

بروزترین و ابرترین  
سایت کنکوری کشور

**WWW.KONKUR.INFO**



# نقد و کمک سؤال



## آزمون هدیه ۱۶ دی ۱۴۰۱ « اختصاصی دوازدهم ریاضی

مدت پاسخ‌گویی: ۱۲۵ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۹۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی
حسابان ۲	۲۰	۱-۲۰	۳۰'
هندسه ۳	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵'
ریاضیات گسسته	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵'
فیزیک ۳	۳۰	۴۱-۷۰	۴۵'
شیمی ۳	۲۰	۷۱-۹۰	۲۰'
جمع کل	۹۰	۱-۹۰	۱۲۵'

### گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه ۳	ریاضیات گسسته	فیزیک ۳	شیمی ۳
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	ایمان حسین نژاد	
گروه ویراستاری	علی سرآبادانی	عادل حسینی	عادل حسینی	حمدید زرین‌کفش	یاسر راش
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	امیرحسین مسلمی
مستند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

### گروه فنی و تولید

ناظر چاپ	سوران نعیمی	میلاد سیاوشی	مدیر گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری	مسئول دفترچه	محمد اکبری

گروه آزمون  
بنیاد علمی آموزشی فلمنج «وقف عام»  
دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱

وقت پیشنهادی: ۳۰ دقیقه

حسابان ۲: تابع، مثبات، حد های نامتناهی - حد در بی‌نهایت: صفحه‌های ۱ تا ۶۹

- ۱- نمودار تابع  $y = f(2x - 2)$  را یک واحد به چپ منتقل کرده، سپس آن را نسبت به محور عرض‌ها قرینه می‌کنیم و طول نقاط روی نمودار را دو برابر می‌کنیم. ضابطه تابعی که نمودار آن به دست آمده کدام است؟

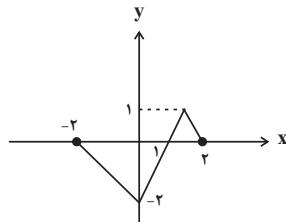
$$y = f(3 - 4x) \quad (۴)$$

$$y = f(-x) \quad (۳)$$

$$y = f(2 - x) \quad (۲)$$

$$y = f(1 - x) \quad (۱)$$

- ۲- اگر نمودار تابع  $f(x)$  به صورت زیر باشد، حدود  $m$  کدام باید باشد تا معادله  $|2f(1-x)+1|=m$  چهار جواب حقیقی داشته باشد؟



$$0 \leq m \leq 3 \quad (۱)$$

$$m \in [0, 3] - \{1\} \quad (۲)$$

$$m \in (0, 3) - \{1\} \quad (۳)$$

$$0 < m < 3 \quad (۴)$$

- ۳- اگر  $g(x) = 2^x$  و  $f(x) = \{(1, 2), (-1, 0), (0, [a])\}$  باشند، به ازای چه مقادیری از  $a$  تابع  $f+g$  صعودی است؟ (۱)، علامت جزء صحیح است.

$$[-\frac{1}{2}, 4) \quad (۴)$$

$$[-\frac{1}{2}, 3] \quad (۳)$$

$$[0, 4) \quad (۲)$$

$$[0, 3] \quad (۱)$$

- ۴- تابع با ضابطه  $y = k^x + 1 - k|x|$  اکیداً صعودی است.  $k$  چند مقدار صحیح را نمی‌تواند بیذیرد؟

$$3 \quad (۴)$$

$$2 \quad (۳)$$

$$1 \quad (۲)$$

$$0 \quad (۱)$$

- ۵- اگر  $f$  در مجموعه اعداد حقیقی اکیداً نزولی باشد، دامنه تعریف تابع  $y = \sqrt{f(3x-1)-f(2x)}$  کدام است؟

$$[1, +\infty) \quad (۴)$$

$$[0, 1] \quad (۳)$$

$$[-1, 1] \quad (۲)$$

$$(-\infty, 1] \quad (۱)$$

- ۶- اگر  $P(x) = ax^3 - bx - 1$  بر  $x-2$  بخشیده باشد و باقی‌مانده تقسیم  $(P(x))$  بر  $x+1$  برابر  $-2$  باشد، باقی‌مانده تقسیم

$$Q(x) = ax^3 + bx - 1 \quad \text{کدام است؟}$$

$$-\frac{2}{3} \quad (۴)$$

$$\frac{2}{3} \quad (۳)$$

$$-\frac{4}{3} \quad (۲)$$

$$\frac{4}{3} \quad (۱)$$

- ۷- دوره تناوب تابع  $f(x) = \frac{\cos 4x}{-\sin x + \cos x}$  کدام است؟

$$\frac{\pi}{4} \quad (۴)$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (۳)$$

$$\pi \quad (۲)$$

$$2\pi \quad (۱)$$

- ۸- دوره تناوب توابع  $f(x) = x - [x]$  و  $g(x) = 2\sin(bx) - 1$  یکسان است. نمودار دو تابع در یک دوره تناوب در چند نقطه یکدیگر را قطع می‌کنند؟ ( $0 < b < 1$ ، نماد جزء صحیح است).

$$0 \quad (۴)$$

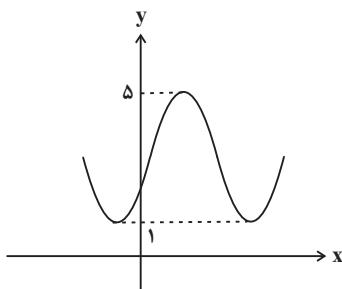
$$3 \quad (۳)$$

$$2 \quad (۲)$$

$$1 \quad (۱)$$

محل انجام محاسبات

۹- نمودار تابع به معادله  $f(x) = a + b \sin cx$  کدام است؟ اگر دوره تناوب تابع را  $T$  بنامیم، مقدار  $\frac{\Delta T}{c}$  کدام است؟



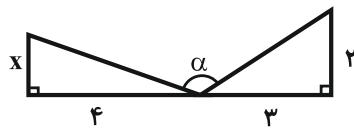
$3 - \sqrt{3}$  (۱)

$\frac{5}{2}$  (۲)

$\frac{7}{2}$  (۳)

$3 + \sqrt{3}$  (۴)

۱۰- در شکل زیر اگر  $\tan \alpha = \frac{-4}{3}$  باشد، مقدار  $x$  کدام است؟



$\frac{27}{13}$  (۲)

$\frac{19}{13}$  (۴)

$\frac{24}{17}$  (۱)

$\frac{21}{17}$  (۳)

۱۱- جواب کلی معادله  $\cos 2x - \tan^2 x = \frac{1}{6}$  کدام است؟ ( $k \in \mathbb{Z}$ )

$k\pi \pm \frac{\pi}{6}$  (۴)

$2k\pi \pm \frac{\pi}{6}$  (۳)

$k\pi \pm \frac{\pi}{3}$  (۲)

$2k\pi \pm \frac{\pi}{3}$  (۱)

۱۲- تعداد جواب‌های معادله  $(\sin x + \cos x)^2 = \cos 4x$  در بازه  $[0, \pi]$  کدام است؟

$4$  (۴)

$3$  (۳)

$2$  (۲)

$5$  (۱)

۱۳- اگر  $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x+1}{x^2 + ax + b} = -\infty$  باشد، حدود  $b$  کدام است؟

$b < 4$  (۴)

$b > -4$  (۳)

$b > 4$  (۲)

$b < -4$  (۱)

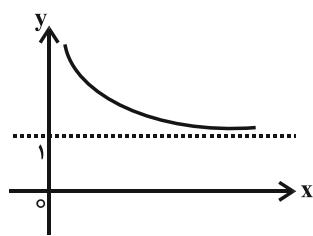
۱۴- اگر  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{k + [-x]}{x - \sin x} = -\infty$  و داشته باشیم  $b - a < k < b$  ، حداکثر مقدار  $b - a$  کدام است؟ ( [ ] ، نماد جزء صحیح است)

$\frac{1}{4}$  (۴)

$\frac{1}{2}$  (۳)

$1$  (۲)

$2$  (۱)



۱۵- با توجه به نمودار تابع  $y = f(x)$ ، حاصل  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x) - \sqrt{f(x)}}{1 - f(x)}$  کدام است؟

$-1$  (۲)

$-\frac{1}{2}$  (۴)

$1$  (۱)

$\frac{1}{2}$  (۳)

محل انجام محاسبات

۱۶- اگر  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x+n} - \sqrt{x+1}}{\sqrt{x+a} - \sqrt{x-1}}$  کدام است؟

۴) صفر

۳)  $\frac{1}{3}$

۲)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$

۱) ۱

۱۷- اگر داشته باشیم  $f(x) = \frac{|\tan \pi x|}{x^2 - 1}$  کدام است؟

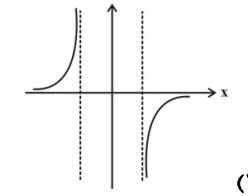
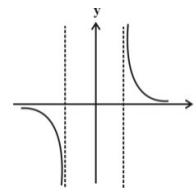
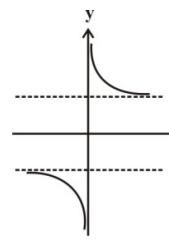
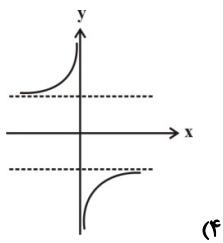
$-\frac{\pi}{2}$  ۴)

۳) صفر

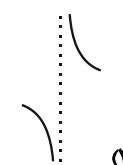
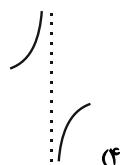
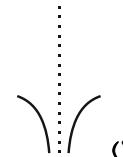
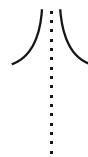
$\frac{\pi}{2}$  ۲)

$-\frac{1}{2}$  ۱)

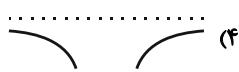
۱۸- اگر باشد، نمودار تابع  $y = f^{-1}(x) = \frac{|x|+1}{x}$  کدام است؟



۱۹- نمودار تابع با ضابطه  $y = \frac{(x-1)(x+1)}{x^3 - x}$  در اطراف مجانب قائم خود به کدام صورت است؟



۲۰- نمودار تابع  $y = \frac{x^r - \Delta x + 4}{x^r - 4}$  در اطراف مجانب افقی خود هنگامی که  $x$  به  $\pm\infty$  میل می‌کند، به کدام صورت زیر است؟



محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده سه ۳: ماتریس‌ها و کاربردها، آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های ۹ تا ۴۶

-۲۱- اگر  $A = \begin{bmatrix} x & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & x \\ -1 & y \end{bmatrix}$  کدام است؟

-۲ (۴)                  ۲ (۳)                  ۱ (۲)                  -۱ (۱)

-۲۲- اگر  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ \frac{1}{2} & 1 & \frac{3}{2} \\ \frac{1}{3} & \frac{2}{3} & 1 \end{bmatrix}$  باشد، آنگاه  $A^{1397}$  کدام است؟

۱۳۹۷A (۴)                  ۳۱۳۹۷I (۳)                  ۳۱۳۹۶A (۲)                  ۳۱۳۹۷A (۱)

-۲۳- اگر  $I = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} A \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$  باشد، مجموع درایه‌های ماتریس  $A$  کدام است؟

$-\frac{2}{5}$  (۴)                   $-\frac{4}{5}$  (۳)                   $\frac{4}{5}$  (۲)                   $\frac{2}{5}$  (۱)

-۲۴- اگر  $A$  یک ماتریس مربعی وارون پذیر از مرتبه ۲ باشد، آنگاه  $|3A|A^{-1} = 6I$  برابر کدام است؟

$\frac{4}{9}$  (۴)                   $\frac{3}{2}$  (۳)                   $\frac{9}{4}$  (۲)                   $\frac{2}{3}$  (۱)

-۲۵- جواب‌های معادله  $\begin{vmatrix} -4 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & x \\ 3 & x+1 & 2 \end{vmatrix} = 0$  کدام است؟

-۳ (۴) و -۳ (۳)                  ۱ و ۳ (۲)                  ۳ و ۱ (۱)

-۲۶- نقطه  $A$  و مربعی به ضلع ۲ واحد داخل صفحه مفروض‌اند. چند نقطه روی محیط مربع وجود دارد که از نقطه  $A$  به فاصله ۱ واحد قرار داشته باشند؟

(۱) دقیقاً ۲ نقطه                  (۲) حداقل ۲ نقطه                  (۳) دقیقاً ۴ نقطه                  (۴) حداقل ۴ نقطه

-۲۷- دایره  $C$  به مرکز  $O(1, -1)$ ، بر خط به معادله  $3x - 4y + 3 = 0$  مماس است. معادله ضمنی این دایره کدام است؟

$x^2 + y^2 - 2x + 2y - 2 = 0$  (۲)                   $x^2 + y^2 - 2x + 2y - 3 = 0$  (۱)

$x^2 + y^2 + 2x - 2y - 2 = 0$  (۴)                   $x^2 + y^2 + 2x - 2y - 3 = 0$  (۳)

-۲۸- طول وتری از دایره به معادله  $x^2 + y^2 - 4x + 2y + 3 = 0$  که موازی محور  $x$  ها بوده و از نقطه  $A(-1, -2)$  می‌گذرد، کدام است؟

۱ (۴)                  ۲ (۳)                   $\sqrt{2}$  (۲)                   $\sqrt{3}$  (۱)

-۲۹- به ازای کدام مقدار  $m$ ، بیشترین فاصله نقطه  $A(m, 3)$  از نقاط واقع بر دایره  $C$  به معادله  $x^2 + y^2 - 4x + 2y - 4 = 0$  برابر ۷ است؟

-۴ (۴)                  ۴ (۳)                  -۲ (۲)                  ۲ (۱)

-۳۰- دو دایره متمایز به مرکز  $(-1, 3)$  و مماس داخل با دایره  $C$  به معادله  $x^2 + y^2 + 2y = 15$  رسم شده است. شعاع این دایره‌ها کدام است؟

۷ و ۲ (۴)                  ۶ و ۱ (۳)                  ۶ و ۲ (۲)                  ۷ و ۱ (۱)

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گستته: آشنایی با نظریه اعداد، گراف و مدل سازی: صفحه های ۱ تا ۴۲

۳۱- چند زوج مرتب  $(a,b)$  از اعداد صحیح و ناصفر وجود دارد به گونه ای که رابطه  $\frac{1}{a+b} = \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$  برقرار باشد؟

۱) هیچ  
۲) ۳  
۳) ۲  
۴) شمار

۳۲- چند عدد طبیعی وجود دارد که باقی مانده تقسیم ۹۶ بر هر یک از آنها، برابر ۶ باشد؟

۱) ۱۲  
۲) ۸  
۳) ۷  
۴) ۶

۳۳- به ازای چند عدد طبیعی دو رقمی  $n$ ، دو عدد  $7n+2$  و  $9n+2$  نسبت به هم اول اند؟

۱) ۸۷  
۲) ۸۸  
۳) ۸۹  
۴) ۹۰

۳۴- باقی مانده تقسیم عدد  $(1+4^{79})^{13} \times 21$  بر ۲۱ کدام است؟

۱) ۱  
۲) ۲۲  
۳) ۱۰  
۴) ۱۱

۳۵- چند عدد پنج رقمی به صورت  $\overline{34x2y}$  وجود دارد به طوری که مضرب ۳۳ باشد؟

۱) ۱  
۲) ۲۲  
۳) ۳  
۴) ۴

۳۶- معادله سیاله  $[480, 720] = 48x + 72y$  چند دسته جواب طبیعی دارد؟

۱) ۹  
۲) ۱۰  
۳) ۱۱  
۴) ۱۲

۳۷- اگر درجه رأس  $a$  در گراف های  $G$  و  $\bar{G}$ ، به ترتیب برابر ۲ و ۵ باشد، آنگاه حداکثر اندازه گراف  $G$  کدام است؟

۱) ۲۸  
۲) ۲۵  
۳) ۲۳  
۴) ۲۲

۳۸- چند گراف ساده همبند و غیر منظم از مرتبه ۴ وجود دارد؟

۱) ۳  
۲) ۴  
۳) ۵  
۴) ۶

۳۹- گراف  $G$  با مجموعه رئوس  $V = \{a, b, c, d, e\}$  و مجموعه  $N_G(b) = \{a, c, d, e\}$ ،  $N_G(a) = \{b, c, d, e\}$  مفروض است. اگر

همسایگی های بسته رئوس  $c$ ،  $d$  و  $e$  هر کدام دارای ۳ عضو باشند، آنگاه در این گراف چند مسیر از رأس  $c$  به رأس  $e$  وجود دارد؟

۱) ۳  
۲) ۴  
۳) ۵  
۴) ۶

۴۰- گراف  $G$  از مرتبه ۶، دارای دو رأس از درجه  $\Delta = 4$  و دو رأس از درجه  $\delta = 2$  است. اگر دو رأس مینیمم درجه در این گراف

مجاور باشند، آنگاه این گراف چند دور به طول ۴ دارد؟

۱) ۱  
۲) ۲  
۳) ۳  
۴) ۴

وقت پیشنهادی: ۴۵ دقیقه

**فیزیک ۳: حرکت برو خط راست، دینامیک و حرکت دایرہ‌ای، نوسان و موج: صفحه‌های ۱ تا ۶۹**

- ۴۱- متوجه کی که روی خطی راست در حال حرکت است، در بازه زمانی  $\Delta t$  دائمًا از مبدأ مکان دور می‌شود. کدام گزینه در مورد این

متوجه در این بازه زمانی الزاماً صحیح است؟

- (۱) بردار سرعت و شتاب متوجه هم‌جهت هستند.  
 (۲) بردار سرعت و شتاب متوجه خلاف جهت یکدیگر هستند.  
 (۳) بردار مکان و سرعت متوجه خلاف جهت یکدیگر هستند.  
 (۴) بردار مکان و سرعت متوجه هم‌جهت هستند.

- ۴۲- متوجه کی نیمی از مسیر مستقیم بین دو نقطه را با سرعت متوسط  $\frac{m}{s} ۱۰$  و نیمی دیگر مسیر را طی دو بازه زمانی مساوی با

سرعت‌های ۷ و ۳۷ در یک جهت طی می‌کند. اگر سرعت متوسط متوجه در کل مسیر  $\frac{m}{s} ۱۶$  باشد، اندازه ۷ چند متر بر

ثانیه است؟

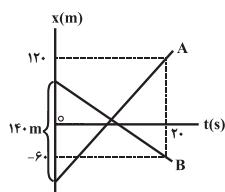
۶۰ (۴)

۳۰ (۳)

۲۰ (۲)

۱۰ (۱)

- ۴۳- نمودار مکان – زمان دو متوجه A و B که در مسیری مستقیم حرکت می‌کنند، مطابق شکل زیر است. اندازه اختلاف



سرعت‌های دو متوجه A و B چند متر بر ثانیه است؟

۱۶ (۲)

۴ (۱)

۲ (۴)

۸ (۳)

- ۴۴- با یک تفنگ بادی، گلوله‌ای با تندی  $\frac{m}{s} ۳۰$  به طرف شخصی که در فاصله ۶۴۰ متری قرار دارد، شلیک می‌شود. چند ثانیه پس

از شنیده شدن صدای شلیک توسط شخص، او فرصت دارد از راستای حرکت گلوله خارج شود؟ (تندی صوت در هوای ثابت و برابر

با  $\frac{m}{s} ۳۲۰$  است و فرض کنید حرکت گلوله مستقیم، افقی و با تندی ثابت است.)

