \cos^2 x) = \frac{1}{3}$$

$$2\cos^2 x = \frac{4}{3} \Rightarrow \cos^2 x = \frac{2}{3}$$

$$1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x} \Rightarrow 1 + \tan^2 x = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \tan^2 x = \frac{1}{2}$$

(ریاضی 1- مثالثات: صفحه‌های 42 و 46)

در نتیجه

(سروش موئینی)

«4» گزینه -148

$$\frac{\pi}{2} - x \text{ در ربع چهارم است؛ همان } \frac{7\pi}{2} + x \text{ در ربع چهارم}$$

است؛ $x + \pi$ و $x - 5\pi$ هر دو ربع سوم هستند.

$$= \frac{-\cos x - \sin x}{\frac{1}{\cos x} + \sin x + \cos^3 x} \xrightarrow{+ \cos x} \frac{-1 - \tan x}{\frac{1}{\cos^2 x} + \tan x + \cos^2 x}$$

$$\text{حالا } \frac{1}{5} \text{ داریم } \tan x = 2 \text{ پس } 1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x} = 5$$

جواب می‌شود:

$$\frac{-1 - 2}{5 + 2 + \frac{1}{5}} = \frac{-3}{\frac{36}{5}} = \frac{-5}{12}$$

(مسابان 1- مثالثات: صفحه‌های 98 و 104)

(سیده هوار نظری)

«2» گزینه -149

نمودار تابع، بر خط $y = \frac{1}{4}$ محاس می‌باشد، بنابراین بیشترین مقدار یا کمترین

مقدار تابع برابر $\frac{1}{4}$ است. پس:

$$\max = a + \left| -\frac{3}{4} \right| = \frac{1}{4} \Rightarrow a = -\frac{1}{2}$$



$$B = \begin{bmatrix} 231 & 21n \\ 21n & 231 \end{bmatrix}$$

اگر B وارون پذیر نباشد، باید داشته باشیم:

$$(231)^2 - (21n)^2 = 0 \Rightarrow (21n)^2 = (231)^2 \Rightarrow n = \pm \frac{231}{21} = \pm 11$$

$$\xrightarrow{n \in \mathbb{N}} n = 11$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۲، ۲۳ و ۲۴)

هنرسه ۳ - اختیاری

«۱۵۱ گزینه ۱»

(سروش موئینی)

$$A + I = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow (A + I)^{-1} = \frac{1}{2(5) - 2(3)} \begin{bmatrix} 5 & -2 \\ -3 & 2 \end{bmatrix} = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 5 & -2 \\ -3 & 2 \end{bmatrix}$$

$$(A + I)^{-1} = \frac{1}{4}(5 - 2 - 3 + 2) = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۲، ۲۳ و ۲۴)

«۱۵۲ گزینه ۲»

(مهری هامی زاریان)

$$AXB + C = D$$

$$\Rightarrow AXB = D - C \xrightarrow{A^{-1} \times} A^{-1}(AXB) = A^{-1}(D - C)$$

$$\Rightarrow \underbrace{(A^{-1}A)}_I XB = A^{-1}(D - C) \Rightarrow XB = A^{-1}(D - C)$$

$$\xrightarrow{\times B^{-1}} (XB)B^{-1} = A^{-1}(D - C)B^{-1}$$

$$\Rightarrow X \underbrace{(BB^{-1})}_I = A^{-1}(D - C)B^{-1}$$

$$\Rightarrow X = A^{-1}(D - C)B^{-1}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۱۷ تا ۲۳)

«۱۵۳ گزینه ۴»

(رضا عباسی اصل)

$$B = A_1 + A_2 + \dots + A_{21} = \begin{bmatrix} 1 & n \\ n & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 & n \\ n & 2 \end{bmatrix} + \dots + \begin{bmatrix} 21 & n \\ n & 21 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 1+2+\dots+21 & 21n \\ 21n & 1+2+\dots+21 \end{bmatrix}$$

$$\text{با توجه به اینکه } 1+2+\dots+21 = \frac{21(21+1)}{2} = 231 \text{ است، داریم:}$$

$$c_{32} = \begin{bmatrix} 1 & \\ 0 & a \\ 0 & \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix} = 2a = -4 \Rightarrow a = -2$$

$$A = \begin{bmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & 0 & a \end{bmatrix}$$

$$A = a + a + a = 3a = 3(-2) = -6$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۱۲ تا ۱۹)

(امیرحسین ابومیهوب)

«۱۵۵ گزینه ۲»

شرط وجود بی‌شمار جواب برای دستگاه آن است که:

$$\frac{k+1}{2} = \frac{5}{2k+3} = \frac{3}{k+2}$$

دو معادله از این دستگاه را انتخاب کرده و حل می‌کنیم. جواب‌های مشترک

دو معادله مقادیری از k را که به ازای آن دستگاه بی‌شمار جواب دارد، مشخص می‌کند.