$\frac{۲}{۱۵}$  (۴)

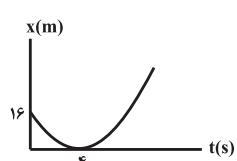
$\frac{۷}{۱۹}$  (۳)

$\frac{۳}{۱۴}$  (۲)

$\frac{۵}{۷}$  (۱)

- ۴۵- نمودار مکان – زمان متوجه کی که با شتاب ثابت روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. تندی متوسط متوجه در

مدت ۱۲ ثانیه اول حرکت، چند متر بر ثانیه است؟



$\frac{۲۰}{۳}$  (۲)

۴ (۱)

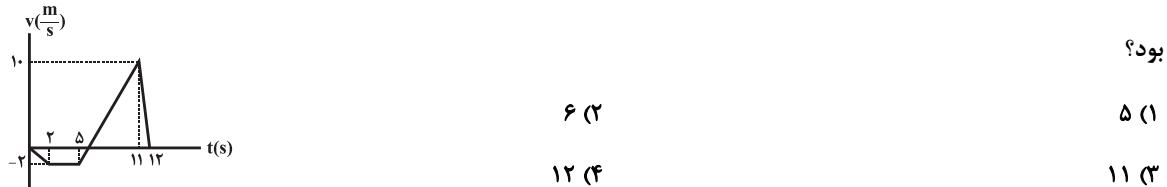
۴۰ (۴)

$\frac{۴۰}{۳}$  (۳)

محل انجام محاسبات

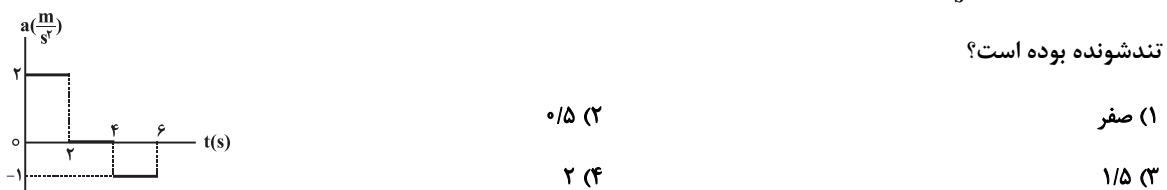
- ۴۶ نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی خطی راست حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر متحرک در مبدأ زمان از مکان

$= -8\text{m}$  عبور کند، بیشترین فاصله متحرک از مبدأ مکان در بازه زمانی مشخص شده، در چه لحظه‌ای برحسب ثانیه خواهد



- ۴۷ نمودار شتاب - زمان متحرکی که روی خطی راست حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر این متحرک در لحظه  $t = 0$  با

بزرگی سرعت اولیه  $\frac{1}{16}\text{m/s}$  در خلاف جهت محور  $x$  از مبدأ مکان عبور کرده باشد، در ۶ ثانیه اول حرکت، چند ثانیه حرکت آن



- ۴۸ دو متحرک با تندی‌های  $\frac{16}{s}\text{m}$  و  $\frac{20}{s}\text{m}$  در یک مسیر مستقیم در حال حرکت به سمت هم هستند. در لحظه‌ای که فاصله آن‌ها

از یکدیگر به  $80$  متر می‌رسد، هم‌زمان سرعت خود را با اندازه شتاب یکسان و ثابت کم می‌کنند تا متوقف شوند. کمینه اندازه

شتاب دو متحرک برای این‌که به هم برخورد نکنند، چند متر بر مجدوثر ثانیه است؟

- |         |         |       |         |
|---------|---------|-------|---------|
| ۴/۱ (۱) | ۶/۶ (۲) | ۴ (۳) | ۳/۲ (۴) |
|---------|---------|-------|---------|

- ۴۹ معادله حرکت متحرکی که در مسیری مستقیم حرکت می‌کند، در  $SI$  به صورت  $x = 5t^3 - 4t^2 + 5$  می‌باشد. کم‌ترین فاصله

متحرک از مبدأ مکان چند متر است؟

- |       |        |       |       |
|-------|--------|-------|-------|
| ۱ (۲) | ۱) صفر | ۳ (۴) | ۲ (۳) |
|-------|--------|-------|-------|

- ۵۰ در شرایط خلا، گلوله‌ای از ارتفاع  $h$  از سطح زمین بدون سرعت اولیه رها می‌شود. اگر این گلوله فاصله  $\frac{5}{9}h$  پایانی مسیر

$$\left( g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \right)$$

حرکتش را در مدت  $18$  طی کند، تندی برخورد گلوله به زمین چند متر بر ثانیه است؟

- |        |        |        |        |
|--------|--------|--------|--------|
| ۱۵ (۱) | ۲۰ (۲) | ۲۵ (۳) | ۳۰ (۴) |
|--------|--------|--------|--------|



-۵۱- در شرایط خلا، دو گلوله A و B را از ارتفاع ۸۰ متری سطح زمین با اختلاف زمانی ۲ ثانیه رها می‌کنیم. هنگامی که گلوله A به

$$\left( g = 10 \frac{m}{s^2} \right)$$

زمین می‌رسد، گلوله B در چه فاصله‌ای از سطح زمین بر حسب متر قرار دارد؟

۱۰ (۴)

۶۰ (۳)

۲۰ (۲)

۴۰ (۱)

-۵۲- اگر معادله حرکت جسمی به جرم ۵۰۰ گرم که روی محور x در حال حرکت است، در SI به صورت  $x = -4t^2$  باشد، بزرگی

برایند نیروهای وارد بر جسم چند نیوتون است؟

۰/۵ (۴)

۱ (۳)

۲ (۲)

۴ (۱)

-۵۳- شتاب جسمی به جرم m که تحت اثر نیروی خالص F است، برابر a می‌باشد. اگر به اندازه  $4m$  به جرم این جسم بیفزاییم،

$$\text{شتاب آن تحت اثر نیروی خالص } F', \text{ برابر } a \frac{1}{\lambda} \text{ می‌شود. حاصل } \frac{F'}{F} \text{ کدام است؟}$$

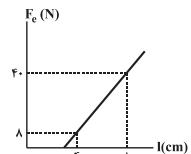
 $\frac{1}{5}$  (۴) $\frac{5}{8}$  (۳)

۲ (۲)

 $\frac{1}{2}$  (۱)

-۵۴- نمودار اندازه نیروی کشسانی فنر بر حسب طول آن، مطابق با شکل زیر است. اگر این فنر را از دو طرف با نیروی افقی  $24N$

بکشیم، طول آن چند سانتی‌متر می‌شود؟ (جرم فنر ناچیز فرض شود).



۶ (۲)

۳ (۱)

۱۰ (۴)

۸ (۳)

-۵۵- یک گوی کروی به جرم  $800g$  از بالای برجی به ارتفاع h از حال سکون رها می‌شود. اگر اندازه نیروی مقاومت هوا در طی

حرکت گوی ثابت و برابر با  $2N$  باشد، گوی پس از  $4s$  به زمین می‌رسد. به ترتیب از راست به چپ h بر حسب متر و تندي

$$\left( g = 10 \frac{m}{s^2} \right)$$

برخورد گوی با زمین بر حسب متر بر ثانیه کدام است؟

۲۰، ۸۰ (۴)

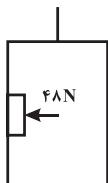
۱۵، ۱۵ (۳)

۳۰، ۶۰ (۲)

۱۵، ۶۰ (۱)

محل انجام محاسبات

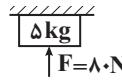
- ۵۶- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم  $4\text{kg}$  توسط نیرویی افقی به بزرگی  $48\text{N}$  به دیواره آسانسوری فشرده شده و در آستانه حرکت قرار دارد. اگر آسانسور با شتاب ثابت در حال حرکت به سمت بالا باشد، اندازه شتاب حرکت آسانسور بر حسب متر بر



$$\text{مجدور ثانیه و نوع حرکت آن مطابق کدام گزینه است؟} \quad (\mu_s = 0.5, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$

- (۱) ۴، کندشونده  
 (۲) ۶، کندشونده  
 (۳) ۶، تندشونده  
 (۴) ۶، تندشونده

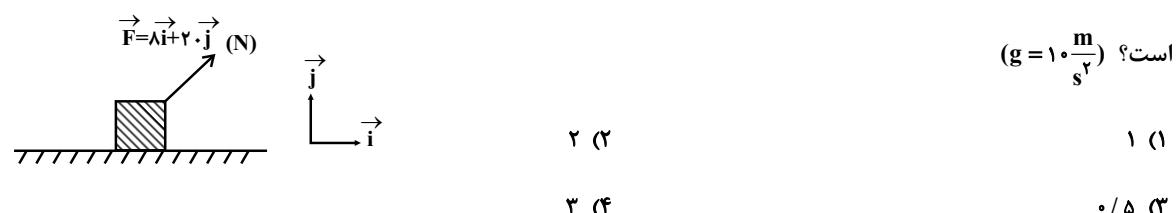
- ۵۷- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم  $5\text{kg}$  تحت تأثیر نیرویی عمودی به بزرگی  $F = 80\text{N}$  به سقف فشرده و ثابت است. اندازه



$$\text{نیروی عمودی سطح که از طرف سقف به جسم وارد می‌شود، چند نیوتون است؟} \quad (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$

- (۱) ۳۰  
 (۲) ۴۰  
 (۳) ۸۰  
 (۴) ۱۳۰

- ۵۸- مطابق شکل زیر، نیروی  $\vec{F} = 8\vec{i} + 20\vec{j}$  نیوتون بر جسم ساکنی به جرم  $3\text{kg}$  اثر می‌کند و آنرا در راستای افقی به حرکت در می‌آورد. اگر ضریب اصطکاک جنبشی بین جسم و سطح افقی  $0.2$  باشد، اندازه شتاب حرکت جسم چند متر بر مجدور ثانیه



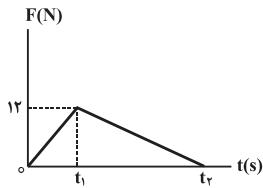
$$\text{است؟} \quad (g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

- (۱) ۱  
 (۲) ۲  
 (۳) ۴  
 (۴) ۵/۵

- ۵۹- اگر با سه برابر شدن جرم یک جسم، انرژی جنبشی آن  $25$  درصد کاهش یابد، اندازه تکانه آن چگونه تغییر می‌کند؟

- (۱) ۵۰ درصد افزایش می‌یابد.  
 (۲) ۵۰ درصد کاهش می‌یابد.  
 (۳) ۲۵ درصد افزایش می‌یابد.  
 (۴) ۲۵ درصد کاهش می‌یابد.

- ۶۰- نمودار نیرو - زمان وارد بر متحرکی که روی محور  $x$  حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. آهنگ تغییر تکانه متوسط متحرک



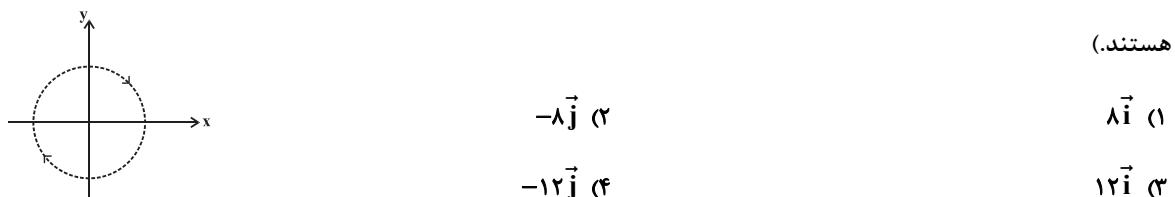
در بازه زمانی صفر تا  $t_2$  چند واحد SI است؟

- (۱) ۱۲  
 (۲) ۹  
 (۳) ۸  
 (۴) ۶

محل انجام محاسبات

۶۱- مطابق شکل زیر، متحركة روی یک دایره با دوره ۴۵ حرکت دایره‌ای یکنواخت در جهت مشخص شده انجام می‌دهد. اگر بردار

شتاب مرکزگرا در یک لحظه به صورت  $\vec{a} = 18\vec{j}$  باشد، سه ثانیه بعد بردار سرعت کدام است؟ ( $\pi = 3$  و تمام واحدها در SI



۶۲- اگر از سطح زمین به اندازه  $h$  بالا رویم، اندازه نیروی وزن یک ماهواره نسبت به سطح زمین ۳۶ درصد کاهش می‌یابد. اگر از

سطح سیاره‌ای که شعاع آن  $\frac{1}{4}$  شعاع زمین و جرم آن ۲ برابر جرم زمین است به همان اندازه  $h$  بالا رویم، اندازه نیروی وزن

همان ماهواره نسبت به سطح سیاره تقریباً چند درصد کاهش می‌یابد؟

۵۶ (۴)

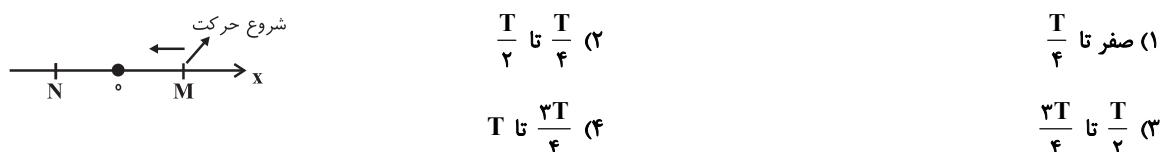
۴۴ (۳)

۷۵ (۲)

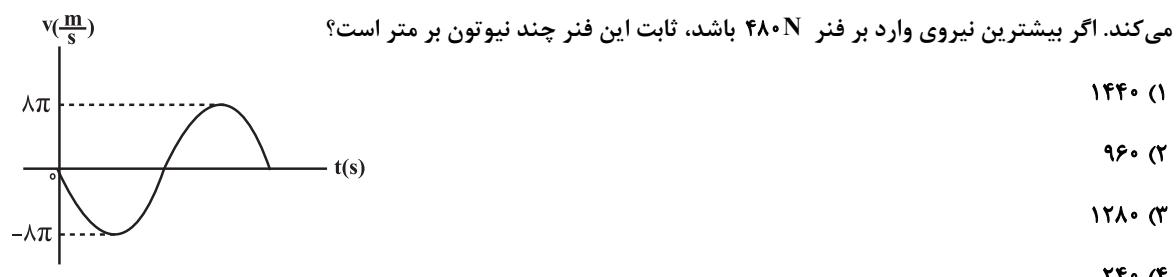
۲۵ (۱)

۶۳- مطابق شکل زیر، نوسانگری روی پاره خط MN و حول مبدأ مختصات با دوره حرکت T حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد.

در زمانی که حرکت نوسانگر کندشونده و مکان نوسانگر منفی است، نوسانگر در کدام بازه زمانی قرار دارد؟



۶۴- نمودار سرعت - زمان سامانه جرم و فنر مطابق شکل زیر بوده و در لحظه  $t = \frac{3}{8}s$ ، متحرک برای دومین بار از مبدأ عبور



می‌کند. اگر بیشترین نیروی وارد بر فنر N ۴۸۰N باشد، ثابت این فنر چند نیویتون بر متر است؟

۰/۶۴ (۴)

۴۸ (۳)

۰/۱۳۲ (۲)

۱۶ (۱)

۶۵- معادله حرکت ذره‌ای به جرم ۲۰g که حرکت نوسانی هماهنگ ساده انجام می‌دهد در SI به صورت  $x = ۰/۰\cos(۲۰\pi t)$

می‌باشد. در لحظه‌ای که نوسانگر از مکان  $x = +1\text{cm}$  می‌گذرد، انرژی مکانیکی آن چند ژول است؟

محل انجام محاسبات



- ۶۶ نوسانگری به جرم  $300\text{ g}$  به انتهای فنری با جرم ناچیز متصل شده و بر روی سطح افقی بدون اصطکاکی حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر در یک لحظه انرژی جنبشی و پتانسیل نوسانگر به ترتیب  $4\text{ mJ}$  و  $8\text{ mJ}$  باشد، در لحظه‌ای که انرژی جنبشی نوسانگر برابر با انرژی پتانسیل آن است، تندی آن چند متر بر ثانیه می‌باشد؟

$$\frac{\sqrt{2}}{15} \quad ۲ \quad ۰/۲ \quad ۱) \quad ۰/۲$$

$$0/2\sqrt{2} \quad ۴ \quad \frac{2\sqrt{3}}{15} \quad ۳$$

- ۶۷ اگر طول آونگ ساده‌ای را که نوسان‌های کم‌دامنه انجام می‌دهد،  $22\text{ cm}$  افزایش دهیم، دوره نوسان‌های آن  $20$  درصد تغییر می‌کند. طول اولیه آونگ چند سانتی‌متر بوده است؟

$$28 \quad ۲ \quad 20 \quad ۱) \quad 20 \quad ۱)$$

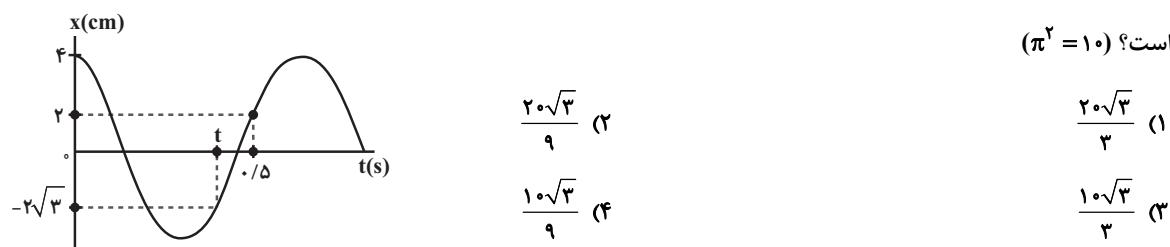
$$72 \quad ۴ \quad 50 \quad ۳$$

- ۶۸ مطابق شکل زیر، چهار سامانه جرم – فنر با ثابت فنر یکسان  $\frac{N}{m} = 36$  به میله  $OO'$  وصل شده‌اند. اگر میله با بسامد زاویه‌ای

$$\omega_{OO'} = 3 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$



- ۶۹ نمودار مکان–زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای مطابق شکل زیر است. شتاب این نوسانگر در لحظه  $t$  چند متر بر مجدور ثانیه



$$\frac{20\sqrt{3}}{9} \quad ۲ \quad \frac{20\sqrt{3}}{3} \quad ۱$$

$$\frac{10\sqrt{3}}{9} \quad ۴ \quad \frac{10\sqrt{3}}{3} \quad ۳$$

- ۷۰ نوسانگری روی پاره خطی به طول  $1\text{ cm}$ ، حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر این نوسانگر از ابتدا تا انتهای این پاره خط را بدون تغییر جهت در مدت  $5\text{ s}$  طی کند، تندی آن هنگام عبور از مرکز نوسان چند سانتی‌متر بر ثانیه خواهد بود؟

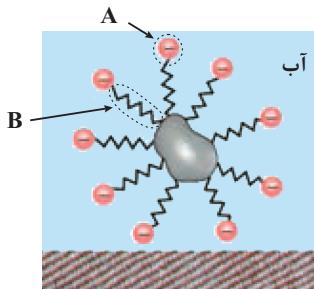
$$2\pi \quad ۴ \quad 0/02\pi \quad ۳ \quad \pi \quad ۲ \quad 0/01\pi \quad ۱)$$

محل انجام محاسبات

وقت پیشنهادی: ۲۰ دقیقه

شیمی ۳: مولکول‌ها در خدمت تدرستی، آسایش و رفاه در سایه شیمی: صفحه‌های ۱ تا ۶۴

۷۱- با توجه به شکل زیر که نحوه پاک شدن لکه چربی یا روغن از سطح پارچه را در کتاب درسی نشان می‌دهد، کدام مطلب

نادرست است؟

۱) مخلوط نشان داده شده در شکل، یک مخلوط ناهمگن و ناپایدار است.

۲) بین مولکول‌های روغن و بخش B، جاذبه و اندروالسی وجود دارد.

۳) قسمت A بخش آب دوست صابون و فرمول شیمیایی آن  $\text{COO}^-$  است.

۴) جاذبه میان بخش A و مولکول‌های آب از نوع «یون - دوقطبی» است.

کدام موارد از مطالع زیر نادرست است؟ ۷۲-

الف) بین اتم‌های بخش آنیونی پاک‌کننده غیرصابونی، پیوند کووالنسی یگانه، دوگانه و سه‌گانه می‌تواند وجود داشته باشد.

ب) حداکثر شمار اتم‌های یک پاک‌کننده صابونی با زنجیره کلیل ۱۵ کربنی برابر ۵۰ اتم است.

پ) از واکنش منیزیم با هیدروکلریک اسید، گازی تولید می‌شود که در بخش کاتدی سلول بر قافت آب تولید و در بخش آندی سلول سوختی مصرف می‌شود.

ت) ترکیب  $\text{C}_{18}\text{H}_{35}\text{COO}^-\text{Na}^+$  برخلاف  $\text{C}_{12}\text{H}_{23}\text{C}_6\text{H}_5\text{SO}_4^-\text{Na}^+$  در آب حاوی مقادیر چشم‌گیری از یون‌های منیزیم و کلسیم خاصیت پاک‌کنندگی ندارد.

ث) اتیلن گلیکول از جمله هیدروکربن‌های قطبی است که همانند اوره با آب پیوند هیدروژنی برقرار می‌کند.

(۱) (الف)، (ب)، (ت)  
(۲) (ب)، (ت)، (ث)(۳) (ب)، (پ)، (ت)  
(۴) (الف)، (ت)، (ث)۷۳- مخلوطی به جرم ۱۲۶/۴ گرم از  $\text{C}_{17}\text{H}_{35}\text{COONa}$  و  $\text{C}_{18}\text{H}_{29}\text{SO}_4\text{Na}$  را در ۲۰۰ میلی‌لیتر محلول ۱ مولار کلسیم کلرید وارد می‌کنیم. با فرض مصرف کامل یون‌های کلسیم در این واکنش، درصد جرمی پاک‌کننده غیرصابونی در مخلوط اولیه به تقریب کدام است؟ $(\text{Na} = ۲۳, \text{C} = ۱۲, \text{O} = ۱۶, \text{S} = ۳۲, \text{H} = ۱: \text{g.mol}^{-1})$ 

۱/۵۸ (۴)

۵/۷ (۳)

۳/۱۶ (۲)

۰/۷۹ (۱)

کدام گزینه در مورد اسیدهای  $\text{HNO}_3$ ،  $\text{HNO}_2$  و  $\text{HCN}$  درست است؟ ۷۴-

۱) از میان آن‌ها ثابت یونش دو اسید، بزرگ است.

۲) در شرایط یکسان از نظر دما و غلظت، غلظت یون‌های موجود در محلول اسید  $\text{HNO}_3$  بیشتر است.۳) در دما و غلظت‌های یکسان از سه اسید،  $\text{HNO}_3$  بالاترین  $\text{pH}$  را دارد.۴) در شرایط یکسان، سرعت واکنش فلز منیزیم در  $\text{HNO}_2$  در مقایسه با  $\text{HNO}_3$  بیشتر است.۷۵-  $\text{NHRR}'$  یک باز ضعیف آلی است. ۱۱/۸ گرم از آن درون مقداری آب ریخته شده و پس از یونش، مجموع تعداد یون‌ها به۴/۸۱۶  $\times 10^{۲۱}$  رسیده است. اگر درصد یونش آن ۶۲٪ باشد،  $\text{R}$  و  $\text{R}'$  در کدام دو ترکیب می‌توانند باشند؟ $(\text{C} = ۱۲, \text{H} = ۱, \text{N} = ۱۴: \text{g.mol}^{-1})$ 

۴) اتیل و متیل

۳) پروپیل و متیل

۲) اتیل و اتیل

۱) متیل و متیل

محل انجام محاسبات



محل انجام محاسبات

- ۷۶ - چه تعداد از موارد زیر درست است؟

- (الف) در دما و غلظت یکسان، هرچه  $K_b$  یک باز بیشتر باشد، رسانایی الکتریکی محلول آن بیشتر است.
- (ب) هیدروکلریک اسید همانند سدیم هیدروکسید از جمله شوینده‌های خورنده است و در اثر واکنش این دو ماده با یکدیگر، نمک طعام به صورت محلول در آب تولید می‌شود.
- (پ) در واکنش خنثی شدن اسیدها و بازها، کاتیون حاصل از اسید و آنیون حاصل از باز، دستخورده باقی می‌مانند.
- (ت) اگر غلظت اسید و باز با یکدیگر برابر باشد، قطعاً واکنش خنثی شدن به صورت کامل انجام می‌گیرد.

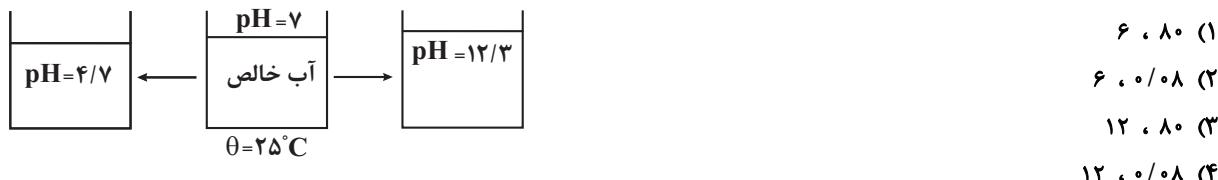
۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

- ۷۷ - به ۱۶۸ گرم محلول پتاس سوزآور با درصد جرمی مشخص، مقداری آب خالص اضافه کرده‌ایم تا حجم محلول به ۷۵۰ mL برسد، اگر pH محلول حاصل برابر  $7/12$  باشد، غلظت محلول اولیه چند ppm و درصد جرمی آن چقدر است؟ ( $K = ۳۹, O = ۱۶, H = ۱: g.mol^{-1}$  محلول d) (گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید).

۲۵°C در نظر بگیرید.

۱) ۱۲۵۰ - ۱۲۵۰۰ ۲) ۰/۱۲۵۰ - ۱۲۵۰۰ ۳) ۱۲/۵ - ۱۲۵۰۰ ۴) ۱/۲۵ - ۱۲۵۰۰

- ۷۸ - با توجه به شکل زیر، به طور جداگانه به ۱۰۰ mL آب با  $pH = ۷$ ، به ترتیب از راست به چپ چند گرم سدیم هیدروکسید جامد (ظرف سمت راست) و چند میلی گرم HA (ظرف سمت چپ) اضافه کنیم تا محلول‌هایی با pH داده شده به دست آید؟ (اسید HA به میزان ۲ درصد یونیده می‌شود و جرم مولی HA و NaOH به ترتیب برابر ۶۰ و ۴۰ گرم بر مول است و از تغییر حجم محلول موقع اضافه کردن HA و NaOH صرف‌نظر کنید).


 ۱) ۶ ، ۸۰  
 ۲) ۶ ، ۰/۰۸  
 ۳) ۱۲ ، ۸۰  
 ۴) ۱۲ ، ۰/۰۸

- ۷۹ - مقداری فلز سدیم را به داخل یک لیتر آب می‌اندازیم و محلول بازی به دست آمده را به ۷ لیتر محلول هیدروکلریک اسید با غلظت  $۳mol.L^{-1}$  اضافه می‌کنیم. اگر pH محلول هیدروکلریک اسید ۲ برابر شود، چند گرم فلز سدیم با آب واکنش داده است؟ (از تغییر حجم آب پس از واکنش سدیم صرف‌نظر شود).

 $(Na = ۲۳ g.mol^{-1}) \quad (\log ۳ = ۰/۵)$ 


۱) ۱۴/۹۵ ۲) ۲۹/۹ ۳) ۷/۳۵ ۴) ۱۴/۷

- ۸۰ - چند مورد از مطالعه زیر درست است؟

- یک ماده خوراکی با  $pH = ۸$  باعث افزایش  $pH$  محتويات درون معده می‌شود.
- در صورت افزودن محلول لوله‌بازکن به مخلوط آب و اسیدهای چرب، قطعاً یک مخلوط همگن ایجاد می‌شود.
- در دمای ثابت، با افزودن محلول شیشه‌پاک کن به آب خالص، مقدار  $[OH^-] \times [H^+]$  افزایش می‌یابد.
- مجموع بارهای الکتریکی محلول پتاس سوزآور همواره بیشتر از مجموع بارهای الکتریکی محلول آمونیاک است.

۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴



-۸۱ با توجه به جدول زیر که شامل داده‌هایی از قرار دادن برخی تیغه‌های فلزی درون محلول مس (II) سولفات در دمای  $20^{\circ}\text{C}$  است، چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟ (A و B نمادهای فرضی هستند).

دماهی مخلوط واکنش پس از مدتی (°C)	نماد فلز	نام فلز
۲۳	Fe	آهن
۲۰	A	-
۲۶	Zn	روی
۲۰	B	-
۲۸	Al	آلومینیم

● A و B می‌توانند فلزهایی از عنصرهای واسطه باشند.

● مقایسه قدرت کاهندگی به صورت:  $\text{Al} > \text{Zn} > \text{Fe}$  درست است.

● هرگاه تیغه‌ای از جنس فلز A درون محلول روی سولفات قرار گیرد، واکنشی رخ نمی‌دهد.

● قدرت اکسیدگی یون  $\text{Zn}^{2+}$  از یون پایدار عنصر B بیشتر است.

۴ (۱)

۳ (۲)

۲ (۳)

۱ (۴)

-۸۲ درباره سلول گالوانی «منگنز - نقره» چند مورد از مطالب زیر درست است؟

$$E^\circ(\text{Mn}^{2+}(\text{aq}) / \text{Mn(s)}) = -1/18\text{V}$$

$$E^\circ(\text{Ag}^+(\text{aq}) / \text{Ag(s)}) = +0/80\text{V}$$

- emf سلول برابر  $1/98\text{V}$  است و در واکنش کلی سلول، یون‌های  $\text{Ag}^+$  نقش اکسیدنده را دارند.

- قدرت کاهندگی Mn از Ag بیشتر است و الکترود منگنز، قطب منفی است.

- الکترود نقره کاتد است و با انجام واکنش در سلول، غلظت کاتیون در سمت قطب مثبت سلول کاهش می‌باید.

- الکترون‌ها برخلاف مسیر حرکت کاتیون‌ها، از آند به سمت کاتد می‌روند.

- با پیشرفت واکنش به میزان ۷۵% در نیمسلول نقره با غلظت یک مولار و حجم  $2 \times 10^{-3}\text{L}$  لیتر،  $9/10^3$  الکترون میان آند و کاتد جابه‌جا می‌شود.

۴ (۲)

۵ (۴)

۳ (۱)

۲ (۳)

-۸۳ با توجه به  $E^\circ$  الکترودها، بزرگترین emf از اتصال کدام دو نیمسلول به دست می‌آید و ولتاژ حاصل از آن برای انجام چه تعداد

از واکنش‌های غیر خودبه‌خودی بین نیمسلول‌های قابل تشکیل از الکترودهای زیر، کافی است؟ (با زاده سلول موردنظر ۸۰٪ است).

$$E^\circ(\text{Co}^{2+} / \text{Co}) = -0/28\text{V}, E^\circ(\text{Ag}^+ / \text{Ag}) = +0/80\text{V}, E^\circ(\text{Zn}^{2+} / \text{Zn}) = -0/76\text{V}, E^\circ(\text{Cu}^{2+} / \text{Cu}) = +0/34\text{V}$$

۴، Zn - Cu (۲) ۵، Zn - Ag (۱)

۵، Zn - Cu (۴) ۴، Zn - Ag (۳)

در یک سلول گالوانی که میان نیمسلول استاندارد آلومینیم و نیمسلول استاندارد هیدروژن تشکیل شده است، با گذشت ۱۰ دقیقه،

pH نیمسلول هیدروژن  $4/0$  واحد تغییر می‌کند. پس از این مدت، غلظت مولی  $\text{Al}^{3+}$  در نیمسلول آلومینیم چقدر است؟

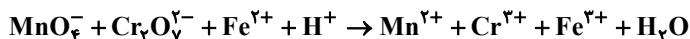
(توجه شود که pH محلول اولیه نیمسلول هیدروژن برابر صفر بوده و حجم محلول‌های الکتروولیت در هر دو نیمسلول را برابر یک لیتر در نظر بگیرید).  $(\log 4 = 0/4)$  (از جایه‌جایی یون‌ها توسط غشاء متخلخل صرف نظر کنید).



۰/۵ (۴) ۱/۵ (۳) ۱/۲ (۲) ۰/۲ (۱)

محل انجام محاسبات

- ۸۵ - کدام گزینه در مورد واکنش زیر، پس از موازنی درست است؟



(۱) مجموع ضرایب استوکیومتری مواد شرکت کننده در واکنش برابر ۵۹ است.

(۲) در این واکنش یک گونه اکسیده و دو گونه کاهنده وجود دارد.

(۳) تغییر عدد اکسایش هر اتم منگنز،  $\frac{5}{3}$  برابر تغییر عدد اکسایش هر اتم کروم است.

(۴) عناصر هیدروژن و اکسیژن در این واکنش اکسایش یافته‌اند.

- ۸۶ - مقداری پودر آهن در محلول حاوی هربیک از اکسیدهای زیر می‌ریزیم. با در نظر گرفتن انجام کامل همه واکنش‌های «اکسایش – کاهش» خودبه‌خودی و با فرض آن‌که اکسیده به مقدار اضافی در ظرف موجود است، عدد اکسایش نهایی آهن در محلول‌های: الف، ب، پ و ت، به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

	HBr	Cl <sub>2</sub>
E°(Fe <sup>3+</sup> / Fe <sup>2+</sup> ) = +۰ / ۷۷V	ب)	الف)
E°(Fe <sup>2+</sup> / Fe) = -۰ / ۴۴V	ت)	پ)
E°(Zn <sup>۲+</sup> / Zn) = -۰ / ۷۶V		+۲, ۰, +۲, +۳ (۱)
E°(I <sub>۲</sub> / I <sup>-</sup> ) = +۰ / ۵۴V		۰, +۲, +۳, +۲ (۲)
E°(Cl <sub>۲</sub> / Cl <sup>-</sup> ) = +۱ / ۳۶V		۰, +۲, +۲, +۳ (۳)
E°(H <sup>+</sup> / H <sub>۲</sub> ) = ۰V		۰, +۳, +۲, +۲ (۴)

- ۸۷ - چند مورد از عبارت‌های زیر، در مورد حلبی و آهن گالوانیزه (در آب و هوای مرطوب) درست است؟ (۱) / ۷۶V

● بر اثر ایجاد خراش در این مواد، در کاتد، اتم‌های نافلزی کاهش می‌یابند.

● برای ساختن ظروف بسته‌بندی مواد غذایی، از ورقه‌های آهنی پوشیده شده از فلز روی استفاده می‌شود.

● بر اثر ایجاد خراش در این مواد، اتم‌های آند در ابتدا ۲ درجه اکسایش می‌یابند.

● در آهن گالوانیزه، قبل از ایجاد خراش نیز امکان اکسایش اتم‌های فلزی وجود دارد.

۴ (۲) (۱)

۲ (۴) (۱)

محل انجام محاسبات



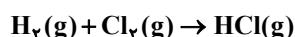
- ۸۸ در یک کارخانه، گاز کلر تولید شده در سلول برقکافت  $\text{NaCl}(\text{l})$  را با گاز هیدروژن وارد واکنش کرده و از فراورده حاصل برای

تولید یک پاک کننده خورنده  $\text{HCl}$  استفاده می‌شود. اگر با مقدار پاک کننده خورنده تولید شده در این کارخانه در طول یک

شبانه‌روز بتوان ۶۳ گرم رسوب کلسیم کربنات را به‌طور کامل از بین برد، در طول یک شبانه‌روز چند گرم نمک سدیم کلرید

مذاب در این کارخانه برقکافت می‌شود؟ (بازده درصدی فرایند برقکافت  $\text{NaCl}$  برابر ۷۵٪ و بازده واکنش تولید  $\text{HCl}$  از

$$(\text{Na} = ۲۳, \text{Cl} = ۳۵/۵, \text{Ca} = ۴۰, \text{O} = ۱۶, \text{C} = ۱۲: \text{g.mol}^{-1}) \quad (\text{Na} = ۲۳, \text{Cl} = ۳۵/۵, \text{Ca} = ۴۰, \text{O} = ۱۶, \text{C} = ۱۲: \text{g.mol}^{-1})$$



۸۴/۲ (۴)

۱۶۳/۸ (۳)

۱۸۷/۲ (۲)

۳۷/۷ (۱)

- ۸۹ باتری‌های «آهن-نقره» از جمله باتری‌های دکمه‌ای هستند که در آن‌ها واکنش  $\text{Fe}(\text{s}) + \text{Ag}_\gamma\text{O}(\text{s}) \rightarrow \text{FeO}(\text{s}) + ۲\text{Ag}(\text{s})$  انجام

می‌شود. با توجه به آن، چند مورد از مطالب زیر درست است؟

$$(\text{E}^\circ(\text{Fe}^{+2}/\text{Fe}) = -۰/۴۴\text{V}, \text{E}^\circ(\text{Ag}^+/\text{Ag}) = +۰/۸\text{V}, \text{E}^\circ(\text{Zn}^{+2}/\text{Zn}) = -۰/۷۶\text{V}, \text{Fe} = ۵۶\text{g.mol}^{-1})$$

(الف) به ازای تبادل  $۱۰^{۲۱} / ۲۲۴ \times ۷$  الکترون، ۳۳۶ میلی‌گرم آهن مصرف می‌شود.