$$\frac{k+1}{2} = \frac{5}{2k+3} \Rightarrow (2k+3)(k+1) = 10 \Rightarrow 2k^2 + 5k + 3 = 10$$



(امیرحسین ابومهوب)

گزینه «۱» - ۱۵۸

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x & 2 & 1 \\ 1 & -x & -1 \\ -1 & 1 & x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ -1 \\ x \end{bmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} x-3 & 2x+3 & x+3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ -1 \\ x \end{bmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow x(x-3) - (2x+3) + x(x+3) = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - 3x - 2x - 3 + x^2 + 3x = 0$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 2x - 3 = 0$$

اگر α و β ریشه‌های این معادله باشند، آنگاه داریم:

$$\alpha + \beta = -\frac{b}{a} = 1, \quad \alpha\beta = \frac{c}{a} = -\frac{3}{2}$$

$$\frac{1}{\alpha^2} + \frac{1}{\beta^2} = \frac{\alpha^2 + \beta^2}{\alpha^2\beta^2} = \frac{(\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta}{(\alpha\beta)^2} = \frac{1-2\left(-\frac{3}{2}\right)}{\left(-\frac{3}{2}\right)^2}$$

$$= \frac{4}{9} = \frac{16}{9}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۱۷ و ۲۳)

(کیوان درابی)

گزینه «۳» - ۱۵۹

$$(I - ۳A)(I + \lambda A) = I \Rightarrow I^2 + (\lambda - ۳)A - ۳\lambda A^2 = I$$

$$\xrightarrow{A^2 = A} I + (\lambda - ۳)A - ۳\lambda A = I \Rightarrow (\lambda - ۳ - ۳\lambda)A = \bar{O}$$

$$\Rightarrow (-۲\lambda - ۳)A = \bar{O} \xrightarrow{A \neq \bar{O}} -۲\lambda - ۳ = 0 \Rightarrow \lambda = -\frac{3}{2}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

(اصدرضا خلاج)

گزینه «۳» - ۱۶۰

$$A^2 = ۴I \xrightarrow{x16} ۱۶A^2 = ۴8I \Rightarrow ۱۶A^2 - ۴8I = \bar{O}$$

$$\Rightarrow ۱۶A^2 - ۴8I = -I \Rightarrow (4A - ۷I)(4A + ۷I) = -I$$

$$\Rightarrow (4A + ۷I)^{-1} = -(4A - ۷I) = ۷I - ۴A$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

$$\Rightarrow ۴k^2 + ۵k - ۷ = 0 \Rightarrow \begin{cases} k = 1 \\ k = -\frac{7}{4} \end{cases}$$

$$\frac{k+1}{2} = \frac{3}{k+2} \Rightarrow (k+1)(k+2) = 6 \Rightarrow k^2 + 3k + 2 = 6$$

$$\Rightarrow k^2 + 3k - 4 = 0 \Rightarrow \begin{cases} k = 1 \\ k = -4 \end{cases}$$

پس تنها به ازای $k = 1$ ، دستگاه بی‌شمار جواب دارد.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

گزینه «۴» - ۱۵۶

(امیرحسین ابومهوب)

کافی است دترمینان ضرایب دستگاه‌ها را به دست آوریم. در صورتی که دترمینان به ازای مقدار یا مقادیری از k برابر صفر شود، دستگاه بی‌شمارجواب داشته یا فاقد جواب است. اگر ماتریس ضرایب هر دستگاه را با A

نمایش دهیم، آنگاه داریم:

گزینه «۱».

$$|A| = k(-1) - 2 \times 1 = 0 \Rightarrow -k - 2 = 0 \Rightarrow k = -2$$

گزینه «۲».

$$|A| = k^2 \times 4 - 1 \times 1 = 0 \Rightarrow 4k^2 - 1 = 0 \Rightarrow k^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow k = \pm \frac{1}{2}$$

گزینه «۳».

$$|A| = k \times k - 1 \times 4 = 0 \Rightarrow k^2 - 4 = 0 \Rightarrow k^2 = 4 \Rightarrow k = \pm 2$$

گزینه «۴».

$$|A| = k^2 \times 1 - 2 \times (-1) = 0 \Rightarrow k^2 + 2 = 0 \Rightarrow k^2 = -2$$

پس تنها دستگاه معادلات گزینه «۴» به ازای تمامی مقادیر k ، جواب منحصر به فرد دارد.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

گزینه «۱» - ۱۵۷

(امیرحسین ابومهوب)

$$\begin{aligned} A^2 &= \begin{bmatrix} -\sin\theta & -\cos\theta \\ \cos\theta & -\sin\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -\sin\theta & -\cos\theta \\ \cos\theta & -\sin\theta \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} \sin^2\theta - \cos^2\theta & \sin\theta\cos\theta - \cos\theta\sin\theta \\ -\sin\theta\cos\theta & \sin^2\theta - \cos^2\theta \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} -\cos 2\theta & \sin 2\theta \\ -\sin 2\theta & -\cos 2\theta \end{bmatrix} \end{aligned}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۱۷ و ۲۱)