(ب) در قطب مثبت این باتری اتم‌های نقره، واکنش کاهش را انجام می‌دهند.

(پ) در نیم واکنش آندی آن همانند نیم واکنش آندی خودگی آهن،  $\text{Fe}$  اکسایش می‌یابد.

(ت) از فراورده فلزی آن می‌توان برای آبکاری یک قاشق آهنی استفاده کرد.

(ث) با جایگزینی روی به جای آهن در این باتری،  $\text{emf}$  آن ۵۰ درصد افزایش می‌یابد.

۱ (۱)

۲ (۲)

۴ (۴)

۳ (۳)

- ۹۰ کدام موارد از مطالب زیر درست‌اند؟

(الف) به ازای مبادله شمار یکسان الکترون در واکنش خودگی آهن و فرآیند هال، شمار مول فراورده اکسیژن‌دار در واکنش یکسان است.

(ب) از واکنش فراورده گازی واکنش برقکافت میزیم کلرید مذاب با سدیم فلوروئید، گاز فلوروئید، گاز فلور تولید می‌شود.

(پ) با افزایش شمار الکترون‌ها با  $= ۱$  در فلزات قلیایی، قدرت کاهندگی و شعاع اتمی آن‌ها افزایش می‌یابد.

(ت) اگر فراورده‌های سلول سوختی متان-اکسیژن را به شرایط STP ببریم، فراورده با جرم مول بیشتر به حالت فیزیکی مایع نمی‌رسد.

(۱) (الف)، (ت)

(۲) (ب)، (پ)

(۳) فقط (ت)

(۴) فقط (پ)

(۱) (الف)، (ت)

(۲) فقط (ت)

(۳) فقط (پ)

محل انجام محاسبات

آزمون آمادگی شناختی (۲) - ۱۶ دی ۱۴۰۱

دانش آموز عزیز!

یادگیری فرآیندی است که نیازمند پشتیبانی ساز و کارهای شناختی مغز است. آگاهی از این ساز و کارها می‌تواند توانایی یادگیری شما را توسعه دهد. آمادگی شناختی توانایی بهره‌مندی از کارکردهای شناختی مغز در موقعیت‌های مختلف، است.

## آمادگی شناختی

بنیاد علمی آموزشی قلم چی در راستای حمایت از فراغیران با همکاری استادی علوم اعصاب شناختی دانشگاه شهرید بهشتی در مرکز پژوهشی علوم اعصاب شناختی رفتار در نظر دارد آمادگی شناختی داولطلبان را به صورت دوره‌ای مورد سنجش قرار دهد. سوالات این بخش پاسخ درست و یا غلط ندارد و هدف این سوالات آگاهی شما از میزان آمادگی شناختی خود است. هدف این بخش حمایت شرکت کنندگان برای استفاده بهتر از توانایی‌های شناختی خود در فرآیند پادگیری است. ما برای ارتقاء این توانایی‌ها توصیه‌هایی را برای شما فراهم خواهیم نمود.

دانشآموزانی که در نوبت قبل در آزمون شرکت کرده بودند، می‌توانند در این آزمون هم شرکت کنند. پس از ارزیابی‌های چندگانه به هدف شناخت وضعیت پایه آمادگی شناختی شما، ارزیابی‌های موقعیتی در فواصل بین آزمون‌ها اجرا خواهد شد.

سوالات را به دقت بخوانید و نزدیکترین پاسخ مرتبط با خود را انتخاب و در پاسخگوی علامت بنمایید.

- ۲۶۱- می توانم بیش از ده دقیقه توجهم را روی مطالب درسی نگه دارم.  
۱) هر گز ۲) به ند. ت ۳) گاهه . اوقات ۴) همشه

- ۲۶۲- افکار مزاحم مانع درس خواندن من می‌شوند.  
۱) هرگز ۲) به نهاد ت ۳) گاهی اوقات ۴) همیشه

- ۲۶۳- درک مطلب در متون طولانی برایم سخت است.  
۱) هر گز ۲) به ند، ت ۳) گاهه، اوقات  
۴) همسه

- ۲۶۴- من قبل از شروع درس خواندن یک هدف برای خود تعیین می کنم.  
۱) هر گز ۲) به ند. ت ۳) گاهی اوقات ۴) همشه

- ۲۶۵- من می‌دانم چه مطالبی برای یادگیری مهم‌تر است.  
۱) هرگز      ۲) به ندرت      ۳) گاهی اوقات      ۴) همیشه
- ۲۶۶- من از نداشتن توجه در حین مطالعه آگاهم.  
۱) هرگز      ۲) به ندرت      ۳) گاهی اوقات      ۴) همیشه
- ۲۶۷- برای فعالیت درسی خود قبل از شروع هدف تعیین می‌کنم.  
۱) هرگز      ۲) به ندرت      ۳) گاهی اوقات      ۴) همیشه
- ۲۶۸- به طور منظم پیشرفت خود را در مطالب درسی بررسی می‌کنم.  
۱) هرگز      ۲) به ندرت      ۳) گاهی اوقات      ۴) همیشه
- ۲۶۹- نمی‌توانم روی هر مرحله به اندازه نیاز وقت صرف کنم.  
۱) هرگز      ۲) به ندرت      ۳) گاهی اوقات      ۴) همیشه
- ۲۷۰- انتخاب بین چند فعالیت برایم سخت است.  
۱) هرگز      ۲) به ندرت      ۳) گاهی اوقات      ۴) همیشه
- ۲۷۱- شروع کارها را تا جایی که می‌شود به تعویق می‌اندازم.  
۱) هرگز      ۲) به ندرت      ۳) گاهی اوقات      ۴) همیشه
- ۲۷۲- حاضرم برای آینده بهتر، سخت تلاش کنم.  
۱) هرگز      ۲) به ندرت      ۳) گاهی اوقات      ۴) همیشه
- ۲۷۳- می‌توانم بسته به موقعیت، فعالیت مفیدی انجام دهم.  
۱) هرگز      ۲) به ندرت      ۳) گاهی اوقات      ۴) همیشه
- ۲۷۴- بعضی مواقع رفتارهای نسنجدیده دارم.  
۱) هرگز      ۲) به ندرت      ۳) گاهی اوقات      ۴) همیشه
- ۲۷۵- می‌توانم در هر جمع رفتار مناسب آن جمع را داشته باشم.  
۱) هرگز      ۲) به ندرت      ۳) گاهی اوقات      ۴) همیشه

-۲۷۶- می توانم سوال های جدیدی از مطالب درسی استخراج کنم.

- (۱) هرگز      (۲) به ندرت      (۳) گاهی اوقات      (۴) همیشه

-۲۷۷- راه حل های متفاوتی برای یک مطلب به ذهنم می رسد.

- (۱) هرگز      (۲) به ندرت      (۳) گاهی اوقات      (۴) همیشه

-۲۷۸- می توانم به صورت اگاهانه برای یک موضوع خیال پردازی کنم.

- (۱) هرگز      (۲) به ندرت      (۳) گاهی اوقات      (۴) همیشه

با توجه به سازه های مورد ارزیابی اهمیت کدام سازه را برای عملکرد تحصیلی خود بیشتر می دانید و مایل به

دریافت توصیه های مرتبط با آن هستید؟

در پاسخ نامه برای سوال ۲۷۹ و ۲۸۰ یک گزینه را انتخاب کنید.

لطفا با در نظر گرفتن توضیح بالا، یک گزینه را انتخاب کنید و در پاسخ نامه برای سوال ۲۷۹ یا ۲۸۰ وارد

کنید.

-۲۷۹- (۱) توجه و حافظه      (۲) فراشناخت      (۳) حل مساله      (۴) تصمیم گیری

-۲۸۰- (۱) سازگاری      (۲) خلاقیت      (۳) همه موارد      (۴) هیچ کدام



آزمون هدیه ۱۶ دی ۱۴۰۱

نقد و بررسی

## اختصاصی دوازدهم ریاضی

### گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه	هندرسه ۳	ریاضیات گسسته	فیزیک ۳	شیمی ۳
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	ایمان حسین نژاد
گروه ویراستاری	علی سرآبادانی	عادل حسینی	عادل حسینی	حمدید زرین کفش	یاسر راش
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	بابک اسلامی	امیرحسین مسلمی
مستند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

### گروه فنی و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
عادل حسینی	مسئول دفترچه
مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی	گروه مستندسازی
میلاد سیاوشی	حروف نگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

### گروه آزمون

#### بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۱۰-۶۴۶۳

(مهدلاد سعادی لاریجانی)

$$y = \begin{cases} k^2x + 1 - kx & ; x \geq 0 \\ k^2x + 1 + kx & ; x < 0 \end{cases} \Rightarrow y = \begin{cases} (k^2 - k)x + 1 & ; x \geq 0 \\ (k^2 + k)x + 1 & ; x < 0 \end{cases}$$

برای اکیداً صعودی بودن کافی است شیب خطها مثبت باشد:

$$k^2 - k > 0 \Rightarrow k < 1 \text{ یا } k > 1 \quad (I)$$

$$k^2 + k > 0 \Rightarrow k < -1 \text{ یا } k > 0 \quad (II)$$

$$\underline{(I) \cap (II)} \Rightarrow k > 1 \text{ یا } k < -1 \Rightarrow k \in \mathbb{R} - [-1, 1]$$

این یعنی  $k$  نمی‌تواند اعداد صحیح -۱ و صفر و ۱ را پذیرد.

(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

**گزینه «۴»****حسابان ۲**

۱- گزینه «۱»

(کاظم اجلالی)

اگر نمودار تابع  $y = f(2x - 1)$  را یک واحد به چپ منتقل کنیم، نمودار تابع  $y = f(2(x+1) - 1) = f(2x+1)$  به دست می‌آید. اگر این نمودار را نسبت به محور عرض‌ها قرینه کنیم، نمودار تابع  $y = f(-2x+1)$  به دست می‌آید و اگر طول نقاط این نمودار را دو برابر کنیم، نمودار تابع  $y = f(-x+1)$  به دست می‌آید.

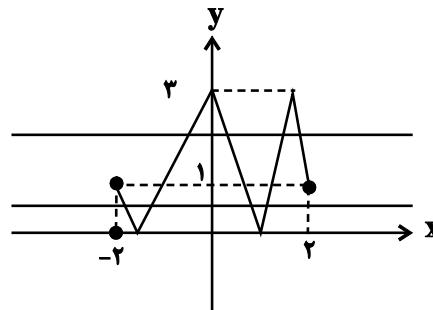
(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۳)

**گزینه «۳»**

(عادل هسینی)

خط  $y = m$  نمودار تابع  $|2f(x) + 1|$  را باید در چهار نقطه قطع کند. از آنجا که تبدیلات افقی فقط روی طول نقاط تأثیرگذارند، پس تعداد جواب‌های معادله فوق با تعداد جواب‌های معادله  $|2f(x) + 1| = m$  برابر است، پس برای سادگی نمودار تابع  $|2f(x) + 1| = m$  را رسم می‌کنیم که خط  $y = m$  باید آن را در ۴ نقطه قطع کند.

نمودار تابع مذکور به صورت زیر است و داریم:



برای اینکه خط  $y = m$  نمودار تابع را در ۴ نقطه قطع کند لازم است که  $m \in (0, 3) - \{1\}$  باشد.

(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۳)

**گزینه «۲»**

(محمد مصطفی ابراهیمی)

تابع  $f + g$  را تشکیل می‌دهیم:

$$(f + g)(1) = f(1) + g(1) = 2 + 2 = 4$$

$$(f + g)(-1) = 0 + \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

$$(f + g)(0) = [a] + 1$$

اگر  $f + g$  صعودی باشد، باید با افزایش مقادیر  $x$  مقادیر تابع هم زیاد شود. یعنی:

$$(f + g)(-1) \leq (f + g)(0) \leq (f + g)(1) \Rightarrow \frac{1}{2} \leq [a] + 1 \leq 4$$

$$\frac{-1}{2} \leq [a] \leq 3$$

چون  $[a] \in \mathbb{Z}$  است، پس  $-1 \leq [a] \leq 3$ ، یعنی  $-1 \leq a \leq 3$  می‌باشد.

(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(کاظم اجلالی)

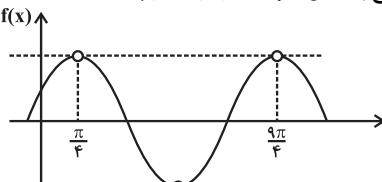
**گزینه «۱»**

-۷

$$f(x) = \frac{\cos^2 x - \sin^2 x}{-\sin x + \cos x} = \frac{(\cos x - \sin x)(\cos x + \sin x)}{\cos x - \sin x}$$

$$= \sin x + \cos x = \sqrt{2} \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$$

$$f(x) = \sqrt{2} \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right), x \neq k\pi + \frac{\pi}{4}$$

بنابراین نمودار تابع به شکل زیر است و دوره تناوب آن  $2\pi$  است.

(حسابان ۲ - مثلثات: صفحه ۲۷)

(محمد ستاری)

## گزینه «۴» - ۱۱

$$2\cos^2 x - 1 - \tan^2 x = \frac{1}{6} \Rightarrow 2\cos^2 x - (1 + \tan^2 x) = \frac{1}{6}$$

$$2\cos^2 x - \frac{1}{\cos^2 x} = \frac{1}{6} \quad \text{cos } x = t \Rightarrow 2t - \frac{1}{t} = \frac{1}{6}$$

$$\Rightarrow 12t^2 - t - 6 = 0 \Rightarrow (4t - 3)(3t + 2) = 0$$

$$\begin{cases} t = \frac{3}{4} \Rightarrow \cos x = \pm \frac{\sqrt{3}}{2} \\ t = -\frac{2}{3} \Rightarrow \cos^2 x = -\frac{2}{3} \end{cases} \quad \text{غیره}$$

به طور خلاصه جواب  $x = k\pi \pm \frac{\pi}{6}$  است.

(مسابقات - مثالیات: صفحه‌های ۵۳۵ و ۵۴۴)

(مسین اسفین)

## گزینه «۱» - ۱۲

$$(\sin x + \cos x)^2 = \cos 4x \Rightarrow 1 + \sin 2x = 1 - 2\sin^2 2x$$

$$\Rightarrow 2\sin^2 2x + \sin 2x = 0 \Rightarrow \sin 2x(2\sin 2x + 1) = 0$$

$$\begin{cases} \sin 2x = 0 \Rightarrow 2x = k\pi \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} \xrightarrow{x \in [0, \pi]} x = 0, \frac{\pi}{2}, \pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ 2\sin 2x + 1 = 0 \Rightarrow \sin 2x = -\frac{1}{2} = \sin(-\frac{\pi}{6}) \quad (*) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x = k\pi - \frac{\pi}{6} \Rightarrow x = k\pi - \frac{\pi}{12} \xrightarrow{x \in [0, \pi]} x = \frac{11\pi}{12} \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ 2x = k\pi + \pi - (-\frac{\pi}{6}) \Rightarrow x = k\pi + \frac{7\pi}{12} \xrightarrow{x \in [0, \pi]} x = \frac{7\pi}{12} \end{cases}$$

پس معادله داده شده، پنج جواب در بازه  $[0, \pi]$  دارد.

(مسابقات - مثالیات: صفحه‌های ۵۳۵ و ۵۴۴)

(عادل مسین)

## گزینه «۴» - ۱۳

حاصل حد  $\infty$  شده است، پس  $x = 2$  ریشه عبارت مخرج است:

$$4 + 2a + b = 0 \Rightarrow a = -\frac{b}{2} - 2$$

پس ضابطه تابع را می‌توانیم به صورت

$$f(x) = \frac{x+1}{x^2 - (\frac{b}{2} + 2) + b} = \frac{x+1}{(x-2)(x-\frac{b}{2})}$$

داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x+1}{\underbrace{(x-2)(x-\frac{b}{2})}_{0^-}} = -\infty$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x+1}{(x-\frac{b}{2})} > 0 \Rightarrow \frac{3}{2-\frac{b}{2}} > 0$$

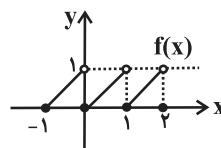
$$\Rightarrow 2 - \frac{b}{2} > 0 \Rightarrow b < 4$$

(مسابقات - مهندسی نامه‌ها - مرد در بی‌نهایت: صفحه‌های ۵۳۱ و ۵۴۵)

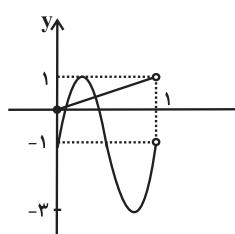
(کاظم ابلاس)

## گزینه «۲» - ۸

نمودار تابع  $f$  به شکل زیر است و دوره تناوب آن برابر یک است.



دوره تناوب تابع  $g$  برابر  $\frac{2\pi}{|b|}$  است.



بنابراین نمودار توابع  $f$  و  $g$  در یک دوره تناوب به شکل مقابل است و نمودارها در دو نقطه یکدیگر را قطع می‌کنند. دقت کنید که اگر  $b$  را منفی هم در نظر بگیریم، تعداد نقاط برخورد برابر ۲ خواهد بود.

(مسابقات - مثالیات: صفحه‌های ۵۴۴ و ۵۷)

(عادل مسین)

## گزینه «۱» - ۹

بیشترین و کمترین مقدار تابع به ترتیب ۵ و ۱ است و داریم:

$$\begin{cases} y_{\max} = a + |b| = 5 \\ y_{\min} = a - |b| = 1 \end{cases} \Rightarrow a = 3, |b| = 2$$

از آنجا که تابع در  $x = 0$  صعودی است،  $b$  و  $c$  باید هم علامت باشند، پس برای سادگی هر دو را مثبت می‌گیریم.

تا اینجا ضابطه تابع  $f(x) = 3 + 2\sin cx$  است. از طرفی دوره تناوب تابع

$$T = \frac{2\pi}{c} \text{ است، یعنی } c = \frac{\pi}{T} = \frac{\pi}{2} \text{ است و داریم:}$$

$$f(x) = 3 + 2\sin\left(\frac{\pi}{2}x\right) \Rightarrow f\left(\frac{5T}{3}\right) = 3 + 2\sin\left(\frac{10\pi}{3}\right)$$

$$= 3 + 2\sin\left(3\pi + \frac{\pi}{3}\right) = 3 - 2\sin\left(\frac{\pi}{3}\right) = 3 - \sqrt{3}$$

(مسابقات - مثالیات: صفحه ۵۷)

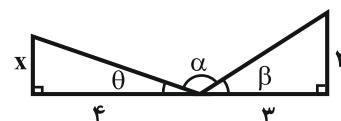
(کاظم ابلاس)

## گزینه «۱» - ۱۰

$$\alpha + \beta + \theta = 180^\circ \Rightarrow \alpha = 180^\circ - (\beta + \theta)$$

$$\tan \alpha = \tan(180^\circ - (\beta + \theta)) \Rightarrow \tan \alpha = -\tan(\beta + \theta)$$

$$-\frac{4}{3} = -\frac{\tan \beta + \tan \theta}{1 - \tan \beta \tan \theta}$$



از طرف دیگر با توجه به شکل  $\tan \beta = \frac{2}{3}$  و  $\tan \theta = \frac{x}{4}$  است.

$$\Rightarrow -\frac{4}{3} = -\frac{\frac{2}{3} + \frac{x}{4}}{1 - \left(\frac{2}{3}\right)\left(\frac{x}{4}\right)} \Rightarrow \frac{4}{3} = \frac{8 + 3x}{12 - 2x} \Rightarrow x = \frac{24}{17}$$

(مسابقات - مثالیات: صفحه ۵۷)

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) &= \lim_{x \rightarrow 1^-} f\left(\frac{x}{x-1}\right) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{|\tan \pi x|}{x^2 - 1} \\ &= \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{-\tan \pi x}{x^2 - 1} = -\frac{1}{2} \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{\tan(\pi x)}{x-1} \\ &= -\frac{1}{2} \lim_{t \rightarrow -\infty} \frac{\tan \pi t}{t} = -\frac{\pi}{2} \end{aligned}$$

(مسابقات - مرحای نامتناهی - مر در بی نهایت: صفحه های ۵۷ تا ۳۸)

(کاظم ابلالی)

**گزینه ۲**

ابتدا توجه کنید که اگر  $x \rightarrow 0^+$ , آن‌گاه  $(x - \sin x) \rightarrow 0^+$  و اگر  $x \rightarrow 0^-$ , آن‌گاه  $(x - \sin x) \rightarrow 0^-$ . بنابراین داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{k + [-x]}{x - \sin x} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{k - 1}{x - \sin x} = -\infty \Rightarrow k - 1 < 0 \Rightarrow k < 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{k + [-x]}{x - \sin x} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{k}{x - \sin x} = -\infty \Rightarrow k > 0.$$

پس  $1 < k < 0$ , بنابراین حد اکثر مقدار  $b - a$  به ازای  $1$  و  $a = 0$ ,  $b = 1$  حاصل می‌شود که برابر  $1$  است.

(مسابقات - مرحای نامتناهی - مر در بی نهایت: صفحه های ۳۸ تا ۳۴)

(سید غلامرضا سعادت پور)

**گزینه ۲**جانب افقی نمودار تابع  $f$ , خطوط  $y = 1$  و  $y = -1$  هستند، زیرا:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x+1}{x} = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x+1}{x} = -1$$

پس خطوط  $y = 1$  و  $y = -1$  مجانب‌های قائم نمودار تابع  $f^{-1}$  هستند، پس یکی از گزینه‌های «۱» و «۲» درست است.

اما تابع با مقادیر بیشتر از  $1$  به  $1$  نزدیک می‌شود، پس می‌توانیم بنویسیم:

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f^{-1}(x) = +\infty$$

که این ویژگی در نمودار گزینه «۲» دیده می‌شود.

(مسابقات - مرحای نامتناهی - مر در بی نهایت: صفحه های ۵۵ تا ۵۷، ۶۷ و ۶۸)

(عارف سمیعی)

**گزینه ۳**

$$y = \frac{(x-1)(x+1)}{x^3 - x} = \frac{(x-1)(x+1)}{x(x^2 - 1)} = \frac{(x-1)(x+1)}{x(x-1)(x+1)} = \frac{1}{x}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{x} = \frac{1}{0^-} = -\infty \\ \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1}{x} = \frac{1}{0^+} = +\infty \end{cases}$$

شکل نمودار گزینه «۳» این ویژگی را دارد.

(مسابقات - مرحای نامتناهی - مر در بی نهایت: صفحه های ۵۵ تا ۵۸)

(طاهر دادستانی)

**گزینه ۲**

$$y = \frac{(x^2 - 4) - 5x + 8}{x^2 - 4} = 1 + \frac{8 - 5x}{x^2 - 4}$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = 1$$

اما وقتی  $x \rightarrow -\infty$ ,  $y > 1$  و وقتی  $x \rightarrow +\infty$ ,  $y < 1$  است که تنها شکل نمودار گزینه «۲» این ویژگی را دارد.

(مسابقات - مرحای نامتناهی - مر در بی نهایت: صفحه های ۶۷ تا ۶۹)

(میلاد سپاهی لاریجانی)

**گزینه ۴**

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x) - \sqrt{f(x)}}{1 - f(x)} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{f(x)}(\sqrt{f(x)} - 1)}{(1 - \sqrt{f(x)})(1 + \sqrt{f(x)})}$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-\sqrt{f(x)}}{1 + \sqrt{f(x)}} = \frac{-1}{1 + 1} = -\frac{1}{2}$$

(مسابقات - مرحای نامتناهی - مر در بی نهایت: صفحه های ۵۹ تا ۶۲)

(امیر هوشنگ فمسه)

**گزینه ۴**

داریم:  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax^n + bx^{n-1} + \dots}{a'x^n + bx^{n-1}} = \frac{a}{a'}$ . با توجه به این نکته نتیجه می‌شود که  $n = 2$  و  $a = 6$  است، پس داریم:

$$\begin{aligned} &\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x+2} - \sqrt{x+1}}{\sqrt{x+6} - \sqrt{x-1}} \\ &= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x+2} - \sqrt{x+1}}{\sqrt{x+6} - \sqrt{x-1}} \times \frac{\sqrt{x+6} + \sqrt{x-1}}{\sqrt{x+6} + \sqrt{x-1}} \times \frac{\sqrt{x+2} + \sqrt{x+1}}{\sqrt{x+2} + \sqrt{x+1}} \\ &= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2-1}{6-(-1)} \times \frac{2\sqrt{x}}{2\sqrt{x}} = \frac{1}{4} \end{aligned}$$

(مسابقات - مرحای نامتناهی - مر در بی نهایت: صفحه های ۶۳ تا ۶۶)

(مهری هاین زاریان)

**گزینه ۴**

ابتدا باید کاری کنیم که حد تابع  $y = \frac{x}{x-1}$  برابر  $-\infty$  شود. با توجه به

اینکه  $x = 1$  ریشه مخرج است، پس داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x}{x-1} = -\infty$$

## هندسه ۳

(شهریار رهمانی)

## «۴» - ۲۴ گزینه

$$|\lambda A| A^{-1} = \lambda I \Rightarrow |\lambda A| A^{-1} = |\lambda I|$$

$$\Rightarrow |\lambda A|^2 |A^{-1}| = \lambda^2 |I| \Rightarrow |\lambda A|^2 |A^{-1}| = \lambda^2 \times 1$$

$$\Rightarrow \lambda^2 |A|^2 \times \frac{1}{|A|} = \lambda^2 \Rightarrow \lambda |A| = \lambda^2 \Rightarrow |A| = \frac{\lambda^2}{\lambda} = \frac{4}{9}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

## «۴» - ۲۱ گزینه

(امیرحسین ابوالمحبوب)

$$A = \begin{bmatrix} x & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & x \\ -1 & y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x+1 & -1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & x \\ -1 & y \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} x+2 & x^2+x-y \\ 0 & x+y \end{bmatrix}$$

ماتریس  $A$  اسکالر است، بنابراین درایه‌های غیرواقع بر قطر اصلی آن برابر صفر هستند و درایه‌های واقع بر قطر اصلی برابر یکدیگرند.

$$x+2 = x+y \Rightarrow y = 2$$

$$x^2 + x - y = 0 \xrightarrow{y=2} x^2 + x - 2 = 0 \Rightarrow (x+2)(x-1) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = 1 \end{cases}$$

به ازای  $x = -2$ ، درایه‌های واقع بر قطر اصلی نیز برابر صفر می‌شوند، پس

این مقدار با توجه به فرض سوال، قابل قبول نیست.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

## «۴» - ۲۲ گزینه

$$A^2 = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 6 & 9 \\ 3 & 3 & 6 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A^2 = 3A \Rightarrow A^3 = 3A^2 = 3^2 A \Rightarrow \dots \Rightarrow A^{1397} = 3^{1396} A$$

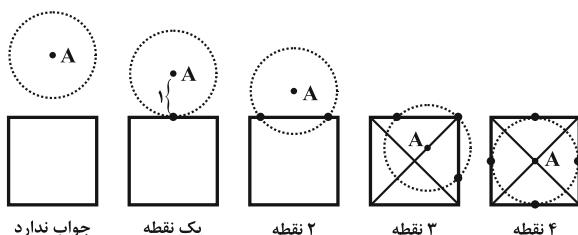
(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

## «۴» - ۲۳ گزینه

(اسماق اسفندریا)

## «۴» - ۲۶ گزینه

نقاطی از صفحه که از نقطه  $A$  به فاصله واحد باشند، یک دایره به مرکز  $A$  و به شعاع ۱ را تشکیل می‌دهند. این دایره را رسم می‌کنیم. تعداد نقاط تلاقی دایره با مریع جواب مسئله است.



مسئله حداقل ۴ جواب دارد.

(هنرسه ۳ - آشنایی با مقاطع مفروతی؛ صفحه‌های ۳۶ و ۳۹)

(علی ایمانی)

فرض کنید  $C = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$  و  $B = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -1 \end{bmatrix}$  باشد. در این صورت داریم:

$$|B| = 1 \times (-1) - 2 \times 3 = -7 \Rightarrow B^{-1} = \frac{-1}{7} \begin{bmatrix} -1 & -2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}$$

$$|C| = -1 \times 4 - 2 \times 3 = -10 \Rightarrow C^{-1} = -\frac{1}{10} \begin{bmatrix} 4 & -2 \\ -3 & -1 \end{bmatrix}$$

$$ABC = 7I \Rightarrow A = B^{-1}(7I)C^{-1} = 7B^{-1}C^{-1}$$

$$= 7\left(-\frac{1}{7}\right)\left(-\frac{1}{10}\right) \begin{bmatrix} -1 & -2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & -2 \\ -3 & -1 \end{bmatrix} = \frac{1}{10} \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ -15 & 5 \end{bmatrix}$$

بنابراین مجموع درایه‌های ماتریس  $A$  برابر است با:

$$\frac{1}{10}(2+4-15+5) = -\frac{4}{10} = -\frac{2}{5}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها، صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

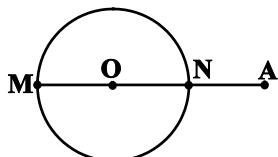
با توجه به اینکه بیشترین فاصله نقطه A از نقاط واقع بر دایره C، از طول قطر دایره بزرگتر است، پس نقطه A قطعاً خارج از دایره C قرار دارد و

(یاسین سپهر)

-۲۷ - گزینه «۲»

فاصله مرکز دایره از خط مماس بر آن، برابر شعاع دایره است.

مطابق شکل نقطه M دورترین نقطه دایره نسبت به نقطه A است و داریم:



$$R = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5$$

بنابراین معادله دایره به صورت زیر است:

$$(x-2)^2 + (y+1)^2 = 25$$

$$\Rightarrow x^2 - 4x + 4 + y^2 + 2y + 1 = 25 \Rightarrow x^2 + y^2 - 4x + 2y - 16 = 0$$

(هنرسه ۳۰- آشنایی با مقاطع مفروظی؛ مشابه فعالیت ۲ صفحه ۳۰)

$$AM = 7 \Rightarrow OA + OM = 7$$

$$\Rightarrow \sqrt{(m-2)^2 + 16} + 3 = 7$$

$$\Rightarrow \sqrt{(m-2)^2 + 16} = 4 \quad \text{پتوان ۲} \rightarrow (m-2)^2 + 16 = 16$$

$$\Rightarrow (m-2)^2 = 0 \Rightarrow m-2=0 \Rightarrow m=2$$

(هنرسه ۳۰- آشنایی با مقاطع مفروظی؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

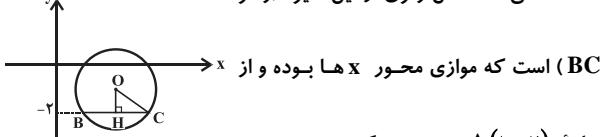
(امیرحسین ابومهبد)

-۲۸ - گزینه «۳»

مرکز و شعاع دایره عبارتند از:

$$R = \frac{1}{2} \sqrt{(-4)^2 + 2^2 - 4(3)} = \sqrt{2}$$

معادله خطی که شامل وتری از این دایره (وتر)



نقطه A(1, -2) عبور می‌کند، به صورت

y = -2 است. فاصله مرکز دایره از این خط

مطابق شکل برابر ۱ است. بنابراین داریم:

$$\Delta OHC : CH^2 = OC^2 - OH^2 = 25 - 1 = 24 \Rightarrow CH = \sqrt{24} = 2\sqrt{6}$$

(هنرسه ۳۰- آشنایی با مقاطع مفروظی؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۶)

فرض کنید دایره C' به مرکز O'(3, -1) و شعاع R' با دایره C مماس

داخل باشد. در این صورت داریم:

$$OO' = \sqrt{(3-0)^2 + (-1+1)^2} = 3$$

$$OO' = |R - R'| \Rightarrow 3 = |4 - R'| \Rightarrow \begin{cases} 4 - R' = 3 \Rightarrow R' = 1 \\ 4 - R' = -3 \Rightarrow R' = 7 \end{cases}$$

(هنرسه ۳۰- آشنایی با مقاطع مفروظی؛ مشابه فعالیت ۳ صفحه ۳۰)

(سهام میبدی پور)

-۲۹ - گزینه «۱»

$$x^2 + y^2 - 4x + 2y - 4 = 0$$

شعاع

$$R = \sqrt{(-4)^2 + 2^2 - 4(-4)} = 6$$

$$41 \mid 9n + 2 \Rightarrow 9n + 2 \equiv 0 \Rightarrow 9n \equiv -2 \equiv 39 \pmod{41} \quad (41, 3) = 1$$

$$\Rightarrow 3n \equiv 54 \pmod{41} \quad (41, 3) = 1$$

بنابراین به ازای  $n = 18$  و  $n = 59$  دو عدد نسبت به هم اول نیستند و به

ازای  $90 - 2 = 88$  عدد طبیعی دو رقمی، نسبت به هم اول می‌باشد.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳، ۲۴ و ۲۵)

### ریاضیات گسسته

-۳۱ گزینه «۱»

(علیرضا شریف‌خطیبی)

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{a+b} \Rightarrow \frac{a+b}{ab} = \frac{1}{a+b} \Rightarrow (a+b)^2 = ab \quad (*)$$

$$\Rightarrow a^2 + b^2 + 2ab = ab \Rightarrow a^2 + b^2 + ab = 0$$

$$\xrightarrow{(*)} a^2 + b^2 + (a+b)^2 = 0$$

رابطه اخیر به ازای هیچ زوج مرتبی مانند  $(a, b)$  که در آن  $a$  و  $b$  اعداد

صحیح و غیرصفر باشند، برقرار نیست.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ مشابه تمرین ۵ صفحه ۱)

-۳۲ گزینه «۳»

(پهلوار هاتمی)

-۳۴ گزینه «۲»

(نیلوفر مهدوی)

گزینه «۲»

طبق قضیه تقسیم،  $a = bq + r$  است که  $r < b \leq 0$  می‌باشد. بنابراین

داریم:

$$96 = bq + 6 \Rightarrow 90 = bq \Rightarrow q = \frac{90}{b} \quad (b > 6)$$

یعنی  $b$  یکی از مقسوم‌علیه‌های ۹۰ می‌باشد که از ۶ بزرگ‌تر است.

$$b = 9, 10, 15, 18, 30, 45, 90$$

پس برای  $b$ ، ۷ عدد طبیعی وجود دارد.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۷)

-۳۳ گزینه «۲»

(علیرضا شریف‌خطیبی)

فرض کنید  $b, m$  این دو عدد برابر  $d$  باشد. در این صورت داریم:

$$(11n + 7, 9n + 2) = d$$

$$\left. \begin{array}{l} d \mid 11n + 7 \xrightarrow{\times 9} d \mid 99n + 63 \\ d \mid 9n + 2 \xrightarrow{\times 11} d \mid 99n + 22 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} d \mid 41$$

بنابراین  $1 = d$  یا  $d = 41$  است. حال مقادیری از  $n$  را پیدا می‌کنیم که

$d = 41$  باشد.