(ابیدرسین ابوالمحبوب)

گزینه «1» - 164

با توجه به اینکه تعداد روزهای هفته برابر 7 است، کافی است تعداد روزهای بین 15 خرداد تا 13 آبان را به دست آورده و باقی مانده تقسیم آن را بر 7

$$\text{بیابیم. } 16 + 3 \times 31 + 30 + 13 = 152 \Rightarrow 152 \equiv 5 \pmod{7}$$

↑ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓
جولی اول نوامبر دسامبر ژانویه فبریار مارس آپریل می

دوشنبه	سه شنبه	چهارشنبه	پنجشنبه	جمعه	شنبه	یکشنبه
0	1	2	3	4	5	6

حال مطابق جدول اگر روز مبدأ یعنی دوشنبه را معادل صفر فرض کنیم، روز شنبه معادل 5 است، پس 13 آبان باید روز شنبه باشد.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه 24)

(مرتضی فیضعلوی)

گزینه «4» - 165

$$2^6 = 64 \equiv 1 \pmod{21} \rightarrow 2^{30} \equiv 1 \pmod{21}$$

$$\times 2^5 \rightarrow 2^{35} \equiv 32 \equiv 11 \pmod{21}$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه های 18 تا 22)

(فرهاد وغایبی)

گزینه «3» - 166

$$\begin{cases} a = bq + 17, 17 < b \\ 3a = bq' + 6, 6 < b \end{cases} \quad (1) \quad (2)$$

مطابق فرض سؤال داریم:

$$\Rightarrow \begin{cases} 3a = b(3q) + 51 \\ 3a = bq' + 6 \end{cases} \Rightarrow b(3q) + 51 = bq' + 6$$

$$\Rightarrow b(q' - 3q) = 45 \Rightarrow b \mid 45 \xrightarrow{b > 17} b = 45$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه های 14 و 15)

ریاضیات گسسته - اختیاری

گزینه «1» - 161

(فرهاد وغایبی)

$$[2x + 7]_7 = [11x + 5]_7 \Rightarrow 11x + 5 \equiv 2x + 7 \pmod{7} \Rightarrow 9x \equiv 2 \pmod{7} \Rightarrow 2x \equiv 1 \pmod{7}$$

$$\frac{\div 2}{(2,7)=1} \Rightarrow x \equiv 1 \pmod{7} \Rightarrow x^3 - 1 \equiv 1^3 - 1 \equiv 0 \pmod{7}$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه های 18 تا 22)

گزینه «4» - 162

$$a = \sqrt[3]{2}$$

$$a = \sqrt[3]{2} : 3 \text{ و } 2$$

در گزینه «4» بنا به برهان خلف، اگر اعداد a^2 و a^3 هر دو گویا باشند، آنگاه

$$\frac{a^3}{a^2} = a \text{ نیز عددی گویا می شود که خلاف فرض است.}$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه های 2 تا 6)

گزینه «2» - 163

$$a^4 \mid b^3 \Rightarrow a \mid a^3 \mid b^3 \Rightarrow a^3 \mid b^3 \Rightarrow a \mid b \Rightarrow a^5 \mid b^5 \quad : 1$$

$$a^4 \mid b^3 \Rightarrow a^{20} \mid b^{15} \Rightarrow a \mid a^{19} \mid b^{15} \Rightarrow a^{19} \mid b^{15} \quad : 3$$

$$a \mid b \Rightarrow a^6 \mid b^6 \Rightarrow a^6 \mid b^7 \quad : 4$$

اما رابطه گزینه «2» در حالت کلی درست نیست. به عنوان مثال نقض:

اگر $b^3 = 16^3 = 2^{12}$ و $a^4 = 8^4 = 2^{12}$ باشد، آنگاه $b = 16$ و $a = 8$ است.پس $a^3 \mid b^2 = 16^2 = 2^8$ و $a^3 = 8^3 = 2^9$ است، پس

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه های 9 تا 12)



$$a^2 = (4k+2)^2 = 16k^2 + 16k + 4 = 4 \underbrace{(4k^2 + 4k + 1)}_q$$

$$= 4q (q \in \mathbb{Z})$$

$$a^4 = (4q)^2 = 16q^2 = 4(4q^2) = 4q'$$

$$\Rightarrow a^4 + a^2 + 1 = 4q' + 4q + 1 = 4 \underbrace{(q' + q)}_k + 1 = 4k + 1 (k \in \mathbb{Z})$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های 15 و 17)

(امیرحسین ابومهجب)