(علی ایمان)

گزینه «۴»

-۳۵

عددي مضرب ۳۳ است که بر ۳ و ۱۱ بخش‌پذير باشد، بنابراین داریم:

$$\overline{34x2y} \equiv 0 \Rightarrow 3 + 4 + x + 2 + y \equiv 0 \Rightarrow 9 + x + y \equiv 0$$

$$\Rightarrow x + y \equiv 0 \Rightarrow x + y = 0, 3, 6, 9, 12, 15, 18 \quad (1)$$

$$\overline{34x2y} \equiv 0 \Rightarrow y - 2 + x - 4 + 3 \equiv 0 \Rightarrow x + y - 3 \equiv 0$$

$$\Rightarrow x + y \equiv 3 \Rightarrow x + y = 3, 14 \quad (2)$$

از روابط (۱) و (۲) نتیجه می‌شود که  $x + y = 3$  است، بنابراین ۴ حالت زیر

برای  $x$  و  $y$  و در نتیجه عدد  $\overline{34x2y}$  امکان‌پذیر است:

$$\begin{cases} x=0, y=3 \Rightarrow 34023 \\ x=1, y=2 \Rightarrow 34122 \\ x=2, y=1 \Rightarrow 34221 \\ x=3, y=0 \Rightarrow 34320 \end{cases}$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

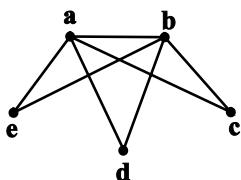
(امیر و خانی)

## «۴» گزینه -۳۹

(علی ایمانی)

## «۱» گزینه -۴۶

با توجه به مفهوم همسایگی باز و بسته رئوس، گراف  $G$  به صورت زیر است:



مسیرهای موجود از رأس  $c$  به رأس  $e$  در این گراف عبارت‌اند از:

cae, cbe, cabe, cbae, cadbe, cbdae

(ریاضیات کسسه-گراف و مدل‌سازی؛ صفحه‌های ۳۵ تا ۳۸)

$$[480, 720] = [2 \times 240, 3 \times 240] = 6 \times 240 = 1440$$

$$48x + 72y = 1440 \xrightarrow{+24} 2x + 3y = 60 \Rightarrow 3y \equiv 60$$

$$\Rightarrow y \equiv 0 \Rightarrow y = 3k (k \in \mathbb{Z})$$

$$2x + 3(2k) = 60 \Rightarrow 2x = 60 - 6k \Rightarrow x = 30 - 3k$$

$$\left. \begin{array}{l} x > 0 \Rightarrow 30 - 3k > 0 \Rightarrow k < 10 \\ y > 0 \Rightarrow 2k > 0 \Rightarrow k > 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 < k < 10 \Rightarrow 1 \leq k \leq 9$$

بنابراین معادله سیاله موردنظر دارای ۹ دسته جواب طبیعی است.

(امیرحسین ابومصوب)

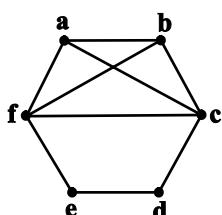
## «۴» گزینه -۴۰

(ریاضیات کسسه-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۶ تا ۲۹)

با توجه به تعداد رئوس ماکزیمم و مینیمم درجه، این گراف دو رأس از درجه

۳ نیز دارد که با توجه به مجاور بودن رأس‌های درجه ۲ در این گراف،

نمودار آن به صورت زیر است:



دورهای به طول ۴ در این گراف عبارت‌اند از:

abcfa, abfca, afbca, fcdef

(ریاضیات کسسه-گراف و مدل‌سازی؛ صفحه‌های ۳۵ تا ۳۸)

(امیرحسین ابومصوب)

## «۳» گزینه -۳۷

می‌دانیم مجموع درجات هر رأس در یک گراف و مکمل آن برابر با  $p - 1$

$$p - 1 = 2 + 5 \Rightarrow p = 8$$

است، یعنی داریم:

$$\text{گراف کامل مرتبه } 8, \text{ دارای } \frac{8 \times 7}{2} = 28 \text{ یال است. با توجه به درجه رأس}$$

$a$  در گراف  $\bar{G}$ ، این گراف حداقل ۵ یال دارد و در نتیجه حداقل اندازه

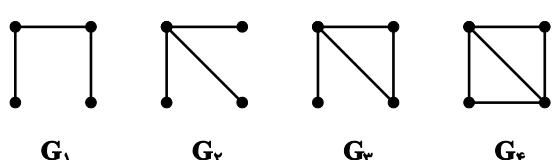
گراف مکمل آن یعنی گراف  $G$  برابر است با:

(ریاضیات کسسه-گراف و مدل‌سازی؛ صفحه‌های ۳۵ تا ۳۸)

(بیوار هاتمی)

## «۲» گزینه -۳۸

گراف‌های ساده همبند و غیرمنتظم از مرتبه ۴ به یکی از صورت‌های زیر هستند:



(ریاضیات کسسه-گراف و مدل‌سازی؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۹)



## گزینه «۲» (هره آقامحمدی)

چون نمودار مکان - زمان حرکت با شتاب ثابت در مسیری مستقیم، در لحظه  $t = 4s$  مماس بر محور زمان است، بنابراین معادله حرکت متوجه

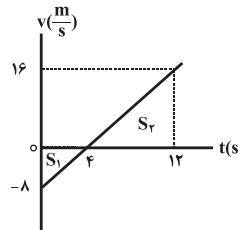
به صورت  $x = A(t - 4)^2$  خواهد بود. بنابراین برای محاسبه  $A$  داریم:

$$x = A(t - 4)^2 \xrightarrow{x=16m} 16 = A(0 - 4)^2 \Rightarrow A = 1$$

$$\Rightarrow x = (t - 4)^2 \Rightarrow x = t^2 - 8t + 16 \Rightarrow \begin{cases} v_0 = -8 \frac{m}{s} \\ a = 2 \frac{m}{s^2} \end{cases}$$

بنابراین معادله سرعت و نمودار سرعت - زمان آن مطابق شکل زیر است:

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = 2t - 8$$



مسافت طی شده توسط متوجه برابر است با:

$$I = S_1 + S_2 = \frac{4 \times 8}{2} + \frac{8 \times 16}{2} = 16 + 64 \Rightarrow I = 80m$$

تندی متوسط متوجه برابر است با:

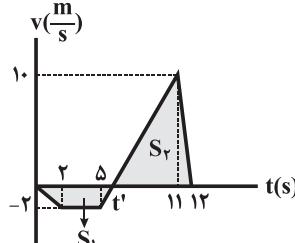
$$s_{av} = \frac{I}{\Delta t} = \frac{80}{12 - 4} = \frac{20}{3} m$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۳ تا ۱۵)

## گزینه «۳» (سعید شرق)

چون در لحظه  $t'$  سرعت متوجه صفر می‌شود و علامت آن عوض می‌شود پس در این لحظه متوجه تغییر جهت می‌دهد. ابتدا با استفاده از تشابه مثلث‌ها، لحظه‌ای که سرعت صفر می‌شود ( $t'$ ) را می‌باشیم.

$$\frac{2}{t' - 5} = \frac{10}{11 - t'} \Rightarrow t' = 6s$$



با توجه به این که مساحت بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر با جایه‌جایی متوجه است، جایه‌جایی‌های متوجه در بازه‌های صفر تا  $6s$  و

$6s$  تا  $12s$  را می‌باشیم. داریم:

$$S_1 = \frac{6+3}{2} \times 2 \Rightarrow S_1 = 9m \Rightarrow \Delta x_1 = -9m$$

$$S_2 = \frac{6 \times 10}{2} \Rightarrow S_2 = 30m \Rightarrow \Delta x_2 = 30m$$

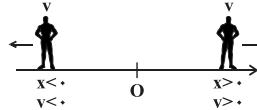
متوجه در لحظه  $t = 0$  در مکان  $x = -8m$  قرار دارد.

مکان متوجه در لحظه  $t = 6s$  برابر است با:

$$\Delta x_1 = x_1 - x_0 \Rightarrow -9 = x_1 - (-8) \Rightarrow x_1 = -17m$$

## گزینه «۲» (عبدالرضا امین‌نسب)

مطابق شکل زیر هرگاه متوجه در مکان‌های مثبت باشد و در جهت محور حرکت کند، از مبدأ مکان دور می‌شود. بنابراین گزینه «۳» صحیح است.



دقیق کنید با توجه به نوع حرکت متوجه، بردارهای سرعت و شتاب در بازه  $\Delta t$  می‌توانند هم جهت و یا مختلف جهت باشند.

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۳ تا ۱۵)

## گزینه «۲» (باک اسلامی)

اگر طول مسیر را  $I$  فرض کنیم، در نیمه ابتدایی مسیر داریم:

$$I = v_1 t_1 \Rightarrow I = 10t_1 \Rightarrow t_1 = \frac{I}{10}$$

فرض می‌کنیم متوجه نیمه دوم مسیر را در زمان  $2t_2$  طی کند، بنابراین

$$I = vt_2 + 3vt_2 = 4vt_2 \Rightarrow t_2 = \frac{I}{4v}$$

حال با استفاده از تعریف سرعت متوسط، داریم:

$$v_{av} = \frac{2I}{t_1 + 2t_2} = \frac{2I}{\frac{1}{10} + 2\left(\frac{1}{4v}\right)} \Rightarrow 16 = \frac{2}{\frac{1}{10} + \frac{1}{2v}} \Rightarrow v = 20 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۳ تا ۱۵)

## گزینه «۲» (علیرضا کوته)

با توجه به نمودار و استفاده از معادله حرکت با سرعت ثابت، می‌توان نوشت:

$$x = vt + x_0$$

$$120 = v_A \times 20 + x_{A_0} \quad -60 = v_B \times 20 + x_{B_0} \quad \Rightarrow 180 = (v_A - v_B) \times 20 + (x_{A_0} - x_{B_0})$$

$$\frac{x_{A_0} - x_{B_0}}{20} = -140 \Rightarrow 180 = (v_A - v_B) \times 20 - 140$$

$$\Rightarrow v_A - v_B = 16 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۳ تا ۱۵)

## گزینه «۴» (سعید نصیری)

ابتدا مدت زمانی که طول می‌کشد تا صدای گلوله به شخص برسد را حساب

$$\Delta x = v \Delta t \Rightarrow \Delta t = \frac{\Delta x}{v} = \frac{640}{320} = 2s$$

يعنی  $2s$  بعد از شلیک گلوله، صدای شلیک به شخص می‌رسد. باید دید در

این مدت گلوله چند متر را طی کند:

$$\Delta x = v \Delta t = 300 \times 2 = 600m$$

پس از ۲ ثانیه، گلوله  $v = 600m$  تا شخص فاصله دارد که می‌تواند این مسیر را در مدت زیر طی کند:

$$\Delta t' = \frac{40}{300} = \frac{2}{15}s$$

این مدت، همان مدتی است که شخص فرصت دارد تا از مسیر حرکت گلوله کنار رود.

(فیزیک ۳ - حرکت بر فقط راست، صفحه‌های ۳ تا ۱۵)



(سعید شرق)

## گزینه «۴»

اگر محل رها شدن گلوله را مبدأ مکان و کل زمان حرکت گلوله را  $t$  ثانیه فرض کنیم، با استفاده از معادله مکان - زمان حرکت گلوله، داریم:

$$y = -\frac{1}{2}gt^2 + y_0 \Rightarrow \begin{cases} -h = -\frac{1}{2}gt^2 + 0 \\ -\frac{4}{9}h = -\frac{1}{2}g(t-1)^2 + 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{4}{9} = \frac{(t-1)^2}{t^2} \Rightarrow t = 2s$$

بنابراین تندی برخورد گلوله به سطح زمین برابر است با:

$$v = -gt = -10 \times 2 \Rightarrow |v| = 20 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(علیرضا گزنه)

## گزینه «۳»

اگر سطح زمین را به عنوان مبدأ مکان در نظر بگیریم، مدت زمان حرکت گلوله  $A$  برابر است با:

$$y_A = -\frac{1}{2}gt_A^2 + y_0 \Rightarrow 0 = -\frac{1}{2} \times 1 \times t_A^2 + 80 \Rightarrow t_A = 4s$$

چون گلوله  $B$  را دو ثانیه دیرتر رها کردیم، بنابراین مکان گلوله  $B$  را در لحظه  $t = 2s$  می‌یابیم. داریم:

$$y_B = -\frac{1}{2}gt_B^2 + y_0 \Rightarrow y_B = -\frac{1}{2} \times 1 \times 2^2 + 80 \Rightarrow y_B = 60m$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست، صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(ممطفی کیانی)

## گزینه «۳»

ابتدا شتاب حرکت جسم را به دست می‌آوریم:

$$x = t^2 - 4t \xrightarrow{\frac{dx}{dt} = 2t - 4} 1 = \frac{1}{2}a \Rightarrow a = 2 \frac{m}{s^2}$$

اکنون مطابق قانون دوم نیوتون، بزرگی برایند نیروهای وارد بر متوجه را به دست می‌آوریم:

$$F_{net} = ma \xrightarrow{m=50 \text{ kg}, g=10 \frac{m}{s^2}} F_{net} = 5 \times 2 = 10N$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)

(رضا فشنوریان)

## گزینه «۳»

با استفاده از قانون دوم نیوتون داریم:

$$\begin{cases} F = ma \\ F' = (m+4m) \times \frac{1}{\lambda} a \end{cases} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{5m \times \frac{1}{\lambda} a}{ma} = \frac{5}{\lambda}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

(مسین مقدمه‌من)

## گزینه «۲»

با استفاده از رابطه بین اندازه نیروی وارد بر فنر و تغییر طول آن، می‌توان نوشت:

$$F_e = kx \Rightarrow F_e = k(l - l_0) \Rightarrow \Delta F_e = k(l_2 - l_1)$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta F'_e}{\Delta F_e} = \frac{l'_2 - l'_1}{l_2 - l_1} \Rightarrow \frac{24 - 8}{40 - 8} = \frac{l'_2 - 4}{8 - 4} \Rightarrow l'_2 = 6cm$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۴۳ و ۴۵)

مکان متوجه در لحظه  $t = 12s$  برابر است با:

$$\Delta x_2 = x_2 - x_1 \Rightarrow 30 = x_2 - (-17) \Rightarrow x_2 = 13m$$

پس در بازه زمانی مشخص شده، در لحظه  $t = 6s$  متوجه در بیشترین

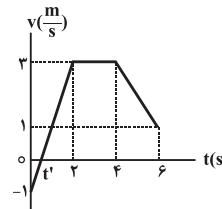
$$(\Delta x_1 = 17m)$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

(یوخاری کامران)

## گزینه «۳»

با توجه به سرعت اولیه و نمودار شتاب - زمان، نمودار سرعت - زمان متوجه را رسم می‌کنیم:



$$0 \leq t \leq 2s : v_1 = a_1 t_1 + v_0 = 2 \times 2 + (-1) \Rightarrow v_1 = 3 \frac{m}{s}$$

$$2 \leq t \leq 4s : a_2 = 0 \Rightarrow v_2 = v_1 = 3 \frac{m}{s}$$

$$4 \leq t \leq 6s : v_3 = a_3 t_3 + v_2 = (-1) \times 2 + 3 \Rightarrow v_3 = 1 \frac{m}{s}$$

حال به کمک تشابه مثلث‌ها، لحظه  $t'$  را می‌یابیم:

$$\frac{1}{t'} = \frac{3}{2 - t'} \Rightarrow t' = 0 / 5s$$

زمانی حرکت متوجه تندشونده است که تندی آن در حال افزایش باشد و تندی متوجه زمانی در حال افزایش است که نمودار سرعت - زمان آن از محور زمان در حال دور شدن باشد. بنابراین طبق نمودار در بازه زمانی  $0$  تا  $2s$  یعنی به مدت  $1/5s$  حرکت متوجه به صورت تندشونده است.

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

## گزینه «۱»

برای این که دو متوجه به یکدیگر برخورد نکنند باید مجموع اندازه جابه‌جایی آن‌ها تا لحظه توقف برابر با  $80$  متر باشد. با استفاده از معادله سرعت - جابه‌جایی، داریم:

$$v_2 = v_0 + 2a\Delta x \Rightarrow \Delta x = \frac{v^2 - v_0^2}{2a}$$

$$\Rightarrow |\Delta x_1| = \frac{|0 - 16|}{2|a|}, |\Delta x_2| = \frac{|0 - 20|}{2|a|}$$

$$|\Delta x_1| + |\Delta x_2| = 80 \Rightarrow \frac{16^2}{2|a|} + \frac{20^2}{2|a|} = 80 \Rightarrow |a| = 4 / 1 \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

## گزینه «۲»

معادله مکان - زمان حرکت متوجه را به صورت زیر می‌نویسیم:

$$x = t^2 - 4t + 4 + 1 = (t - 2)^2 + 1$$

کمترین مقدار  $x$  وقتی است که  $t = 2s$  باشد، در واقع در این لحظه متوجه در  $x = 1m$  و کمترین فاصله از مبدأ مکان قرار دارد.

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست، صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)



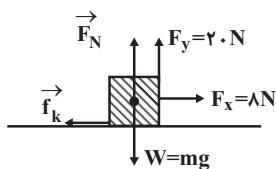
(مسئلۀ کیانی)

## گزینه «۲»

## گزینه «۲»

با توجه به شکل زیر، نیروی ( $\vec{F}$ )  $= 8\vec{i} + 20\vec{j}$  (N) از دو نیروی عمود بر هم تشکیل شده است.

ابتدا اندازه نیروی اصطکاک جنبشی را بدست می‌آوریم. چون جسم در راستای قائم حرکتی ندارد، برایند نیروهای وارد بر آن در راستای قائم صفر است. بنابراین داریم:



$$(F_{net})_y = 0 \Rightarrow F_N + F_y = mg$$

$$\frac{m=3kg}{F_N + 20 = 3 \times 10} \Rightarrow F_N = 10N$$

$$f_k = \mu_k \cdot F_N \xrightarrow{\mu_k = 0.2} f_k = 0.2 \times 10 \Rightarrow f_k = 2N$$

حال با استفاده از قانون دوم نیوتون، شتاب حرکت جسم را می‌یابیم:

$$(F_{net})_x = ma \Rightarrow F_x - f_k = ma$$

$$\frac{F_x = 8N, m = 3kg}{f_k = 2N} \Rightarrow 8 - 2 = 3a \Rightarrow a = 2 \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)

(مسین مفروهمی)

## گزینه «۱»

## گزینه «۱»

با استفاده از رابطه بین انرژی جنبشی و اندازه تکانه یک جسم، داریم:

$$K = \frac{p^2}{2m} \Rightarrow K_2 = \left( \frac{p_2}{p_1} \right)^2 \times \frac{m_1}{m_2}$$

$$\frac{m_2 = 3m_1}{K_2 = \frac{3}{4}K_1} \Rightarrow \frac{3}{4} = \left( \frac{p_2}{p_1} \right)^2 \times \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{p_2}{p_1} = \frac{3}{2}$$

بنابراین درصد تغییرات اندازه تکانه جسم برابر است با:

$$\frac{\Delta p}{p_1} \times 100 = \left( \frac{p_2}{p_1} - 1 \right) \times 100 = \left( \frac{3}{2} - 1 \right) \times 100 = 50\%$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)

(محمدعلی راست‌پیمان)

## گزینه «۴»

## گزینه «۴»

تغییر تکانه یک جسم برابر با مساحت سطح زیر نمودار نیرو - زمان است.