گزینه «3» - 170

چون عدد موردنظر بر 36 بخش‌پذیر است، پس باید بر 4 و 9 بخش‌پذیر

باشد. عدد $\overline{xy3152}$ قطعاً بر 4 بخش‌پذیر است، چون دو رقم سمت راست

آن یعنی 52 بر 4 بخش‌پذیر است. بنابراین کافی است شرط بخش‌پذیری بر

9 را بررسی کنیم:

$$\overline{xy3152} \equiv x + y + 11 \equiv 0 \Rightarrow x + y \equiv -11 \equiv 7$$

$$\Rightarrow x + y = 7 \mid 16$$

$$x + y = 7 \xrightarrow{x \neq 0} \begin{cases} x = 1, y = 6 \\ x = 2, y = 5 \\ x = 3, y = 4 \\ x = 4, y = 3 \text{ و } x + y = 16 \Rightarrow \begin{cases} x = 7, y = 9 \\ x = 8, y = 8 \\ x = 9, y = 7 \end{cases} \\ x = 5, y = 2 \\ x = 6, y = 1 \\ x = 7, y = 0 \end{cases}$$

بنابراین در مجموع، ده عدد به صورت $\overline{xy3152}$ وجود دارد که بر 36

بخش‌پذیر باشد.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های 22 و 23)

(ممدر همراه)

گزینه «4» - 167

مطابق فرض سوال داریم:

$$9a - 7 \equiv 2a - 3$$

$$\Rightarrow 7a \equiv 4 \equiv -7$$

$$\frac{\div 7}{(7,11)=1} \Rightarrow a \equiv -1 \equiv 10$$

$$\Rightarrow a = 11k + 10 \Rightarrow 4a - 5 = 44k + 35 \Rightarrow 4a - 5 \equiv 35$$

$$\frac{\div 4}{22|44} \Rightarrow 4a - 5 \equiv 35 \equiv 13$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های 18 و 22)

(سروش مؤمنی)

گزینه «3» - 168

$$\begin{cases} d \mid 3n - 2 \xrightarrow{x4} d \mid 12n - 8 \\ d \mid 4n + 1 \xrightarrow{x3} d \mid 12n + 3 \end{cases} \Rightarrow d \mid 11 \Rightarrow d = 1 \mid 11$$

کافی است تعداد حالت‌های را به دست آوریم که $d = 11$ باشد:

$$d = 11 \Rightarrow 11 \mid 3n - 2 \Rightarrow 3n - 2 \equiv 0 \Rightarrow 3n \equiv 2 \equiv -9$$

$$\frac{\div 3}{(3,11)=1} \Rightarrow n \equiv -3 \Rightarrow n = 11k - 3 (k \in \mathbb{Z})$$

به ازای n ، عدد $k = 2, 3, \dots, 9$ دو رقمی است (8 مقدار). پس

برای $3n - 2 = 82 - 8 = 90$ مقدار دو رقمی و طبیعی n ، دو عدد $4n + 1$ و $3n + 2$ قابل

نسبت به هم اول‌اند.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد، صفحه‌های 9 و 14)

(پواره اولی)

گزینه «2» - 169

عدد زوجی که بر 4 بخش‌پذیر نباشد، به صورت $(k \in \mathbb{Z})4k + 2$ قابل

نمایش است. داریم:



گزینه «1» (امیرحسین برادران)

- 174 گزینه «1»

دو قطار زمانی از کنار هم به طور کامل رد می‌شوند که مکان انتهای دو قطار یکسان شود. بنابراین معادله مکان - زمان دو قطار را برای انتهای آنها می‌نویسیم:

$$x = \frac{54}{h} t = 54 \frac{\text{km}}{\text{h}} = \frac{54}{3/6} \frac{\text{m}}{\text{s}} = 15 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$x = -108 \frac{\text{km}}{\text{h}} = -108 \frac{\text{m}}{3/6} \frac{\text{s}}{\text{s}} = -30 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$x_A' = x_A - \ell_1 = -200 - 300 = -500\text{m}$$

$$x_B' = x_B + \ell_2 = 600 + 400 = 1000\text{m}$$

$$(1) \text{ قطار } x_1 = v_1 t + x_A' \Rightarrow x_1 = 15t - 500$$

$$(2) \text{ قطار } x_2 = v_2 t + x_B' \Rightarrow x_2 = -30t + 1000$$

$$\frac{x_1 = x_2}{t = \frac{1500}{45}} = \frac{100}{3} \text{ s}$$

$$\frac{t = \frac{100}{3} \text{ s}}{x_A = 15t - 200} \rightarrow x_A = 15 \times \frac{100}{3} - 200 = 300\text{m}$$

(فیزیک 3 - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های 13 تا 15)

گزینه «4» (غلامرخا مهندی)

- 175 گزینه «4»

مطابق با نمودار، متوجه در لحظه $t = 3\text{ s}$ تغییر جهت میدهد و بنابراین داریم:

$$v = at + v_0 \Rightarrow 0 = a \times 3 + v_0 \Rightarrow v_0 + 3a = 0 \quad (1)$$

جایه‌جایی متوجه در 8 ثانیه ابتدایی حرکت برابر با -16 m است. بنابراین:

$$\Delta x = \frac{1}{2} at^2 + v_0 t \Rightarrow -16 = \frac{1}{2} \times a \times 8^2 + v_0 \times 8$$

$$\Rightarrow v_0 + 4a = -2 \quad (2)$$

با حل هم‌زمان معادله‌های (1) و (2) داریم:

$$a = -2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, v_0 = 6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

در لحظه $t = 8\text{ s}$ ، جهت بردار مکان متوجه تغییر می‌کند، بنابراین تندی

متوجه در این لحظه برابر است با:

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = -2 \times 8 + 6 \Rightarrow v = -10 \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow s = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک 3 - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های 13 تا 15)

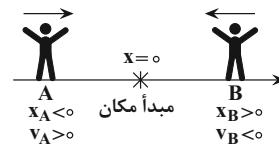
فیزیک 3 - اختیاری

- 171 گزینه «2»

(بهار کامران)

هرگاه متوجه به مبدأ مکان نزدیک شود، بردار مکان و بردار سرعت آن الزاماً در دو سوی مخالف خواهد بود.

بادآوری: علامت سرعت نشان‌دهنده جهت حرکت متوجه است. اگر متوجه در جهت محور X حرکت کند، علامت سرعت آن مثبت و اگر خلاف جهت محور X حرکت کند علامت سرعت آن منفی خواهد بود.



(فیزیک 3 - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های 15 تا 17)

- 172 گزینه «4»

(بابک اسلامی)

چون تندی متوسط اتومبیل A در این مسیر بیشتر از تندی متوسط اتومبیل B است، بنابراین اتومبیل A این مسیر را سریع‌تر طی کرده است. با استفاده از تعریف تندی متوسط داریم:

$$(s_{av})_A = \frac{\ell}{\Delta t_A} \Rightarrow \frac{86/4}{3/6} = \frac{3600}{\Delta t_A} \Rightarrow \Delta t_A = 150\text{s}$$

$$(s_{av})_B = \frac{\ell}{\Delta t_B} \Rightarrow \frac{64/8}{3/6} = \frac{3600}{\Delta t_B} \Rightarrow \Delta t_B = 200\text{s}$$

$$\Delta t_A - \Delta t_B = 150 - 200 = -50\text{s} = \frac{-5}{6} \text{ min}$$

بنابراین متوجه A به اندازه $\frac{5}{6}$ دقیقه زودتر از متوجه B این مسیر را طی کرده است.

(فیزیک 3 - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های 2 تا 5)

- 173 گزینه «3»

(محمد اسدی)

$$v = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{13 - (-5)}{5 - 2} = 6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$x = vt + x_0 \xrightarrow[t=4\text{s}]{} x - x_0 = 6 \times 4 = 24\text{m}$$

(فیزیک 3 - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های 13 تا 15)



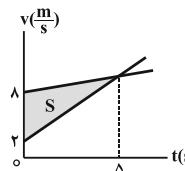
$$S_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{30/5}{8} = \frac{61}{16} \text{ m}$$

(فیزیک 3 - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های 15 تا 21)

(جامد فسروی)

«4» - 178

با توجه به این که شتاب حرکت متحرک‌ها ثابت است و سرعت دو متحرک در لحظه $t = 5s$ یکسان می‌شود، نمودار سرعت - زمان دو متحرک را رسم می‌کنیم.



با توجه به این که دو متحرک در مبدأ زمان از مبدأ مکان عبور کرده‌اند و مساحت بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر با اندازه جابه‌جایی دو متحرک است، بنابراین بیشترین فاصله دو متحرک در 10 ثانیه ابتدایی حرکت در لحظه $t = 5s$ رخ خواهد داد و برابر است با:

$$\Delta x_{max} = S = \frac{(8-2) \times 5}{2} \Rightarrow \Delta x_{max} = 15 \text{ m}$$

(فیزیک 3 - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های 15 تا 21)

(مسین مفرومی)

«2» - 179

سنگ کل مسیر سقوط را طی مدت 4s طی می‌کند، بنابراین اگر فرض کنیم $\frac{9}{16}h$ انتهای مسیر را طی مدت t ثانیه طی می‌کند، ابتدایی مسیر را در مدت $(4-t)$ ثانیه طی خواهد کرد. داریم:

$$y = -\frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow \frac{y_2}{y_1} = \frac{t_2}{t_1}^2 \Rightarrow \frac{\frac{9}{16}h}{h} = \frac{(4-t)^2}{4} \Rightarrow t = 1s$$

(فیزیک 3 - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های 21 تا 24)

(محمدعلی راست پیمان)

«1» - 180

با در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مبدأ مکان، معادله سرعت - جابه‌جایی را برای حرکت گلوله در دو حالت می‌نویسیم. داریم:

$$v^2 = -2g(y - y_0)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} v_1^2 = -2g(\frac{h}{5} - h) \Rightarrow v_1^2 = \frac{4}{5} \times 2gh \quad (*) \\ v_2^2 = -2g(0 - h) \Rightarrow v_2^2 = 2gh \quad (***) \end{cases}$$