بنابراین داریم:

$$\Delta p = \frac{1}{2} (12 \times t_2) \Rightarrow \Delta p = 6t_2 \frac{kg \cdot m}{s}$$

از طرف دیگر آنگ تغییر تکانه متوسط برابر با نیروی خالص متوسط وارد بر متحرک است و بنابراین داریم:

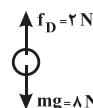
$$F_{av} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{6t_2}{t_2} \Rightarrow F_{av} = 6N$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۳)

(۳۸ تا ۳۹)

(زهره آقامحمدی)

## گزینه «۲»



اگر جهت رو به پایین را مثبت بگیریم با توجه به قانون دوم نیوتون در راستای قائم داریم:

$$(F_{net})_y = ma_y \Rightarrow mg - f_D = ma_y$$

$$\Rightarrow 0.8 \times 10 - 2 = 0.8a_y \Rightarrow a_y = 7.5 \frac{m}{s^2}$$

ارتفاع  $h$  را با استفاده از رابطه مکان - زمان بدست می‌آوریم:

$$h = \frac{1}{2} a_y t^2 \Rightarrow h = \frac{1}{2} \times 7.5 \times 16 = 60m$$

و تندی برخورد گلوله به زمین برابر است با:

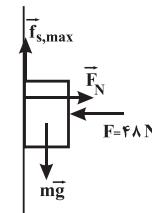
$$v = a_y t \Rightarrow v = 7.5 \times 4 = 30 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

(بیتا فورشیر)

جسم موردنظر در آسانسور ساکن و در آستانه حرکت است ولی چون آسانسور با شتاب ثابت در حال حرکت است، پس جسم نیز با شتاب ثابت در حال حرکت است. بر جسم دو نیروی وزن و اصطکاک ایستایی در راستای قائم وارد می‌شود. بنابراین داریم:

$$f_{s,max} = \mu_s F_N = \mu_s F = 0.5 \times 48 \Rightarrow f_{s,max} = 24N$$



با توجه به قانون دوم نیوتون و در نظر گرفتن جهت حرکت آسانسور (بالا) به عنوان جهت مثبت، داریم:

$$f_{s,max} - mg = ma \Rightarrow 24 - 40 = 4a \Rightarrow a = -4 \frac{m}{s^2}$$

بنابراین اندازه شتاب آسانسور برابر با  $\frac{4}{s^2}$  و جهت آن به سمت پایین است، بنابراین حرکت آسانسور کندشونده است.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

(سیدعلی میرنوری)

## گزینه «۱»

از آنجا که جسم ثابت است، پس برایند نیروهای وارد بر آن، برابر صفر می‌یابد.

$$\begin{aligned} \frac{\Delta kg}{\Delta t} &= F = F_N + mg \\ F_N + mg &= F \\ mg &= 5 \cdot N \end{aligned}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹)



(علیرضا کونه)

## گزینه «۴»

$$\text{نوسانگر در } t = \frac{3T}{4} \text{ برای دومین بار از مبدأ عبور می‌کند. بنابراین می‌توان نوشت:}$$

$$t = \frac{3}{4} T = \frac{3}{\lambda} \Rightarrow T = \frac{1}{2} s$$

برای بسامد زاویه‌ای داریم:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{\frac{1}{2}} = 4\pi \text{ rad/s}$$

از طرفی چون پیشینه نیروی وارد بر فنر با برابر  $m A \omega^2$  است، خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} F_{\max} &= m A \omega^2 \xrightarrow{v_{\max}=A\omega} F = m v_{\max} \omega \\ \Rightarrow 480 &= m \times 8\pi \times 4\pi \Rightarrow m = \frac{15}{\pi^2} \text{ kg} \end{aligned}$$

بنابراین:

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow 4\pi = \sqrt{\frac{k}{\frac{15}{\pi^2}}} \Rightarrow k = 240 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج، صفحه‌های ۶۲ تا ۶۷)

(عبدالرضا امینی نسب)

## گزینه «۴»

در حرکت نوسانی هماهنگ ساده، انرژی مکانیکی همواره ثابت است، بنابراین داریم:

$$E = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 \xrightarrow{m=20g=2 \times 10^{-3} \text{ kg}, A=0.4 \text{ m}, \omega=200 \frac{\text{rad}}{\text{s}}} E = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-3} \times 16 \times 10^{-4} \times 4 \times 10^4 = 0.64 \text{ J}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج، صفحه‌های ۶۲ تا ۶۷)

(علیرضا کونه)

## گزینه «۱»

با استفاده از رابطه انرژی مکانیکی نوسانگر می‌توان نوشت:

$$E = K + U = 4 + 8 = 12 \text{ mJ}$$

برای هنگامی که انرژی جنبشی و پتانسیل نوسانگر با یکدیگر برابر هستند، داریم:

$$E = K' + U' \xrightarrow{K'=U'} E = 2K' \Rightarrow 12 = 2K'$$

$$\Rightarrow K' = 6 \text{ mJ} = 6 \times 10^{-3} \text{ J}$$

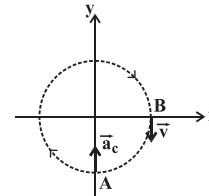
و در نهایت با استفاده از رابطه انرژی جنبشی می‌توان نوشت:

$$K' = \frac{1}{2} m v'^2 \Rightarrow 6 \times 10^{-3} = \frac{1}{2} \times 0 / 3 v'^2 \Rightarrow v' = 0 / 2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج، صفحه‌های ۶۲ تا ۶۷)

(مسین مفروهم)

## گزینه «۶»



چون در لحظه مورد نظر، بردار شتاب به صورت  $\vec{a} = \vec{v} \times \vec{a}$  است، متوجه در آن لحظه در مکان A قرار دارد. با توجه به جهت حرکت و دوره حرکت، ۳s بعد متوجه در نقطه B خواهد بود و بردار سرعت آن در خلاف جهت محور y است. اندازه تندی متوجه برابر است با:

$$\begin{aligned} a_c &= \frac{v^2}{r} \xrightarrow{T=\frac{2\pi r}{v}} r = \frac{Tv}{2\pi} \Rightarrow a_c = \frac{v^2}{\frac{Tv}{2\pi}} \Rightarrow a_c = \frac{2\pi v}{T} \\ \Rightarrow 18 &= \frac{2 \times 3 \times v}{4} \Rightarrow v = 12 \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow \vec{v} = -12 \hat{j} \end{aligned}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۴۸ تا ۵۳)

(زهره آقامحمدی)

## گزینه «۲»

می‌دانیم که اندازه نیروی وزن برابر با  $W = mg$  است. چون جرم همواره ثابت است، با افزایش ارتفاع، شتاب گرانش هم ۳۶ درصد کاهش می‌یابد.

$$\text{با توجه به رابطه شتاب گرانش: } g = \frac{GM}{(h+R)^2} \text{ داریم:}$$

$$\frac{g_h}{g_e} = \left( \frac{R_e}{h+R_e} \right)^2$$

که در آن  $g_h$  شتاب گرانش در ارتفاع  $h$  از سطح زمین،  $g_e$  شتاب گرانش در سطح زمین و  $R_e$  شعاع زمین است.

$$0/64 = \left( \frac{R_e}{h+R_e} \right)^2 \Rightarrow 0/8 = \frac{R_e}{h+R_e} \Rightarrow h = \frac{1}{4} R_e$$

نسبت شتاب گرانش در ارتفاع  $h$  به شتاب گرانش در سطح سیاره را می‌نویسیم:

$$\frac{g_{xh}}{g_{xe}} = \left( \frac{R_x}{h+R_x} \right)^2 \Rightarrow \frac{g_{xh}}{g_{xe}} = \left( \frac{\frac{1}{4} R_e}{\frac{1}{4} R_e + \frac{1}{4} R_e} \right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{g_{xh}}{g_{xe}} = \left( \frac{1}{2} \right)^2 = \frac{1}{4}$$

$$= \left( \frac{1}{4} - 1 \right) \times 100 = -75\%$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای، صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)

(مسین مفروهم)

## گزینه «۲»

نوسانگر در بازه زمانی  $\frac{3T}{4}$  تا  $\frac{T}{4}$  در مکان‌های منفی قرار دارد. در بازه

$\frac{T}{2}$  تا  $\frac{T}{4}$  سرعت منفی و شتاب مثبت است، پس حرکت کندشونده و مکان هم منفی است.

(فیزیک ۳- نوسان و موج، صفحه‌های ۶۲ تا ۶۷)



(علیرضا کوچن)

## گزینه «۲»

تندی نوسانگر هماهنگ ساده در هنگام عبور از مرکز نوسان (نقطه تعادل)، بیشینه مقدار ممکن است. از طرفی با توجه به این که نوسانگر در هر دوره، دوبار طول پاره خط نوسان را به طور کامل می پیماید، دوره نوسان های نوسانگر برابر با یک ثانیه خواهد بود. لذا می توان نوشت:

$$\frac{T}{2} = ۰ / ۵ \Rightarrow T = ۱s$$

$$A = \frac{L}{T} = \frac{۱}{۱} = ۰ / ۵ cm$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{۱} = ۲\pi \frac{rad}{s}$$

$$v_{max} = A\omega = ۰ / ۵ \times ۲\pi = \pi \frac{cm}{s}$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج؛ صفحه های ۶۵ تا ۶۷)

## گزینه «۳»

(زهره آقامحمدی)

با توجه به رابطه دوره نوسان های آونگ ساده ای که نوسان های کم دامنه انجام می دهد ( $T = ۲\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$ ، با افزایش طول آونگ، دوره نوسان ها افزایش می یابد. بنابراین:

$$T = ۲\pi\sqrt{\frac{L}{g}} \Rightarrow \frac{T_۲}{T_۱} = \sqrt{\frac{L_۲}{L_۱}}$$

$$\frac{L_۲ = L_۱ + ۲۲(cm)}{T_۲ = ۱ / ۲ T_۱} \Rightarrow ۱ / ۲ = \sqrt{\frac{L_۱ + ۲۲}{L_۱}} \Rightarrow L_۱ = ۵۰ cm$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج، صفحه های ۶۷ و ۶۸)

## گزینه «۴»

(امیرمحمدی مجتبی)

## گزینه «۳»

سامد زاویه ای طبیعی هر یک از سامانه ها را به دست می آوریم:

$$\omega_A = \sqrt{\frac{k_A}{m_A}} = \sqrt{\frac{۳۶}{۹}} = ۲ \frac{rad}{s}$$

$$\omega_B = \sqrt{\frac{k_B}{m_B}} = \sqrt{\frac{۳۶}{۴}} = ۳ \frac{rad}{s}$$

$$\omega_C = \sqrt{\frac{k_C}{m_C}} = \sqrt{\frac{۳۶}{۱۰}} = \sqrt{۳ / ۶} \frac{rad}{s}$$

$$\omega_D = \sqrt{\frac{k_D}{m_D}} = \sqrt{\frac{۳۶}{۵}} = \sqrt{۷ / ۲} \frac{rad}{s}$$

تنها سامانه ای که با نوسان میله دچار تشدید می شود،  $B$  است. بنابراین

جسم  $B$  با دامنه ای خیلی بزرگتر از سه جسم دیگر نوسان می کند. در نتیجه طبق رابطه  $E = \frac{۱}{۲} kA^۲$ ، انرژی مکانیکی ذخیره شده در آن از بقیه بیشتر است.

(فیزیک ۳ - نوسان و موج، صفحه های ۶۷ تا ۶۹)

(عبدالرضا امینی نسب)

## گزینه «۲»

در لحظه  $t = ۰ / ۵s$ ، نوسانگر برای دومین بار از مکان  $x = +۲cm$  عبور می کند، بنابراین داریم:

$$x = A \cos \omega t \Rightarrow ۲ = ۴ \cos\left(\frac{۲\pi}{T} \times ۰ / ۵\right)$$

$$\Rightarrow \cos\left(\frac{\pi}{T}\right) = \cos\left(\frac{۲\pi}{۳}\right) \Rightarrow T = ۰ / ۶s$$

$$\omega = \frac{۲\pi}{T} = \frac{۲\pi}{۰ / ۶} \Rightarrow \omega = \frac{۱۰\pi}{۳} \frac{rad}{s}$$

بنابراین داریم:

$$F = ma \Rightarrow k |x| = ma \Rightarrow a = \frac{k |x|}{m} = \omega^۲ |x|$$

$$\Rightarrow a = \left(\frac{۱۰\pi}{۳}\right)^۲ \times \left|\frac{-۲\sqrt{۳}}{۱۰۰}\right| \Rightarrow a = \frac{۲۰\sqrt{۳}}{۹} \frac{m}{s^۲}$$

(فیزیک ۳ - نوسان و موج، صفحه های ۶۷ تا ۶۹)



(هاری قاسمی اسکندر)

## «گزینه ۲» - ۷۴

ترتیب قدرت اسیدها به صورت زیر است:



بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»:  $HNO_3$  اسیدی قوی بوده و  $HNO_2$  و  $HCN$  اسید ضعیف هستند.

گزینه «۲»: در دما و غلظت‌های یکسان هرچه اسید قوی‌تر باشد، بیشتر یونیته شده و غلظت یون‌های موجود در محلول آن بیشتر است.

گزینه «۳»:  $HNO_3$  اسیدی قوی است و در دما و غلظت‌های یکسان اسیدها، غلظت یون هیدرونیوم در آن بیشتر بوده و  $pH$  آن کمترین است.

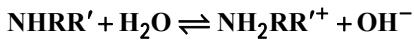
گزینه «۴»: در شرایط یکسان، سرعت واکنش فلز منیزیم با اسید قوی  $3$  بیشتر از  $HNO_2$  است.

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمات تدرستی؛ صفحه‌های ۲۳، ۲۴ و ۲۸)

(مینیا شرافتی پر)

## «گزینه ۴» - ۷۵

معادله یونش باز ضعیف به صورت زیر است:



ابتدا میزان باز یونیده شده را به دست می‌آوریم:

$$\frac{4}{816} \times 10^{21} \text{ یون} \times \frac{1\text{mol}}{6.02 \times 10^{23} \text{ یون}} = \frac{1\text{mol NHRR}'}{2\text{mol}}$$

$$= 4 \times 10^{-3} \text{ mol NHRR}'$$

$$\frac{\text{مول باز یونیده شده}}{\text{مول باز اوایل}} \times 100 = \frac{4 \times 10^{-3}}{x} \times 100$$

$$\Rightarrow x = 0.2 \text{ mol NHRR}'$$

حال جرم مولی باز را محاسبه می‌کنیم.

$$\frac{11/8 \text{ g NHRR}'}{0.2 \text{ mol}} = 59 \text{ g.mol}^{-1} \text{ NHRR}'$$

$$59 = 14 + 1 + R + R' \Rightarrow R + R' = 44 \text{ g.mol}^{-1}$$

مجموع جرم مولی اتیل ( $C_2H_5$ ) و متیل ( $CH_3$ )، برابر  $44$  گرم بر مول است.

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمات تدرستی؛ صفحه ۱۹)

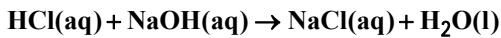
(ممدرضا زهره‌وند)

## «گزینه ۲» - ۷۶

موارد (الف) و (ب) درست‌اند:

بررسی موارد نادرست:

مورد (پ): در واکنش‌های خنثی شدن، معمولاً آنیون حاصل از اسید و کاتیون حاصل از باز به صورت دست‌نخورده باقی می‌مانند، برای مثال در واکنش خنثی شدن  $HCl$  و  $NaOH$  یون‌های  $Na^+$  و  $Cl^-$  دست‌نخورده باقی می‌مانند.



مورد (ت): علاوه بر غلظت باید حجم و ظرفیت اسیدها و بازها نیز برابر باشند.

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمات تدرستی؛ صفحه‌های ۲۸ تا ۳۰)

## شیمی ۳

## «گزینه ۱» - ۷۱

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: مخلوط آب، روغن و صابون (مخلوط نشان داده شده در شکل) یک کلرید بوده که مخلوطی ناهمگن و پایدار است.

گزینه «۲»: بخش B و مولکول‌های روغن هر دو ناقطبی بوده و در تیجه میان آنها جاذبه و اندروالسی وجود دارد.

گزینه «۳»: قسمت A آئیون کربوکسیلات ( $COO^-$ ) است و بخش آب دارد.

گزینه «۴»: میان بخش A که باز منفی دارد و قطب مثبت مولکول‌های آب که قطبی هستند، جاذبه یون - دوقطبی برقرار می‌شود.

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمات تدرستی؛ صفحه‌های ۵ تا ۸)

## «گزینه ۲» - ۷۲

موارد (ب)، (ت) و (ث) نادرست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

(الف) در زنجیره هیدروکربنی پاک کننده غیرصابونی پیوند یگانه، دوگانه و سه‌گانه می‌تواند وجود داشته باشد.

(ب) حداکثر شمار اتم‌ها در پاک کننده صابونی وقتی صورت می‌گیرد که بخش کاتیونی آن ( $NH_4^+$ ) و زنجیره هیدروکربنی آن سیرشده باشد، بنابراین:

 $C_{15}H_{31}COONa$  : ۵۴ اتم

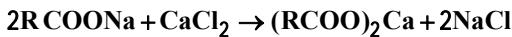
(پ) از واکنش منیزیم با  $HCl$ . گاز هیدروژن تولید می‌شود که در بخش آندی سلول سوختی مصرف و در بخش کاتدی سلول برگرفت آب تولید می‌شود.

(ث) اتیلن گلیکول حاوی عناصر C, H و O است و هیدروکربن نمی‌باشد.

(شیمی ۳ - ترکیبی؛ صفحه‌های ۴، ۵، ۱۱ و ۱۵ تا ۱۸)

## «گزینه ۲» - ۷۳

باید دقت داشت که تنها پاک کننده صابونی در این واکنش شرکت می‌کند.



$$200 \text{ mL } CaCl_2 \times \frac{1 \text{ L } CaCl_2}{1000 \text{ mL } CaCl_2} \times \frac{1 \text{ mol } CaCl_2}{1 \text{ L } CaCl_2}$$

$$\times \frac{2 \text{ mol } RCOONa}{1 \text{ mol } CaCl_2} \times \frac{306 \text{ g } RCOONa}{1 \text{ mol } RCOONa} = 122 / 4 \text{ g } RCOONa$$

با توجه به اینکه جرم مخلوط اولیه  $4 / 126$  گرم است، داریم:

$$122 / 4 - 122 / 4 = 4 \text{ g}$$

$\frac{\text{جرم پاک کننده غیرصابونی}}{\text{جرم مخلوط اولیه}} = \frac{\text{درصد جرمی پاک کننده غیرصابونی در مخلوط اولیه}}{100}$

$$\Rightarrow \frac{4}{126 / 4} \times 100 = 3 / 16\%$$

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمات تدرستی؛ صفحه‌های ۹ و ۱۱)



$$\Rightarrow 1 = -\log[H^+]_2 \Rightarrow [H^+]_2 = 0/1 \text{ mol.L}^{-1}$$

غلظت  $H^+$  نهایی از رابطه زیر محاسبه می‌گردد:

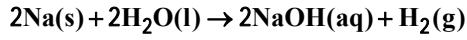
$$[H^+]_2 = \frac{\text{mol}(H^+)_{\text{ل}} - \text{mol}(OH^-)}{V_{\text{HCl}} + V_{\text{NaOH}}} \Rightarrow$$

$$10^{-1} = \frac{(M_{\text{HCl}} \times V) - \text{mol}(OH^-)}{7+1}$$

$$= \frac{(7 \times 0/3) - \text{mol}(OH^-)}{8} \Rightarrow$$

$$0/8 = 2/1 - \text{mol}(OH^-) \Rightarrow \text{mol}(OH^-) = 1/3$$

معادله موازن شده واکنش به صورت زیر است:



روش اول (کسر تبدیل):

$$? \text{ g Na} = 1/3 \text{ mol OH}^- \times \frac{1 \text{ mol NaOH}}{1 \text{ mol OH}^-} \times \frac{2 \text{ mol Na}}{2 \text{ mol NaOH}}$$

$$\times \frac{23 \text{ g Na}}{1 \text{ mol Na}} = 29/9 \text{ g Na}$$

روش دوم (تناسب):

$$\frac{\text{NaOH مول}}{\text{Na مول}} = \frac{\text{Na جرم}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} \Rightarrow \frac{1/3}{2} = \frac{x}{2 \times 23}$$

$$\Rightarrow x = 29/9 \text{ g Na}$$

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۲۶ و ۲۷)

(اکبر هنرمند)

#### گزینه «۱»

فقط مورد اول درست است.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: با توجه به اینکه pH شیره معده تقریباً برابر ۱/۵ است، با مصرفی هر خوراکی با pH بزرگ‌تر، pH آن افزایش می‌یابد.