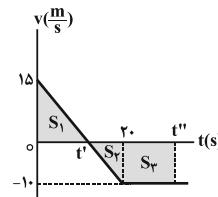
$$\frac{v_2^2}{v_1^2} = \frac{2gh}{\frac{4}{5} \times 2gh} \Rightarrow \frac{v_2^2}{v_1^2} = \frac{5}{4} \Rightarrow v_2 = \frac{5}{4}v_1$$

بنابراین:

(فیزیک 3 - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های 21 تا 24)

(علیرضا کونه)

«4» - 176



متحرک در لحظه‌ای به مکان اولیه خود باز می‌گردد که جابه‌جایی آن برابر با صفر باشد و با توجه به این که مساحت زیر نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر با جابه‌جایی است، ابتدا با استفاده از تشابه بین دو مثلث، لحظه t' را می‌یابیم. داریم:

$$\frac{15}{10} = \frac{t'}{20-t'} \Rightarrow t' = 12s$$

بنابراین:

$$S_1 = \frac{15 \times 12}{2} = 90 \text{ m} \Rightarrow \Delta x_1 = 90 \text{ m}$$

$$S_2 = \frac{8 \times 10}{2} = 40 \text{ m} \Rightarrow \Delta x_2 = -40 \text{ m}$$

$$\Rightarrow \Delta x_1 + \Delta x_2 + \Delta x_3 = 0 \Rightarrow 90 + (-40) + \Delta x_3 = 0$$

$$\Rightarrow \Delta x_3 = -50 \text{ m}$$

$$\Rightarrow S_3 = 50 \text{ m} \Rightarrow 50 = (t'' - 20) \times 10 \Rightarrow t'' = 25s$$

(فیزیک 3 - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های 15 تا 21)

(سعید شرق)

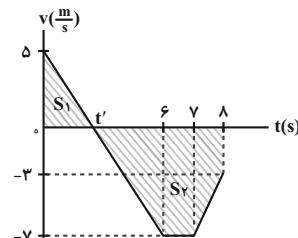
«1» - 177

برای محاسبه تندی متوسط، ابتدا نمودار سرعت - زمان را رسم نموده و سپس به کمک آن، مسافت پیموده شده را محاسبه می‌کنیم. داریم:

$$0 \leq t < 6s \Rightarrow v_6 = a_1 t_1 + v_0 = -2 \times 6 + 5 \Rightarrow v_6 = -7 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$6s \leq t < 7s \Rightarrow a_2 = 0 \Rightarrow v_7 = v_6 = -7 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$7s \leq t < 8s \Rightarrow v_8 = a_3 t_3 + v_7 = 4 \times 1 - 7 \Rightarrow v_8 = -3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$



در لحظه t' علامت سرعت عوض می‌شود، در نتیجه متحرک تغییر جهت می‌دهد. با استفاده از تشابه مثلث‌ها، لحظه t' را می‌یابیم. داریم:

$$\frac{5}{t'} = \frac{7}{6-t'} \Rightarrow t' = 2/5s$$

مسافت طی شده توسط متحرک برابر با مجموع اندازه جابه‌جایی‌های متحرک در بازه‌های صفر تا $2/5s$ و $2/5s$ تا $8s$ است. داریم:

$$\ell = |\Delta x_1| + |\Delta x_2| = \left| \frac{5 \times 2/5}{2} \right| + \left| \frac{(4/5+1) \times 7}{2} + \frac{(7+3) \times 1}{2} \right|$$

$$\Rightarrow \ell = 6/25 + 19/25 + 5 = 30/5 \text{ m}$$



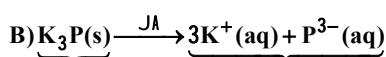
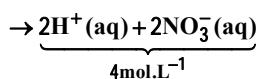
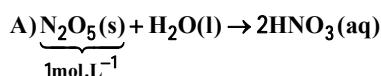
از 4×10^{-5} در برابر ۰/۸ صرف نظر می‌شود.

$$K_a = \frac{[H^+][A^-]}{[HA]} \Rightarrow K_a = \frac{4 \times 10^{-5} \times 4 \times 10^{-5}}{0/8} = 2 \times 10^{-9}$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۸ تا ۲۸)

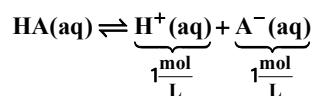
(ممید زین)

گزینه «۱» - ۱۸۴

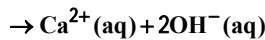
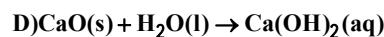


$$0/5 \frac{\text{mol}}{\text{L}} \Rightarrow 4 \times 0/5 = 2 \frac{\text{mol}}{\text{L}} = 1\text{M}\text{ol.L}^{-1} \text{ SE}\ddot{\text{E}}\ddot{\text{U}}$$

$$C) \alpha = \frac{[H^+]}{M\text{ol.L}^{-1}} \Rightarrow 0/2 = \frac{[H^+]}{5} \Rightarrow [H^+] = 1 \frac{\text{mol}}{\text{L}}$$



غلظت کل یون‌ها = ۲ مول بر لیتر \Rightarrow



$$n = \frac{m}{M\text{ol.L}^{-1}} = \frac{112}{56} = 2\text{mol CaO}$$

$$? \text{mol} \cdot \frac{1}{2} = 2\text{mol CaO} \times \frac{3\text{mol} \cdot \frac{1}{2}}{1\text{mol CaO}} = 6\text{mol} \cdot \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow M \cdot \frac{1}{2} = \frac{6}{2} = 3 \frac{\text{mol}}{\text{L}}$$

رسانایی الکتریکی محلول‌های الکترولیت به غلظت یون‌های آن بستگی دارد پس:

A > D > C = B : رسانایی الکتریکی

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۴ تا ۱۹)

(خواهان)

گزینه «۴» - ۱۸۵

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: گل ادریسی در خاک با محیط اسیدی به رنگ آبی درمی‌آید.

گزینه «۲»: آمونیاک با آب پیوند هیدروژنی برقرار می‌کند.

گزینه «۳»: یکی از فراورده‌های حاصل از واکنش منیزیم هیدروکسید و هیدروکلریک اسید، منیزیم کلرید است که در آب محلول است.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۲۸ و ۳۲ تا ۳۴)

شیمی ۳ (اختیاری)

گزینه «۲» - ۱۸۱

عبارت «آ» درست است. اسیدهای ضعیف در آب عمدها مولکولی حل می‌شوند و اندکی یونیده می‌شوند و غلظت H^+ و آنیون حاصل برابر است (متانوئیک اسید جزو اسیدهای تک پروتوندار ضعیف است).

عبارت «ب» نادرست است. رسانایی الکتریکی به غلظت اسید و درجه پونش بستگی دارد.

عبارت «پ» درست است.

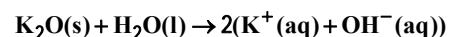
عبارت «ت» نادرست است. سرعت مصرف A برابر سرعت تولید C است.

عبارت «ث» درست است. هرچه محلول اسید ضعیف رقیق‌تر شود، درجه پونش آن اسید بزرگ‌تر می‌شود (اسید بیشتر یونیده می‌شود).

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۶ تا ۲۸)

(ممدر عظیمیان زواره)

گزینه «۴» - ۱۸۲



$$[OH^-] = M = \frac{n}{V} \Rightarrow 5 \times 10^{-1} = \frac{n}{2L} \Rightarrow n = 1\text{mol KOH}$$

$$? \text{mol } K_2O = 1\text{mol KOH} \times \frac{1\text{mol } K_2O}{2\text{mol KOH}} = 0/5 \text{mol } K_2O$$

$$? \text{g } KNO_3 = 0/5 \text{mol } K_2O \times \frac{4\text{mol } KNO_3}{2\text{mol } K_2O}$$

$$\times \frac{101\text{g } KNO_3}{1\text{mol } KNO_3} = 101\text{g } KNO_3$$

$$? LO_2 = 0/5 \text{mol } K_2O \times \frac{5\text{mol } O_2}{2\text{mol } K_2O} \times \frac{22/4 \text{LO}_2}{1\text{mol } O_2} = 28 \text{LO}_2$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۶ تا ۲۸)

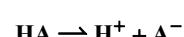
(ممدر عظیمیان زواره)

گزینه «۲» - ۱۸۳

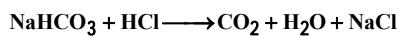
$$? \text{mol HA} = 10/8 \text{g HA} \times \frac{1\text{mol HA}}{27\text{g HA}} = 0/4 \text{mol HA}$$

$$M_{HA} = \frac{n}{V} = \frac{0/4 \text{mol}}{0/5L} = 0/8 \text{mol.L}^{-1}$$

$$[H^+] = 10^{-pH} = 10^{-4/4} = 4 \times 10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$$



$$\begin{array}{cccccc} 0/8 & & 0 & & 0 & \text{SE}\ddot{\text{E}}\ddot{\text{U}} \\ -x & & +x & & +x & \text{SE}\ddot{\text{E}}\ddot{\text{U}} \text{MOL} \\ \hline 0/8 - 4 \times 10^{-5} & & 4 \times 10^{-5} & & 4 \times 10^{-5} & \text{Ajjali SE}\ddot{\text{E}}\ddot{\text{U}} \end{array}$$



گزینه «2»: درست: این محیط بسیار اسیدی می‌تواند حتی فلز روی را در خود حل کند. با توجه به واکنش پذیری بیشتر Mg از Zn، فلز Mg نیز واکنش داده و حل خواهد شد.
گزینه «3»: درست.