عبارت دوم: با افزودن محلول لوله‌بازکن (شامل NaOH) به مخلوط آب و اسید چرب، NaOH با اسید چرب واکنش داده و مخلوط ناهمگن چربی و صابون در آب (کلوتید) را تولید می‌کند.

عبارت سوم: در دمای ثابت، با افزودن محلول شیشه‌پاک کن (شامل NH<sub>3</sub>) در غلظت یون‌های موجود در آب خالص تغییر ایجاد می‌شود که این تغییر غلظت تأثیری در ثابت یونش آب، ندارد.

عبارت چهارم: هر دو محلول از نظر بار الکتریکی خنثی هستند.

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۲۶ و ۲۷)

(فرزاد رضایی)

#### گزینه «۲»

تنها عبارت چهارم نادرست است.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: A و B می‌توانند فلز‌های واسطه با E<sup>0</sup> بزرگ‌تر از E<sup>0</sup> مس (مانند طلا و نقره) باشند.

عبارت دوم: هرچه دمای محلول بیشتر باشد، قدرت کاهندگی فلز به کار رفته در تغیه بیشتر است.

#### «۴» گزینه

-۷۷

(ممدر، حنا جمشیدی)

ابتدا  $[H^+]$  و سپس  $[OH^-]$  را در محلول نهایی محاسبه می‌کنیم:

$$10^{-\text{pH}} = [H^+] \Rightarrow [H^+] = 10^{-12/7} = 2 \times 10^{-13} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[H^+] \times [OH^-] = 10^{-14} \rightarrow [OH^-] = 5 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[KOH] = [OH^-] = 5 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

بازقوی

شمار مول KOH حل شده برابر است با:

$$? \text{ mol KOH} = 0/75 \text{ L} \times 5 \times 10^{-2} \frac{\text{mol}}{\text{L}} = 0/0375 \text{ mol KOH}$$

$$? \text{ g KOH} = 0/0375 \times 56 = 2/1 \text{ g KOH}$$

در نهایت با توجه به تعریف ppm داریم:

$$ppm = \frac{2/1}{168} \times 10^6 = 12500$$

$$ppm \times 10^{-4} = \% / 1/25$$

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۲۴ تا ۲۶)

#### «۲» گزینه

-۷۸

(مسن عیسی‌زاده)

در این گونه مسائل، مقدار ۷ pH آب خالص در محاسبات بی‌تأثیر است.

$$pH = 12/3 \rightarrow [OH^-] = 10^{-1/7} = 2 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

غلظت سدیم هیدروکسید برابر است با:

$$[NaOH] = 2 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$? \text{ g NaOH} = 0/1 \text{ L} \times \frac{0/02 \text{ mol NaOH}}{1 \text{ L}} \times \frac{40 \text{ g NaOH}}{1 \text{ mol NaOH}}$$

برای محلول اسیدی می‌توان نوشت:

$$pH = 4/7 \Rightarrow [H^+] = 10^{-4/7} = 2 \times 10^{-5} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\alpha = \frac{[H^+]}{M} \Rightarrow M = \frac{2 \times 10^{-5}}{2 \times 10^{-2}} = 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$? \text{ mg HA} = 0/1 \text{ L} \times \frac{10^{-3} \text{ mol HA}}{1 \text{ L}} \times \frac{60 \text{ g HA}}{1 \text{ mol HA}} \times \frac{1000 \text{ mg}}{1 \text{ g}}$$

$$= 6 \text{ mg HA}$$

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۱۹ و ۲۴)

#### «۱» گزینه

-۷۹

(مسعود پیغمبری)

ابتدا باید pH اولیه هیدروکلریک اسید را به دست آوریم، سپس حساب می‌کنیم

که با اضافه کردن چند مول سدیم هیدروکسید به این محلول، pH آن دو برابر

می‌شود.

$$pH_1 = -\log[H^+] \underset{[HCl] = [H^+]}{\longrightarrow} pH_1 = -\log[HCl]$$

$$= -\log(0/3)$$

$$= -\log(3 \times 10^{-1}) = 1 - 0/5 = 0/5$$

اگر pH دو برابر شود، غلظت  $[H^+]$  برابر می‌شود با:

$$pH_2 = 2 \times pH_1 = 2 \times 0/5 = 1 \quad pH_2 = -\log[H^+]_2$$



$$\text{mol H}^+ = \frac{1\text{mol}}{\text{L}} \times 1\text{L} = 1\text{mol}$$

$$\text{mol H}^+ = 0/4 \frac{\text{mol}}{\text{L}} \times 1\text{L} = 0/4 \text{mol}$$

⇒ ۰/۶ mol H<sup>+</sup> مصرف شده

$$0/6 \text{mol H}^+ \times \frac{2\text{mol Al}^{3+}}{6\text{mol H}^+} = 0/2 \text{mol Al}^{3+}$$

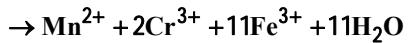
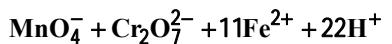
می‌دانیم در سلول گالوانی غلظت یون‌های تیغه مربوطه در ابتدای کار ۱ مولار است و با توجه به این‌که حجم یک لیتر است، یعنی در ابتدای کار ۱ mol Al<sup>3+</sup> در محلول وجود داشته، حال ۰/۲ mol Al<sup>3+</sup> به وجود می‌آید. پس در نهایت، ۱/۲ mol Al<sup>3+</sup> داریم و غلظت آن برابر ۱/۲ mol.L<sup>-1</sup> می‌شود.

(شیمی ۳ - آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه‌های ۳۶ تا ۳۷)

(مبتنی اسراراده)

### گزینه «۳»

واکنش موازن شده به صورت زیر است:



بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: مجموع ضرایب برابر ۶۰ است.

گزینه «۲»: دو گونه اکسندنده (Cr<sub>2</sub>O<sub>7</sub><sup>2-</sup>, MnO<sub>4</sub><sup>-</sup>) و یک گونه کاهنده (Fe<sup>2+</sup>) داریم.

گزینه «۳»:

تغییر  $\text{MnO}_4^- : +7 \rightarrow +2$  : عدد اکسایش Mn<sup>2+</sup> : +2

تغییر  $\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-} : +6 \rightarrow +3$  : عدد اکسایش Cr<sup>3+</sup> : +3

گزینه «۴»: عدد اکسایش H و O در این واکنش تغییری نکرده است.

(شیمی ۳ - آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۱)

(امیر هاتمیان)

### گزینه «۳»

اکسندنده‌ای که دارای E° بزرگتر از E°(Fe<sup>2+</sup> / Fe) = -0/44V هستد

می‌تواند Fe را به Fe<sup>2+</sup> اکسید کند. علاوه بر این، اگر E° اکسندنده بزرگتر از

E°(Fe<sup>3+</sup> / Fe<sup>2+</sup>) = 0/77V باشد، اکسندنده در یک واکنش اکسایش -

کاهش خودبه‌خودی Fe<sup>2+</sup> را به Fe<sup>3+</sup> تبدیل خواهد کرد. پس می‌توان تیجه

گرفت اگر E° اکسندنده کمتر از -0/44V باشد، اکسندنده تأثیری روی پودر آهن

نخواهد داشت و اگر E° اکسندنده بین -0/44V و +0/77V باشد، اکسندنده

را به Fe<sup>2+</sup> و اگر E° اکسندنده بزرگتر از ۰/۷۷V باشد، اکسندنده Fe را

در نهایت به Fe<sup>3+</sup> تبدیل خواهد کرد، پس داریم:

عبارت سوم: قدرت کاهنده‌ی فلز روی از A و B بیشتر است؛ بنابراین این واکنش رخ نخواهد داد.

عبارت چهارم: قدرت اکسندنده‌ی یون پایدار عنصر B از یون Zn<sup>2+</sup> بیشتر است.

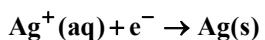
(شیمی ۳ - آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه‌های ۳۳ و ۳۷)

(ممدرخت، جمشیدی)

### گزینه «۴»

فقط مورد چهارم نادرست است.

در سلول گالوانی الکترون‌ها و کاتیون‌ها از آند به سمت کاتد می‌روند.



$$? \text{e}^- = 2\text{L} \times \frac{1\text{mol Ag}^+}{1\text{L}} \times \frac{1\text{mole}^-}{1\text{mol Ag}^+}$$

$$\times \frac{6/02 \times 10^{23} \text{e}^-}{1\text{mole}^-} \times \frac{75}{100} = 9/03 \times 10^{23} \text{e}^-$$

(شیمی ۳ - آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه‌های ۳۹ تا ۴۳)

(سپهر طالبی)

### گزینه «۱»

غیر خودبه‌خودی‌ها	Ag + Co <sup>2+</sup> → -0/28 - 0/8 = -1/08V
	Ag + Zn <sup>2+</sup> → -0/76 - 0/8 = -1/56V
	Ag + Cu <sup>2+</sup> → 0/34 - 0/8 = -0/46V
	Cu + Zn <sup>2+</sup> → -0/76 - 0/34 = -1/1V
	Cu + Co <sup>2+</sup> → -0/28 - 0/34 = -0/62V
	Co + Zn <sup>2+</sup> → -0/76 + 0/28 = -0/48V

$$\underbrace{E_{\text{کاتد}}}_{(0/8)} - \underbrace{E_{\text{(آند)}}}_{(-0/76)} = \frac{\text{emf}}{1/56\text{V}}$$

$$\frac{80}{100} \times 1/56 = 1/248\text{V}$$

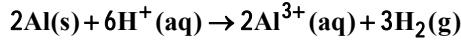
با اتصال این سلول، تنها واکنش بین Zn<sup>2+</sup> و Ag انجام‌پذیر نخواهد بود. زیرا ولتاژ نهایی هم‌جنان منفی است.

(شیمی ۳ - آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه‌های ۳۹ تا ۴۳)

(ممدرخت، جمشیدی)

### گزینه «۴»

معادله موازن شده واکنش به صورت زیر است:



با مصرف H<sup>+</sup>، مقدار pH = 0/4 افزایش یافته یعنی از صفر به ۰/۴ رسیده است.

$$\text{pH} = 0/4 \rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-\text{pH}} = 10^{-0/4} = 10^{-1} \times 4 = 0/4 \text{mol.L}^{-1}$$

در نیم‌سلول استاندارد هیدروژن غلظت H<sup>+</sup> از ۱ به ۰/۴ رسیده و با توجه به

این که حجم یک لیتر است پس:



$$\frac{63}{100} = \frac{x \times \frac{75}{100} \times \frac{60}{100}}{58 / 5 \times 2} \Rightarrow x = 163 / 8 \text{ g NaCl}$$

(شیمی ۳ - آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه ۵۵)

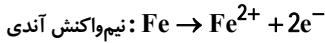
(امیرحسین مسلمی)

**گزینه ۳**

- ۸۹

عبارت‌های (الف) و (ب) و (ت) درست هستند.

در این فرایند نیم واکنش اکسایش و کاهش به صورت زیر است:



بررسی عبارت‌ها:

الف) به ازای این واکنش ۲ مول الکترون مبادله می‌شود.

$$\frac{7 / 224 \times 10^{21} \text{ e}^-}{6 / 02 \times 10^{23} \text{ e}^-} \times \frac{1 \text{ mole}^-}{2 \text{ mol e}^-} \times \frac{1 \text{ mol Fe}}{2 \text{ mol e}^-}$$

$$\times \frac{56 \text{ g Fe}}{1 \text{ mol Fe}} \times \frac{1000 \text{ mg Fe}}{1 \text{ g Fe}} = 336 \text{ mg Fe}$$

ب) در قطب مثبت (کاتد)، یون‌های نقره کاهش می‌یابند و نه اتم‌های نقره.

پ) در آند هر دو فرایند،  $\text{Fe}^{2+}$  به  $\text{Fe}$  تبدیل می‌شود.

ت) در آبکاری قاشق آهنی می‌توان از نقره استفاده کرد.

ث) با جایگزینی روی به جای آهن،  $\text{emf}$  آن به صورت زیر تغییر می‌کند:

$$\text{emf}(\text{Zn} - \text{Ag}) = E_{\text{آند}}^0 - E_{\text{کاتد}}^0 = 0 / 8 - (-0 / 76) = 1 / 56 \text{ V}$$

$$\text{emf}(\text{Fe} - \text{Ag}) = E_{\text{آند}}^0 - E_{\text{کاتد}}^0 = 0 / 8 - (-0 / 44) = 1 / 24 \text{ V}$$

$$\frac{1 / 56 - 1 / 24}{1 / 24} \times 100 = \frac{0 / 32}{1 / 24} \times 100 < 50\%$$

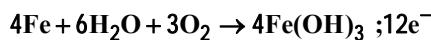
(شیمی ۳ - آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه‌های ۴۴ تا ۴۷ و ۵۷)

(امیرحسین مسلمی)

**گزینه ۳**

- ۹۰

الف) نادرست: واکنش‌های خوردگی آهن و فرآیند هال به صورت زیر است:

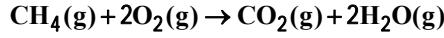


به ازای ۱۲ مول مبادله الکترون، ۴ مول آهن (III) هیدروکسید در واکنش خوردگی آهن ۳ مول کربن‌دی‌اکسید در فرآیند هال تولید می‌شود.

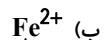
ب) نادرست: فراورده گازی بر قکافت منیزیم کلرید، گاز کلر است که به دلیل واکنش پذیری کمتر از فلورور نمی‌تواند با سدیم فلورورید واکنش دهد.

پ) نادرست: لیتیم در فلزات قلیایی کمترین شمار الکترون‌های با  $= 1$  (زیرلایه ۸) دارد. اما بیشترین قدرت کاهندگی و کمترین  $E^0$  را دارد.

ت) درست: واکنش کلی سلول سوختی متان-اکسیژن به صورت زیر است:

در شرایط STP، حالت فیزیکی آب، مایع خواهد بود و فراورده با جرم مولی  $\text{CO}_2$  به حالت مایع در نمی‌آید.

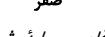
(شیمی ۳ - آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه‌های ۴۹ تا ۵۲)



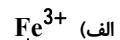
+2



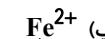
ت



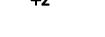
صرفر



+3



پ



+2

(شیمی ۳ - آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه ۴۷)

**گزینه ۱**

- ۸۷

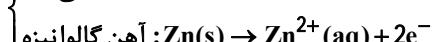
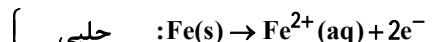
فقط مورد دوم نادرست است.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: پس از ایجاد خراش در این مواد، اتم‌های اکسیژن در نیم واکنش کاتدی  $\text{O}_2(\text{g}) + 2\text{H}_2\text{O}(\text{l}) + 4\text{e}^- \rightarrow 4\text{OH}^-(\text{aq})$  کاهش می‌یابند.

عبارت دوم: برای ساخت این ظروف از حلی استفاده می‌شود. حلی ورقه آهنی است که بهوسیله لایه نازکی از فلز قلع پوشیده شده است.

عبارت سوم: نیم واکنش‌های آندی در این مواد (پس از ایجاد خراش) به صورت زیر است:

دقت شود که یون  $\text{Fe}^{2+}$  بار دیگر اکسایش یافته و به  $\text{Fe}^{3+}$  تبدیل می‌شود.

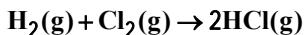
عبارت چهارم: لایه بیرونی آهن گالوانیزه از جنس فلز روی است. فلز روی در هوای مرطوب نیز اکسید می‌شود.

(شیمی ۳ - آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه‌های ۵۷ و ۵۹)

**گزینه ۳**

- ۸۸

معادله‌های موازنۀ شدۀ واکنش‌های انجام شده به صورت زیر است:



برقکافت:

:  $\text{NaCl}$ 

واکنش تولید:

:  $\text{HCl}$ 

و اکنش پاک کردن رسوب کلسیم کربنات:



روش اول (کسر تبدیل):

$$? \text{ g NaCl} = 63 \text{ g CaCO}_3 \times \frac{1 \text{ mol CaCO}_3}{100 \text{ g CaCO}_3} \times \frac{2 \text{ mol HCl}}{1 \text{ mol CaCO}_3}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol Cl}_2}{2 \text{ mol HCl}} \times \frac{2 \text{ mol NaCl}}{1 \text{ mol Cl}_2} \times \frac{58 / 5 \text{ g NaCl}}{1 \text{ mol NaCl}}$$

$$\times \frac{100}{75} \times \frac{100}{60} = 163 / 8 \text{ g NaCl}$$

معکوس بازده درصدی

روش دوم (نسبت):

با توجه به نسبت‌های میان مواد، دارایم:



$$\frac{\text{CaCO}_3}{\text{NaCl}} = \frac{\text{R}_1}{100} \times \frac{\text{R}_2}{100} \Rightarrow \frac{\text{CaCO}_3}{\text{NaCl}} = \frac{\text{R}_1}{100} \times \frac{\text{R}_2}{100}$$

جرم مولی × ضریب

بروزترین و ابرترین  
سایت کنکوری کشور

**WWW.KONKUR.INFO**