(شیمی 3، صفحه‌های 31، 24، 32، 31)

(ممدرسه محسن محمدزاده مقدم)

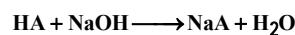
گزینه «1» - 189

ابتدا $[\text{H}^+]$ را تعیین کرده و سپس غلظت اولیه اسید را محاسبه می‌کنیم:

$$\text{pH} = 2/7 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-2/7} = 10^{-3} \times 10^{4/3} = 2 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{H}^+] = \alpha M \Rightarrow M = \frac{2 \times 10^{-3}}{2 \times 10^{-2}} = 0.1 \text{ mol.L}^{-1}$$

با توجه به واکنش زیر داریم:



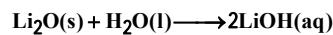
$$? \text{ mol NaOH} = 2 \text{ L} \times \frac{0.1 \text{ mol HA}}{1 \text{ L}} \times \frac{1 \text{ mol NaOH}}{1 \text{ mol HA}}$$

$$= 0.2 \text{ mol NaOH}$$

(شیمی 3، صفحه‌های 18، 20، 24، 25، 30)

(ممدرسه محسن محمدزاده مقدم)

گزینه «2» - 190

معادله انحلال یونی Li_2O در آب به صورت زیر است.

معادله واکنش خنثی شدن اسید و باز به صورت زیر است:

غلظت H^+ در محلول اسید برابر است با:

$$\text{pH} = 1/4 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-1/4} = 10^{-2} \times 10^{0/6} = (10^{0/3})^2 \times 10^{-2} \\ = 4 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

بنابراین می‌توان نوشت:

$$? \text{ g Li}_2\text{O} = 200 \text{ mL} \times \frac{1 \text{ L}}{1000 \text{ mL}} \times \frac{0.04 \text{ mol HBr}}{1 \text{ L}}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol LiOH}}{1 \text{ mol HBr}} \times \frac{1 \text{ mol Li}_2\text{O}}{2 \text{ mol LiOH}} \times \frac{30 \text{ g Li}_2\text{O}}{1 \text{ mol Li}_2\text{O}} = 0.12 \text{ g Li}_2\text{O}$$

(شیمی 3، صفحه‌های 24، 25، 16، 30، 32)

(مسن رفعت کوکنده)

گزینه «4» - 186

NaOH برای $\text{pH} = 13/7$

$$[\text{H}^+] = 10^{-13/7} = 10^{-14} \times 10^{0/3} = 2 \times 10^{-14} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{H}^+] [\text{OH}^-] = 10^{-14} \rightarrow [\text{OH}^-] = \frac{10^{-14}}{2 \times 10^{-14}} = \frac{1}{2} \\ = 0.5 \text{ mol.L}^{-1} = [\text{NaOH}]$$

$$M_b V_b = M_a V_a \Rightarrow 0.5 \times 100 = M_a \times 200 \Rightarrow M_a = 0.25 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$K_a = \frac{M\alpha^2}{1-\alpha} \xrightarrow{K_a < 10^{-4}} K_a \approx M\alpha^2$$

$$25 \times 10^{-6} = 25 \times 10^{-2} \times \alpha^2 \Rightarrow \alpha^2 = 10^{-4} \Rightarrow \alpha = 10^{-2}$$

$$[\text{H}^+] = M\alpha = 25 \times 10^{-2} \times (10^{-2}) = 25 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{pH} = -\log[\text{H}^+] = -\log 25 \times 10^{-4} = 4 - 2\log 5$$

$$= 4 - 2(0.7) = 2/6$$

(شیمی 3، صفحه‌های 19، 20)

(ممدرسه عظیمیان زواره)

گزینه «4» - 187

با افزایش غلظت، ثابت یونش تغییری نمی‌کند؛ زیرا تنها عامل مؤثر بر ثابت تعادل (ثبت یونش) دما است، اما با تغییر غلظت، درجه یونش اسید HA تغییر می‌کند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «1»: شمار مول‌های HA و HX در محلول هر دو اسید یکسان بوده و برای خنثی کردن محلول آنها مقدار مول یکسانی از NaOH لازم است.

گزینه «2»: اسید قوی محسوب شده و pH آن در شرایط یکسان از محلول HA کمتر است.

گزینه «3»: یکی از آنها اسید قوی و دیگری اسید ضعیف است و طبق رابطه $[\text{H}^+] = M \cdot \alpha$. α نیز در غلظت H^+ مؤثر است. (α در اسیدهای ضعیف به غلظت و دما بستگی دارد.)

(شیمی 3، صفحه‌های 18، 20)

(ممدرسه عظیمیان زواره)

گزینه «4» - 188

برای افزایش قدرت پاک کردن چربی‌ها، به شوینده‌ها جوش شیرین اضافه می‌کنند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «1»: درست:

بروزترین و ابرترین
سایت کنکوری کشور
WWW.KONKUR.INFO

